

This is a digital copy of a book that was preserved for generations on library shelves before it was carefully scanned by Google as part of a project to make the world's books discoverable online.

It has survived long enough for the copyright to expire and the book to enter the public domain. A public domain book is one that was never subject to copyright or whose legal copyright term has expired. Whether a book is in the public domain may vary country to country. Public domain books are our gateways to the past, representing a wealth of history, culture and knowledge that's often difficult to discover.

Marks, notations and other marginalia present in the original volume will appear in this file - a reminder of this book's long journey from the publisher to a library and finally to you.

Usage guidelines

Google is proud to partner with libraries to digitize public domain materials and make them widely accessible. Public domain books belong to the public and we are merely their custodians. Nevertheless, this work is expensive, so in order to keep providing this resource, we have taken steps to prevent abuse by commercial parties, including placing technical restrictions on automated querying.

We also ask that you:

- + Make non-commercial use of the files We designed Google Book Search for use by individuals, and we request that you use these files for personal, non-commercial purposes.
- + Refrain from automated querying Do not send automated queries of any sort to Google's system: If you are conducting research on machine translation, optical character recognition or other areas where access to a large amount of text is helpful, please contact us. We encourage the use of public domain materials for these purposes and may be able to help.
- + Maintain attribution The Google "watermark" you see on each file is essential for informing people about this project and helping them find additional materials through Google Book Search. Please do not remove it.
- + Keep it legal Whatever your use, remember that you are responsible for ensuring that what you are doing is legal. Do not assume that just because we believe a book is in the public domain for users in the United States, that the work is also in the public domain for users in other countries. Whether a book is still in copyright varies from country to country, and we can't offer guidance on whether any specific use of any specific book is allowed. Please do not assume that a book's appearance in Google Book Search means it can be used in any manner anywhere in the world. Copyright infringement liability can be quite severe.

About Google Book Search

Google's mission is to organize the world's information and to make it universally accessible and useful. Google Book Search helps readers discover the world's books while helping authors and publishers reach new audiences. You can search through the full text of this book on the web at http://books.google.com/



A propos de ce livre

Ceci est une copie numérique d'un ouvrage conservé depuis des générations dans les rayonnages d'une bibliothèque avant d'être numérisé avec précaution par Google dans le cadre d'un projet visant à permettre aux internautes de découvrir l'ensemble du patrimoine littéraire mondial en ligne.

Ce livre étant relativement ancien, il n'est plus protégé par la loi sur les droits d'auteur et appartient à présent au domaine public. L'expression "appartenir au domaine public" signifie que le livre en question n'a jamais été soumis aux droits d'auteur ou que ses droits légaux sont arrivés à expiration. Les conditions requises pour qu'un livre tombe dans le domaine public peuvent varier d'un pays à l'autre. Les livres libres de droit sont autant de liens avec le passé. Ils sont les témoins de la richesse de notre histoire, de notre patrimoine culturel et de la connaissance humaine et sont trop souvent difficilement accessibles au public.

Les notes de bas de page et autres annotations en marge du texte présentes dans le volume original sont reprises dans ce fichier, comme un souvenir du long chemin parcouru par l'ouvrage depuis la maison d'édition en passant par la bibliothèque pour finalement se retrouver entre vos mains.

Consignes d'utilisation

Google est fier de travailler en partenariat avec des bibliothèques à la numérisation des ouvrages appartenant au domaine public et de les rendre ainsi accessibles à tous. Ces livres sont en effet la propriété de tous et de toutes et nous sommes tout simplement les gardiens de ce patrimoine. Il s'agit toutefois d'un projet coûteux. Par conséquent et en vue de poursuivre la diffusion de ces ressources inépuisables, nous avons pris les dispositions nécessaires afin de prévenir les éventuels abus auxquels pourraient se livrer des sites marchands tiers, notamment en instaurant des contraintes techniques relatives aux requêtes automatisées.

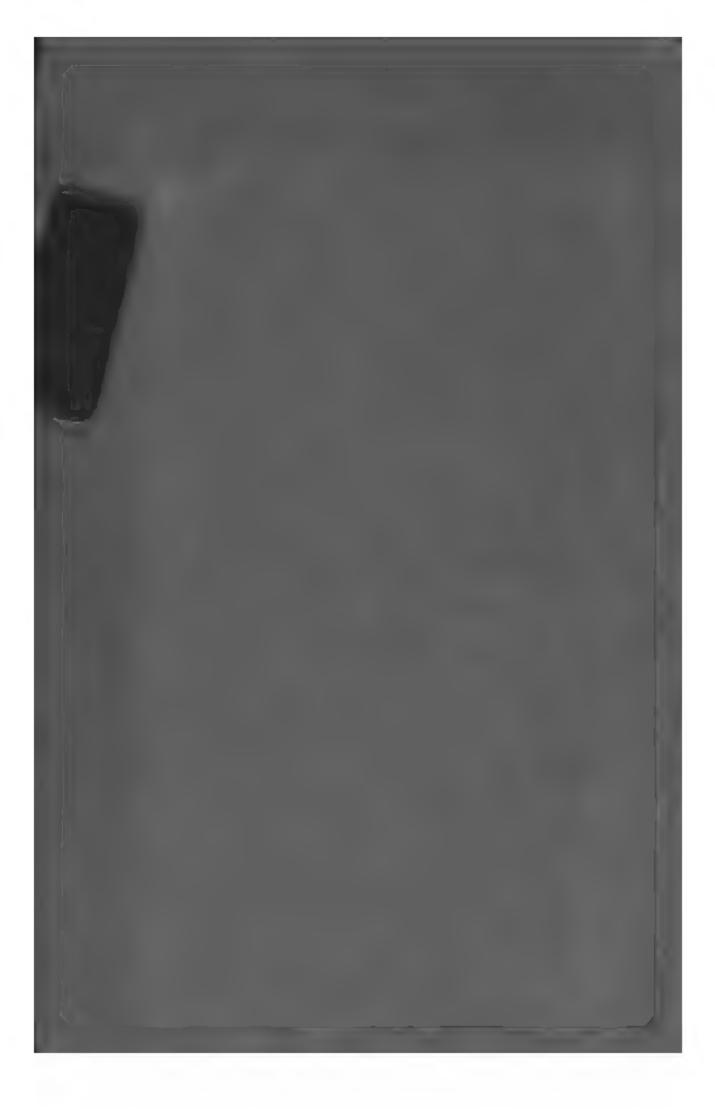
Nous vous demandons également de:

- + Ne pas utiliser les fichiers à des fins commerciales Nous avons conçu le programme Google Recherche de Livres à l'usage des particuliers. Nous vous demandons donc d'utiliser uniquement ces fichiers à des fins personnelles. Ils ne sauraient en effet être employés dans un quelconque but commercial.
- + Ne pas procéder à des requêtes automatisées N'envoyez aucune requête automatisée quelle qu'elle soit au système Google. Si vous effectuez des recherches concernant les logiciels de traduction, la reconnaissance optique de caractères ou tout autre domaine nécessitant de disposer d'importantes quantités de texte, n'hésitez pas à nous contacter. Nous encourageons pour la réalisation de ce type de travaux l'utilisation des ouvrages et documents appartenant au domaine public et serions heureux de vous être utile.
- + Ne pas supprimer l'attribution Le filigrane Google contenu dans chaque fichier est indispensable pour informer les internautes de notre projet et leur permettre d'accéder à davantage de documents par l'intermédiaire du Programme Google Recherche de Livres. Ne le supprimez en aucun cas.
- + Rester dans la légalité Quelle que soit l'utilisation que vous comptez faire des fichiers, n'oubliez pas qu'il est de votre responsabilité de veiller à respecter la loi. Si un ouvrage appartient au domaine public américain, n'en déduisez pas pour autant qu'il en va de même dans les autres pays. La durée légale des droits d'auteur d'un livre varie d'un pays à l'autre. Nous ne sommes donc pas en mesure de répertorier les ouvrages dont l'utilisation est autorisée et ceux dont elle ne l'est pas. Ne croyez pas que le simple fait d'afficher un livre sur Google Recherche de Livres signifie que celui-ci peut être utilisé de quelque façon que ce soit dans le monde entier. La condamnation à laquelle vous vous exposeriez en cas de violation des droits d'auteur peut être sévère.

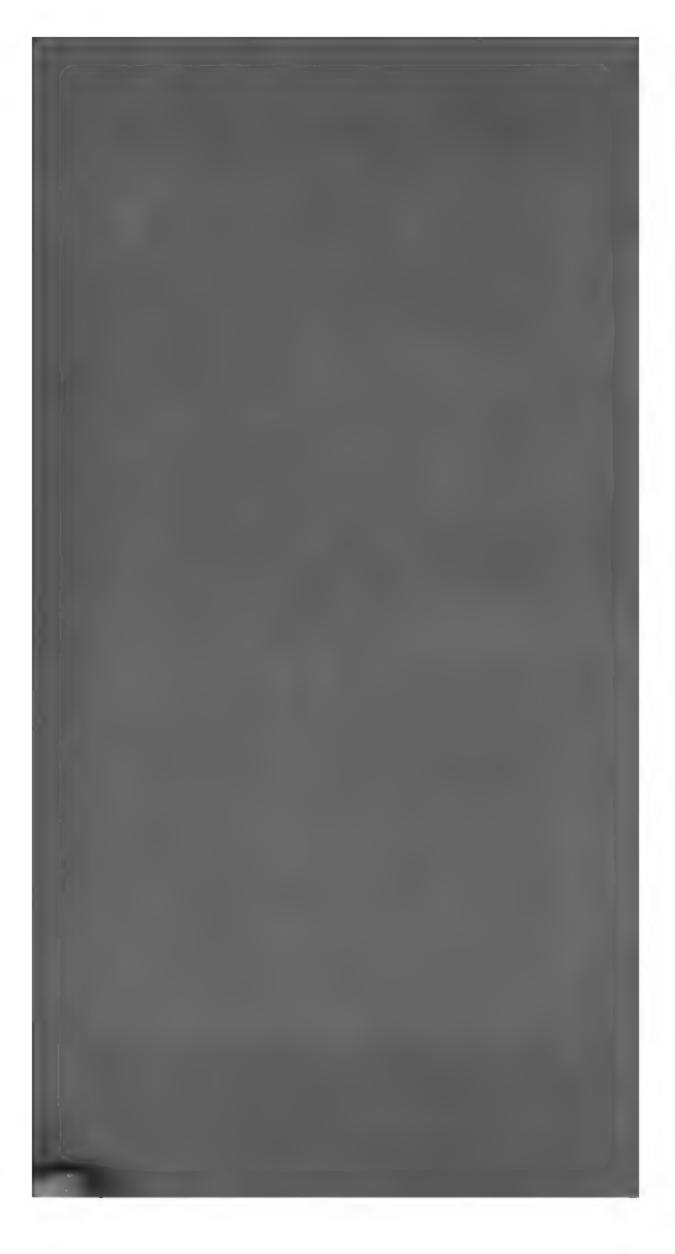
À propos du service Google Recherche de Livres

En favorisant la recherche et l'accès à un nombre croissant de livres disponibles dans de nombreuses langues, dont le français, Google souhaite contribuer à promouvoir la diversité culturelle grâce à Google Recherche de Livres. En effet, le Programme Google Recherche de Livres permet aux internautes de découvrir le patrimoine littéraire mondial, tout en aidant les auteurs et les éditeurs à élargir leur public. Vous pouvez effectuer des recherches en ligne dans le texte intégral de cet ouvrage à l'adresse http://books.google.com











			•	
,		•	•	•

ABRÉGÉ D'ASTRONOMIE.

		•		
•		•		
		•	~	

ABRÉGÉ D'ASTRONOIE.



.

Astronomy-Systematic + Works 1114

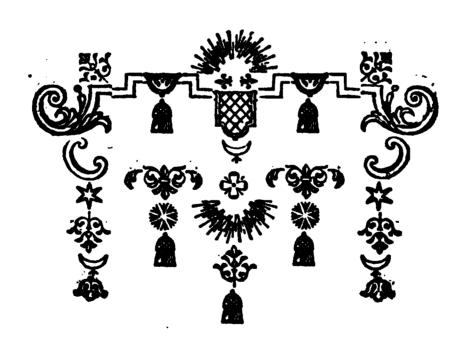
ABREGE D'ASTRONOMIE,

PAR

M. DE LANDE,

Lecteur Royal en Mathématiques; de l'Académie Royale des Sciences de Paris, de celles de Londres, de Pétersbourg, de Berlin, de Stockbolm, de Bologne, &c. Censeur Royal.

Nouvelle Edition, Revue et Corrigée.

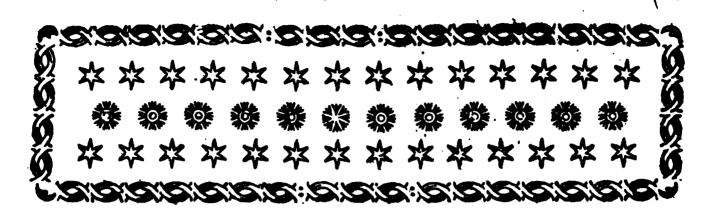


A AMSTERDAM; Chez BARTHELEMI VLAM.

M. DCC. LXXIV.

THE NEW YORK PUBLIC LIBRARY

ASTOP, LENOX
TILDEN FOUNDATIONS



$P R \not E F A C E.$

ASTRONOMIE que j'ai publiée en 1764 en deux volumes, & en 1771 en trois volumes in4°, étoit destinée non-seulement pour ceux qui commencent, mais pour les Astronomes même de profession: on y trouve toutes les méthodes, les découvertes, les observations, les calculs dont ils font usage, & les Tables Astronomiques les plus parfaites.

Mais en donnant ce grand ouvrage au Public, je n'ignorois pas que le plus grand nombre des amateurs le trouveroient trop étendu, & qu'on ne pourroit s'en servir dans les études des Universi-

tés; il falloit donc en publier un extrait.

Les Leçons de M. l'Abbé de la Caille sont du format & de l'étendue de cet Abrégé, mais elles sont trop succintes pour la partie élémentaire, trop abstraites pour les théories astronomiques; on n'y trouve rien sur l'histoire de l'Astronomie, sur les instrumens, sur les observations; ce sont les inconvéniens que j'ai voulu éviter. Lorsque ce grand Astronome composa ses Leçons, il avoit pour objet de les expliquer lui-même à ses auditeurs, il ne lui falloit que le texte imprimé; s'il eût voulu remplir l'objet que je me propose aujourd'hui, il ne m'eût laissé rien à faire.

La méthode & l'ordre de cet Ouvrage sont aussi très-différens de ceux de M. de la Caille: les pre-

miers phénomènes qui doivent frapper les yeux, lorsqu'on examine le Ciel, pour la première fois, m'ont paru devoir commencer un Traité d'Astronomie. J'ai considéré ensuite les conséquences qu'en tirèrent les premiers Astronomes, toujours trèsnaturelles, souvent très-ingénieuses, quelquesois fausses; car les premiers Observateurs ne furent que des Bergers. Ainsi je n'ai pas commencé mon Livre en supposant l'Observateur au centre du soleil, comme a fait M. de la Caille, parce qu'il a fallu deux mille ans pour parvenir à démontrer que le soleil étoit le centre des mouvemens célestes. Je n'ai pas commencé par la définition des cercles de la Sphère, parce que le Lecteur n'auroit point apperçu la nécessité de ces cercles & leur origine; la génération des choses doit précéder leur définition. Enfin, je n'ai pas commencé par l'Histoire de l'Astronomie, il auroit fallu supposer l'Astronomie connue; mais j'ai tâché de conduire l'Histoire avec la chose même, en cherchant l'ordre des Inventeurs, & réunissant l'Histoire de l'Astronomie aux principes de cette Science. J'ai indiqué l'ordre des découvertes lorsque je n'ai pas pu le suivre. L'esprit va toujours de proche en proche; une invention paroît ordinairement merveilleuse, parce qu'on n'apperçoit pas la route par laquelle on y est parvenu; mais elle paroît toujours aisée quand on en rapproche ce qui l'a précédé, & qu'on sait la route qui a conduit à chaque vérité.

A la suite de ces premières Observations nous verrons paroître les travaux de Copernic, de Tycho, de Képler, de Cassini, de Newton; en un mot, des instrumens nouveaux, des systèmes hardis, des découvertes heureuses, des observations délicates; ces deux siècles de lumière ouvriront le

fpectacle le plus étonnant dont l'esprit puisse jouir; mais si nous prenons soin de placer chaque chose à la suite de celle qui lui a donné naissance, si nous transportons le Lecteur dans la position de celui qui aura fait quelque belle découverte, la chaîne reparoîtra, & l'esprit soulagé du fardeau que trop d'admiration impose à l'amour propre, jouira presque du plaisir que l'Auteur même dut avoir; c'est donc à montrer les progrès de l'esprit que la méthode de cet Ouvrage est destinée; point de Science où ils soient plus admirables & plus satisfaisans.

Quelque envie que j'eusse de diminuer la sécheresse d'une étude si ennuyeuse, l'exemple de M. de Fontenelle ne m'a point séduit; je n'ai osé y mêler ni dialogues, ni épisodes, ni digressions; le goût épuré de notre siècle semble avoir un peu écarté cette manière enjouée de présenter les Sciences. Ceux à qui ce genre de lecture pourroit plaire, trouveront de quoi se satisfaire dans le Spectacle de la Nature, T. IV: on y verra des peintures agréables, des conversations amusantes, des réflexions qui intéressent. La fraîcheur des, ombres, le silence de la nuit, la douce lumiere du crépuscule, les feux qui brillent dans le ciel, les diverses apparences de la lune, tout devient entre les mains de M. Pluche un sujet de peintures agréables. Il rapporte tout au besoin de l'homme, aux attentions de l'Etre suprême sur nos plaisire & sur nos besoins, & à la gloire du Créateur. Son Livre est un Traité des causes finales, autant qu'un Livre de Physique, & il y a beaucoup de jeunes gens à qui cette lecture fera le plus grand plaisir. Pour moi, je n'ai eu pour objet que de parler d'Astronomie, & je me contente d'indiquer à la curiosité du Lecteur, le Spectacle de la

Nature, la Théologie Astronomique de Derham, & les Dialogues de M. de Fontenelle sur la pluralité des Mondes.

Mon plus grand soin a été de rendre mes explications faciles à entendre. Je me suis rapellé les dissidultés que j'avois rencontrées moi-même autresois; je les ai analysées & résolues, & j'ai expliqué avec le plus de détail & de clarté qu'il m'a été possible, les solutions que je m'en étois faites; j'ai prosité aussi des difficultés que m'ont proposé plus d'une sois des personnes qui étudioient ces matières, & l'occasion que j'ai eue de les expliquer avec soin.

Les renvois d'un article à un autre n'y sont point épargnés, ils rendront l'usage de ce Livre plus facile; ils m'ont évité beaucoup de répétitions, & ils soulageront la mémoire du Lecteur.

Pour lire cet Ouvrage avec fruit, il faut tâcher d'avoir un globe céleste; il est sur tout nécessaire

pour bien entendre le premier Livre.

La seconde attention qu'il faut avoir dans une semblable lecture, c'est de se rendre chaque propolition assez familière, pour n'être point étonné qu'elle ait été trouvée, & qu'elle paroisse si naturelle qu'on eût pu soi-même la présumer, au moven de ce qui précède; il ne faut quitter un article qu'après l'avoir compris, ou du moins y revenir bientôt; c'est le moyen de tout comprendre dans le moindre espace de temps. Mais le conseil le plus important que l'on doive donner à ceux qui étudient les Mathématiques, c'est d'exercer leur imagination beaucoup plus que leur mémoire, c'est de lire peu & de penser beaucoup, de chercher par eux-mêmes les démonstrations, ou du moins d'essayer leurs forces le plus souvent qu'ils pourront; c'est ainsi qu'on acquiert l'esprit des Mathématiques, le goût des recherches, la facilité de découvrir & d'inventer; il faut développer soimême les choses qu'on a lues, en tirer des corollaires, en faire des applications, & ne chercher dans le Livre, s'il est possible, que la confirmation de ce qu'on aura trouvé. Les longs détails dans lesquels je suis entré quelquesois, sont pour les Curieux qui n'ont ni l'âge, ni le temps nécessaire pour suivre la méthode que je viens de conseiller.

Je ne suppose d'autres connoissances que celles des élémens ordinaires de Géométrie & seulement dans quelques articles des élémens d'Algebre, tels que ceux de MM. Clairaut, Bezout, Bossut; &c. mais tous les articles où je suppose l'Algebre sont imprimés en petit Romain, pour qu'on puisse les passer sans interrompre la lecture des élémens.

Dans cet Abrégé les explications les plus élémentaires sont exactement les mêmes que dans mon grand Ouvrage, dont celui ci est l'extrait, souvent je me sers des mêmes termes; de-là on peut conclure que cet Abrégé est inutile à ceux qui ont les 3 vol. in 40. Cependant beaucoup de Lecteurs savent qu'il faut ébaucher par une première lecture une étude d'aussi longue haleine, & ils aimeront peut-être à trouver dans ce petit volume un choix; déja fait par l'Auteur même, de ce qui leur convient, & ce qu'ils auroient eu peine à chercher eux-mêmes dans une étendue six fois plus grande.

D'ailleurs j'ai ajouté à la fin de ce Volume une Table nouvelle des dimensions des planètes & de leurs distances, d'après la parallaxe du soleil déterminée par le passage de Vénus; elle servira déja de supplément à mon Astronomie, en attendant que je publie un autre Supplément in-4°. pour

être joint à l'ouvrage même.

Avantages de l'Astronomie.

En donnant au Public un Traité d'Astronomie, en annonçant que cette Science a paru aux plus grands hommes digne d'une étude de toute la vie, on est obligé de répondre à cette question: A quoi sert l'Astronomie? Je pourrois demander à mon tour: A quoi servent tant de choses inutiles ou dangereuses, dont on s'occupe journellement sur la terre? Mais la digression me meneroit trop loin, je me borne à mon sujet. L'étude en général est un des besoins de l'humanité; lorsqu'une fois on éprouve cette curiosité active & pénétrante qui nous porte à pénétrer les merveilles de la Nature, on ne demande plus à quoi sert l'étude, car elle sert alors à notre bonheur.

L'étude est d'ailleurs un préservatif contre le désordre des passions; & il me semble qu'il faut spécialement distinguer un genre d'étude qui élève l'esprit, qui l'applique fortement, & lui donne par conséquent des armes plus sûres contre les dangers dont je parle. Il ne suffit pas de connoître le bien, disoit Séneque, de savoir ce qu'on doit à sa patrie, à sa famille, à ses amis, à soi même, si l'on n'a pas la force de le faire; il ne suffit pas d'établir les préceptes, il faut écarter les obstacles: Ut a! præcepta quæ damus possit animus ire, solvendus est, (Epist. 95.) Je ne connois rien qui réussisse mieux à cet égard que l'application aux Sciences Mathématiques, & spécialement à l'Astronomie. Les merveilles qu'on y découvre captivent l'ame, & l'occupent d'une manière noble, délicieule & exempte de danger; elles élevent l'imaginarion, elles persectionnent l'esprit; elles remplissent & satisfont le cœur; elles éloignent les desirs dangereux & frivoles; elles procurent sans cesse une nouvelle jouissance.

Les plus grands Philosophes de l'Antiquité parlèrent de l'Astronomie avec admiration. Diogène Laërce raconte qu'on demandoit à Anaxagore pour quel objet il étoit né; il répondit que c'étoit pour contempler les astres. S'il y a dans sa réponse de l'exagération en faveur de l'Astronomie, on y voit au moins l'enthousiasme avec lequel un homme de génie contemploit le spectacle du Ciel. Platon faisoit aussi le plus grand cas de l'Astronomie; voyez ce qu'il en dit dans son 35e Livre intitulé Epinomis vel Philosophus, que Marcile Ficin appelle le Trésor de Platon: Noite ignorare Astronomiam sapiențissimum quiddam esse; &c. il va jusqu'à dire dans un autre endroit que les yeux ont été donnés à l'homme à cause de l'Astronomie: c'étoit peut-être l'idée d'Ovide lorsqu'il disoit:

Finxit in effigiem moderantum cuncta Deorum,
Pronaque cum spectent animalia cætera terram,
Os bomini sublime dedit, cælumque tueri
Just, & erectos ad sidera tollere vultus. Met. I. 13.

Pythagore disoit que les hommes ne devroient avoir que deux études, celle de la Nature pour éclairer l'esprit, celle de la Vertu pour régler se cœur. On regarde avec raison l'étude de la Morale comme la plus nécessaire & la plus digne de l'homme: A proper study of mankind is man, dit Pope, mais on se tromperoit en croyant qu'on peut être véritablement Philosophe sans l'étude des Sciences naturelles. Pour être sage, non par soiblesse, mais par principe, il faut savoir réséchir & penser fortement; il faut, à force d'étude, s'être affranchi des préjugés qui trompent le jugement, qui s'opposent au développement de la raison & de l'esprit. Pythagore ne vouloit point de

Disciple qui n'eût étudié les Mathémathiques; on lisoit sur la porte, nul ici qui ne soit Géomètre; la morale seroit peu sûre & peu attrayante pour nous, si elle devoit être fondée sur l'ignorance ou sur l'erreur.

Doit-on compter pour rien l'avantage d'être garanti par l'étude des malheurs de l'ignorance? Peuton envisager, sans un mouvement de compassion & de honte, la stupidité des peuples qui croyoient autrefois qu'en faisant un grand bruit dans une éclipse de lune on apportoit du remede aux souffrances de cette Déesse, ou que les Eclipses étoient produites par des Enchanteurs?

Cùm frustra resonant æra auxiliaria Lunæ. Met. IV. 333.

Cantus & è curru lunam deducere tentat,

Et faceret, si non æra repulsa sonent. Tib. I. El. 8.

Indépendamment de cette erreur qui dégrade le peuple, on trouve dans l'Histoire plusieurs traits qui montrent le désavantage que l'ignorance en Astronomie donna quelquesois à des Généraux, à des Nations entières. Nicias, Général des Athéniens, avoit résolu de quitter la Sicile avec son armée; une éclipse de lune, dont il sut frappé, lui sit perdre le moment favorable, & sut cause de la mort du Général & de la ruine de son armée; perte si sur neste aux Athéniens, qu'elle sut l'époque de la décadence de leur patrie. Alexandre même, avant la bataille d'Arbelle, sut effrayé d'une Eclipse de lune; il ordonna des sacrisices au soleil, à la lune, à la terre, comme aux Divinités qui causoient ces Eclipses.

On voit, au contraire, des Généraux plus instruits, à qui leurs connoissances en Astronomie ne furent pas inutiles. Périclès conduisoit la flotte des Athéniens, il arriva une éclipse de soleil qui causa une épouvante générale, le Pisote même.

trembloit; Périclès le rassure par une comparaison familière: il prend le bout de son manteau & lui en couvrant les yeux, il lui dit, crois-tu que ce que je fais-là soit un signe de malheur? Non, sans doute, répondit le Pilote. — Cependant c'est aussi une éclipse pour toi, & elle ne diffère de celle que tu as vue, qu'en ce que la lune étant plus grande que mon manteau, elle cache le soleil à un plus grand nombre de personnes.

Agathocle, Roi de Syracuse, dans une guerre d'Afrique, voit aussi dans un jour décisif la terreur se répandre dans son armée à la vue d'une éclipse; il se présente à ses soldats, il leur en explique les causes, & il dissipe leurs craintes. On raconte des traits de cette espece à l'occasion de Sulpitius, & de Dion, Roi de Sicile. Nous verrons bientôt d'autres exemples du savoir & des connoissances

astronomiques des plus grands Princes.

Nous lisons un fait également honorable à l'Astronomie dans l'Epstre que Roias adresse à Charles-Quint, en lui dédiant ses Commentaires sur le Planisphère. Christophe Colomb en commandant l'armée que Ferdinand, Roi d'Espagne, avoit envoyée à la Jamaïque, dans les premiers temps de la découverte de cette Isle, se trouva dans une disette de vivres si générale, qu'il ne lui restoit aucune espérance de sauver son armée, & qu'il alloit être à la discrétion des Sauvages: l'approche d'une éclipse de lune fournit à cet habile homme un moyen de sortir d'embarras; il sit dire aux Chefs des Sauvages que si dans quelques heures on ne lui envoyoit pas toutes les choses qu'il demandoit, il alloit les livrer aux derniers malheurs, & qu'il commenceroit par priver la lune de sa lumière. Les Sauvages méprisèrent d'abord ses menaces; mais aussi-tôt qu'ils virent que la

lune commençoit en effet à dispassitre, ils furent frappés de terreur; ils apporterent tout ce qu'ils avoient aux pieds du Général, & vinrent eux-

mêmes demander grace. (a. 186) 48

Un des avantages que le progrès de l'Astronomie a procuré, c'est d'avoir dissipé les erreurs de l'Astrologie: combien ne adoit on pas s'applaudir d'avoir perfectionné l'Astronomie, jusques à affranchir les hommes de certe misérable imbécillité dont ils furent si long-rems dupes. Je ne puis m'empêcher de rapporter à ce sujet l'aventure de l'année 1186, qui dut couvrir de honte tous les Astrologues de toute l'Europe: Chrétiens, Juiss, ou Arabes, tous sétoient réunis pour annoncer! sept ans auparavant, par des lettres qui furent publiées solemnesiement dans l'Europe, une conjonction de voutes les Planetes, qui devoit être accompagnée de si terribles ravages, qu'il y avoit à craindre un bouleversement universel: on s'attendoit à voir la fin du monde: cette année les passa néanmoins comme les autres; mais cent autres mensonges aussi bien avenés, n'auroient pas suffi pour détacher des hommes ignorans & crédules du préjugé de leur enfance; il a fallu qu'un esprit de Philosophie & de recherche se répandit parmi les hommes, leur développat l'étendue & les bornes de la Nature, & les accoutumât à ne plus s'effrayer sans examen & sans preuve.

On voit encore de temps en temps la crédulité du Public accréditer les rêveries de l'ignorance: c'est ainsi que le vent surieux & la chaleur extraordinaire du 20 Octobre 1736 sirent publier dans les Gazettes que le soleil avoit rétrogradé, & il fallut que les Savans prissent la peine de détromper le public (four. de Trévoux, Avril 1737, page 692. Lestre Philosophique pour rassurer l'Univers, Eté

à Paris, chez Prault pere, Quai de Gevres, 1736, 32 pages in-12). Tout le monde à la fin de 1768 croyoit Saturne perdu, & on le débitoit dans les écrits périodiques les plus sensés, & dans les compagnies les plus cultivées. Mais ce n'est tien encore en comparaison de la sensation extravagante qu'a fait au commencement de Mai 1773 un Mémoire sur les Comètes; je n'avois fait que parler de celles qui dans certains cas pourroient approcher de la terre, & l'on a dit presque généralement à Paris que j'avois prédit une Comète extraordinaire, & qu'elle alloit occasionner la fin du monde. Lorsque la masse des connoissances répandues dans nos villes sera plus étendue, on ne verra plus de rêveries pareilles prendre faveur dans le Public.

Les Comètes furent long-temps, mais dans un fens tout différent, un de ces grands objets de terreur que l'Astronomie a ensin dissipés, même parmi le Peuple. On est fâché de trouver encore des préjugés aussi étranges, non-seulement dans Homere (light. iv. 75), mais dans le plus beau Poëme du dernier siècle, où elles peuvent éterniser la honte de nos erreurs:

Qual con le chiome sanguinose horrende Splender Cometa suol per l'aria adusta, Ch'i regni muta e i sieri morti adduce, E ai purpurei tiranni infausta luce. Jerus. Lib. VII. 52.

Les charmes de la Poësie sont actuellement employés d'une manière bien plus philosophique & plus utile; témoin ce beau passage de M. de Voltaire au sujet des Comètes, dans son Epstre à Madame la Marquise du Châtelet:

Cometes que l'on craint à l'égal du tonnerre, Cessez d'épouvanter les peuples de la terre; Dans une ellipse immense achevez votre cours, Remontez, descendez près de l'astre des jours; Lancez vos seux, volez, & revenant sans cesse, Des mondes épuisés ranimez la vieillesse.

C'est ainsi que l'étude approfondie & les progrès de la véritable Astronomie ont dissipé des préjugés absurdes, & rétabli notre raison dans tous ses droits. Mais ce n'est point à cela seul que se réduit l'utilité de cette Science, elle contribue au

bien général dans plus d'un genre.

On sait assez que la Cosmographie & la Géographie ne peuvent se passer de l'Astronomie. Les observations de la hauteur du Pole apprirent aux hommes que la Terre étoit ronde; les éclipses de Lune servirent à connoître les longitudes des différens pays de la Terre, ou leurs distances mutuelles d'occident en orient. Nous ne savons pas, disoit Hipparque (cité par Strabon) si Alexandrie est au nord ou au midi de Babylone sans l'observation des climats; & l'on ne peut savoir si un pays est à l'orient ou à l'occident d'un autre, sans l'observation des éclipses. On voit par l'Alcoran que les Voyageurs traversoient les déserts de l'Arabie en observant les astres: Dieu, dit-il, nous a donné les étoiles pour nous servir de guides dans l'obscurité, soit sur terre, soit sur mer. Cela est conforme à ce que rapporte Diodore de Sicile des anciens Voyageurs.

La découverte des satellites de Jupiter a donné une plus grande perfection à nos Cartes Géographiques & Marines, que n'auroient pu faire dix mille ans de navigations & de voyages; & quand leur théorie sera encore mieux connue, la méthode des longitudes sera plus exacte & plus facile.

L'étendue de la Méditerranée étoit presque inconnue vers l'an 1600; on la connost aujourd'hui aussi Livre de Gemma Frisius de orbis divisione 1530, on trouve 53° de dissérence en longitude depuis le Caire jusqu'à Tolède, au lieu de 35° qu'il y a réellement; les autres distances y sont étendues à proportion: nous avons encore 3 à 4 degrés d'incertitude par rapport à l'extrêmité de la mer noire, & avant 1769 on étoit en erreur d'un demi-degrés sur la longitude de Gibraltar & de Cadix.

C'est à l'Astronomie que l'on fut redevable des premières navigations des Phéniciens, & c'est encore à elle que nous devons la découverte du nouveau Monde. Christophe Colomb avoit une connoisse sance intime de la sphère, peut-être plus que perfonne de son temps; puisqu'elle lui donna cette certitude, & lui inspira cette consiance avec laquels le il dirigea sa route vers l'occident; certain de rejoindre par l'orient le continent de l'Asie, ou d'en

trouver un nouveau.

S'il reste actuellement quelque chose à destrer pour la persection & la sûreté de la navigation, c'est de trouver aisément les longitudes en mer; on les a, quand on veut, par le moyen de la lune (a); & si les Navigateurs étoient un peu Astronomes, leur estime ne les tromperoit jamais de 20 lieues, tandis qu'ils sont quelquesois à plus de deux cens lieues de leur estime dans des voyages sort ordinaires: l'incertitude où étoit Milord Ansson sur la position de l'Isse de Juan Fernandez, en l'obligeant de tenir la mer plus long-temps qu'il n'eût été néressaire, coûta la vie à so hommes de son équipage.

L'utilité de la Marine pour le bien d'un Etat sert donc à prouver celle de l'Astronomie; or il

⁽a) Les Montres marines faites en Angleterre par M. Harrison, en France par M. Berthoud & par M. Leroy, nous donnent aussi les longitudes à un demi-degré près, dans l'espace de deux mois de navigation.

me semble qu'il est difficile à un bon Citoyen de méconnostre aujourd'hur l'utilité de la Marine, sur-tout en France. Le succès des Anglois dans la guerre de 1761, n'à que trop démontre que la Marine seule décide des Empires, de leur puissance, de leur commerce; que la paix & la guerre re se décident sur mer, & qu'ensin, comme dit M. le Miere:

C'est à peu-près ce que Ehémistocie disoit à Athènes, Pompée à Rome (a), Cromwell en Angleterre, Richelieu & Colbert en France, il somble

sur-tout que le Cârdinal, de Richelieu (Tessament:
Politique, cb. ix. sett 5.) prévoyoit de l'Angle-

terre ce que nous avons éprouvé.

-L'état actuel des Loix & l'administration ecclésixstique se trouvent essentiellement lies avec l'Astronomie, relativement au Calendrier; S. Augustin en récommandoit l'étude par cette seule considération; S. Hippolyte s'en étoit occupé autrefois, de même que plusieurs Pères de l'Eglise: cependant notre Calendrier étoit dans un tel état d'imperfection que les Juiss & les Turcs même avoient lieu d'être étonnés de notre ignorance à cet égard. Nicolas V, Léon X, &c. avoient bien eu le dessein de rétablir l'ordre dans le Calendrier, mais on n'avoit pas alors des Astronomes dont la réputation méritat assez de confiance. Grégoire XIII siègea dans un temps où les Sciences commençoient à renaître; & il eut seul la gloire de ceste réformation en 1582.

L'Agriculture empruntoit autrefois de l'Astronomie les regles & ses indications: Joh, Hésiode, Varron, Eudoxe, Aratus, Ovide, Pline, Colu-

⁽a) Pompeius cujus consilium Themistocleum est, existimat en mare teneat eum necesse rerum poteri; itaque qui nunquam egit ut Hispania per se tenerentur, navalis apparatus cura ei semper antiquissima suit. (Cic. al All. L. x. ep. 7.)

melle, Manillus, nous en fournissent mille preuves: les Pletades, Arcurus, Orion, Sirius donnoieut à la Grece & l'Egypte le fignal des différens travaux de la campagne. Le lever de Sirius annonçoit aux Grecs les moissons, aux Egyptiens les débordemens du Nil : on en citeroit bien d'autres exemples, le Calendrier y supplée actuellement; M. de Gebelinentreprend de prouver, dans un Ou« vrage très lavant, que toute la mythologie ancienne le rapporte à l'Agriculture (Allegories erientales, 1773.)

La Chronologie ancienne tire de la connoissance & du calcul des éclipses les points les plus fixes qu'on puille trouver, & dans les tems qui sont plus éloignés l'on ne trouve qu'obscurité; la Chronologie Chinoise est toute appuyée sur les éclipfes, comme le P. Gaubil l'a vérifié: nous paus fions dans l'Hiftoire des Nations aucune incertitude sur les dates, s'il y avoit toujours eu des Astronomes: on peut voir sur tout la liaison de l'Astronomie & de la Chronologie dans l'Art de outre fier les dates, in folio 1770; & dans l'Ouvrage Auglois de Kennedy, A complete fiftem of aftronombe cal chronology, London 1762. in 44:

'C'est par une éclipse de Lune qu'on a reconnu l'erreur de date qu'il y a dans l'Ere vulgaire par fapport à la naissance de J. C. On sait qu'Hérode. étoit Roi de Judée; mais nous savons par Josephe-(Antig. Jud. 2011. 6.) qu'il y eut une éclipse de Lune immédiarement avant la mort d'Hérode. Ontrouve cette écliple dans la nuit du 12 au 13 Mars de la quatrieme année avant l'Ere vulgaire, enforte que cette Ere devoit être reculée de trois ans

au moins.

C'est par des éclipses de Soleil que M. Costard a fixé à l'année 603 avant J. C. la fin de la guerre entre les Lydiens & les Medes; & à l'an 478 l'expédition de Xerxès contre la Grece, que l'on me toit communément à l'an 480 (Costard. bist. of A-stron. p. 236), & qu'il concilie Hérodote & Xénophon sur la conquête de la Médie par Cyrus.

C'est encore de l'Astronomie que nous empruntons la division du temps dans les usages de la vie, & l'art de régler les horloges & les montres: on peut dire que l'ordre & la multitude de nos affaires, de nos devoirs, de nos amusemens, le goût de l'exactitude & de la précision, notre habitude ensin, nous ont rendu cette mesure du temps presque indispensable, & l'ont mise au nombre, des besoins de la vie.

Si au défaut des horloges & des montres on trace des méridiennes (art. 155) & des cadrans solaires, c'est un nouvel avantage de l'Astronomie, puisque la Gnomonique n'est qu'une application de la Trigonométrie sohérique & de l'Astronomie.

de la Trigonométrie sphérique & de l'Astronomie. La Météréologie, c'est-à-dire, la connoissance des changemens de l'air, des vents, des pluies, des iécheresses, des mouvemens du thermomètre & du baromètre, a certainement un rapport bien elsentiel & bien immédiat avec la santé du corps hu-Il est très-probable que l'Astronomie y seroit d'une utilité sensible, si l'on étoit parvenu, à force d'observations, à trouver les influences physiques du Soleil & de la Lune sur l'atmosphère, & les révolutions qui en résultent. Galien avertit les malades de ne pas se mettre entre les mains des Médecins qui ne connoissent point le cours des astres, parce que les médicamens donnés hors des temps convenables, sont inutiles où nuisibles; je ne doute pas qu'il ne voulût parler des principes de l'Astrologie judiciaire, & des influences qu'on imaginoit alors d'après une ignorante superstition; mais en réduisant tout à sa juste valeur, il paroît que les attractions qui soulèvent deux fois le jour les eaux de l'Océan, peuvent bien influer sur l'état de l'atmosphère. On peut consulter à ce sujet M. Hossman & M. Mead qui en ont parlé assez au long, & le mot Crise dans l'Encyclopédie. Je voudrois que les Médecins consultassent au moins l'expérience à cet égard, & qu'ils examinassent si les crises & les paroxysmes des maladies n'ont pas quelque correspondance avec les situations de la Lune, par rapport à l'équateur, aux syzygies, & aux apsides; plusieurs Médecins habiles m'en ont paru persuadés, & c'étoit pour les engager à s'en occuper que je donnai, pendant quelques années, dans la Gazette de Médecine, le détail des circonstances assez de la constances de la constances de la constances de la constance de médecine, le détail des circonstances de la constances de la constance de médecine, le détail des circonstances de la constance de médecine, le détail des circonstances de la constance de médecine, le détail des circonstances de la constance de médecine, le détail des circonstances de la constance de médecine, le détail des circonstances de la constance de médecine, le détail des circonstances de la constance de médecine, le détail des circonstances de la constance de médecine, le détail des circonstances de la constance de médecine de médec

astronomiques dont on devoit tenir compte.

Ces différens avantages qui se rassemblent en faveur de l'Astronomie, l'ont fait rechercher de tous lès temps & chez tous les peuples du monde. Josephe, dans ses Antiquités Judasques, fait remonter jusqu'à Adam le goût de l'Astronomie, & les premieres découvertes qu'on y fit. Il nous dit que les descendans de Seth y avoient fait des progrès considérables, & que voulant en conserver la mémoire, ils avoient gravé sur des colonnes de pierre & de brique leurs observations astronomiques. Josephe attribue à Abraham les premieres connoissances des Egyptiens. On voit plusieurs passages astronomiques dans le Livre de Job: Numquid conjungere valebis micantes stellas Pleyadas, augyrum Arctari poteris dissipare? Numquid producis Luciferum in tempore suo, & Vesperum super filios terre consurgere facis? (38. 31.) On attribue aussi à Moyse des connoissances de même especé: du moins S. Etienne dit de lui dans les Actes des Apôtres qu'il étoit versé in omni sapientià Ægyptiorum; ce qu'on ne doit entendre que de la connoissance des astres qui avoit rendu les Egyptiens a célebres.

Le Sage s'éleve avec raison contre ceux que l'admiration des astres a portés jusqu'à en faire des Dieux; mais bien loin d'en condamner l'étude, il la conseille pour la gloire du Créateur: Qui borum pulchritudine delectati Deos putaverunt, sciant quantà bis Creator corum speciosor est; à magnitudine enim speciei & creatura cognoscibiliter poterat Creator bos sum videri. (Sap. c. 13.). David trouvoit aussi dans les astres de quoi s'élever à la contemplation de Dieu: Cæli enarrant gleriam Dei....Videbo cœ. los tuas opera digitorum tuerum, Lunam & Stellas qua zu fundusti. Et nous voyons Derham appeller Théologie astronomique un Ouvrage où il présente dans toute leur force, la singularité & la grandeur des découvertes qu'on a faites en Astronomie, comme autant de preuves de l'existence de Dieu. Voyez ce que pensoit Aristote à ce sujet, dans le huitieme Livre de sa Physique.

Ceux qui aiment la lecture de l'Histoire ancienne des Physiciens & des Poëtes Grecs & Romains, ont sur-tout besoin de connoître l'Astronomie; on la retrouve à chaque page dans les Anciens, soit pour marquer le temps des labours & des semences, soit pour les sêtes & les cérémonies religieuses. Les Poëtes qui ont illustré la Grece & l'Italie, & dont les ouvrages sont actuellement surs de l'immortalité, aimèrent tous & connurent l'Astrono. mie; quelques-uns en ont même fait un usage si fréquent, qu'on ne sauroit entendre leurs ouvrages sans le secours de cette Science. Les Commentateurs n'ont pas beaucoup avancé cette partie, & j'ai eu occasion de remarquer qu'il y auroit encore beaucoup à faire: on le peut voir aussi par différentes notes que j'si fournies à M. l'Abbé de l'Isle pour sa traduction des Géorgiques, à M. de la Bonnetterie pour son édition des Auteurs qui ont écrit de Re Rustica, & à M. Poinsinet pour sa nouvelle traduction de Pline. On peut compter parmi les Grecs qui ont parlé d'Astronomie, Homere, Hésiode, Aratus; parmi les Latins, Lucrece, Horace, Virgile, Ovide, Manilius, Lucain, Claudien; ils paroissent dans plusieurs endroits de leurs ouvrages, remplis d'admiration pour l'Astronomie. Horace nous annonce qu'il veut prendre son essor vers les astres:

Astra, juvat ire per alta Astra, juvat terris & inani sede relictis, Nube vehi, validique humeris inudere Atlantis.

Dans un autre endroit il nous raconte les objets de curiosité & de recherches dont il envioit l'occupation à son ami:

Qua mare compescant causa, quid temperet annum, stellæ sponte sua jussane vagentur & errent, Quid premat obscurum Lunæ, quid proferat orbem.

L. I. ep. 12. ad Iccium.

Virgile sembloit vouloir renoncer à toute autre étude pour s'occuper des merveilles de l'Astronomie:

Me verò primim dulces ante omnia Muse,
Quarum sacra sero, ingenti perculsus amore,
Accipiant, cossique vias & sidera monstrent,
Desectus Solis varios, Lunzque labores,
Unde tremor terris, qua vi maria alta tumescant
Objicibus ruptis, runsusque in se ipsa residant;
Quid tantum Oceano properent se tingere soles
Hyberni, vel que tardis mora noctibus obstet
Felix qui potuit rerum cognoscere causas. Georg. II. 475.

Ovide fait un éloge si pompeux des premiers Inventeurs de l'Astronomie, que je ne puis me refuser d'en placer ici une partie:

Felices animos quibus hæc cognoscere primis,
Inque domos superas scandere cura suit,
Credibile est illes pariter vitissque locisque,
Altiùs humanis exeruisse caput.
Non Venus aut vinum sublimia pectora fregit,
Officiumve fori, militiæve labor,
Nec levis ambitio, perfusaque gloria suco,
Magnatumve sames sollicitavit opum.

Admovere oculis distanția sidera nostris, Ætheraque ingenio supposuere suo.

Sic petitur cœlum. Fast. I. 297.

La connoissance des astres a été souvent la source de plusieurs beautés dans les ouvrages des Poëtes anciens: on voit rarement chez eux cette ignorance qui dépare quelques Ouvrages modernes; telle est celle du Poëte qui parlant des deux poles, suppose que l'un est le Pole brûlant, & l'autre le Pole glacé (M. de Jarry, Prix de 1714).

La Fontaine parle de l'Astronomie d'une ma-

nière très-noble quand il dit:

Quand pourront les neuf Sœurs loin des cours & des villes, M'occuper tout entier, & m'apprendre des cieux Les divers mouvemens inconnus à nos yeux, Les noms & les vertus de ces clartés errantes.

Songe d'un Habitant du Mogok

M. de Voltaire, non-seulement le premier Poëte de notre siècle, mais le plus instruit qu'il y ait peut-être jamais eu, a fait voir dans plusieurs endroits de ses Ouvrages, combien il avoit de goût pour la Physique céleste. Dans une Lettre écrite en 1738, il sembloit imiter les regrets de Virgile & de la Fontaine, & tourner tout son goût vers les Sciences; il composa sur la Physique de Newton un Livre qui lui a fait honneur, & il en a fait beaucoup aux Sciences & aux Savans qu'il a célébrés dans les plus beaux vers, sur-tout à Newton dont il parle ainsi dans une Epstre à Madame la Marquise du Châtelet:

Confidens du Très Haut, Substances éterneiles, Qui parez de vos seux, qui couvrez de vos ailes Le trône où votre Maitre est assis parmi vous: Parlez! Du grand Newton n'étiez-vous point jasoux?

On ne peut comparer à cela que les deux vers de Popé sur le même sujet; que je n'ose traduire de peur de les affoiblir:

Nature and Nature's laws lay hid in night; God said: let Newton be, ad all was light.

Jamais homme ne fut si digne de ces éloges subli-

mes, & si dignement célébré.

L'indifférence pour le plus beau spectacle de l'univers, a paru étrange aux plus grands Génies que nous ayons eu dans tous les genres; le Tasse met dans la bouche de Renaud des réslexions qui méritent d'être citées, pour l'instruction de ceux à qui le même reproche peut s'adresser; c'est dans le temps où marchant, avant le jour, vers la montagne des Oliviers, il contemploit la beauté du Firmament:

Con gli occhi alzati contemplando intorno,
Quinci notturne e quindi matutine,
Bellezze incorruttibili e divine.
Frà sè stesso pensava, ò quante belle
Luci il tempio celeste in se raguna!
Ha'il suo gran Sole il di, l'aurate stelle.
Spiega la notte e l'argentata Luna;
Ma non è chi vagheggi ò questa ò quelle;
E miriam noi torbida luce e bruna,
Ch'un girar d'occhi, un balenar di riso
Scopre in breve consin di fragil viso!

Ferus. Lib. Cant. XVIII. v. 94.

Les honneurs rendus de tous les temps & chez tous les Peuples du monde, aux Astronomes célèbres, prouvent le cas qu'on a toujours fait de cet-

te Science. L'on a vu en 1695 frapper une médaille à l'honneur de M. Cassini, (elle est sigurée dans la Description de la Méridienne de Bologne); mais l'Histoire ancienne fournit des traits plus églatans en saveur de l'Astronomie. Les anciens Rois de Perle & les Prêtres de l'Egypte, se choisissoient parmi les plus habiles dans cette Science. Les Rois de Lacédémone avoient des Astronomes dans leur conseil; Alexandre en avoit à sa suite dans ses expéditions militaires, & l'on assure qu'Aristote lui écrivoit de ne rien faire sans leur avis; il est-vraique le goût des prédictions y entroit pour beaucoup, mais la véritable Astronomie en prosita. On sait combien Ptolomée Philadelphe, second Roi d'Egypte, favorisa cette Science; on vit de son temps une multitude d'hommes célèbres, Hip: parque, Callimachus, Apollonius, Aratus, Bion, Théocrite, Conon, qui n'étoient point des Astrologues.

Jules-César se piquoit d'avoir des connoissances singulières en Astronomie, comme on le voit par le discours que Lucain lui fait tenir à Achorée, Prêtre d'Egypte, dans le repas de Cléopatre. Tibere étoit fort appliqué à l'Astronomie, au rapport de Suetone. L'Empereur Claude prévit que le jour d'un anniversaire de sa naissance il devoit arriver une éclipse; il craignoit qu'elle n'occasionnât à Rome des terreurs ou des tumultes, & il en sit faire un avertissement public, dans lequel il expliquoit les circonstances & les causes de ce phé-

nomene.

L'Astronomie fut cultivée spécialement par les Empereurs Adrien & Sévère, par Charlemagne, par Léon V, Empereur de Constantinople, par Alphonse X, Roi de Castille, dont nous avons les Tables Alphonsnes, par Frédéric II, Empereur d'Occident; celui-ci sit traduire l'Ouvrage de

Prolomée en Latin, & en établit à Naples l'ensei-

enement public,

On peut voir dans mon Aftronomie combien le Calife Almamon, le Prince Ulug Beg, & beaucoup d'autres. Monarques de l'Afie & de la Chine simerent l'Astronomie. On fait, dit le P. Gaubil. que c'est à l'Astronomie que la Religion doit son entrée dans la Chine; sans l'Astronomie elle en feroit bannie depuis long-temps, (T.II, p. xvi, & P. #17.) On cite encore parmi les Héros qui ont chéri cette Science, Mahomet II, Conquérant de l'Empire Grec, l'Empereur Charles Quint, Charles II; Roi d'Angleterre, & fur-tout Louis XIV. la protection qu'il accorda aux Sciences, paroît afsez dans l'établissement de l'Académie; les Astronomes de Paris furent appellés plus d'une fois à la Cour par la curiofité de ce Prince, & il les honora lui-même de fa présence (Histoire Céleste, p. 271.); Louis XV leur donne chaque jour de femblables marques de l'intérêt qu'il prend à leurs travairs; le Roi d'Angleterre s'en occupe lui-même avec plaisir, & vient de se faire bâtir un très-bel Obfervatoire pour son usage au Château de Richemond.

Hévélius, quoique né & établi à Dantzie, y recut une preuve singuliere de l'estime que Louis XIV & le grand Colbert avoient pour lui; ce sut après un affreux incendie qu'il éprouva le 26 Sept. 1679, par la malice d'un de ses domestiques: M. Colbert, par une lettre datée de S. Germain le . 28 Décembre 1679, écrit à Hévélius que le Roi, prenant part à la perte qu'il avoit faite, lui saisoit présent de 2000 écus. On voit la copie de cette lettre, écrite à la main sur l'exemplaire de la Sélénographie d'Hévélius, qui est à la Bibliotheque du

Roi.

C'est avec de pareilles marques de protection & d'estime que des Sciences, aussi ingrates pour ceux qui les cultivent, peuvent se soutenir & se perfectionner. L'établissement des Académies de Londres, de Paris, de Berlin, de Pétersbourg, de Stockholm, de Bologne, &c. a signalé le goût de plusieurs Princes & autres personnés en place pour les Sciences, & elles ont sur-tout contribué au

progrès de l'Astronomie.

Indépendamment de ces Compagnies célebres il y a quatre Etablissemens qui ont principalement servi à l'Astronomie, soit en formant des élèves, soit en donnant à des astronomes déja célèbres, la facilité de se livrer à leur goût; le College Royal de France, le College de Gresham à Londres, et les Fondations d'Oxford & de Cambridge en Angleterre; j'en ai parlé assez au long dans la Présace de mon Astronomie, ainsi que de tous les Observade mon Astronomie, ainsi que de tous les Observatoires célebres où il s'est fait jusqu'ici des observations importantes; le nombre de ces Observatoires s'augmente de jour en jour, on en projette un à Versailles même, & nous avons lieu d'espérer que l'Astronomie fera bientôt les progrès qui exigent un grand nombre de coopérateurs.



TABLE

des douze Livres qui composent cet Ouvrage; & de leurs subdivisions.

LIVRE PREMIER.

The second of the second of the second of	
E LA SPHERE & des Constellations,	Page .
Trouver la bauteur du Pole par le moyen des-l	Stoiles - To
De la grandeur de la Terre,	1
Des Latitudes géographiques ou terrestres,	
Des Longitudes géographiques,	**************************************
Du mouvement propre de la Lune & de ses Pl	bases. 20
Du mouvement annuel, & de l'Ecliptique,	1951 5 L
De l'obliquité de l'Ecliptique & des Tropiques	2
Mouvement du Soleil,	2
Des Planètes en général,	3
Des ascensions droites, déclinaisons, longitude.	s & latitudes de
Astres,	3
De la Sphere armillaire,	3
De la Sphere droite, oblique & parallele, 💛	38
Des Saisons & des Climats,	
Des Zones terrestres,	4
Des Antipodes,	.0.29
Tracer une ligne méridienne,	5 Carrier 5 5
Du Globe céleste artificiel, & de ser usages.	60
Connoissant la latitude d'un pays de la Terre, {	Fle lever du So
leil à chaque jour de l'année, trouver l'heure	du lever & du
_coucher du Soleil,	61
Trouver quels sont les points où le Soséit se le	ve à chaque jour
	64
Trouver l'ascension droite du Soleil pour un cert	
Trouver à une beure quelconque l'ascension dro	ite du milieu du
_Ciel,	, 63
Trouver à quelle beure le Soleil doit avoir un ce	rtain degré d'azi
mut à un jour donne,	" 67
Trouver quelle est la bauteur d'un Astre à un is	ystant donné, 69
Trouver l'heure de la culmination ou du passage	: d'une Etoile par
le Méridien;	7.
Trouver quel jour une Etoile se leve à une certe	ine beure, ibid.
Trouver quel jour une Etoile cessera de parostr	e le soir après le
coucher du Soleil; c'est le jour de son couches	beliaque, 75
	•

Du Globe terrestre artisiciel, & de ses usages, 78
Dec Confettmiene
Tables des cent Constellations qu'on représente sur les Globes ter-
restres.
Heures du possage au Méridien des étailes le premier jour de
chaque mois, avec leur hauteur meridienne pour Paris, 85
Methodes des Alignemens, 87
Des Etoiles changeantes, -& des nébuleuses, 91
LIVRE SECOND:
FONDEMENS DE L'ASTRONOMIE & Systèmes du Monde. 102
Du mouvement & des inégalités du Soleil, 103
De la Méthode des bauteurs correspendantes, 113
Description du quart de cercle mobile,
De la mesure du Temps. 122
Trouver le temps vrai d'une observation, 126
De l'Equation du Temps:
Des Passages au Méridien, du lever & du coucher des Astres,
131
Système du Monde, 136
Système de Copernic, 141
Système de Tycho-Brabé, 148
Objections contre le Système de Copernic, 153
Explications des Phénomènes dans le Système de Copernic, 159
Mouvemens des Planetes vus de la Terre, 166
Des Revolutions planétaires, 178
Des Equations séculaires, 179
Retours des Planetes aux mêmes situations, 181
Stations & rétrogradations des Planetes, 182
LIVRE IIL
THÉORIE DU MOUVEMENT des Planetes autour du Soleil, 184
Du mouvement Elliptique, 192
De l'Equation de l'Orbite, 198
Détermination des Apbélies, 204
Mesbode pour corriger à la fois les trois Elemens d'un Orbite,
206
Des nœuds & des inclinaisons des Planetes, 209
Des Inclinaisons, 211
Des Diametres, des Planetes, & des Micrometres qui servent
-à les mesurer,
LIVRE IV.
De Mouvement de la Lune, & du Calcul des Perellaxes,
321
Des Inégalités de la Lune,
Des Nauds & de l'Inclinaison de l'Orbite luneire, 232

Du Diametre de la Lundy 1 3 1. V 1 Page	211
The fee Describers of the Farms of the Company of t	,2347
Methodes pour trouver la Parallaxe borizontale d'une Pla	nete,
and the second of the contract	3401
LIVER YOUR	n Ci
The life there	- 4 AF t
Des Eclipses de Lune,	4501
Trouver les Phajes d'une Religie de Lyung.	. #5KT
Das Eelipses de Soleil,	12571
Des Eclipses de Lune, Tremver les Phoses d'une Eclipse de Lune. Des Eclipses de Soleil, Tremver les Phoses d'une Eclipse de Soleil per le meyer des jezions,	APP.
Trouper les Phofes d'une Eclipse de Seleil ou d'Esoile, qu	472
Trouper les Phases d'une Eclipse de Soleil ou d'Etoile, qu	46- AB
tillic Co in combar.	283
Usages des Eclipses pour trouves les Langitudes géographi	ques,
	290
Des Passages de Venus & de Mereure sur le Soicil	-204
LIVEE VI.	
The Paragraph was but a second of the	.48
Marhader raue ablance la assessité des Mithiams affinement	309
Des Réfaltions aftronomie	ines,
LIVRE VII.	304
Des Mouvemens des Erviles Pires.	100
De l'aberration des Etoiles,	34 L
Dela Wasation.	324
armone to the state of the test of the state of	100
Data Figure De LA Taget	.329
De la Figure de la Terre de Jon applatiffement.	330
LIVRE IX.	,
Des Sateralies de Judigen & de Saturne,	340
Inévalites des Satellites,	343
Des Ecliples des Satelities,	349
Des Satellites de Saturne,	357
LIVRE X.	
DES COMETES.	362
Différences Opinions sur les Cometes,	365
Du mouvement parabolique des Cometes,	368
Du Retour des Cometes,	377
Différentes Remarques sur les Cometes,	380
LIVRE XI.	5
DE LA ROTATION des Planetes & de leurs Taches,	385
De l'Equateur solaire & de la rotation du Soleil,	391
De la Rotation lunaire & de la Libration,	397
De-la Rotation & de la Figure des autres Planejes,	400
Delle phuralité des Mondes,	402
·	

LIVRE XII. De la Pesantzur ou de l'Attraction des Planetes d' Page 405 De la force centrale dans les Orbites circulaires, 415 Du mouvement elliptique des Planetes, 432 Des inégalités produites par l'Attraction, 434 Du mouvement des Apsides, 445 Du mouvement des nœuds des Planetes, 445 Du flux & du resux de la Mer, 450 Table qui contient le Résultat des observations les plus récentes

Fin de la Table des Livres.

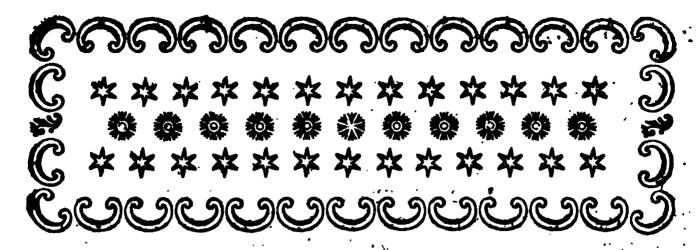
fur les révolutions, les grandeurs, & les distances des Pla-

Extrait des Registres de l'Académie Royale des Sciences.

Du 22 Janvier 1774.

Essieurs le Gentil & Messier, qui avoient été nommes par l'Académie pour examiner un Abrégé d'Astronomie par M. de la Lande, en ayant fait leur rapport, l'Académie a jugé cet Ouvrage digne de l'impression, en foi de quoi j'ai signé le présent Certificat. A Paris, le 22 Janvier 1774.

GRANDJEAN DE FOUCHY, Secr. perp. de l'Acad. Royale des Sciences.



ABREGÉ D'ASTRONOMIE.

LIVRE PREMIER.

De la Sphère, & des Constellations.

le ciel & ses divers mouvemens, consiste à suivre l'ordre naturel des choses qu'on y remarque, & des rapports qui en résultent. Nous voyons tous que le soleil & la lune se levent & se couchent chaque jour; mais si nous passons une nuit à regarder les autres astres, nous les verrons se lever & se coucher aussi, & nous en tirerons cette conclusion qu'il y a un mouvement commun par lequel les astres en général font le tour de la terre en 24 heures.

2. Si pour considérer plus attentivement les circonstances de ce mouvement diurne, on se place en un lieu élevé, & qu'on regarde autour de soi, on ne pourra s'empêcher de remarquer le cercle le plus apparent, c'est-àdire l'horizon. Ce vaste contour du ciel qui parost autour de nous en forme de cercle, & qui termine la vue de tous côtés, quand nous sommes en pleine mer ou dans un lieu élevé, divise le ciel en deux parties; mais celle qui est au dessus de l'horizon est la seule visible, elle parost sous la forme d'un hémisphère ou d'une moitié de boule. Les astres ne sont visibles que quand ils parviennent dans cet bémisphère supérieur; & nous disons alors qu'ils se levent,

3. Après ce premier cercle, il s'en présente d'autres qui sont presque aussi remarquables; car en examinant le mouvement général des astres, pendant l'espace d'une nuit ou de plusieurs, on remarque bientôt que chaque étoile décrit un cercle dans l'espace d'environ 24 heures; les étoiles qui sont plus au Nord, décrivent de plus peuits cercles que les autres; & l'on voit tous ces cercles décrits par différentes étoiles diminuer de plus en plus, aller enfin se perdre & se confondre en un point élevé de la rondeur du ciel, que nous appellons le Pole du monde; celui que nous voyons est le pole boréal, septentrional ou arctique.

4. Ainsi, pour se former une idée de l'astronomie, il faut d'abord apprendre à connoître le pole du monde, c'est-à-dire, l'endroit du ciel étoilé vers lequel il se trouve placé. On remarque dans le ciel une étoile qui en est fort proche, & qu'on nomme l'Etoile polaire. Cette étoile étant fort près de ce pole fixe, autour duquel les autres étoiles tournent chaque jour, paroît sensiblement dans la même place, à quelle heure & dans quelle saison de l'année qu'on la regarde; mais elle est la seule dans ce cas là; toutes les autres étoiles décrivent des cercles autour de l'étoile polaire, ou plutôt autour du pole, qui est comme le centre du mouvement, ou le moyeu de la roue. Nous ferons voir dans le cours de cet ouvrage (article 400) que ces mouvemens, qui sont de pures apparences, proviennent du mouvement de la terre; mais nous devons nous en tenir d'abord, comme les anciens astronomes, à remarquer les phénomenes, sans remonter à leur cause; notre marche en sera plus naturelle & plus facile.

5. L'Etoile polaire pourroit se reconnostre sans autre indication: le lecteur seul & isolé, qui n'auroit jamais observé le ciel, & qui auroit seulement la patience d'examiner, pendant une partie de la nuit, les différentes étoiles, en remarquant leur hauteur & leur position par rapport à des clochers, à des montagnes, ou à d'autres objets remarquables, s'appercevroit bientôt qu'il y a une assez belle étoile, qui conserve à très peu près, pendant toute la nuit, une même situation, & il reconnostroit par-là celle qu'on a dû nommer Etoile polaire. Si cette marque ne suffisoit pas pour la reconnostre, l'observateur

s'y prendroit de la manière suivante.

6. On comost par-tout cette constellation, composée de sept étoiles, représentée dans la figure premiere, & que les gens de la campagne nomment le Charriet de David, parce qu'elle a en effet quelque apparence de charriot. Parmi les astronomes elle est appellée la grande Ourse; si l'on tire une ligne par les deux étoiles qui sont les plus éloignées de la queue, marquées a & \beta dans la figure premiere, cette ligne prolongée du côté de l'étoile a, passera fort près de l'étoile polaire, qui est à peuprès autant éloignée de l'étoile d, que celle-ci l'est de l'étoile n, qui forme l'extrémité de la queue. L'étoile polaire sera plus élevée en certains temps que la grande ourse; en d'autres temps elle sera plus basse: dans le premier cas, la ligne qui doit aller rencontrer l'étoilé polaire, devra se prolonger au-dessus de la grande ourse; c'est ce qui arrive lorsqu'au commencement de Novembre on la regarde sur les 16 heures du soir: si c'étoit au commencement de Mai à la même heure, on verroit la grande ourse au plus haut du ciel; & ce seroit en - bas qu'il faudroit prolonger la ligne qui joint les deux étoiles précédentes du carré de la grande ourse, pour rencontrer l'étoile polaire: d'autres fois enfin, l'étoile polaire sera sur le côté; & la ligne dont il s'agit, s'étendra ou à droite ou à gauche de la grande ourse; mais dans tous les cas, c'est toujours du côté de l'étoile a, ou du même côté que la convexité de la queue, que doit se trouver l'étoile polaire; & le pole du monde qui en est tout proche.

7. Un observateur qui connost dans le ciel la situation du pole du monde, distinguera naturellement les Points Cardinaux; le Nord & le Sud, l'Orient & l'Occident. Premiérement le Nord ou le septentrion, c'est le côté vers lequel on est tourné quand on regarde le pole; 2 · le Sud que nous nommons le midi dans nos climats, c'est le côté opposé, c'est celui où nous parost le soleil vers le milieu du jour; 3 · l'Orient, le levant, ou l'Est; 4 · l'Occident, le couchant, ou l'Ouest; ces deux derniers sont placés entre les deux autres points du nord & du sud, à égale distance ou à angles droits; l'un du côté où les astres se lèvent, l'autre du côté où ils se couchent.

L'orient est à droite quand on regarde le Pole.

8. Le Zenit est aussi un des points les plus nécessaires à considérer dans le ciel; & les astronomes en parlent à tout moment: c'est le point qui répond directement us-

dessus de notre tête, celui auquel va se diriger le silvaplomb lorsqu'on y suspend un poids, & que l'on imagine ce sil prolongé vers le haut jusques dans la concavité du ciel.

9. Le zénit étant le point le plus élevé du ciel, il est toujours éloigné de 90 degrés ou d'un quart de cercle de tous les points de l'horizon (a). Si donc un astre parost élevé au dessus de l'horizon de 60°, il sera éloigné du zénit de 30, car 60 & 30 font les 90° qu'il y a depuis l'horizon jusqu'au zénit; ainsi nous pourrons dire à l'avenir, que la hauteur d'une étoile est le complément de sa distance au zénit, parce que le complément d'un arc est

ce qui lui manque pour aller à 90°.

leste, celui qui est directement apposé au zénit, celui vers lequel se dirige par en-bas un sil à-plomb, par la gravité naturelle. Le nadir & le zénit étant directement opposés l'un à l'autre, si l'on conçoit un cercle qui fasse tout le tour du ciel, en passant par le zénit & par le nadir, il y aura 180°, ou un demi-cercle d'un côté, & autant de l'autre; nous appellerons vertical (184) un cercle allant ainsi du zénit au nadir, de quel côté qu'il soit; comme on appelle ligne verticale celle que marque le sil à-plomb, & dont la direction prolongée haut & bas, va marquer le zénit & le nadir.

endroit bien découvert, on conçoit naturellement qu'en voyant une moitié de globe sur notre tête, il y en a aussi la moitié que nous ne voyons pas. Ainsi l'horizon est un grand cercle de la sphère qui, pour chaque lieu de la terre, sépare la partie visible du ciel de celle qui ne

l'est pas.

12. Tel est l'horizon rationel ou mathématique: nous ne parlerons pas de ce qu'on appelle quelquefois borizon sensible, que l'on considere comme un plan parallele à l'horizon rationel, & qui touche la surface de la terre: nous ne ferons aucun usage de celui-ci; & d'ailleurs il ne differe point de l'horizon rationel, dès qu'il s'agit des astres qui sont fort éloignés de nous; il en differe seule-

⁽a) Nous supposons comme une chose connue, qu'on enrend par un degré la trois cent soixantieme partie d'un cercle, & que par conséquent le quart d'un cercle entier est de quatre vingt-dix degrés.

ment à raifoit des objets qu'i nous environnent, de qui bornent la vue quand on n'est pas en pleine mer ou sur un endroit très-élevé. L'horizon sensible en pleine mer, quand l'ori est à cinq pieds de hauteur, s'étend environ à 2300 toiles de distance (voyez art. 824).

13. L'horizon est différent pour tous les différent points de la terre: chaque pays, chaque observateur a donc le sien; & quand nous changeons de place, nous changeons d'horizon. L'observateur placé en A, (se. 2) a pour horizon HO; s'il s'avançoit de 10° au point B son horizon deviendroit RI, & seroit avec le précé-

dent un angle qui seroit suffi de 10°.

14. Ayant bien remarqué du côté du nord le lieu du pole boréal ou septentrional, élevé au-dessus de l'horizon, il est aisé de concevoir qu'il y en a un autre du côté de midf, qu'on a appellé Pals méridional, austrat ou amartis que, opposé au premier, de abaissé d'autant au dessous de l'horizon. A Paris, le pole boréal est élevé d'environ 40°; le pose austréal, est abaissé d'autant : ces deux poles sont les extrémités d'une ligne droite qu'on imagine alter de l'un à l'autre, de qui s'appelle l'Axt du mouder; parce que c'est en esset autour de cette ligne comme au ou esseu, que tout le ciel parost tourner chaque jour.

15. Lorsqu'on connoît les deux extrémités de l'axe ou de l'effieu, il est aisé de concevoir la roue ou le cercle qui est dans le miljeu; & ce sera l'EQUATEUR; il fusifire d'imaginer un cercle placé dans le milieu de l'axe, & également éloigné des deux poles du monde. Soit un cercle HPZEORQH (fig. 3), qui passe par les poles & qui représente la circonférence d'un vertical (4rt. 10) P le pole boréal, R le pole austral qui lui est oppolé, PR l'axe du monde; la ligne EQ représentera le diametre de l'équateur, ou du cercle qui passe à égales diffances des deux poles, & dont le plan est perpendiculaire à l'axe, comme le plan d'une roue est perpendiculaire à son esseu : ainsi l'on doit concevoir sur le diametre EQ un vercle qui soit perpendiculaire au plan de la figure, dont la moitié solt au deffus de ce plan, de l'autre moitié au-dessous. Ce cercle sera l'équateur. Ce fut-là véritablement le premier cercle que les anciens aftronomes le figurèrent. & auquel les Caldéens & les Egyptiens rapportoient tous les aftres. du temps d'Hérodôte, 450 ans avant J. C. La fituation

ABREGE D'ASTRONOMIE, LIV. I.

ie 'aquateur, mui placé à égale distance des deux poles, cuit qu'un peut dire en général & indisséremment, que la inière avec son équateur EQ, tourne autour de l'are PR, ou autour des poles P & R de l'équateur. La figure 6 représente aussi l'équateur EFQGE vu ce perspective, & situé entre les poles P & R.

16. C'est ce mouvement diurne autour de l'axe & des poles du monde, qui est exprimé dans les vers suivans

de Manilius (a):

)

Aëra per gelidum tenuis deducitur axis,
Libratumque gerit diverso cardine mundum;
Sidereus medium circa quem volvitur orbis.
Æternosque rotat cursus immotus.... L. I. v. 179.

Le pole boréal, ou le pole arctique est désigné dans Lucain & Manilius par le voisinage de la grande ourse qu'on appelloit Arctos:

Axis inocciduus gemina claristimus Arcto. Luc. VIII. 175. Atter in adversum politus succedit ad Arctos. Manil. I. 68. 2.

Et Virgile désigne la différence des poles, dont l'un est élevé du côté du nord, l'autre abaissé au midi, en disant:

Hic vertex nobis semper sublimis, at illum
Sub pedibus. Styx atra videt, manesque profundi. Georg. 1. 242.

17. De même qu'on a appellé les points P & R poles de l'équateur, parce que l'équateur est à égales distances de l'un & de l'autre; on appelle en général Poles d'un cercle les deux points de la sphère qui sont les plus éloignés de ce cercle, ou ceux qui sont situés sur une ligne perpendiculaire au plan du même cercle, & passant par son centre. Ainsi le zénit est le pole de l'horizon; il en est de même de tout autre cercle: son pole en est toujours éloigné de 90° en tout sens.

18. La ligne qui passe par les deux poles d'un cercle, s'appelle aussi en général l'AxE de ce cercle: par exemple, la ligne verticale est l'axe de l'horizon. Il ne faut

⁽a) Le poëme de Manilius renferme une ample description des cercles de la sphère, des signes du zodiaque, des vertus qu'on leur attribuoit & des saisons. Ceux qui aimeront ce genre de poésse doivent lire aussi les poèmes de Buchanam, du Pere Boscovich & de M. Stay.

pas confondre l'aze avec le diametre d'un cercle; ce sont rieux choses tout-à-fait différentes: le diametre est tiré dans le plan même du cercle, mais l'axe s'élève perpendiculairement des deux côtés, & bors de ce plan; il n'a qu'un seul point de commun avec le cercle, & c'est du centre même du cercle, où l'axe le traverse.

119; Après avoir examiné chaque jour les points où le soleil se lève & se couche, on sera naturellement tenté d'appeller milieu du jour, méridien, ou milieu du ciel, l'endroit où il est quand, après avoir monté au plus haut de sa course, il commence à descendre; c'est-àdire, le point où est sa plus grande élévation dans le milieu du jour. Si l'on remarque de même tous les astres qui se lèvent & se couchent, on verra qu'ils sont à leur plus grande hauteur dans le milieu de l'intervalle du lever au coucher, quoique plus ou moins élevés; & 1'on dira de même qu'ils sont dans le méridien. Mais ce point est différenment élevé pour les différens astres, & même pour le soleil, que nous voyons tantôt plus haut, tantôt plus bas à midi; l'on imaginera donc un grand cercle, tel que HPZEORQH passant par le zénit, par le nadir, & par les poles, & ce sera le méridien. Il est ainsi appellé, parce qu'il marque le milieu du jour quand le soleil y arrive: chaque point de ce cercle est également éloigné de l'horizon à droite & à gauche; ensorte que tous les astres entre leur lever & leur coucher se trouveront dans le méridien une fois au-dessus de l'horizon, & une fois au-dessous après leur coucher. Leur circulation diurne est donc partagée en quatre parties égales, depuis leur lever jusqu'à leur passage au méridien, depuis le passage au méridien jusqu'au coucher, depuis le coucher jusqu'au passage inférieur par le même cercle, & depuis ce passage à la partie inférieure du méridien, jusqu'au lever du jour suivant.

Le cercle du méridien partage tout le ciel en deux hémisphères, dont l'un est à l'orient, & l'autre à l'occident. On appelle l'un bémisphère oriental, & l'autre bémisphère écidental. Le méridien passe aussi par les deux poles du monde, puisqu'il partage en deux parties tous les cercles que les astres décrivent autour des poles.

que les astres décrivent autour des polcs.

20. Le méridien d'un pays situé plus à l'orient ou plus à l'occident que Paris, est différent du méridien de Paris; & l'observateur qui marche vers l'orient ou vers l'occi-

ABRICE D'ASTRONOMIE, LIV. L 7

nen: change de méridien, de toute la quantité dont il rance vers l'orient ou l'occident, puisque son méridien malie roujours par son nouveau zénit, & par les deux poles de monde. Ainsi de Paris à Brest, il y a environ 7°, son: Paris est plus oriental que Brest, & par conséquent le mendien de Paris differe de 7º de celui de Brest. Il T'r a qu'un moven de changer de place sans changer de mendien: c'est d'aller directement vers le nord ou vers le sud, c'est-à-dire, vers un des poles.

11. Tous les méridiens des différens pays de la terre se réunissent & se coupent aux deux poles du monde. puiscu'ils sont tous menés d'un pole à l'autre (19); ils fort tous coupes en deux parties égales par l'équateur. puisque l'équateur est par-tout à égale distance des deux poles; ils sont tous perpendiculaires à l'équateur. Mais quand l'observateur place dans un lieu fixe, parle du méridien, il doit roulours entendre le méridien du lieu où ji est : celui qui passe par son zénit, & que l'on conçoit

comme five audi bien que l'horizon.

Après avoir établi dans la sphère céleste, trois cercirc principant, l'horizon, l'équateur & le méridien : l'obfin vircuir dent rapporter à ces cercles tous les astres qu'il chiling that d'abord à l'horizon qu'il est forcé, pour ninii ilhe, de les comparer; car un astre n'est visible que mirind il addève au-dessus de l'horizon: le soleil ne nous d'anite avoir surmonté ce cercle terminateur; & plus un lite selève au-dessus de l'horizon, plus nous avons long-1... h le voir. Cette élévation d'un astre au-dessus de ishusseus est donc un des phénomènes auxquels il étoit le 1'1112 maturel de s'attacher; ainsi l'une des premieres obformaliens qu'on ait eu à faire, c'étoit de mesurer la HALLEUR d'un astre sur l'horizon.

... soit un observateur O, (fig. 4) dont Z est le zéull, A 110 R l'horizon; puisqu'il est convenu, entre les attronomes de tous les temps, de diviser le cercle en 360% un comptera nécessairement 90° depuis Z jusqu'en R; car e n' est le quart du cercle ou de la circonférence entiere; alun une étoile qui parostroit en Z auroit 90° de hauteur; will qui scroit en A, à égale distance de l'horizon R, &

du .em 2, en auroit 45, & ainsi des autres.
24. L'observateur () qui veut mesurer ces hauteurs n'a qu'à former un quart-de-cercle BD, de carton, de bois

eu de métal, le diviser en 90 parties, placer un des côtés BO verticalement, au moyen d'un fil à-plomb, & dans cet état remarquer, en mettant l'œil au centre O, sur quel point C répond l'astre A; le nombre de degrés compris entre D & C sur son instrument, sera le même que celui des degrés AR de la sphère céleste, qui matquent la hauteur de l'astre A au-dessus de l'horizon. En effet, si l'arc DC est la huitieme partie d'une circonférence entiere ou la moitié de BD sur le petit instrument, l'arc céleste AR sera aussi la moitié de ZR; ainsi . l'un & l'autre seront de 45°. Les degrés ne sont autre chose que des parties aliquotes ou des portions de la circonférence entiere, & il y en a 90 dans le quart d'un très-petit cercle, comme dans le quart d'un très-grand, tout comme il y a deux moitiés ou quatre quarts dans un objet quelconque, grand ou petit; c'est sur cette considération qu'est fondée la mesure des Angles, dont nous ferons sans cesse usage, puisque toutes nos mesures dans le ciel, confisteront en degrés, ou en parties de cercle. 25. Les astronomes disposent d'une maniere plus commode le quart-de-cercle qu'ils emploient à mesurer les hauteurs: ils placent un des côtés BO (fig. 5.), de maniere qu'il soit dirigé vers l'étoile A, dont ils veulent mesurer la hauteur; au centre O de cet instrument, est fuspendu librement un fil à-plomb O E U, alors l'arc E Gdu quart-de-cercle que l'on emploie, compris entre le fil à-plomb & le rayon OG, aura autant de degrés que l'arc AR, qui est la hauteur de l'astre A au-dessus de l'horizon OR; car la ligne verticale ZOED fait avec le rayon de l'étoile B O A un angle, dont la mesure est l'arc ZA d'un côté, & de l'autre l'arc BE qui lui est semblable, & a le même nombre de degrés; c'est ce que nous appellerons la distance au zénit; or, l'arc ZA est le complément de l'arc AR, comme BE est le complément de EG; ainsi l'arc AR est semblable à l'arc GE, donc ce dernier arc exprime la hauteur de l'astre, aussi

bien que l'arc AR. Telle est la maniere dont les astro-

nomes procèdent dans cette observation fondamentale &

qui revient sans cesse: il ne s'agit, pour observer la hauteur d'un astre au-dessus de l'horizon, que de diriger un des côtés BO du quart-de-cercle BEG vers l'astre sup-

posé en A, & de voir combien le fil à plomb ZOED,

cepte de degrés, en comptant de l'autre rayon OG de l'instrument, c'est-à-dire, de combien est l'arc GE. C'est là-dessus qu'est fondé l'usage du quart-de-cercle astronomique, dont nous serons une description détaillée en parlant des fondemens de l'astronomie (331), mais dont il étoit nécessaire de donner une idée dès à présent.

26. La mesure des angles, faite par le moyen d'un quart-de-cercle ou d'une autre portion quelconque de circonférence, est la base de toute l'astronomie: en effet, un astronome veut connostre les mouvemens & les révolutions des corps célestes, & assigner en tout temps la si-. tuation apparente de tous les astres, les uns par rapport aux autres; il suffit pour cela de savoir qu'à partir d'un point donné dans le ciel, un astre est avancé plus qu'un autre, d'un nombre de degrés, ou d'une portion quelconque de la circonférence. Ce n'est point en lieues, en toises, ou autres mesures absolues, que nous avons besoin de connoître ces mouvemens apparens, nous y parviendrons bien ensuite (585); mais il ne fut d'abord question parmi les anciens astronomes, & nous ne traitons nous-mêmes dans ce premier livre, que des mouvemens relatifs & apparens, qui s'expriment en degrés, minutes & secondes, ou en portions de cercle, & qui suffisent pour représenter en tout temps l'état du ciel tel qu'il paroît à nos yeux.

On observe, par exemple, qu'un astre est éloigné d'un autre de la moitié du ciel, c'est-à-dire, de 180°, en sotte qu'il lui est diamétralement opposé; c'est la plus gran. de de toutes les distances apparentes: s'il se trouve un troisieme astre à la moitié de cet intervalle, & qui paroisse entre les deux autres, nous dirons qu'il est à 90° ou un quart-de-cercle de chacun d'eux; nous mesurons également 30°, 15°, 5° de distance apparente entre d'autres astres, & toutes ces mesures se font en présentant aux objets que l'on observe un arc de cercle, comme B D (fig. 4.), dont le centre soit à notre œil O, & dont la partie CD soit semblable à la partie AR de la circonférence céleste, que nous voulons mesurer. Ainsi, quand nous dirons, par exemple, que la lune a un demi-degré ou 30 minutes de diametre, cela voudra dire qu'elle occupe la moitié de la trois cent soixantieme partie d'une circonférence, dont notre œil est le centre; ou, ce qui revient au même, que si elle étoit répétée 720 fois autour de nous, ou qu'il y ent 720 lunes à la fuite l'une de l'autre, cela feroit tout le tour du ciel.

poles P & R (fig. 6.), les points situés dans l'équateur EQ, décrivent un cercle qui est de la grandeur même de la sphère, c'est-à dire, qui forme l'un des grands cercles, & dont le centre C est aussi le centre de la sphère, mais les points qui sont plus près du pole, comme le point A, décrivent des cercles moindres; tel est le cercle AB, dont le centre est au point B de l'axe PR, & qui parost ovale dans la signre, parce que nous le supposons vu en perspective & de côté. Ce sont ces petits cercles qu'on appelle les paralleles à l'équateur, ou simplement les Paralleles. Chaque point du ciel, placé hors de l'équateur, décrit un parallele qui diminue de grandeur à mesure que ce point est plus éloigné de l'équateur. (art. 4.)

Tous ces paralleles AB sont coupés en deux parties égales par le cercle HBPAO; car leur centre D & leut pole P se trouvant dans le plan du méridien, ce plan les traverse par le centre, & par conséquent les coupe en deux parties égales (19); ainsi l'astre qui placé d'abord au point A dans le méridien, décrit par son mouvement diurne le parallele AB, serb aussi tong-temps à la droite qu'à la gauche du méridien, & ce cercle partagera la durée de la révolution diurne en deux parties égales.

28. Si le parallele AB que décrit l'étoile, est tout entier au-dessos de l'horizon HO, on la verra passer deux fois le jour au méridien, d'abord en A, puis 12 heures après en B; sa plus grande élévation au-dessus de l'horizon, sera dans son passage supérieur en A, & sa plus petite hauteur dans son passage inférieur en B. Mais si le parallele de l'étoile se trouve n'avoir qu'une petite portion au-dessus de l'horizon, comme le parallele MNL, dont la partie supérieure MN élevée sur l'horizon, est beaucoup moindre que la partie invisible NL, on ne verra l'étoile que pendant la plus perite partie des 24 heures. 29. Il y a cette différence entre les grands cercles de la sphère & les petits cercles, que les plans des grands cercles passant tous par le centre de la sphère, la coupent en deux parties égales, au lieu que les petits cercles, tels que AB, coupent la sphère en deux segmens, dont

TR ABRÉGÉ D'ASTRONOMIE, LIV. I.

l'un est le plus petit, comme APB, & l'autre le plus grand, comme AEMORLQB. 211 30. Une autre différence qu'on doit remarquer entre les grands cercles & les petits, c'est qu'un grand cercle coupe nécessairement tous les autres grands cercles en deux parties égales, au lieu qu'un petit cercle est souvent coupé par un grand cercle en deux parties inégales; la raison est évidente, si l'on considere que deux grands cercles ayant chacun leur centre au centre de la sphère, l'un des cercles passe par le centre de l'autre; ils ont donc un diamètre commun, qu'on appelle la Commune Section de leurs deux plans: or il est de la nature d'un diamètre de couper le cercle en deux parties égales; ainsi chaque cercle est coupé par l'autre, fuivant son diamètre même & en deux parties égales. Au contraire, le petit cercle étant éloigné du centre du globe, peut non-seulement être coupé en deux portions inégales, mais encore ne l'être point du tout par un grand cercle du même globe. Ce sont-là les premiers axiomes de la Trigonomé trie-Sphérique, dont il faut lire les traités, quand on veut faire quelques progrès dans l'astronomie; mais les notions que nous en donnerons ici seront suffisantes pour l'intelligence de ce livre.

Nous verrons, en parlant de la Sphère Armillaire (100), qu'on y distingue principalement six grands cercles & quatre petits; l'ordre des observations nous a conduit à distinguer déja trois grands cercles appellés l'Horizon, l'Equateur & le Méridien. Nous avons parlé en général des petits cercles appellés paralleles à l'équateur, nous parlerons des autres à mesure que les phénomènes l'exi-

geront.

Trouver la bauteur du Pole par le moyen des Etoiles.

31. La disposition des trois grands cercles de la sphère, l'équateur, l'horizon & le méridien, doit former désormais la base de toutes nos observations; nous y rapporterons les astres pour en déterminer la situation & les mouvemens. Ainsi la premiere chose que nous devons faire, est de connostre leur situation réciproque, de savoir comment l'équateur est placé par rapport à notre horizon; combien le pole est élevé du côté du nord; combien l'équateur est élevé du côté du midi.

32. Puisque l'équateur n'est autre chose que le cercle Tur lequel se fait le mouvement diurne, c'est ce mouvements qui doit déterminer l'équateur; & puisque ce mouvement : se fait autour des polès, il servira aussi à les reconnoître. Si l'étoile polaire, dont nous avons parlé, étoit précisément & exactement située au pole du monde, en sorte qu'elle put en être la marque surc & permanente, il suffiroit d'en mesurer la hauteur (23). & l'on auroit la hauteur du pole, mais cette étoile en est à 2°. Il est vrai qu'on a peine à distinguer si elle a changé de place, quand on ne la regarde qu'à la vue simple, & sans avoir devant les yeux quelque terme fixe auquel on puisse la comparer; mais avec des instrumens, & une attention suivie, on reconnost qu'elle décrit aussi bien que les autres étoiles un petit cercle autour du pole. Cependant si l'étoile polaire ne marque pas immédiatement le point du ciel où est le pole, du moins le milieu du cercle qu'elle décrit chaque jour 5 en doit donner la plus sûre indication.

33. L'étoile A (fig. 3 & 6.) décrivant autour du pole P un cercle AB, si cette étoile est à 2° du pole, l'arc AP sera de 2°, aussi bien que l'arc PB, & l'arc entier APB, qui marque la largeur du parallele, sera de 4°; ainsi l'étoile étant au méridien en A, dans la partie supérieure de son parallele, aura une hauteur AH au-dessus de l'horizon, plus grande de 4° que la hauteur BH de cette même étoile, lorsque 12 heures après elle sera au-dessous du pole; la différence AB de ces deux hauteurs sera donc de 4°. Supposons actuellement qu'on ait observé la hauteur de l'étoile en A & sa hauteur en B, il faudra, pour avoir la hauteur du pole P, partager en deux la différence AB des deux hauteurs; la moitié de cette différence sera PB, on l'ajoutera avec la plus petite hauteur HB de l'étoile, & l'on aura HP qui est la hauteur du pole. Par exemple, si l'étoile polaire observée à Paris, a d'abord 47°, & ensuite 51° de hauteur, la différence étant 4°, on en prendra la moitié, c'est-àdire, 2°, ce sera la distance de l'étoile au pole; ces 2° ajoutés à 47°, qui est la plus petite hauteur de l'étoile, donneront la hauteur du pole, qui sera par conséquent de 49°; ou, ce qui revient au même, on prendra la moitié de la somme des deux hauteurs 51 & 47, & l'on trouvera 49. C'est ainsi que les étoiles circom-

polaires, ou voifines du pole, fervent à trouver sa

34. La hauteur du pole & la hauteur de l'équateur font ensemble 90°, en sorte que la premiere étant connue, on a nécessairement la seconde. Soit P le pole, & B l'équateur, PH la hauteur du pole, EO celle de l'équateur, le demi cercle HZO est la parcie visible du ciel qui a 180°. Si l'on en retranche le quart de-cercle PZE qui est la distance du pole à l'équateur, c'est-à-dire, 900, il en doit rester nécessairement 90 autres; donc les arcs HP & EO, qui restent après avoir ôté PZE, font ensemble 90°: donc la bauteur du poie HP est le Comple-MENT (a) de la bauteur de l'équateur EO.

35. De là il suit que la hauteur de l'équateur est égale à la distance du pole au zénit, c'est-à-dire, à PZ; car ZH est de 90°, puisque du zénit à l'horizon il v a nécessairement un quart-de-cercle; ainsi HP est le complément de PZ: mais nous venons de voir dans l'article précédent, que HP est le complément de EO, donc PZ est égal à EO, c'est-à-dire, que la distance du po-

le au zénit est égale à la hauteur de l'équateur.

26. Il est évident par la même raison, que la distance ZE du zénit à l'équateur est égale à la hauteur du pole PH; car ZH & PE sont chacun de 90°: si vous en retranchez la partie commune PZ, il reftera deux arcs égaux PH & ZE, c'est-à-dire, la hauteur du pole & la distance de l'équateur au zénit.

De la grandeur de la Terre.

37. L'OBSERVATION de la hauteur du pole & de la hauteur de l'équateur, ou, si l'on veut, de la hauteur méridienne du soleil en différens pays, fut la premiere chose qui dut apprendre aux hommes que la terre étoit ronde. Ce fut d'abord par l'ombre du soleil que l'on determina les différences de hauteurs du pole; plus on avançoit vers le nord, plus ces ombres mésurées le même jour se trouvoient longues; ce qui prouvoit que la hauteur du soleil au-dessus de l'horizon étoit devenue

⁽a) On appelle Complement d'un arc, ce qui lui manque pour saire 90 degrés, & Supplément ce qui lui manque pour aller à reo degrés.

plus petite, & que l'observateur situé vers le nord n'étoit pas sur le même plan que l'observateur situé vers le midi, on dut en conclure que la terre étoit arrondie.

38. L'ombre de la terre dans les éclipses de lune parost toujours ronde; les vaisseaux vus de Ioin en pleine mer. disparoissent par degrés; on les voit descendre & se perdre peu-à-peu, par la courbure de la surface des caux. Telles furent les marques auxquelles les anciens philosophes reconnurent la courbure & la rondeur de la terre.

39. Après avoir ainsi reconnu la rondeur de la terre, on se servit du même moyen pour connostre sa grandeur; & le changement des latitudes & des hauteurs, soit du pole, soit des astres, servit à connostre l'étendue de notre globe en en mesurant une petite partie. Posidonius observa, il y a 1900 ans, que l'étoile appellée Canopus, qui passoit au méridien d'Alexandrie, à la hauteur d'une 48e partie du cercle, ou de 7'4, ne s'élevoit presque pas à Rhodes, mais qu'elle passoit à l'horizon, & ne faisoit qu'y paroître; il suivoit de-là que ces deux villes (situées d'ailleurs sous le même méridien ou à peu près) étoient éloignées de la 48° partie du cercle; d'un autre côté, leur distance itinéraire en ligne droite étoit de 3250 stades, suivant Eratosthène, cité par Pline & Strabon, ainsi prenant 48 fois ce nombre de stades, on trouva que les 300° de la terre faisoient 180000 stades; c'est ainsi que Ptolomée le suppose dans sa géographie composée envi-ron cent ans après J. C. Si l'on évalue le stade Egyptien avec M. le Roy (Ruines des monumens de la Grece, p. 55.) à 114 toises 13, on aura pour la circonférence de la terre 8999 lieues, chacune de 2283 toises, ce qui s'éloigne bien peu de la mesure constatée par l'Académie, qui est d'environ 9000 lieues. (802.)

40. Autre exemple: on trouve en allant vers le nord que la latitude d'Amiens est plus grande que celle de Paris d'un degré, ou que le soleil à midi est d'un degré plus bas à Amiens qu'à Paris, c'est une preuve que la terre a un degré de courbure depuis Paris jusqu'à Amiens; or cette distance mesurée en allant toujours du midi au nord, s'est trouvée de 25 lieues, chacune de 2283 toises (802); donc un degré de la terre, ou la 300e partie de toute sa circonférence, a 25 lieues d'étendue; d'où il suit que la circonférence entiere ou le tour de la terre vaut 9000 lieues, car 25 fois 360 font 9000. Lorsqu'on voit les astres augmenter d'un degré en hauteur, c'est une preuve que notre zénit & notre horizon ont changé d'un degré; car ce sont les termes sixes auxquels se rapportent nos observations des hauteurs; si notre zénit a changé d'un degré, il a fait la 360° partie du cercle ou du tour entier de la sphère; & si 25 lieues de chemin du midi au nord le sont changer d'un degré, les 9000 lieues le servient changer de 360°, c'est-à-dire, lui servient saire le tour du ciel, tandis que nous ferions celui de la terre; donc la terre a 9000 lieues de circuit.

Des Latitudes Géographiques ou Terrestres.

41. L'EQUATEUR & les poles que nous avons remarqués dans le ciel, se remarquent également sur la terre; car le point de la terre qui a pour zénit le pole du ciel, s'appelle naturellement le pole de la terre; & tout de même que l'équateur céleste détermine les saisons, celui de la terre détermine la température & le degré de chaleur ou de froid, qu'on éprouve en différens pays.

42. On dut remarquer d'abord les étoiles qui dans le ciel répondoient à l'équateur, c'est-à-dire, étoient précisément à égales distances des deux poles célestes: voyageant ensuite sur la terre, on vit en allant vers le midi, que ces étoiles se rapprochoient de la verticale, & passoient au méridien plus près du zénit, à mesure qu'on se

trouvoit dans des pays plus méridionaux.

43. On comprit qu'en avançant encore, on parviendroit dans les endroits de la terre, où ces étoiles passent exactement par le zénit, & où les deux poles sont dans l'horizon; en effet dans ce cas-là on est évidemment sous l'équateur céleste, ou bien sur l'équateur terrestre; car l'un correspond à l'autre, ils sont dans un seul & même plan, parce que l'équateur céleste détermine l'autre; & qu'en voyant passer le soleil sur sa tête, quand il est à même distance des deux poles, c'est-à-dire, dans l'équateur, on pourroit dire: Je suis sous l'équateur céleste, ou bien: Je suis sur l'équateur de la terre.

44. L'équateur terrestre ou la Ligne équinoxiale, fait tout le tour de la terre, passe au milieu de l'Afrique, dans les états peu connus du Macoco & du Monoémugi, traverse la mer des Indes, les isles de Sumatra & de Borneo, & la vaste étendue de la mer Pacifique: l'équateur passe

passe ensuite au travers de l'Amérique Méridionale, depuis la province de Quito au Pérou, jusqu'à l'embouchure de la riviere des Amazones. Nous disons que les pays qui sont sur cette ligne, n'ont aucune latitude, parce que l'on appelle Latitude les distances à l'équateur. A mesure qu'on quitte l'équateur pour avancer vers les poles, soit au septentrion, soit au midi, on avance en latitude; lorsqu'on est à un degré, ou à 25 lieues de l'équateur, on a un degré de latitude.

La LATITUDE ou la distance à l'équateur se mesure ou vers le midi ou vers le nord: on appelle Latitude Septentrionale, ou latitude nord, la distance à l'équateur, pour les pays qui sont du côté du nord, & Latitude Méridionale, ou latitude sud, celle qui est comptée de

l'autre côté de la ligne.

٢

45. Les pays qui sont à moitié chemin de l'équateur au pole, ont donc 45° de latitude; telle est la ville de Bordeaux; telles sont encore Sarlat, Aurillac, le Puy, Valence, Briançon, Turin, Casal & Plaisance, Mantoue, Rovigo, & les Bouches du Pô; en Asie, Astracan, la Tartarie Chinoise & la Terre d'Yeço. On ne sauroit avoir plus de 90° de latitude; car il n'y a que 90° entre l'équateur, d'où on les compte, & les poles où toutes les latitudes sinissent & se confondent en un point.

46. La hauteur du pole, dont nous avons parlé (art. 33.) est égale à la latitude du lieu; car la latitude n'est autre chose que la distance d'un pays à l'équateur terrestre, ou la distance de son zénit à l'équateur céleste, c'est-à-dire, ZE, mais ZE est égal à PH (36); donc la latitude est égale à la bauteur du pole.

. Des Longitudes Géographiques (a).

47. Après avoir mesuré les distances du midi au nord, sous le nom de latitudes, il a été nécessaire de mesurer les distances dans l'autre sens, c'est-à-dire, d'occident en orient; & on les a appellées Longitudes, parce que la longueur des pays connus étoit plus grande dans ce sens-

⁽a) Géographie vient de Γη, terre, & de ΓράΦω, j'écris, parce que c'est la description de la terre.

là que du midi au nord, lorsque les premiers géographes ont établi leurs mesures, it y a 1800 ans.

Pour mesurer les longitudes, on conçoit plusiours cercles perpendiculaires à l'équateur, & passant par les deux poles de la terre, tels que les cercles PAR, PSR, que l'on voit sur le globe de la figure 12. Ce sont les méridiens terrestres; tous les pays qui sont sur même

méridien, ont la même longitude.

48. Le premier Méridien, celui d'où l'on part pour compter les longitudes, est une chose arbitraire & de pure convention, parce que le ciel ne donne aucun terme fixe sur la terre pour les longitudes, au lieu que l'équateur en fournit un pour compter les latitudes. On a varié sur le choix d'un premier méridien, & encore actuellement la chose n'est pas bien fixe parmi les géographes Voyez le P. Riccioli (Geographia reformata, pag. 385).

- 49. La déclaration du 25 Avril 1634, fixa notre premier méridien à l'extrémité de l'isse de Fer, la plus occidentale des isles Canaries. Le bourg principal de cette isse est à 19° 53' 45" à l'occident de Paris; mais M. de l'Isle, notre plus fameux géographe, ayant supposé pour plus de facilité & en nombres ronds, que Paris étoit à 20° de longitude, les géographes de France ont suivi son exemple; ainsi dans la plupart de nos cartes on établit le premier méridien universel à 20° du méridien de Paris, du côté de l'occident; & l'on continue de compter les longitudes terrestres vers l'orient jusqu'à 360°, en faisant tout le tour de la terre.
- 50. Cependant les astronomes François-qui déterminent communément les longitudes par la comparaison des observations faites à Paris, avec celles des différens lieux de la terre, ont une autre maniere de compter. Ils prennent, non pas en degrés, mais en temps, la différence des méridiens, ou la différence de longitude entre Paris & les autres pays; 15° de longitude font une heure, parce que les 24 heures du jour font tout le tour de la terre; chaque degré fait 4 de temps; & au lieu de dire, par exemple, que Poitiers est à 18° de longitude, parce que cette ville est de 2º plus occidentale que Paris, ils disent que la différence des méridiens est de 8/, occidentale. C'est ainsi que Ptolomée en usa par rapport à Alexandrie; les Arabes pour Tolede, Copernic pour Frauenberg, Reinhold pour Konigsberg, Tycho & Ké-

pier pour Uranienbourg, les Hollandois pour Amsterdam, & les Anglois pour Gréenwich, où est l'observatoire

royal d'Angleterre.

celles des heures que l'on compte en même temps, dans ces différens pays. Un observateur qui s'avanceroit à 15° de Paris, du côté de l'orient, par exemple, à Vient ne en Autriche, compteroit environ une heure de plus qu'à Paris, parce qu'allant au-devant du soleil qui tourne chaque jour de l'orient à l'occident, il le verroit une heure plutôt que nous. En continuant d'avancer ainsi vers l'orient de 15 en 15°, il gagneroit une heure à chaque fois; & s'il faisoit le tour entier de la terre, il se trouveroit, en arrivant à Paris, avoir gagné 24 heures, & compteroit un jour de plus que nous; il seroit au lundi, tandis que nous serions encore au dimanche,

52. Un autre observateur qui s'avanceroit du côté du couchant, retardéroit de la même quantité, & revenant, à Paris après le tour du monde, il ne compteroit que samedi lorsque nous serions au dimanche. On éprouvera cette singularité dans la maniere de compter, toutes les fois qu'on verra arriver un vaisseau qui aura fait le tour du monde, en continuant de compter les jours dans le même ordre, sans s'assujettir au calendrier des

pays où il aura passé.

53. Par la même raison, les habitans des isses de la mer du Sud qui sont éloignés de 12 heures de notre méridien, doivent voir les voyageurs qui viennent des Indes & ceux qui leur viennent de l'Amérique, compter. différemment les jours de la semaine, les premiers ayant: un jour de plus que les autres; car supposant qu'il est dimanche à midi pour Paris, ceux qui sont dans les Indes, disent qu'il y a 6 heures que dimanche est commencé; & ceux qui sont en Amérique, disent qu'il s'en faut au contraire plusieurs heures. Cela parut très-singulier à nos anciens voyageurs qu'on accusa d'abord de s'être trompés. dans leur calcul & d'avoir perdu le fil de leurs almanacs. Dampier étant allé à Mendanao par l'ouest, trouva qu'on y comptoit un jour de plus que lui. (Voyez les Voyages de Dampier, Tome I.) Varenius dit même qu'à Macao, ville maritime de la Chine, les Portugais comptent habituellement un jour de plus que les Espagnols ne comptent aux Philippines, les premiers sont au dinanche tan-

25 ABREGE D'ASTRONOMYE, Wiv. I.

dis que les séconds ne comptent que samédi, quoiqu'ils soient peu éloignés les uns des autres; cela vient de ce que les Portugais établis à Macao y sont allés par le Cap de Bonne-Espérance ou par l'orient, & que les Espagnols sont allés aux Philippines par l'occident, c'est à dire, en partant de l'Amérique & traversant la mer du Sud.

54. C'est une chose des plus nécessaires, mais en même temps des plus difficiles dans l'astronomie, la géographie & la navigation, que de trouver les longitudes: il s'agit de savoir, par exemple, combien le méridien de la Martinique est éloigné de celui de Paris, ou combien il faut faire de degrés vers l'occident pour arriver à la Martinique: la méthode que les astronomes emploient, consiste à chercher dans le ciel un phénomène ou un signal qui puisse être apperçu au même instant de Paris & de la Martinique; par exemple, le moment où commence une éclipse de lune: s'il est minuit à la Martinique quand l'éclipse y commence, & que dans ce même moment on ait compté 4h 13' du matin à Paris, nous sommes assurés qu'il y a 4h 13/ de temps, ce qui fait un arc de 63° 15', du méridien de Paris au méridien de la Martinique. En effet, le soleil emploie 24 heures à faire le tour du globe, & une heure à faire 15°: si les habitans de la Martinique avoient le midi plus tard que nous d'une heure, nous serions assurés par - là - même, qu'ils sont à 15° de nous vers l'occident; mais ils l'ont plus tard que nous de 4h 13/, suivant l'observation; ils sont donc plus avancés de 63° 2, qui répondent à 4h 13', à raison de 15° pour chaque heure, & d'un degré pour 4¹ de temps.

Du mouvement propre de la Lune & de ses phases.

55. Après avoir observé le mouvement diurne commun à tous les astres, comme le premier de tous les phénomènes célestes que les hommes ont du remarquer, même sans aucune espece d'application, nous passerons au mouvement propre, ou mouvement particulier des planètes qui se fait en sens contraire, c'est-à-dire, vers l'orient. Le plus simple & le plus sensible de tous ces mouvement propres, celui qui dût frapper le plus tous les yeux, sut le mouvement de la lune. Tous les mois cet

astre change de figure & fait le tour du ciel dans un sens contraire à celui du mouvement général; & tandis que chaque jour la lune paroît se lever & se coucher comme tous les autres astres en allant d'orient en occident, elle retarde chaque jour & semble rester en arriere des étoiles, ou reculer vers l'orient d'environ 13°. Ce mouvement particulier par lequel la lune se retire peu à peu vers l'orient, dans le temps même qu'elle va comme les autres aftres vers le couchant, s'appelle to mouvement propre, ou mouvement périodique, & c'est un mouvement réel qui a lieu dans cette planète. Il est si considérable que dans 27 jours la lune qui aura paru d'abord auprès de quelque belle étoile, s'en détache, s'en éloigne, & fait le tour du ciel à contre-sens du mouvement diurne ou commun; elle revient au bout des 27 jours se replacer à côté de la même étoile; à la fin du premier jour elle s'en étoit éloignée de 13 ou un peu plus; le second jour elle en étoit à 26°, le troisieme à 305 &c; enfin après 27 jours elle s'en étoit éloignée de 360°, & par conséquent elle est revenue la joindre par le côté opposé; ainsi elle se retrouve au même point où elle paroissoit le mois d'auparavant, après avoir paru répondre successivement aux étoiles qui font autour du ciel.

rences de sa lumière furent des phénomènes encore plus remarquables & plus sensibles à tous les yeux; après avoir paru pendant toute la nuit sous une forme ronde, large & brillante, que nous appellons la pleine lune, elle perd peu-à-peu de sa lumière, de sa largeur & de son disque apparent, elle se lève plus tard, elle n'éclaire plus que pendant la moitié de la nuit, elle devient dichotome (b) & ressemble à un cercle dont on auroit coupé la moitié; quelques jours après continuant de se rapprocher du foleil, ce n'est plus qu'un croissant qui parost le matin à l'orient avant que le soleil se lève, les cornes vers le haut, opposées au soleil, mais qui diminuant peu a

⁽a) Pásis, Apparitio; ce sont les différences manieres dont la lune paroit à nos yeux.

⁽b) Dinepos, dicornis; Touos, frustum sectione ablatum.

res de grandeur & de lumiere, se perd dans les rayons

de soleil, de dispurone enfin totalement.

57. La lune, après avoir disparu totalement pendant e un 4 jours, reparoît le soir à l'occident après le coueser du toleil, sous la forme d'un croissant dont les romtes tont toujours vers le haut, ou à l'opposite du soleil; mais continuant d'avancer vers l'orient & de s'éloigner du soleil par son mouvement propre, elle augmente de grandeur & de lumiere; son croissant est plus fort, on la voit plus aisément & plus long-temps. Elle devient ensuite comme un demi-cercle & paroît en quartier, ou en quadrature, lorsqu'elle s'est éloignée du soleil de 90°; c'est :ce qu'on appelle premier quartier; enfin 7 à 8 jours après elle reparoît pleine, ronde & lumineuse, comme elle étoit un mois auparavant, elle passe alors au méridien à minuit, & l'on voit qu'elle est oppo-

fée au soleil.

58. Ce sont ces phases & ces aspects de la lune qui occasionnerent autrefois l'usage de compter par mois & par semaines de sept jours (542), à cause du retour des phases de la lune en un mois, & parce que la lune tous les sept jours environ parost, pour ainsi dire, sous une forme nouvelle, aussi les premiers peuples du monde se servirent de la lune pour compter les temps; il n'y avoit dans le ciel aucun signal dont les différences, les alternatives & les époques fussent plus remarquables; & il est prohable que tous des peuples avoient puisé dans la plus haute antiquité, & comme dans la source commune du geore humain, ou dans un instinct également paturel à tous, cette maniere de distribuer leurs exercices & de fixer leurs assemblées par le moyen de la lune. (Voyez le Speciacle de la nature, Tome IV, page 283.) Nous en parlerons plus au long dans le IVe livre, nous y explin querons les phases de la lune, & nous ferons voir qu'elles sont produites par la lumiere du soleil qui éclaire toujours la moitié de la lune. Si nous n'appercevons souvent qu'une petite partie de cet hémisphère éclairé. & n nous le perdons même de vue tous les mois, c'est parce que la lune étant presque pour-lors entre le soleil & nous, elle tourne vers le soleil son hémisphère lumi-neux, & vers nous son hémisphère obscur; or un objet qui n'est point éclairé ne peut être apperçu, à moins que ce ne soit un corps de lumiere comme le solcil.

Du Mouvement annuel & de l'Ecliptique.

prompt & le plus remarquable de tous ceux que l'on observe dans le giel; mais il en est un encore plus importand pour nous; c'est le mouvement périodique ou annuel que le soleil parost avoir, qu'on appelle aussi mouvement propre du soleil; c'est après le mouvement diurne, un des phénoments les plus frappans, puisque la
différence des saisons, les chaleurs de l'été & les rigueurs
de l'hyver en dépendent aussi bien que la longueur des
jours & des quits qui varie si fort, dans le cours d'une année. Ce mouvement n'est, un lui-même qu'une apparenque (400), & il provient du mouvement annuel de la
terre; mais il ne s'aget encore que d'examiner les phénomènes de les apparences, avant que de nous élever à la
contemplation des eauses qui les prodéisent

contemplation des gauses qui les produisent.

. 60. Si l'op remarque le foir du côté de l'occident. quelque étoile fixe après le coucher du soleil, & qu'on la considere àttentivement plusieurs jours de suite à la même heure, on la verra de nour en jour plus près du soleil; en sorte qu'elle disparostra à la sin, & sera esseucée par les rayons & la lumière du soleit, dont elle étoit assaz-loin quesques jours auparavant: Il sera aisé en mê-s me temps de reconnoscre que c'est le soleil qui s'est approché de l'étoile, & que ce n'est pas l'étoile qui s'est' approchée du soleil. En effet, voyant que toutes les étoiles se lèvent & sé couchent tous les jours aux mêmes points de l'horizon, vis-à-vis des mêmes objets terrestres, qu'elles sont toujours aux mêmes distances, tandis que le soleil change continuellement les points de son lever & de son coucher & sa distance aux étoiles, voyant d'ailleurs chaque étoile se lever tous les jours environ 4' plutôt que le jour précédent, c'est ce que nous appellons l'accélération diurne des étoiles (350), on ne doutera pas que le foleil seul n'ait changé de place par rapport à l'ésoile, & ne se soit rapproché d'elle. Cette observation peut se faire en tout temps, mais il faut prendre garde à ne pas confondre une étoile fixe avec une planète: nous apprendrons bientôt la maniere de les diffinguer (8g).

Ment propre du soleil est donc celui-ci: le sokil se rappro-

che de jour en jour des btoiles qui sont plus orientales que lui; c'est-à-dire, qu'il s'avance chaque jour vers l'orient: ainsi le mouvement propre du soleil se fait d'occident en orient: tous les jours il est d'environ un degré, & au bout de 365 jours on revoit l'étoile vers le couchant, à la même heure & au même endroit où elle paroissoit l'année précédente à pareil jour; c'est-à-dire, que le soleil est revenu se placer au même point par rapport à l'étoile; il aura donc fait une révolution: c'est ce que nous

appellons le mouvement annuel.

62. Pour combiner le mouvement annuel avec le mouvement diurne du soleil, imaginons un grand globe, ou, si l'on veut, une grosse boule, traversée au centre, ou diamétralement, par un axe ou aissieu, qui soit soutenu à ses extrémités dans les points P & R (fig. 12); & qu'on fasse tourner ce globe, on aura une idée du mouvement diurne de la sphère. Si l'on place un insecte en S, à égale distance des deux poles P & R, il sera obligé de tourner avec le globe, & il décrira l'équateur ASQ: si l'on en place un autre en B, plus près d'un des poles que de l'autre, il décrira un parallels BC, dont la circonférence est plus petite. Mais tandis que ce globe tourne dans un sens, l'insecte que nous supposons en S_{\bullet} pourroit aussi marcher insensiblement dans le sens opposé; il imiteroit alors le mouvement annuel ou propre du soleil, qui s'avance peu à peu vers l'orient, pendant qu'il est emporté chaque jour avec tout le ciel & d'un mouvement commun, vers l'occident. Ces deux mouvemens sont fort bien exprimés dans ces quatre vers d'Ovide:

> Adde quod assidua rapitur vertigine coelum Sideraque alta trahit, celerique volumine torquet; Nitor in adversum; nec me (qui cætera) vincit Impetus; & rapido contrarius evehor orbi. Metam. 11. 70.

63. Ce mouvement annuel, ou mouvement propre du soleil, qui se fait d'occident en orient, est donc contraire au mouvement diurne, au mouvement commun de tout le ciel, qui se fait vers l'occident, & que nous avons expliqué en commençant. Chaque jour, le soleil, aussi bien que les étoiles, fait une révolution autour de nous, du levant au couchant, ou d'orient en occident; mais pendant ce temps-là le soleil fait environ un degré en sens contraire, ou d'occident en orient, & répond successivement à différentes étoiles.

64. La trace de ce mouvement annuel, observée avec: Toin, s'est trouvée être un cercle; & ce cercle a été appellé Ecliptique (a); il a fallu d'abord en déterminer. la situation: c'est la premiere recherche que les anciens Astronomes aient faite, & nous allons les suivre ou les

deviner, s'il est possible, dans leur marche.

L'écliptique, la route apparente & annuelle du soleil. est différente de l'équateur ou du cercle diurne, dont nous avons indiqué la position (15). Les premiers Caldéens qui observèrent à Babylone, avoient l'équateur élevé de 54°; & si le soleil avoit fait son mouvement annuel en suivant l'équateur, il auroit paru tous les jours à midi élevé de 54°. Bien loin de-là, ils appercevoient en été que le soleil s'élevoit de 24 au dessus de l'équateur, & descendoit en hyver de 24° au desibus, en sorte que sa hauteur vers le milieu du jour, ou sa hauteur méridienne (19) étoit de 78° en été, & de 30° seulement en hyver; d'où il suivoit évidemment que l'écliptique étoit un cercle différent de l'équateur de 24°. Ce cercle devoit seulement traverser ou couper l'équateur en deux points diamétralement opposés; car on observoit deux fois l'année, au printemps & en automne, que la hauteur du soleil à midi étoit précisément égale à la hauteur de l'équateur, c'est-à-dire, de 54.; d'où il suivoit que dans ces deux jours-là le soleil étoit dans l'équateur même, dont 3 mois auparavant il avoit été éloigné de 24°.

65. Ainsi l'écliptique, la trace du mouvement annuel du soleil, est un cercle de la sphère, qui coupe l'équateur en deux points, mais qui s'en éloigne ensuite de 24° au nord & au midi. Et comme ces deux distances sont égales, on dut en conclure que l'écliptique étoit un grand cercle de la sphère; car c'est la propriété des grands cercles de se couper en deux parties égales (30). Il s'agissoit ensuite de déterminer dans la voûte céleste & parmi les étoiles fixes, la route ou la trace de l'écliptique, & de reconnoître les étoiles par lesquelles devoit

⁽a) Du mot grec E'ndeine, deficio, parce que la lune est toujours dans l'écliptique, à très-peu près, lorsqu'il y a éclipse de lune ou de soleil,

26c Abrage D'Astronomann.Lit. L

daffer le soleil à chaque jour de l'année; pour être enétat de représenter ce cércle solaire sur le globe où nous avons trace l'équateur (15). Hom as object - 66. Pour cet effet on dut remarquer d'abord qu'il y avoir deux jours dans l'année, éloignés de six mois l'unde l'autre, où le solell se trouvoit avoir 34° de hauteur méridienne, & par conséquent la même hauteur que l'équateur. On appella ces deux jours la jours des équinoses, parce que le foleil décrivant ces jours là l'équateur, étoit 12 heures au-dessus de l'horizon; du 12 heures au-dessous, c'est-à-dire, que le jour étoit égab à la nuit; l'una été appellé équinoxe du printemps, parce qu'il arrive. à la fin de l'hyver, l'autre est l'équinoxe d'automne. . 67. Ayant remarqué, le jour de l'équinoxe du prinremps, quelle étoilé-ou quel print du ciel passoit au méridien, 12 heures après le soleil, ou à minuit, à la hanceur de l'équateur ; on étoit fun de connoître le point opposé au soleil, c'esbà-dire, l'équinore d'automne & & L'endroit où devoit se trouver le soieil six mois après : en traversant l'équateur dans le point opposé. : C'est ainsi qu'on a du reconnostre & remarquer dans la ciel le point équinoxial d'automne, quand le soleil étoit dans celui du printemps. & celui du printemps; quand de foleil: étoit parvenu: l'équinoxe d'automne, ou dans le point opposé; parolà on a appris à distinguer dans le ciel étoilé ces deux points essentiels dans l'Astronomie. . 68. Les points de l'écliptique situés entre les équinoxes, & dans lesquels se trouve le foleil lorsqu'il est la plus éloigné de l'équateur, ont été appelles solstices, (solis fationes) parce ique de foleil létant arrivé à ce plus grand éloignement, sémble être quelques jours à la même distance de l'équateur, sans s'en éloigner ni s'en rapprocher, du moins sensiblement: c'est ce qui arrive le 21 de Juin & le 21 de Décembre. Ainst tout est décerminé à l'égard de l'écliptique, nous connoissons les deux points équinoxiaux où ce cercle traverse l'équateur jonous savons qu'il s'en éloigne en fuite au-dessus & au-dessous, au nord & au midi, dans les solstices, & cet éloignement étoit autrefois de 24°; il ne manque done rien pour tracer dans le ciel la route, annuelle ou le grand cercle de l'écliptique: nous parlerons bientôt de la division de ce cercle er 12 signes (art. 76).

oft représenté dans la figure to de marqué sur ce globs les étoiles dans la figure to de marqué sur ce globs les étoiles dans les figure to de marqué sur ce globs avoir tracé l'équateur de les poies (15), on fut en état de traces antibilitécliprique, les de remarquer les étoiles parmi lesquelles de cercle devoit passer; c'est-ce que firent les plus abéliers Astronomes;

De Pobliquitione L'Eslipsique, Cale Eropigues (a). 14

l'équateur de l'écliptique dans les paints folditiaux, s'appelle l'out quarte de l'écliptique dans les paints folditiaux, s'appelle l'out quart de l'écurraque de failu, pour equation cette obliquité, observer combien le solui en été s'élevoit au défius de l'équateur, de combien en hyver il s'abaissoit nu-défious (64), dit, sindon veut, il a fallu remarquer combien le solui équit plus élevé à muit en été qu'il ne l'étant à midi en hyver : de syant trouvé 47° de différence, la moitié été cette dufférence, ou 23° 1, a donqué la plus grandit dustance entre l'écliptique de l'équateur. Nous n'avons, pes actuellement même d'autre methodos, pour détriminer, l'obliquité de l'écliptique.

71. Cette, obliquité de l'écliptique étoit, il y a 2000, une, d'environ 242; elle n'est plus sujourd'hui que de 236 28', de diminne d'environ une minute tous les 100 ans.

(art, 758),

72. Les ancient, pour déterminer l'obliquité de l'és cliptique, objervaient les ombres folfittiales du folcil. Soit AB (fig. 7) un Gromon (b), un ftyle quelconque élevé verticalement, comme étent l'obeinque du champ de Mars à Rome con une ouverture A finte dans un mur. AB pour laisser passer un rayon du folcil; soit SAE le rayon au solsture d'été, & BC l'ombre du solcil; OAC le rayon de solstice d'été, & BC l'ombre solstituale la plus courte; dans le triangle ABC, rectangle en B, & donn qu connost, les solsés AB, BC, il est aisé de trouver,

⁽a) Les Tropiques tirent leur nom de met prec Trime perse, parce, que le folgif agricé aux upolques, famble retainner lus les pas , ou du moins vers l'équateur.

⁽³⁾ Frugger, Regle droire, Sayle droir, Les plus femeux aubinobs, qui sieut fervi à cer albre, font ceux de Boldgue, de Saint Sailes, de Fiorence, de Pade de de Rame.

28 ABRECE D'ASTRONOMIE, LEV. I.

ou par le moyen d'un compas, ou par les regles de la Trigonométrie, le nombre de degrés que contient l'angle ACB ou OCB, qui exprime la hauteur du soleil au solftice d'été; on en fera autant pour le triangle ABE, & l'on aura l'angle E, égal à la hauteur du soleil au solftice d'hyver. C'est ainsi que, suivant Pythæas cité par Strabon & Ptolomée, d'après Hipparque, la hauteur AB du gnomon étoit à la longueur de l'ombre en été à Bizance & à Marseille 250 ans avant Jésus-Christ, comme 120 sont à 41 \$\frac{1}{2}\$, d'où Gassendi conclut l'obliquité de l'écliptique

d'environ 23° 52^L pour ce temps-là.

73. Chacun des paralleles à l'équateur que le soleil parost décrire de jour en jour par son mouvement diurne, est autant éloigné de l'équateur que le point de l'écliptique où se trouve le soleil; quand le soleil est éloigné de 10° de l'équateur, ou qu'il a 10° de déclinaison, il décrit un parallele qui s'éloigne de l'équateur de 10°, & passe au zénit de tous les pays de la terre qui ont 10° de latitude. Quand il est parvenu à son plus grand éloignement B, qui est de 23.1, il décrit un parallele BC (fig. 12) le plus éloigné de l'équateur, le plus petit qu'il puisse décrire, c'est celui-là qu'on appelle Tropique, du mot grec qui signifie je retourne. Il y a un tropique de chaque côté de l'équateur; l'un se nomme le Tropique du Cancer, parce que le soleil décrit celui ci le jour du solstice d'été, entrant dans le signe du cancer; l'autre s'appelle le Tropique du Capricorne, parce qu'il est décrit au temps du solstice d'hyver, où le soleil entre dans le capricorne. Ainsi les tropiques comprennent tout l'espace dans lequel peutse trouver le soleil, & cet espace est de 47°. Les tropiques touchent l'écliptique, & se confondent avec ce cercle dans les points solstitiaux.

74. Le tropique du cancer passe sur la terre un peu au-delà du Mont Atlas, sur la côte occidentale de l'A-frique, puis à Syene en Ethiopie, de-là sur la Mer rouge, le Mont Sinaï, sur la Mecque, patrie de Mahomet, sur l'Arabie heureuse, l'extrémité de la Perse, les Indes, la Chine, la Mer pacifique, le Mexique & l'isse de Cuba. Le tropique du capricorne passe dans le pays des Hottentots en Afrique, dans le Brésil, le Paraguay & le

Pérou.

75. Quand nous disons que le soleil décrit chaque jour un paralelle à l'équateur, nous supposons que sa décli-

naison soit la même pendant les 24 heures, & qu'il reste au même point de l'écliptique, ou du moins à même distance de l'équateur; cela n'est pas rigoureusement exact, puisque le soleil change continuellement de distance à l'équateur, & par conséquent se trouve à chaque instant dans un parallele différent; il décrit plutôt une spirale qu'un cercle; mais pour simplifier les expressions & les idées, on suppose dans les premiers élémens d'Astronomie que le mouvement diurne du soleil se fasse dans un cercle parallele à l'équateur; c'est-à-dire, qu'on regarde comme insensible la petite quantité dont le soleil se rapproche d'un des poles, dans l'espace de 24 heures.

Mouvement du Soleil.

76. Pour compter & mesurer les mouvemens du soleil & des autres corps célestes, il falloit nécessairement choi-, sir dans le ciel un point d'où l'on pût partir, & auquel on pût tout rapporter. Le retour des saisons, qui étoit pour les hommes la chose la plus remarquable & la plus intéressante de toute l'Astronomie, fixa ce point de départ. Le soleil, par son cours annuel dans l'écliptique, revenoit chaque année traverser l'équateur, & redonner le printemps aux campagnes (66); ce renouvellement de la nature servit à marquer le commencement de l'année, & les astronomes se servirent, pour commencer leurs mesures, du point où arrivoit ce changement, c'est-à-dire, du point d'intersection de l'écliptique & de l'équateur. On appelle donc Longitude la distance du soleil au point équinoxial, comptée le long de l'écliptique. Quand le soleil a parcouru 30° de l'écliptique par son mouvement annuel en partant de l'équinoxe, on dit qu'il a 30°, ou un signe de longitude, & ainsi de suite jusqu'à 12 signes. Les 30 premiers degrés sont compris sous le nom de Bélier qu'on représente par ce caractere V; les 30 degrés qui suivent forment le Taureau &, après quoi viennent les Gemeaux H, l'Ecrevisse 5, le Lion 79, la Vierge 119, la Balance 2, le Scorpion m, le Sagittaire +>, le Capricorne 40, le Verseau \approx , les Poissons X, comme l'indiquent les deux vers suivans:

Sunt Aries, Taurus, Gemini, Cancer, Leo, Virgo, Libraque, Scorpius, Arcitenens, Caper, Amphora, Pisces. L'étables, des l'écliptique comptées de puis l'équinoxe, l'autre les moms noms (-230); en distingue le signe du la libiter de la constellation du Bélier; l'un n'est autre chole que la première douzieme ou les 30 promièrs de-urés du cercle de l'écliptique, l'autre est un assemblage d'étoiles, qui, à la vérité, répondoit autrespois dans le ciel au même endroit que le signe du Bélier, auquel il a donné son nom, mais qui est actuellement beaucoup plus avancé, comme nous le dirons en parlant de la précession des équinoxes (319).

78. Pour déterminer la longitude du soleil, les premiers astronomes n'eurent pas besoin d'autre chose, que des deux solstices & des deux équinoxes: ces quatre observations partageoient l'année en quatre saisons; on examinoit par le moyen des ombres, la plus petite hauteur du soleil, on avoit le solstice d'été; la plus grande hauteur indiquoit le solstice d'hyver; & la hauteur intermédiaire ou moyenne entre les deux hauteurs solstitules, ou la hauteur de l'équateur, indiquoit les jours des équinoxes; ces observations firent connostre aux premiers observateurs, quelle étoit la longueur de l'année exprimée en jours, & en même temps elle leur sit connostre à quels jours de l'année civile le soleil se trouvoit au com-

mencement de chaque signe.

79. Nous observons actuellement que le soleil entre dans le Bélier le 20 de Mars, dans le Taureau le 20 Avril, dans les Gemeaux le 21 Mai, dans le Cancer le 21 Juin, dans le Lion le 22 Juillet, dans la Vierge le 23 Août, dans la Balance le 23 Septembre, dans le Scorpion le 23 Octobre, dans le Sagittaire le 22 Novembre, dans le Capricorne le 21 Décembre, dans le Verseau le 19 Janvier, dans les Poissons le 18 Février; cela suffit pour montrer comment on marque sur les globes la correspondance des jours avec les signes du zodiaque, & pour trouver le jour de l'année où le soleil répond à chaque degré des 12 signes.

80. Les quatre observations des équinoxes & des solstices suffisoient pout faire connostre aux anciens observateurs, quelle étoit la longueur de l'année exprimée en jours, c'est-à-dire, combien de fois le soleil se levoit & se couchoit entre deux équinoxes du printemps, ou

emre deux soblices; ils pauvoient susti recomotire le mouvement simuel ou le mouvement propre du soleil (60), en remarquant les étoiles dont il le rapprochoit -fuccessivement, dans de cours diune année; il ne fut pas difficile de voir qu'il fallait 365 jours pour rameper le soleil vers les mêmes étoiles, c'est-à dire, qu'il se cou choit & fe levoit 305 fois ayant que de la retrouver au même point du ciel. Il fallut bien des années, peut-être bien des siecles, pour remarquer qu'il y avoit environ & heures de plus, c'est-à-dire, que tous les quatre ans, à pareil jour, on voyoit le soleil un peu moins avancé vers l'étoile, à laquelle on avoit imaginé de le comparer, & cela d'un degré, ou de la valeur d'un jour : ce retard devint ensuite plus sensible; & au bout de soixante ans on dût voir le soleil arriver à l'étoile 15 jours plus tard qu'il n'auroit dû faire, si chaque retour eût été exactement de 365 jours.

1'équateur, & qu'il lui falloit environ 15 jours de plus l'équateur, & qu'il lui falloit environ 15 jours de plus l'équivoit naturellement que la durée de fa période étoit, non pas de 365i exactement, mais de 365i & 6 heures.

82. On a observé depuis ce temps-là plus souvent & plus exactement les équinoxes; ainsi l'on a déterminé la longueur de l'année avec plus de précision; on l'a trouvée de 363i jh 48' 45" (art. 315). L'incertitude ne va pas à 3 ou 4 secondes de temps. Mais il faut bien remarquer que c'est ici la durée de l'année tropique, ou du retour des saisons; car l'année state, c'est-à-dire, celle qui ramene le soleil à une même étoile, est plus longue, étant de 365i 6h p/ 10/. On en verra la raison lorsqu'il sera question de la précession des équinoxes (321).

Des Planètes en général.

83. Le premier de tous les mouvemens célestes que les hommes apperçurent sut le mouvement diurne (2), commun à tout le ciel; les mouvemens propres du soleil

the la lune furcht enflitte les plus faciles à remarquer; tenin, des observations plus répétées, plus affidues, firent voir que parmi les altres qui brillent dans une belle muit, il y en avoit six dont le mouvement propre se fai-fait aufil remaiquer, & on les appella Planeirs (a). Leurs nous sont Mareure &, Vans 2, Mars 3, Septembre 5, Ces planetes sont quelquesois plus d'illantes que les étoiles, mais d'une lumière tranquille, & sans aucune scintillation (excepté peut-être Venns) tandis que les étoiles sixes répandent une lumière éclamissement, annonce que les étoiles sont des corps lumineux par eux-mêmes, des especes de soleils, que l'éloignement seul nous fait parostre très-petits.

84. Les planètes feront faciles à distinguer dans le ciel, lorsqu'on aura reconnu les 12 constellations du 204 diaque, dont nous parlerons ci-après (230); car il n'y a dans ces 12 constellations que quatre étoiles de la première grandeur, Aldebanes, Regulas, l'Epi & Autorit; qui ressemblent aux planètes par leur éclat. Lorsqu'on connost la situation de ces quatre étoiles, on distingue bientôt une planète d'une étoile sixe, dès qu'on voit la première aux environs de l'écliptique; mais pour distinguer laquelle des six planètes on apperçoit, il faut savoir

calculer sa situation actuelle (442).

85. Les planètes parcourent le zodiaque aussi-bien que le soleil, par un mouvement propre à chacune, & décrivent des orbites sort approchantes de l'écliptique; car Vénus, qui s'en écarte le plus, n'a jamais au-delà de 8° 3 de satitude ou de distance à l'écliptique. Les révolutions périodiques des planètes ou les temps qu'elles emploient à revenir au même point du ciel, sont faciles à déterminer, en observant leurs retours à une étoile; en voici les durées, d'après lès observations les plus récentes, car les anciens s'étoient trompés de beaucoup dans les durées de ces révolutions: Mercure, 87i 23h; la lune 27i 7h 43'; Vénus, 224j 17h; le soleil, 365j 6h; Mars 1 an 321j 23h; Jupiter, 11 années communes 317i; & Saturne, 29 ans 177i. Nous

⁽a) Maritim, erraticus, parce que ce sont des astres errans dans le-

Nous verrons bientôt da maniere de les trouver exactement par rapport aux équinoxes (454).

Des Ascensiens, droites, Déclinaisons, Longitudes & Latitudes des Aftres.

86. Quand les premiers astronomes eurent reconnt les planètes & les durées de leurs révolutions, ils voulurent partager ces révolutions en différentes parties, & assigner à chaque planère une place pour chaque jour en parrant du point fixe que l'on avoit choifi, c'est-à-dire, de le section du Bélier ou du point équinoxial (76); mais le cercle que décrit le soleil par son mouvement annuel, na servit d'abord qu'à mesurer la marche du soleil; on trouva qu'il étoit facile de rapporter à l'équateur les mouve-mens des autres planètes, & on employa véritablement l'équateur à cet psage, de la manière suivante.

87. Supposons qu'on ait reconnu dans le ciel une étoile qui soit voisine de l'équinoxe ou du point où se coupent les deux cercles de l'écliptique & de l'équateur, & qu'on veuille par son moyen déterminer les positions des autres étoiles, la méthode la plus simple sera de suivre l'équateur tout autour du ciel, à mesure que les astres sesuccèdent par le mouvement diurne; on appelle les intervalles de l'un à l'autre, différences d'ascension droite. La raison de cette dénomination, est que quand on suppose la sphère droite, c'est-à-dire, l'équateur à angles droits sur l'horizon, comme cela auroit lieu si nous étions situéssous l'équateur ou sous la ligne équinoxiale, les astres se lèvent tout droit, & non point obliquement; alors les étoiles qui sont plus avancées vers l'orient de 15° que la premiere étoile d'où l'on est parti, se lèvent une heureplus tard: on dit alors que seur différence d'ascension droite est de 15° ou d'une heure.

88. Dans une sphère oblique où l'équateur est incliné: à l'horizon, comme dans toute l'Europe, ce n'est pas le lever des étoiles qu'il faut choisir, mais leur passage auméridien; ce cercle étant toujours perpendiculaire à l'équateur, toutes les étoiles qui répondent perpendiculairement au même point de l'équateur, passent au méri-dien ensemble; & nous disons que leur ascension droite est la même, parce qu'elles se lèveroient toutes en mê-

me temps si nous étions sous l'équateur.

ZM le méridien; les étailes de A, de passeur par la méridien avec le point M de l'équateur ont leur ascension droise marquée par ce point M; de le capoint de l'équateur passe au méridien une haute plus tard que le point équinoxial, nous dirons que toutes ces étoiles ont une heure plus tard que le point équinoxial, nous dirons que toutes ces étoiles ont une heure plus tard que la première étaile du Bélise auront par rapport à elle 30° de différence d'ascension droite; ainsi 1. Ascension proprié d'un astre est su distant ce à l'équinance comprée sur l'équateur.

son si l'en connoît l'ascension duoite d'une étaile con su distance à l'équinone comptée le long de l'équateur, en trouvers aisément celles de toutes les autres étailes, en observant combien elles passent au méridien plus cand que le première; les intervalles de temps conventis en degrés à raison de 15° par heure, donneront leurs dissérences d'alcension droite, qui étant ajoutées à celle de la première étaile que l'on connost, donneront les ascensions droites de toutes les autres. Il est vui que nous suppossons ici qu'on reconnoisse dans le ciel le point équinomail, ou qu'on connoisse bien d'avance l'ascension droite de la première étaile; on verra ci-après la maniere de

la prouver exactement (316).

91. L'orsqu'on voit plusieurs étoiles passer ensemble par le méridien, quoiqu'elles aient toutes la même ascension droite, elles sont plus élevées les unes que les autres; l'une paroît en A, l'autre en B, & leur distance à l'équateur EMQ, s'appelle Déclinaison: ainsi BM oft la déclinaison de l'étoile B; AM est la déclinaison de l'étoile A. Si l'on observe l'étoile A passant dans le méridien à 51° de hauteur (23) & que l'on connoisse la hauteur de l'équateur de 41° (33), on en conclura naturellement que l'étoile est plus haute de 10° que l'équateur, ou qu'elle a 10° de déclinaison. Quand l'étoile est au-dessus de l'équateur, ou du côté du nord, on dit que sa déclinaison est au-dessous, plus basse que l'équateur, ou du côte du mord, on dit que se declinaison est au-dessous, plus basse que l'équateur, ou du côte du midi, on dit que sa déclinaison est australes ou méridionale.

92. Par la même raison, l'on appelle Cercles de Déchinaison, tous les cercles qui passant par les deux poles du monde, sont perpendiculaires à l'équateur. Ces cercles, sont des méridiens quand on les confidère sur la surface de la terre; ce sont des Cercles horaires quand on n'examine que leux distance au méridien, parce qu'ils indiquent l'heure qu'il est; ces noms de cercles de déclinaison, de méridiens, on de cercles horaires, se prennent souvent l'un pour l'autre; mais le sens propre de ces trois dénominations est relatif à trois usages dissérens; la première se rapporte à l'équateur; la seconde aux longitudes géographiques & terrestres; la troisieme à la distance des astres par rapport au méridien d'un observateur, comme nous l'exphiquerons en parlant du temps vrai (201).

63. Le mouvement diurne de tous les astres nous a fourni une méthode simple & naturelle de les rapporter à l'équateur, de marquer leurs situations le long de ce cercle céleste, c'est-à-dire, leurs ascensions droites, & leurs distances à ce cercle ou leurs déclinaisons. Si l'ou veut présérer l'écliptique (64) en rapportant chaque étoile au point de l'écliptique où elle répond perpendiculairement, comme cela se pratique depuis long-temps parmi les astronomes, on appellera Longrupes ces distances ainsi mesurées le long de l'écliptique, en partant toujours du même point équinoxial, comme nous l'avons fait pour le soleil (76).

94. Soit V Q (fig. 18.) l'équateur, V C l'écliptique inclinée à l'équateur de 23° 1, S une étoile qui répond perpendiculairement au point M de l'équateur; si l'on tire également un arc de cercle S E B perpendiculaire sur l'écliptique, le point B marquera le point de l'écliptique auquel se rapporte l'étoile S, & l'arc de l'écliptique V B sera la longitude de l'étoile; ainsi la longitude d'un astre est l'arc ou la distance entre l'équinoxe & le point de l'éclipti-

que, auquel cet astre répond perpendiculainement.

o5. Entre plusieurs astres qui répondent au même point de l'écliptique, les uns en sont plus voisins que les autres; ils ont différentes LATITUDES, c'est-à-dire, différentes distances à l'écliptique. Si l'étoile placée en S, est éloignée de l'écliptique V BC d'une quantité SB mesurée perpendiculairement, on dit que la latitude est SB; si elle étoit placée en E, elle auroit la même longitude, mais sa latitude EB seroit moindre.

diculairement à l'écliptique, tels que SB, s'appellent

centres de la latitudes, en même temps qu'ils servent à marquer les longitudes sur l'écliptique.

position des astres, procèdent toujours par ascension drois te d'éclination: ils n'emploient presque jamais d'autre méthode pour déterminer les situations de les mouvement des planètes, parce que l'équateur de le méridien sont les cércles les iplus samiliers, les plus constant, les plus asignées décerminer des plus constant, les plus constant, les plus aignées décerminer de les méridies plus aignées des plus raturelles, plus faciles de plus exactes (89)...

mouvement des planètes par longitudes à l'écliptique dans toutes leurs tables astronomiques; la misson en est également naturelles c'est dans l'écliptique où le soleil paroit se mouveir, il est accompagné de toutes les planètes dont les erbites sont très proches de l'écliptique : les calculs sont donc plus simples en rapportant les planètes à ce cercle dont elles sont toujours peu écartées; leurs inégalités paroissent moindres pour trouve plus d'uniformité, plus de facilité, plus de briéveté dans les tables astronomiques : c'étoit bien assez pour faire préférer les longitudes et les latitudes lorsqu'il s'agissoit de calculs, comme l'on présère les ascensions droites & les déclinaisons lorsqu'il est question d'observer.

- 99. Ainsi dans la pratique ordinaire, on observe l'ascension droite & la déclinaison d'un astre; mais avant que de l'insérer dans les tables générales des mouvemens célestes, on en conclut la longitude & la latitude par la

Trigonométrie sphérique (318).

De la Sphère Armillaire.

roo. Jusqu'ici nous n'avons entendu sous le nom de sphère céleste, que la concavité apparente du ciel, figuriée en forme de globe; car une boule quelconque peut être appellée sphère, & servir à représenter les cercles & les mouvemens dont nous avons parlé. Cependant l'ussage s'est introduit d'appeller sphère, ou plutôt Sphére ARMILLAIRE, un instrument composé de plusieurs cercles évidés & placés les uns sur les autres, à peu près comme on conçoit les cercles de la sphère céleste; cette

Thiere arthibaire est représentée en grand dans la Planche seconde; figure ir. Son nom vient de celui d'Armille, qui signifie un anneau ou un colier, parce qu'en esset les cercles de la sphère en out, pour ainsi dire, la forme.

fur 4 soutiens qui sont attachés au pied de la sphère. I Le méridien est le cercle A.Z.B., élevé verticalement sur l'horizon, qui est retenu par en bas dans une entaille faite au pied de l'instrument, & par les rôtés dans deux entailles faites sur l'horizon au nord & au midi: ces deux cercles sont sixes.

102. Les cercles mobiles forment un assemblage ou une espece de charpente qui tourne sur un axe PR; on en distingue quatre grands, l'équateur (15), l'écliptique (64), & les deux colures; on appelle colure des folftices un grand cercle passant par les poles du monde ou de l'équateur, & par les points solstitiaux; c'est un méridien auquel on a donné un nom particulier; il celt aussi le plus remarquable de tous, parce qu'il sent à mesurer l'obliquité de l'écliptique, & qu'il est à la fois cercle de déclinaison & cercle de latitude. Tous les astres placés sur ce colure ont 90° ou 170° d'ascension droite & de longitude. Le colure des équinoxes est perpendiculaire au premier, il passe aussi par les poles du monde & par les points équinoxiaux; il sert à compter les ascensions droites par les angles qu'il fait avec tous les autres méridiens ou cercles de déclinaison. Tous les astres placés sur ce cohere iont zérd ou 130° d'ascension droite, mais leurs longitudes varient. L'on voit sur le même assemblage quatre petits cercles, sa-voir les deux tropiques HM, DI (73), & les deux cercles polaires XV, SO, qui sont éloignés des poles du monde de 23° 1, autant que les tropiques le sont de l'équateur; ils sont inutiles dans l'astronomie, mais ils servent aux Géographes à indiquer les pays de la terre qui sont situés dans les zones glaciales (140).

qu'on place ordinairement dans la sphère armillaire; elle

⁽a) Zudiov, animal, parce que les figures ou portions du Zodiaque portent les noms de plusseurs animaux.

environ 17° 4 de largeur, c'est-à-sière, 8° 4 de chaque câté de l'écliptique; un n'en fait point mention dans l'asponancie, elle sert seulement à indiquer l'espace dans lequel sont repsennées les planètes, qui s'éloignent de

l'écliptique tout au plus de 8 ou 9°.

petit cercle divisé en 24 houres, qui sert à résondre disférent problèmes d'une maniere commode & sans aucuncalcul, comme nous l'expliquerons en parlant du globe céleste (171 & sain.). La rosette est fixée sur le méridien, elle a son centre au pole de la sphère; l'extrémité P de l'axe est par conséquent au centre de la rosette; elle porte une aiguille qui tourne à mesure qu'on fait tourner la sphère, mais sans que le cadran ou la rosette change de place; ensin on voit se soleil & la lune postés sur deux tras qui tournent l'un autour du pole de Péchipeique, & l'autre autour d'un point qui en dissère de s' (105).

ile 5. (505).

I 105. L'invention de la sphère armillaire, est certainement aussi ancienne que celle de l'astronomie même. On ment aussi ancienne que celle de l'astronomie même. On ment aussi de l'astronomie même. On ment lésus-christ, à Hercule & à Musaus, sa à 1900 ess avant jésus-Christ, mais il est plus naturel de croire qu'elle vint de Babylone ou de l'Egypte. La sphère d'Archimede, qui sut dans la suite si sameuse, ne se bornoit pas à représenter les cercles de la sphère; c'étoit un planétaire ou une machine propre à représenter aussi les mouvemens des planètes dans un globe de verre, & que Claudien a célébré (Epig. 3).

C'est encore de la sphère artificielle d'Archimede que

•

parlent Ovide & Statius:

Arte Syracusta suspensus in acre clauso. Fast. IV. Stat globus immensi parva sigura poli. Stat.

De la Sphère droite, oblique & parallèle.

106. On distingue trois positions différentes de la sphère armillaire, pour représenter trois sortes de situations dans les différens pays de la terre, la sphère droite, la sphère oblique, la sphère parallele, suivant que l'équateur coupe l'horizon à angles droits, qu'il le coupe obliquement, ou qu'il sui est parallele: les apparences du moument, ou qu'il sui est parallele: les apparences du moument.

vement diame font font différences dans ces trois politions, qui sont représentées dans les figures 9, rout 13, & nous allons en donner une idée. Il est nécessaire d'avertir amparavant, qu'en parlant du foleil nous parlerons de fon concre seclement, sans faire accention à son diametre ou à la largeur. It y a aussi deux causes qui contribuent à rendre le jour plus long qu'il ne devroit l'étre par la position de la sphère; l'une est la réseavon des rà-

yons, Paure est la fumière crépusculaire.

to7. La repraction fait que les rayons du soleil se plient & se détournent en traversant l'atmosphère (738), de manière à univer vers nous plutôt qu'ils n'y feroient venus par la ligne droite; cette réfraction est telle que quand le bord superieur du soleil est véritablement à l'horison, en surce qu'il me fasse que parostre, le disson outier étant encore lous l'horizon, la réfraction l'éléve affec pour quel paroifie cour entier au-deflus, c'est-àdire, qu'alors son bord inférieur parost toucher l'horizon, & l'effet de la réfraction égale à peu-près la grandeur même du diamètre solaire. Il stat 4 à 5 minures dans nos climats pour que le soleil s'éleve de la quantité d'un demi-degré, en force que la darée du jour artificiei y est augmentée de plus d'un demi quart-d'heure par cet effet de la réfraction; il devient beaucoup plus confidérable en avançant vers les zones glaciales; & lous le pote méme on a, par le soul effet de la réfraction, environ 67 heures de jour, plus qu'on n'auroit sans elle.

108. La seconde cause qui donne de la lumière dans les pays où la position de la sphère ne semble indiquer que les ténèbres, c'est la lumière crépusculaire (732). Oette lumière douce & tranquille de l'aurore, qu'on voit s'augmenter peu à peu le matin avent le lever du soleil, & diminuer le foir, dès que le sbieil est couché, est produite par la dispersion des rayons dans la masse de l'air, qui les réfléchit de toutes parts. Le crépulcule dure toute la nuit au mois de Juin à Paris & dans les pays qui ont plus de 48° 4 de latitude; ceux qui habiteroient sous le pole, auroient un crépuscule de sept semaines, en sorte que la durée des ténèbres pour ce point-là est dimi-nuée de 14 semaines, par l'effet des crépuscules, qui ont lieu sans que le folell y paroisse sur l'horizon. Nous ferons abstraction de ces deux causes dans les articles suivans; & ce que nous avons à dire des circonstances

C40 ABREGL D'ASTRONOMIE: LIVII.

-da jour dans les trois positions de la sphère, doit s'entendre de celui que donne le soleil quand son centre est -véritablement à l'horizon. the togethe desire, c'est à dire, celle où l'é--quateur EV (fig. 10.) oft perpendiculaire à l'horizon -HO. & det. coupe là angles desoits, a lieu pour ceux qui habitent fous l'équateur ou ligne équinoxiale, comme à Quito dans l'Amérique, méridionale: là les doux poles sont toujours dans l'horizon; tous les paralleles à l'équateur, comme P.A., sont coupés par l'horizon en deux parties égalés, que le foleil parcourt chacune en douze heures; sinsi les jours sont égaux entr'eux, & égaux aux muits, pendant toute l'année. Thom on l'année. 110. Le soleil passe deux fois l'année par le zénit, sawoir le 20. Mars & le 23 Septembre juques auxquels le Soleil décrit l'équateurs parce que l'équateur passe tou--jours par de zénit de ces pays-là: .. On peut en conclure qu'ils ont comme deux étés, ot deux princemps; car il ne faur pas marier d'hyver dans des pays où le soleil lance des rayons presque toujours perpendiculaires: On doit cependant observer que la chaleur, qui y est extrême fur les rivages & dans les fonds, se change en mie agréable température legiqu'on s'élève de 12 à 15 cents. roifes au-dossus, du niveau de la mer, & que sur des montagnes de 2500 toifes ou au-delà y on éprouve, quoique dans la zone torride, un froid, insupportable & une neige éternelle. il. Dans la sphère droite, on a le soleil du côté du mord, & l'ombre du côté du midi, pendant la moitié de l'année, depuis le 20 Mars jusqu'au 23 Septembre: on a le soleil du côté du midi & l'ombre du côté du nord, pendant les six autres mois de l'année; & dans les deux jours d'équinoxes, l'ombre disparost totalement à l'heure de midi, le soleil étant au zénit, 👊 🔠 🤃 🐇 112. Foutes les étoiles y montent sur l'horizon dans l'espace de 24 heures, puisqu'en faisant leur révolution elles sont 12 heures sur l'horizon, & 1,2 heures au-des-

il y a toujours une partie des étoiles qui ne se lève jamais.

113. Enfin, on y voit le soleil & tous les astres s'éle, ver perpendiculairement au dessus de l'horizon; comme

fous; au lieu que dans les autres positions de la sphère

-Luttin le meantement, parlant du voyage de Caton en Lybie: Non obuque meant, &c. Phar. IX. 533.

Il faux cependant observer que l'appliention de Lucain n'etit pas high exacte; car le voyage de Caton n'étoit que vers le temple de Jupiter Aminon-ssitué près du trappique du cancér set non point sous l'équateur.

114. La Spissas outrous a lieu pour tous les pays de la terse, qui ne sont situés ai sous l'équateur, ni sous les poless soit qu'un les prenne dans l'hémisphère bordal, du côté du pole arétique (a), c'est-à-dire, dans les latitudes boréales, comme la nôtre, ou dans l'hémisphère austral qui a le pole antarétique élevé, sur l'horizon, (pg. 8 & 9).

L'equateur fitué oblique, on a l'équateur fitué obliquement par rapport à l'horizon; les paralleles à l'équateur font coupés inégalement par l'horizon; le jour n'est égal à la nuit que le ac Mars & le 23 de Septembre, jours des équinoxes, le folcil décrivant alors l'équateur qui est toujours coupé en deux parties égales par l'horizon.

1111. Dans les pays septentrionaux 4 tels que l'Europe. on al les plus longs jours caut que le foleil est dans les fix premiers signes, le Bélier, le Taureau, les Gémeaux, l'Ecrevisse, le Lion & la Vierge (74), parce qu'alors sa déclination est septentrionale, & qu'il décrit les paralleles, comme AB (far. 8.), qui par leur plus grande portion AD au dellus de l'horizon... Dans les pays méridionaux, comme dans une partie de l'Afrique & de l'Aanérique meridionale, les plus longs jours arrivent quand de folest est dans les six derniers signes, qui sont les stgnes méridionaux, parce qu'alors le foleil décrit les paralleles dont les plus grandes portions sont au-destus de l'horizon. Car l'axe du monde L'al passe par les centres K, C, N de cous les paralleles; or la partie méridionale CR de l'axe aft élevée au-dessus de l'horizon dans les pays méridionaux (fig. 9.); donc les paralleles y ont Jeur centre au destus de l'horizon; donc les ares disents de ces paralleles sont plus grands que les arçs nocturnes; done les jours y foot plus longs que les puits, quand le folcil est dans les signes méridionaux.

⁽a) Co nom ini vient du voiligage de l'Ourfe appellée A'parer par les Grees.

ARRES MASTRONOMINA Orv. L.

176. Les ares fapérieurs de les ares dictiones des purelleies, font d'autant plus grands, par rapport à leurs arts sociatoes, qu'ils approchent davantage de pole élevé; wind le parallele dont le diamètre est IG (fig. 3.), a fi partie diarne G ? beaucoup plus grande par rapport à fa WL font les deux portions; parce que l'axe du monde ROP s'éloignant de plus en plus de l'horizon OH, le cours X du parallele GI est plus élevé que le cours V the parallele KL; simil le premier se dégage plus de l'Horizon; sa portion TI coupée par l'horizon devieux with petite, & forfque le fofeil y est pervenu, il est moins de temps sous l'horizon.

177. L'ure diame du tropique de cancer est danc le plus grand de cour les arcs diutnes du falcil ; pour les pays feptentrionaux; puisque le tropique du cancer oft de tous les paralleles celui qui est le plus avancé vers le mord; c'est pourquel le jour le plus long de l'année est celui en le foteil décait le tropique du cancer, c'est de clire, le jour de foiffice d'été: par le même railes, la muit la plus longue est celle du solitice d'hyver, le ut

Décembre dans nos régions boréales.

118. Dans la fobbre oblique on w, comme dans la Ribère droite, le jour égal à la muit dans le temps des équinoxes, purce qu'ajors le folcil décrit l'équateur, & que l'équateur est toujours coupé en deux parties égales par un horizon quelconque, suivant la propriété des grands cercles de la sphère qui passent tous par le centre, & y font coupés de tous sens en deux parties éga-

les (29).

119. Dans la fibbère oblique des pays septentrionaux le foicil monte depuis le en decà du tropique du cancer, le soieil monte depuis le az Décembre, jour du solstice d'hyver, jusqu'en as Juin, jour du folitice d'été, parce qu'il se repproche du nord tous les jours d'une petite quantité: les jours croissent & les nuits diminuent, parce que les arcs diurnes des paralleles deviennent plus confidérables : on appelle figuer ofcustant ceux que le soleil parcourt alors, c'està dire, le Capricorne, le Verfens, les Poissons, le Béller, le Tauren & les Gément: ce nom de fignes ascendans est fort usité dans l'astronomie, parce qu'il y a beau-coup de circonstances où l'on est obligé de distinguer les fignes afcendans des fignes defcendans.

120. Les jours également éloignés du même inflice font égaux; ainsi le 20 de Mai & le 23 de Juillet le soleil se écuche également à 7h 43l à Paris, parce que la déclinaison du soleil (91) étant d'environ 20 dans l'un comme dans l'autre, c'est-à-dire, le soleil étant éloigné de 20 de l'équateur, il décrit le même parallèle, soit le 20 Mai en s'éloignant de l'équateur pour monter vers le cropique, soit le 23 Juillet en se rapprochant de l'équa-

teur après le foldtion d'été.

121. Quand le soleil, au lieu d'avoir 20' de déclinaison borésie, comme dans le cas dont nous venons de parler, a 20° de déclinaison australe, ce qui arrive le 2t de Novembre & le 20 de Janvier, ou à peu-près, la losgueur du jour est de la quantité qu'étoit la longueur de la nuit dans le premier cas, & la durée de la nuit est égale à la durée qu'avoit le jour quand le soleil décrivoit le paratiele semblable au nord de l'équateur; parce qu'à 20° de part & d'autre de l'équateur, les parafieles sont égaux & également coupés par l'horizon, mais dans un ordre renversé: si le parallèle MDL (fig. 3.) est aussi éloigné de l'équateur ECQ vers le midi, que le parallele KVNL en est éloigné vers le nord, c'est-à-dire, si CW est égale à CF, alors la quantité DM sera égale à la quantité LN, parce que les triangles CDN & CVN seront égaux; mais WL est égale à VL, puisque les paraileles sont à égales distances de l'équaceur; donc les parties restantes DM & NL seront égates, c'est-à-dire, que l'arc diurne de l'un des paralleles serà égal à l'arc nocturne de l'autre, & que la nuit du 20 Mai sera égale au jour du 20 Janvier. Il en est de méme de tous les autres jours du printemps & de l'automne, qu'on peut comparer à des jours correspondans de l'été & de l'hyver; & l'on treuvera la même égalité; quand il y aura égale distance du soleil à l'équateur; la seule différence qu'on y trouve, est celle qui provient des réfractions, & elle peut aller à quelques minutes, comme nous en avons averti (107).

nord de l'équateur, l'autre au midi, ont des saisons toujours opposées; le printemps de l'un est l'automne pour l'autre; l'été du premier fait l'hyver du second, parce que les arcs diurnes du côté du nord sont égaux aux arcs nocturnes du côté du midi, si l'on prend les mêmes jours:

entallet, comparonali ligure 8 avec la figure 9; dans Bang le pole septentrional P est élevé ausdessus de l'hogizon; dans l'autres c'est le pole méridional &: le pamallele G L, dans des deux figures unit au midi de l'ésquatteur; mais dans la figure 8 le midi éluich bas, & dans la figure oribielt enchant: dans la figure 8 l'are diurne GM est plus petit que l'arc noctrine: ML; au lieus que dens la figure palanc diurne G M est le plus grand; l'arc nocturne ML de la figure 8 est égal à Fart Mume & Mode la figure p, c'est à dire, que les paysequiciont, por exemple, à 300 de latitude boréale, ont la durée duijour égale à la durée de la nuit de ceux qui sont à 304 au midi, & que l'hyver a lieu pour les uns en même temps que l'été pour les autres. . 123. Les pays sittés, sous le même parallele du mêmo côté de l'équateuns postlat même durés du jour, la anême faison, a equelle distance qu'ils soient les uns des autres perce qu'ayant la même hauteur du pole, & l'exe du monde étant place de la même façon for l'horizon de charun fi tous les parallèles y font coupés de da même maniere, aing L'Elpagne & le Japon, Naples & Pekin, qui sont à la même latitude du côté du nord. sont à la même sempérature, ont les mêmes saisons & la même durée du jour, dans le mémer temps de l'année, quoiqu'à 2000 lieues l'un de l'autre. La feule différence qu'il peut y avoir vient des forêts, des montagnes & des rivieres j' qui favorisent ou contrarient l'effet de la chaleur du folgil (130).

· 124. La Sphere PARALLELE est celle qui a lieu quand l'horizon est parallele à l'équateur, c'est-à-dire, que l'équateur même sert d'horizone il n'y a sur la terre que deux points où elle ait lieu, c'est-à-dire, les deux poles; & comme ces deux points sont inhabités & inhabitables, nous dirons peu de chose sur cette partie.

Dans la sphère parallele (fig. 13.), on a le pole céleste P à son zénit; l'année y est composée d'un jour & d'une nuit, tous deux à peu-près de six mois: tant que le soleil est, par exemple, dans les six signes septentrionaux, le pole boréal est éclairé sans interruption; tous les paralleles que le soleil décrit depuis l'équateur jusqu'au tropique du cancer IR, sont au-dessus de l'horizon, & lui sont paralleles : ainsi chaque jour je soleil fait le tour du ciel, sans changer de hauteur,

sans s'approcher ni s'éloigner de l'horizon, du moins sensiblement. Dès que le soleil, après l'équinoxe d'automne, passe dans les signes méridionaux, il ne reparost plus sur l'horizon; les parallèles qu'il décrit sont en entier dans l'hémisphère inférieur & invisible, & l'on est pour six mois dans l'obscurité.

Il en faut seulement excepter le crépuscule qui commence environ 52 jours avant que le soleil arrive à l'équateur, & paroisse sur l'horizon, & qui ne cesse que cinquante-trois jours après la disparition totale du disque folaire (a): "

125. Chaque jour un habitant du pole verroit les ombres tourner autour de lui sans changer de longueur, avec une marche uniformément circulaire. Il suffiroit, pour y faire un cadran horizontal, de diviser un cercle en 24 parties égales; mais le midi est une chose indéterminée sous la sphère parallèle; il n'y a aucun point du ciel d'où l'on soit obligé de compter les heures par préférence; le méridien (19) y est une chose de convention. On pourroit dire pendant six mois de l'année qu'il est midi, & pendant les six autres mois qu'il est minuit.

Sous le pole on ne peut pas dire à quel point l'aiguille aimantée se dirigeroit, ni quel nom on donneroit aux. vents; à moins qu'on ne dise que tous les vents seroient des vents du midi pour l'observateur placé au pole nord : & que tous seroient des vents du nord pour un observa-

teur situé au pole austral de la terre (b).

126. Dans la sphère parallèle, les étoiles ne se couchent jamais, elles sont toujours à la même hauteur audessus de l'horizon, la moitié du ciel est toujours visible, & les étoiles situées dans l'autre hémisphère ne paroissent jamais, les premieres tournent sans cesse au-dessus, les secondes au-dessous de l'horizon.

(b) Voyez au sujet des vents, de leurs noms, de leurs phénomènes & de leurs causes, la Géographie de Varenius; les Elémens de Physique de Musschenbroek, traduits en 1769, par M. Sigaud de la Fond.

⁽a) Il y auroit aussi une petite différence entre les habitans du pole boréal & ceux du pole austral, en ce que les premiers verroient le soleil 8 jours de plus que les autres; parce que le soleil, à raison de l'allongement de son orbite, est 8 jours de plus dans les signes septentrionaux, que dans les signes méridionaux, à cause de l'excentricité de l'orbite terrestre (309).

ABRECT MARK ONGHER LIV. L

. . The section of Des Saifus & des Climate.

127. Plue la sobine al ablique, plus la chabur diminue. El plus les saismes deviennes televales. Les revens du soleil qui produisces la chaleun & animent coure la nature, n'ont jamais plus de force que lersqu'ile arrivent perpendiculairement à pous; ils ont moins d'ain à traverser, & ile se répandent avec plus de force dans les interftices de le terre & de tous les corps qui nous environgent , pour y somenter la chaleur. Plus on est avancé vers un des poles, & plus les rayons du soleil viennent obliquement: loofqu'en est à 45° de latiende, & que le folcif est dans l'équateur, il ne s'élève que de 45°, à midi même; en général, la hauseur du soleil, le jour de l'équinoxe, est toniours le complément de la intitude, & fait avec elle 90° (35): ainsi, plus vous augmentez la latitude d'un pays de l'obliquité de la sphère, plus vous diminuez la hancur du folcil dans l'équinonc; plus vous éloignez ses rayona de la perpendiculaire ou de la ligne de votre zénit, plus vous diminuez le chaleur. Il est vrai que le soluil en été s'élève plus baux que l'équateur, mais en hyver il s'abaille de la même quantité; ainsi l'inégalité nien devient que plus grande pour les saisons, & la chaleur diminue toujours quand la hauteur de l'équateur devient plus, petite.

C'est pour cela qu'au Sénégal, sur la côte d'Afrique, on a vu le thermomètre, divisé à la façon de M. de Réaumur, monter à plus de 38° au-dessus de la congélation; mais à Paris, il ne monte communément qu'à 28 ou 29°, dans les plus grandes chaleurs: dans la Sibérie, il ne monte pas si haut en été, & il descend en certains endroits jusqu'à 70° au-dessous de la glace; tandis que le plus grand froid de 1700 à Paris, n'a pas été à plus de 15°s au-dessous du terme de la congélation.

(Mins. de l'Acad. 1749. pag. 11).

128. La construction du thermomètre est une chose sur laquelle on a tant varié, que je crois utile de fixer ici sa graduation. Je suivrai M. de Luc, qui nous a donné le meilleur ouvrage sur les baromètres & les thermomètres (a). J'appelle avec lui thermomètre de

⁽a) Recherche fur les modifications de l'atmosphère. A Genève 1772, 2 vol. in-4.

Réanmur un thermomètre de mercure, qui marque 20°, dans de l'eau qui bout depuis quelque temps, & lorsque le baromètre est à 27 pouces; il marque 29 🚜 à la chaleur du corps humain, comme sons les aisselles, lorsqu'il y a resté une heure; 9 2 dans la température constante des caves profondes de l'Observatoire; o dans la glace qui fond, ou dans la glace mêlée avec l'eau; & 17 audessous de la congélation dans un mélange de deux parties de glace qui fond, & d'une partie de sel marin. Les thermomètres d'esprit-de-vin faits autrefois par Réaumur, marquent 100° 4 à l'eau bouillante, 80 à la chaleur de l'esprit-de-vin la plus grande qu'il puisse supporter sans bouillir, & à laquelle il revient des que les bouillons sont passés, 32 & à la chaleur naturelle du corps humain, 10 4 dans les caves de l'Observatoire, o dans l'eau qui gele, & 15 au dessous de la congélation dans un mélange de deux parties de glace qui fond, & d'une partie de set marin. Dans ce mélange-ci, le thermomètre de mercure marque 17, & c'est-à-peu-près le plus grand froid de Paris. Nous supposons de l'esprit-de-vin tel que Réaumur l'employoit; savoir, cinq parties d'esprit-de-vin distillé au bain de sable, après avoir enslammé la poudre, & mêlé avec une partie d'eau.

129. Si l'on divise l'intervalle fondamental qu'il y a de la glace à l'eau bouillante en 180 parties au lieu de le diviser en 80, qu'on marque 212 au point de l'eau bouillante, & 32 à celui de la glace qui fond, on aura la division que Fahrenheit a donnée en 1724; elle est la plus suivie en Angleterre & dans le nord, mais en l'employant on s'est souvent éloigné des principes de l'Auteur, tout comme en France de ceux de Réaumur. Je ne parle ici que des thermomètres de mercure; l'esprit-de-vin a une marche trop inégale. En supposant des thermomètres de mercure & d'esprit-de-vin qui soient d'accord à la glace & à l'eau bouillante, l'esprit-de-vin rectissé & capable de brûler la poudre, n'est qu'à 25° à

quand le thermomètre de mercure en marque 30.

130. Parmi les causes de la chaleur ou du froid, il faut compter principalement la qualité du sol de la hauteur du niveau où l'on habite. Sur les côtes d'Afrique, on a plus chaud que par-tout ailleurs, parce que les sables s'embrasent plus facilement que les forêts, les eaux

Annielle and Antick and Annielle and Law. L.

de la mer: la Canado de plus france, quois qu'à pareille latitude, perce que le pays est plus couvent de bois, moins cultivé, moins peuplé, moins desseés Quito, quoique placée dans le milieu de la zone torride, y jouit d'un printemps perpétuel, parce que cette ville est élevée au-dellus du niveau de la mer de plus de 1400 toises: là on est délivré de la chaleur que produit une sorte résexion des rayons sur tous les objets environnans; chaleur qui est toujours plus vive que celle des rayons directs. C'est aussi pour cela qu'il fait plus chaud après le solstice d'été, que dans le temps même du solstice, parce que la concentration de chaleur augmente dans tous les corps.

bien moins sur la chaleur: le soleil est moins éloigné de la terre au mois de Décembre qu'au mois de Juin; la disserence va à 370 sois le diamètre de la terre, c'est à dire, à plus d'un million de lieues, & cela n'empeche pas que nous n'ayons notre plus sort hiver dans le temps même où le soleil est plus près de nous. M'ais la principale cause de la chaleur de l'été, c'est la durée du temps que le soleil reste sur l'horizon en été, & la direction de ses rayons, qui approche plus d'être perpendiculaire à notre horizon vers le milieu du jour,

& qui traverse une moindre quantité d'air.

132. LES CLIMATS sont les parties de la terre où la grandeur du jour est différente: on a distingué 23 ou 24 climats d'heures & 6 climats de mois. Le premier climat d'heure, fuivant Sacrobosco d'après les anciens, est l'espace compris entre le parallèle ou le plus long jour d'été à 12 heures & trois quarts, c'est-à-dire, trois quarts-d'heure de plus que fous l'equateur, & le paral-Tele, ou le plus long jour est de 13h t, c'est-à-dire, que le milieu du premier climat a 13h de jour au fol-flice d'été, & que son étendue renferme tous les pays qui ont entre 12h i & 13h i de jour. Le milieu du second climat a 13h a de jour; le milieu du troisième climat a 14h, comme cela arrive à Alexandrie d'Egypte; le quatrième climat a 14h t, il passe à Rhodes & à Babylone; le cinquième a 15h, il passe à Rome; le sixieme, 15h 30, il passe à Venise & a Milan; le sepuème, 16h, il palle à Paris, &c. (Clavias in fiberate, p. 288.)

igg. Certe division des climats est la même que celle des anciens; mais ils ne comproient que sept climats; dont les milieux avoient 13h, 13h i; 14h; de. de jour jusqu'à 10 seulement, où étoit le milieu du septieme climat, à 48" 40' de latitude; ils n'étendoient pas fort loin leurs connoissances géographiques, & comoissoint peu de terres sous de plus grandes latitudes.

peu de terres sous de plus grandes latitudes.

134. On trouveroit de même les six climats de mois cest-à-dire, les pays où le plus long jour est d'un mois de deux mois, de trois mois. On y trouveroit que le premier climat de mois sint à 67° de latitude, parce que le jour y dure un mois, et ainsi de suite jusqu'au polic qui sermine le sixième et dernier climat de mois, parce que le jour y dure pendant six mois, mais les astronos mes pe font point usage de ces dénommations de climats.

Des Zones Terreftres.

des politions de la sphère (4), 100), conduit à la division que les géographes ont saite de la surface de la terre en cinq Zones (4) ou bandes circulaires, qui sont la Zope torride, les deux Zones tempérées, & les deux Zopes glaciales.

136. La Zone torride RMLLK (fig. 3.) est celle qui s'étend à 23 i de part & d'autre de l'équateur, elle comprend tous les pays situes entre les deux tropiques, & dans lésquels on peut avoir le soleil au zénit.

dent à 43° de chaque tropique; l'une au nord du tropique du Cancer, l'autre au midi du tropique du Capricol ne; elles comprennent les pays qui n'ont jamais le foleil à leur zénit, & qui ne le pérdent jamais de vue en hyver. Les pays fitués à 66° i de latitude boréale, n'ont l'équateur élevé que de 23° i (34); ainsi, quand le foleil au folitiee d'hyver est à 23° i au-dessous de l'équateur, il cesse de s'élever au dessitue de l'horizon, & il ne fait que parotire dans l'horizon même, au moment de midi.

⁽a) Zafri, Cidjulum, etisture.

où l'on ne voit point du tout le foleil, aux environs du follice d'hyver, mais aufli l'on y voit le foleil pendant in 24 heures entières au folftice d'été. Homere paroît indiquer ce jour continu à l'occasion de Lasstrigons (Odyll. M. v. 82.) & nous en parlerons plus au long en expliquant les usages du globe artificiel (221). C'est-là que commence la Zone glaciale ou zone froide, qui s'étend jusqu'au pole. La zone glaciale artifique est habitée, car la Laponie & la Sibérie en font partie; le respense qu'une vaste mer qui s'étend jusqu'au pole. La zone glaciale du midi est absolument inconnue; on est occupé actuellement à tâcher d'en découvrir quelques parties.

130. La surface & l'étendue de terre ou de mer que comprend chaque zone glaciale est 6 fois moindre que celle de chaque zone tempérée, & la zone torride n'est que les trois quarts de la somme des deux zones tempérées; car la surface totale de la terre étant supposée, partagée en 23 parties, celles des zones glaciales, témpérées, & torrides, sont de 1, 6 & 9 respectivement; les cinq ensemble font les 23 parties du total, mais chacupe de ces unités vatu 1124372 lieues ouvées, (823).

140. Le Cercle polaire (102), est un petit cercle de la sphère terrestre AB (sig. 3.) parailèle à l'équateur, passant à 66 à de latitude boréale, dont la circonférence comprend tout l'éspace APB que nous venons d'appeller zone glaciale; il y a deux cercles polaires AB, ST, ainsi que deux zones glaciales; l'un vers le pole arctique ou s'eptentrional, l'autre vers le pole arctique ou s'eptentrional, l'autre vers le pole arctique ou méridional de la terre, (102).

ridional de la terre, (102). 141. On trouve dans Virgile & dans Ovide la description exacte des cinq zones dont nous venous de parler.

Quinque renent cultim tonm: quarum une coruleo Semper fole rubent, de torrida femper ab ignet.
Quam circum extremae dexirà lavaque trabuntur, Coruleà glacie concreta atque imbribus atris; Ras inter madiamque, dose mortalibus agriti Monare concella Dirum, de jia fecta per ambes.
Obliquus quà le lignorum verteret ordo. Geor. J. 1833.

Utque dum dextra colum, totidemque finifirà Parte fecant zone, quinte est urdentior illis ? -Sic onus inclusur rumero diffinate codem Cura Dei, totidemque plagas utilius presquistif; Quarum que media est, non est habitabilis sestu:,
Nix tegit and studie protection inter décamble locavit
"Tempessemque dedicy mills cum frigues stammes. Merem. J. 45.

pésée baréale on a tonjours l'ambie à droite, ou au mord, en regardant le couchant; au lieu qu'on a dens excelle temps des ambies vers le midi, c'est à dire à gaucher en regardant le couchant, dès qu'on est dans la more torride.

In in ignocuis vobis, Arabes, venistis in orbens.
Umbras mirati nemorum non ire finisiras. Pharf. 111. 247.

143. Il nous apprend aussi qu'à Syene, ville d'Egypte située sous le tropique, l'ombre du soleil disparoissoit à midi le jour du solstice, & ne s'étendoit ni à droite ni à gauche.

Umbras mulquam fledtente Syene. 1. 587.

Heterosciens (a) i Périsciens de la terre en Heterosciens (a) i Périsciens de la montre ou Asciens. Les Héterosciens de la contre des toujours rodinées du côté du même pole; tels sont les habitions des zones tempérées ainsi dans nos régions l'épibre d'un corps vertical se dirige toujours à midi vers le héteroscient que est épide de parée qu'elle est toujours opposée au soluil, qui est dir côté au foluil, qui est dir côté au foluil.

145. Les Périfétée sont ceux dont les ombres tournent en 24 heures vers tous les points de l'horizon; ce
sont les habitans des zones froides, pour qui le soleil ne
se couché point pendant un certain temps de l'année
(138); forsollée est du côté du midi, les ombres vont
vers le nord de l'ombre vers le midi, le aissi du reste
tato. Les Ampériciens sont ceux dons les ombres méritato. Les Ampériciens sont ceux dons les ombres méridiennes sont tantos au nord et tantôt au sud; tels sont les

⁽a) Dans Straben Cvers la fin du second livre de la Gérgraphie. page 135.) ils sont appellés E reposuloi, méputales et la Mille de A'Mille les mots sont formés de suite, umbre, avec les prépositions relations à chaque signification.

ABRECT PAFFEGROWES, LIV. L.

habitans de la zone torride. Mais afin que cette définition comprit aufil ceux qui habitent sous le tropique
même, Varenius, dans sa Géographie générale, y subfittue le mot Ascient, cela veut dire ceux pour qui l'ombre devient totalement nulle à un ou deux jours de l'any
née; le soleil étant alors au zénit. On divite les Ascient
en deux sortes; les Ascient Amphistrat, pour qui l'omète s'étend quesquesois vers le nord ét quesquesois vers
le midi, ét disparost deux fois l'année; les Ascient Historescient, dont les ombres sont toujours du même côté,
ét disparostient, sessette sur sont toujours du même côté,
ét disparostient, sessette sur sont les sont sessettes de jour
où le soleil arrive duns le troplage stat sesset ces peuples sont seusples sont seusples sont seusseus de la contract de la

I'm de l'autre, c'est-à-dire, placés aux deux extrémités d'une ligne droite qui passeroir par le centre de la terre sont Antronnes l'un de l'autre: ainsi la ville de Lima de l'autre; celle de Siam dans les l'autres, comme cela se voit par les l'attrudes & longique des qu'on y a observées; de même Buenos-aires en Amérique, est ancipode de Pékin, capitale de la Chine, la Lipagne a ses antipodes dans la nouvelle Zélande. Par mistre tout le reste de l'Europe ont leurs antipodes dans la Mer du Sud, aux environs de la nouvelle Zélande, d'est une des Terres australes que l'on connoisson à pair, ne evant le voyage autour du monde de M. de Bouneinville de cehii de MM. Banka, Solander & Cook mistre et 1760.

fait en 1769.

148. Depuis plus de deux, mille, sas gaisp comost la rondeur de la serre, les Savans plont point plouté qu'il n'y eût des peuples entipodes les une des autres; ce l'acté que dans les camps d'une flupishe ignorance, où tours tes les lumieres des Mathématiques énsient éteintes sur la terre, qu'on, a pû deuxer de leux existence y Képles, dit qu'un Evêque nommé Virgile sut déposé pour avoir parlé trop affirmativement des Antipodes; mais Riccioli foutient que cels n'est pas exact. (Vayan Marenius, annués 744. Kicciolis. Atmarenium est 445.

nis 744. Riccivile. Almagajum Hs 490.)
140. Les Annipodes ont le même plan pour borizon ;
l'un voit la face supérieure du plan, de l'autre sa face in-;

affrieure. Un astre se lève pour l'un quand il se couche pour l'autre; le jour le plus long de l'année pour le premier est le plus court pour le second; l'un a l'hiver quand l'autre, a l'été; le printemps conçourt de même avec l'automne, le midi avec le minuit, le matin avec le foir, le jour avec la nuit; le pole qui est élevé pour ·l'un est abaissé pour l'autre; les étoiles que l'un voit toujours ne paroissent jamais pour l'autre : celles qui s'élè--vent très-peu d'un côté s'abaissent aussi très-peu de l'autre. Si tous les deux se tournent vers l'équateur, l'un voit les astres se lever à sa droite, l'autre les voit se levet à fa gaudhe.

150. Les peuples qui sans être diamétralement opposés sont cependant, l'un au midi & l'autre au nord de l'équateur, sur le même demi-cercle du méridien & à des latitudes égales; s'appellent Anteciens; ils ont midi & les autres heures au même instant l'un que l'autre; mais L'hiver des uns a lieu-en même temps que l'été des autres, à le princemps des premiers avec l'automne des seconds. Les jours des uns sont égaux aux nuits des autres; quand les jours croissent pour ceux-ci, ils décroissent pour geunde; le pole qui est élevé pour les premiers, jest shaissé pour les seconds de la même quantité; les étoiles que les premiers voyent toujours, ne paroissent jamais pour ses autres; & lotsqu'ils regardent le soleil à midi, ils ont la face tournée l'un contre l'autre, à moins que le soleil ne soit plus éloigné de l'équateur qu'un des deux spectareurs.

151. Ceux qui sont sur le même parallèle, mais dans des points opposés, s'appellent Périgciens; l'un compte midi lorsque l'autre a minuit; mais étant du même côté de l'équateur de les mêmes saisons & dans les memes temps; ils voient les mêmes étoiles rester perpétuellement sur l'horizon; les astres se lèvent au même point & à la même distance de la méridienne, & restent le même temps sur l'horizon. Le jour de l'équipoxe, le soleil se lève pour l'un au moment qu'il se couche pour l'autre. Quand le soleil est du côté du pole élevé, c'est-à-dire pendant le printemps & l'été, il se lève pour l'un avant de se coucher pour l'autre, ensorte qu'il y a un intervalle de temps, pendant lequel les deux Périceciens voient le soleil en même temps. Au contraire, pendant l'automne & l'hiver il y a une portion de la

154 ABRÉGÉ D'ASTRONOMIE, LIV. L

nuit commune à tous les deux, c'est à dire, un temps

Ainsi les Antipodes de Paris sont les Périceciens de ses Antœciens, & ils sont Antœciens à l'égard des Périceciens de Paris; nos Périceciens sont au sud-est de Kamt-schatka, extrémité crientale de l'Asie; nos Antœciens sont dans les terres australes, au midi du cap de Bonne-

Espérance, lieux incomus jusqu'à présent.

152: Il y aura peut être des personnes qui auront peine à se figurer comment les hommes peuvent habiter des pays antipodes, enforte que leurs pieds se regardent. Il semble au premier abord que les uns ou les autres doivent avoir la tête en bas, c'est-à-dire être placés dans une situation renversée, & contre l'état naturel. Muis pour rectifier ses idées là-dessus, en n'a qu'à examiner pourquoi nous sommes debout sur la surface du globe, nos pieds tournés vers la terre. & la tête élevée vers le ciel: pourquoi nous retombons sans cesse à cette premiere situation, des qu'un effort ou un mouvement étranger nous en a détournés. Cette force avec inquelle tous les corps descendent vers la terre, soit qu'on l'appelle pesanteur, gravits ou attraction, quoique sa cause sous soit inconnue, le manifeste dans tous les points de notre globe: par-tout les corps graves tendent vers le centre de la terre, par un effort constant & inaltérable; par tout on dir que ce' qui tombe vers la terre descend, & qu'on monte en s'en éloignant. Ainsi le corps A, (fig. 14.) attiré vers le centre C du globe terrestre, suivant la ligne ABC, ou le corps E, attiré dans un sens contraire, suivant la ligne BDC, tombent & descendent tous deux vers la terre, parce que leur situation naturelle est de s'approcher du centre C. Un habitant placé en B, verra tomber la pluie vers lui de A en B, & celui qui ch'à ses antipodes en D, verra venir la pluie sur la terre de B en D; ce sont, à la vérité, des directions disséreptes, mais elles sont également naturelles, parce que le centre O de la terre est le terme commun, le point de réunion & de tendance de la pluie & de rous les autres corps graves.

153. J'ai oui des Commençans demander pourquoi, si te corps A descend de A en B, l'autre ne descend pas pareillement de D en E & en F; ils ne s'étoient pas encore accoutumés à observer que le corps A ne descend

with B, que price qu'il est force de se rappitacher de la terre, su lieu que le corps B n'a plus men du coté de F qui puille le déterminer à se mouvoir, aucune loi, aucune objet, aucune éause de mouvement; il n'a de rapport qu'avec la terre, c'est là qu'est sa propension miturelle, c'est la tause & le terme de son mouvement; èt en allant de E vers D, it obéit à la même capse, il se meut de la même manière, il suit la même loi que le corps A; en déscendant vers B; sinsi l'interne de l'aucune que deux corps tombent & déscendant l'un de l'aucre, quoiqu'ils aillent en deux leus opposes; c'est sinsier que de s'approcher de la terre. Nous traiterons sort au long de cette loi générale de la pesanteur dans le sière XII. art, p80.

rija. Il se trouve aussi des personnés qui demandent comment les étellés sont sussiblements, d'on vient que les corps terrestrés que nous par nous, aussi bien que les corps terrestrés que nous voyons, de qu'est ce qui tient la terre à sa place? Pour prévenir cette difficulte, il importé de s'accoulustier de bonne neure à cette idea très physique de très simple, que les colps ne changent point de place sins une cause montrée : les étoiles ne sont posit surpendues de n'ont pas besoin de l'être, parce que n'en ne les déplace; il fusit qu'elles solent en un lieu pour y être toujours; il ne saux du soutien qu'aux choiés qui ons une disposition à tomber vers un endroit, de les étoiles n'ont aucune undance vers la terre; elles en sont trop ésbignées.

Tracke und Lique Meridienne

fait voir que le méridien coupe en deux parties égales de femblables tous les ares diurnes des parallèles à l'équateur: le foleil, en paroissant sur l'horizon, s'élève par dégrés, en décrivant sensiblement un parallèle à l'équateur, il parvient à midi au plus héut du ciel, de redescend vers le couchant avec la mênie vêtesse, par les mêmes degrés, de dans la même temps qu'il a employé à s'élèver jusqu'au méridien; ainsi le méridien partage la darée de l'apparition du soleil en deux parties égales, de marque en même temps la plus grande hauteur du soleil.

66. Abrécé d'Astronomie, Liv. I.

156. De-là il fuit qu'on a deux manières de-reconnostre la direction du méridien, & de savoir le moment où le soleil y arrive, c'est-à-dire l'heure de midi: la première consiste à examiner le moment où le soleil est le plus élevé, & cesse de monter, & où les ombres des corps qu'il éclaire sont les plus courtes; alors l'ombre d'un piquet ou d'un style placé verticalement, ou celle d'un sil à plomb, indiquera la direction du méridien, & formera ce qu'on appelle la LIGNE MÉRIDIENNE, & la section des plans de l'horizon & du méridien.

Cette méthode seroit exacte, si l'on pouvoit reconnostre avec assez de précision le moment de la plus grande hauteur; mais aux environs de midi, & lorsque la hauteur approche de son maximum ou de sa plus grande quantité, le progrès est si lent, qu'il faudroit une extrême précision pour obtenir quelque exactitude dans cette observation: il faut donc recourir à un autre moyen pour tracer une méridienne; c'est la seconde méthode

que je vais expliquer.

. 157. Cette méthode consiste à remarquer l'ombre du soleil levant, & l'ombre du soleil couchant, ces deux ombres sont aussi éloignées du méridien l'une que l'autre; ainsi le milieu de ces deux ombres doit donner celle du midi. Soit le cercle SMCBDA (fig. 15.) qui représente la circonférence de l'horizon, s le soleil levant, C le soleil couchant, P le pied d'un style ou d'un piquet dressé perpendiculairement à l'horizon, PB l'omhie du style quand le soleil se lève, PA l'ombre du même style au soleil couchant; si l'on partage l'angle SPC ou l'arc SC en deux parties égales au point M, la ligne MPD sera la ligne méridienne, puisque le soleil se lerant en S & se couchant en C, est nécessairement à des distancés égales du méridien qui passe en M. Cette méthode ne peut se pratiquer sans un horizon extrêmement découvert, & je ne l'indique ici que pour exprimer micux l'objet qu'on se propose, & l'idée sur laquelle est fondée la méthode générale de tracer une méridienne: c'est la troisième méthode que je vais expliquer.

158. Cette méthode, qu'on est obligé d'employer, substitué aux deux points de l'horizon dont nous venons de parler, deux autres points qui soient aussi élevés l'un que l'autre, l'un avant midi & l'autre après. Si au lieu de marquer l'ombre du soleil, lorsqu'il étoit à l'horizon

sprès son lever, & ensuite une demi-heure sont son coucher, ou sura deux autres ombres PF, PG, plus voisince du méridien & plus courtes, mais toujours à distances égales du méridien : il suffira de prendre le milieu H des deux ombres pour avoir la ligne méridienne PHD.

un arc tel que FG, observer le moment où l'ombre du matin sera en F, & celle du soir en G sur le même arc, (parce qu'alors on sera sur que la hauteur du soi leil a été la même dans les deux instant, & par consequent ses distances au méridien parfaitement égales); on deux ombres devant être à même distance du méridien, on partagera l'intervalle ou l'arc FG en deux parties égales, & l'on trouvers également un point se du style P.

Pour plus de précision, l'on peut décrire plusieurs cereles concentriques, dont chacun en particulier donners un des points de la méridienne; ot tous ces points pris ensemble, déterminement encore plus exactement la ligne

entière que l'on charche (a).

160. Lafin, on peut, au lieu du fivile que je suppose place en R, se servir d'un instrument tres-portatif à trèscommode. C'est une plaque P (f_{R_A} , 16.), d'ens iron
trois pouces, percée d'un petit trou d'épingle, qui laissé
passer un rayon soluire; elle est élevée sur un pied de 7
à 8 pouces AR, à le rayon tombe sur la plaque BDdu pied, ou sur une table placée de niveau. Du point Cqui est désigné par un à plomb TC, on décrit plusieurs
cercles concentiques; on marque, sur chaque éercle se
point lumineux du matin K, à celui du soir L. Le mitlieu H de l'intervalle donne la méridienne CM.

le point lumineux n'en devient que plus fentible et plus

⁽a) Cetta méthode est sujette à quelques secondes d'erreur, hors le temps des solstices, parce que le soleil ne reste pas exactement sur la même parallèle pendent toute si journée. Nous aurons égaté à cette petite inégatifé dans le livre suivant (326.) cets est inutile dans l'usuge ordinaire.

Anadi Tarkinowing Liv. L

d'ailleurs, on y trouve l'avantages de pouvoir placer de niveau la table même par le moyen de l'instrument; en super de l'instrument; en super de l'instrument; en super de l'instrument; en super de l'instrument elle devra répondre exactement au point C, a l'instrument est hien fait, & que la table soit exactement de monu; ainsi, l'instrument servira de vérification. On peut-aussi, lorsqu'on manque de sil à plomb & de niveau, versser de l'eau sur le plan, on appercevra aussité de que senté il incline, & cèla suffira pour le redresser avec des castes ou petits coins de bois, jusqu'à ce qu'on voye que l'eau reste à l'endroit où on la verse, & ne coule ni d'un côté ni de l'autre.

On verra dans la fitité de cet ouvrage (322) que le sième principe dont nous venous de parler, produit en core la méthode des bauteurs correspondantes, employées par tous les aftronomés, pour avoir le moment du midi-

avec la plus scrupuleuse exactirude.

d'un observatoire; la plupart des observations supposéne une excellente méridienne; car c'est sur les hauteurs priviés dans le méridien, & sur les passages au méridien que sont fondées toutes les théories astronomiques; aussi dit-on, que les astronomes sont toutnés sins cesse vers le midi, comme les géographes vers le nord, les prêtres vers l'orient, & les poêtes vers le conclière.

Ad Morenin nerse , 160 enni Mantor ad Sufffelb ; Place Dei excerteit, lidel ; declaftingto Portu

l'étôle polaire, aufli-bien due par la méthode érécédence, peut-être même avec plus d'exactitude. L'étoile polaire n'étant éloignée du poie que d'environ a dégrés, elle défigne toujours à peu-près le côté du nord, en quel temps qu'on l'observe; mais si l'on chaîst à peu-près le témps où elle est dans le méridien, quand on s'y tromper ruit même de plusieurs minutes, on aurs, par le moyen de cette étoile, la direction du méridien, avec une trèsgrande précision; il fusifier d'élèver deux fils à plomb, le long desquels on puisse horsover, c'ell-à-dire, viter ou s'aligner à l'étoile.

- 164. Poin chailm le temps ou l'écoile public est éxectement dans le méridien; on peut cultuler l'heure & la minute du passige, par la merhode qui sera expliquée ésu après (303). Avais il ; y a une manière commode pour trouver, lans aucha valoul, le temps ou l'évoile polaire passe au méridien. Il quille d'observer le temps du elle est dans le vertical de l'étoile; de la grande ourse; c'est is premiere des rades éroiles de la que do, ou éche des est la plus voisine du carré de la grande ourse (1): On a reconnu que cette étoile est opposée à l'étoile pohire, de façon qu'elles passent au méridien ensemble l'une au-dessus du pole l'autre au dessous; ainsi quand elles sont l'une au-dessous de l'autre, ou qu'elles sont ensemble dans un même vertical, dans un même à plomb, on est sur qu'elles sont toutes les deux au méridien: A dans ce mamont on aligne deux fils ou deux règles veri ticales vers ces deux étoiles, les deux objets sinfialis gnés seront dans le méridien. & marqueront sur le pavé le direction de la méridienne 165. On pour employer ; au lieu de deux fils à plomb; trois, ou gratte méches feiblement silumées, dont deux feront placées d'avance dans un même vertical, au moyen d'un fil à plomb : la trollième ou la plus proche de l'œil sera mobile, & elle pourra s'aligner avec les aus tres vers l'étoile polaire. On peut se l'ervir aussi d'une planche percée de deux trous, par lesquels on puisse voir les deux étoiles à la fois dans un même à plomb, tandis quiupe autre planche plus près de l'œil servira à s'aligner & à mettre l'œil dans le vertical des deux étoiles: un mur qui seroit bien d'à plomb serviroit au même usage, mais il s'en trouve rarement. 166. Gette opération peut le faire, sur-tout dans le crépuscule; au mois de Mai & au mois de Juin; avec deux fils à plomb, de manière à ne pas se tromper d'u. ne minute sur le temps où ces deux étoiles passent dans le même vertical; & une minute d'erteur ne feroit pas quatre secondes de temps sur le moment du midi, qu'on observeroit enstite par le moyen de cette méridienne. - 167. Pour parler avec plus de précision, je dois obt server que ces deux étoiles passoient exactement ensemble dans le méridien au mois de Juillet 1751; mais l'étoile « de la grande ourse dévance l'autre de 1' 13" ! tous les dix ans; & au mois de Juin 1773, elle passa 2' 4211



plutot que l'étoile polaire. Si donc on aspiroit dans cette opération à une extrême exactitude, il faudroit d'abord a assurer, par le moyen des deux fils à plomb, du moment où les deux étoiles ont passé dans le même vertical; attendre ensuite deux minutes & 42 seçondes, es diriger, alors les deux fils à plomb à l'étoile polaire seule, sans égard à l'étoile e qui aura déja passé-au-delà du méridien & du vertical; mais cette petite dissérence est insensible dans la pratique.

Du Globe celeste artificiel, et de

168. Un globe destiné à représenter les constellations à les mouvemens planétaires, l'écliptique, l'équateur, les cercles de latitude, les cercles de déclination, le mé-

ridien & l'horizon, s'appelle globe céleste.

Celui que nous avons représenté (fig. 12.) est entouré comme la sphère, d'un horizon HO & d'un méridien PZR, il tourne sur un axe PR. On y marque les étoiles suivant leurs ascenssons droites & seurs déclinaisons observées (90, 91), en examinant pendant la nuit les étoiles, qui à leur passage au méridien, ont la même hauteur que l'équateur, ou qui passent un degré, deux degrés, &c. plus ou moins haut que l'équateur.

On trace ensuite sur ce globe un autre cercle qui coupe l'équateur aux deux points équinoxiaux que l'on a remarqués parmi les étoiles (67), & qui s'en éloigne de 23° 1 de part & d'autre, c'est l'écliptique (64); les deux points de l'écliptique les plus éloignés de l'équateur sont les jolstices ou les points solsticiaux (68).

Les deux colures dont nous avons parlé ci-dessus (102) doivent se tracer sur le globe, d'un pole à l'autre, l'un par les équinoxes, l'autre par les solstices, comme dans

la sphere.

Tous les cercles passant par les poles du monde & coupant perpendiculairement l'équateur, s'appellent cercles de déclinaison; ils servent à mesurer soit les déclinaisons ou les distances à l'équateur, soit les ascensions droites; car tous les astres qui sont sur un même cercle de déclinaison ont la même ascension droite. Ainsi les colutes, les méridiens, les cercles horaires sont aussi des cercles de déclinaison (92).

169. On peut lessaigher fur le globe L'Ascensione OBLIQUE: d'un aftre ; c'est la distance du point équinoxial au point de l'équateur qui le leve en intente temps que l'asservibit HEZPO (se. 20:) le méridien; P un aftre qui se leve dans Phofizon; le point Bide l'équateur est celui qui marque l'assention sevoite de l'astre J; mais le point de l'équateur qui marque l'ascenhon oblique de l'étoile est en C, parce que le posité O est relui qui se leve en même remps que l'étoile; B C est la différence entre l'ascension droite et l'ascension obsid que; les anciens astronomés l'appelloient preférence Ascensionnelle; mais actuellement on n'en fair préfque plus d'unige. មាន គឺ នៃ តានេះ ប្រាប្រធាននៅប្រហាញម៉ូស៊ី ម៉ូស៊ី ស៊ីស្ត 170. Les. problèmes que l'on peut réfoudre par le moven d'un globe ou d'une sphère, ne sont pas de l'un ples exercives d'amufement, il flitter et à la vériet jupout y trouver quelqu'exactitude, "Evoir un globe acequand L toutife avec-foin - encore devioit-on préférer le culouil trigonométrique dont hous parlerous time le livre luio vant junais en étudiant pour la première fois les prince cipes de l'aftronomie, il est très unité de s'exercer sur le globe ou sur la sphère armillaire, pour en bien comme prendre les mouvemens & pouvoir les rapporter lans peine auk objets welestes. Je dis qu'on peut se servit du globe ou de la sphère, car il ny a d'autre différent ce j. A ces n'estruguet la lithère est évidec de percédus lona? caugis, diferise Espape, et bien of lojige? hono drang puisse inabques in the surfaces les différentes conficilacions o Aufvant leurschöngkudes Grantudes (445, 48) 12 Nous parlerone biencovanii du globe terrefire (214).

171. CONNOISSANT la latitude d'un pays de la terre & le livie du soleit d'abaque jour de l'arinée, trouver l'heure du lever & du couchet du soleil.

Supposons que Paris est le sieu donné, dont la latie tude est de 40°, & que l'on veuille savoir pour le 20° Avril l'heure du lever & du coucher du soles. . Il saut tourner le méridien, sans le strir de ses entailles & de son support, de manière que le pole soit élevés de 40° au dessus de l'horizon, c'est à dire qu'il y ait 40° depuis le pole jusqu'à l'horizon, ou que le 45° dess

60 Annica many annagers, Law. L.

degré de l'éclipuque répondant au jour donné; ces de, gres font marques pour l'ordinaire un à un sivis-à-vis des purs correspondans, sur la cercle de l'borizon d'après entrée du folcit à chaque figne indiqué ci-dessus (79). Dans le cas proposé l'on crouve que c'est le premies degré du tauxeur qui répond au so Awril. 3'c. L'on plan que dans le méridien le degré trouvé, c'estandire le degré in l'écliptique où est le soleils on met sin le midi l'ais millo de la refette P. (hg. 12) qui étant plecée sun Penne, à frottement dur, pout être mise où l'on veut, 🐠 prefree malgré le mouvement du globe, ainfi que dans a liphère (fig. 14.) La railen de rectio opération els que l'on doit toujours compter midi à Paris forsque le degré de l'échiptique oboie grouve le foieil, c'est-à-dire le foieil his-même, est dans le méridien. 4. On courne a sphère du goté de l'orient, jusqu'à ce que le degré du leur donné, ou le premier degré du Taureau, fou dans l'assizog; on voic d'aiguille de la rosette fur y houses. ce qui nous apprend que le foleil se lève alors à 4-heur res. Si-l'on tourne de même la sphère vers le couchant jusqu'à ce que le même degré de l'écliptique ou est suppolé le foleil, atrive dans l'horizon, on veurs que l'aimille de la rolette, qui toume avec fon axe est arrivée 19 7 heures, co qui fera connostre que, le foleil ce jour Redoit se coucher à 7 hauses. Cette opération fait voil audi que la durée du jour est de 14 heures; can l'aiguilla parcourt un espace de 14 heures, tandia qua le poins de l'éclipaique fun legant agus avons opéré va de la parne crientale à la partie occidentale de ditorinon. Nous expliquerous la manièra de enleuler siaouroulement le lever & le coucher des aftres (367).

Les vaison du cette procique tient, à per que nous avons dit fue la division du jour en est heuren; puisque le mouvement diurne se fair puisonnément, chaque jour autour de l'axe & des poles du monde, il est évident que l'axe & des poles du monde, il est évident que l'axe & des poles du monde, il est évident que l'axe & des poles du monde, il est évident que l'axe de des poles du monde, il est évident que l'axe de des poles du monde, il est évident que l'axe de des poles du fait lo mémo appoient à chaque révalusion les gaphenes du caldran, de qu'elle manquer, de ainsi den autres heures à proportion; par consignées, la spain den donné, ét ayans, le mong mouvement, que le cief, la rosotte suit le mouvement, que le cief, la rosotte suit le mouvement.

rement du globe; elle marque donc les heures du lever

172. Par une opération inverte, l'on trouvers quelle est la latitude d'un pays, si l'on sait à quelle heure le so-leil s'y couche à un certain sour de l'année. Ayant marqué la lieu du soleil sur l'éclaptique, & placé l'aiguille de la rosette sur midi, ce point étant dans le méridien, on tourners le globe susqu'à ce que l'aiguille soit arrivée à l'heure où l'on sait que le soleil se couche; alors où élevers le pole du globe jusqu'à ce que le point de l'écliptique où est le soleil soit dans l'horizon, & l'on aura la hauteur du pole ou la latitude du lieu cherché; c'est ansi que nous jugeons que l'ancienne Babylone étoit à degrée de latitude, parce que nous voyons dans Prolomée que le soleil s'y couchoit à 4th 48th vers le temps qui solstice d'hiver, le soleil ayant o signes de longitude.

173. THOUTER Public foot to come bout of the Country of the

Supposons ou on demande les sours ou le soleil se lève qui est celle de Paris, on conduira sous le méridlen un des colores, & l'on mettra l'aiguille pofaire ou horaire Iur midi. On tournera le globe vers l'orient, jusqu'à ce que l'aiguille soit sur 5 heures, & l'on marquera le point on le colure coupe l'horizon; il est évident que si le se leil étoir dans ce point-là, ou à une femblable déclinatson, il se leveroit à p beures; il faut donc savoir quels sont les jours de l'antièe où il a cette même déclination. On conduita sous le méridien le point du colure qui se trouvoie dans l'horizon, & l'on verra, sur le méridien que cette déclinaison est de 13°; on remarquera ce point du méridien, & failant tourner le globe, on verra 2 points de l'écliptique passer au même point du méridien, c'estchés, qui le trouveront être le feçond degré du tauresu de le 280 degré du lion, de l'on trouvers les jours correspondans à ces deux points (art, 79.); savoir, le ar Avril & le 24 Août,

🙀 Annect o'Arthurdhin, Liv. L

The Trouver and Supplied the Contraction of the Land of the Contraction of the Contractio

Ayant remarque sur l'écliptique la longitude du solet pour le jour donné, & la sphère étant aussi élevée à la hauteur du pole du lieu dont il s'agit, on conduita le point de l'écliptique à l'horizon, & l'on examinera combien ce point de l'horizon, auquel répond le soleil, l'éloigne du point de l'orient ou de l'occident; on trouveroit à Paris pour le 21 de luin, que les points ou le soleil se lève & se couche sont à 38° des points cardinaux de l'est & de l'ouest, & cela du côté du nord; ceux où le soleil se lève & se couche le 21 Décembre sont à 36° l des mêmes points cardinaux de l'est & de l'ouest, mais du côté du midi. Ainsi depuis le couchant d'été jusqu'au couchant d'hiver, il y a 74° i de distance; cette quantité est encore plus grande quand l'on avance vers le nord; mais elle diminue, au contraire, pour les pays méridionaux, ensorte que sous l'étauteur on ne trouve plus que 47 degrés de différence entre les points où le soleil se lève dans les seux solutices.

175. L'AMPEITUDE ortive n'est autre chose que l'anc de l'horizon compris entre le point où le soleil se lèvel de le vrai point d'orient; l'amplitude octase est la distance du point d'occident à celui où se couche le soleil; oil trouvera ci-aptès la manière de la calculer (369).

176. FROUVER I glossifon droits de fileit sour un

Il faut d'abord savoir quel est son sieu dans l'écliptique pour ce jour-là. (70) & condustant dans le méridien le point de l'écliptique où se rencontre le soleil, of voit le point de l'équateur qui est en même temps dans le méridien; le chiffre marqué vers de point de l'équateur indique son ascension droite où la distance du soleil l'équateur d'occident en orient. Ainsi le 20 Avril le soleil étant au premier degré du tant reau, c'est-à-dire, sa longitude étant de 30°, l'on verraque l'ascension droite est d'environ 28°.

177. TROUVER à une beure quelconque l'ascension droite du milieu du ciel.

On cherchera pour le jour donné quel est le lieu du soleil dans l'écliptique (79); l'on amenera ce point de l'écliptique sous le méridien, & l'on placera l'aiguille polaire sur midi; ensuite on fera tourner le globe jusqu'à ce que l'aiguille arrive sur l'heure donnée, & dans cette position le point de l'écliptique situé sous le méridien sera le point culminant de l'écliptique; celui de l'équateur, qui sera également dans le méridien, marquera l'ascension droite du milieu du ciel, & celle de toutes les étoiles qu'on verra sur le globe le long du méridien, au même instant.

178. Cette méthode peut servir à reconnostre les étoiles dans le ciel, lorsqu'ayant tracé une méridienne (155) on se tournera vers le midi, & qu'on aura reconnu sur le globe quelles sont les constellations situées dans le méridien, & à quelles hauteurs elles sont au-dessus de l'horizon.

179. LA DÉCLINAISON du soleil ou d'un autre astré se trouvera de même par le moyen du globe, en conduisant sous le méridien l'astre dont il s'agit; le nombre de degrés compris entre cet astre & l'équateur, compté sur la circonférence du méridien, marquera la déclinaison de cet astre; elle sera boréale si l'astre est au-dessus de l'équateur dans nos régions septentrionales; australe s'il est moins élevé que l'équateur, où du côté du pole méridional.

180. Quand on ne connoît que la déclinaison du soleil, on peut trouver par la même raison sur le globe, le lieu qu'il occupe dans l'écliptique, pourvu que sur les quatre quarts de l'écliptique on prenne celui qui convient à la saison où l'on est; si par exemple on a observé le 16 Avril la hauteur du soleil de 51 degrés; c'est-à-dire de 10° au-dessus de l'équateur, ce qui fait 10° de déclinaison, l'on verra qu'en faisant avancer le premier quart de l'écliptique, ou celui du printemps, sous le méridien le point qui s'y trouve à 10° de l'équateur est le 26 degré du bélier; c'est le lieu du soleil ce jour-là. Ainsi l'on trouveroit quel est le jour où une semblable observation auroit été faite, par la seule hauteur ou par la déclinaison observée, pourvu que l'on sût dans quelle

Milon, parce qu'il y a toujours au printemps & en été

deux jours où le soleil a la même déclinaison.

même raison la latitude du lieu où l'observation a été faite, si l'on sait quelle est la déclinaison du soleil ce jourlà. Je suppose que le 16 Avril on ait observé la hauteur du soleil dans le méridien de 51°, on trouvera la déclinaison ce jour-là de 10° septentrionale, pur le moyen indiqué dans l'article 179, d'où il suit que l'équateur est élevé de 41°, & que la hauteur du pole est de 49°, complément de 41° (34). Si la déclinaison du toleil érois méridionale, il faudroit l'ajouter à la hauteur observée pour avoir celle de l'équateur; nous supposons encore l'observateur au nord de l'équateur, & le soleil du côté du midi, comme on l'a toujours en Europe. On fait un grand usage de cette méthode pour la géographie & la bavigation.

182. Si le lieu de l'observation étoit sous une latitude apparale, on feroit le contraire de ce que nous evons préserit; on ajoutéroit la hauteur observée avec la déclination leptentrionale, d'l'on retranchéroit la déclination australe de la hauteur observée, pour avoir la hauteur de

Pequateur.

183, Si l'on étuit entre les deux tropiques, & que le foleil fut plus éloigné de l'équateur que l'observateur, il faudroit prendre le supplément à 180 degrés, de la hauteur observée, avant que d'en retrancher la déclinaison du soleil : ces sortes d'exceptions aux règles de la sphère s'appercoivent par la seule inspection du globe, si aisément, que nous nous dispenserons à l'avenir de les remarquer, pour n'être pas d'une ennuyense prolixité.

partant du zenit, descend perpendiculairement à l'horizon, & passe par le centre de l'astre (10). On se sert des verticaux pour marquer les hauteurs, parce que la hauteur d'un astre au dessus de l'horizon n'est autre chose que l'arc du vertical, compris entre l'astre & l'horizon; on s'en sert aussi pour marquer L'Azimor, c'est-à-dire l'arc de l'horizon compris entre le point du midi & le point de l'horizon auquel un astre répond perpendiculairement, ainsi ZDF (sig. 20.), est le vertical de l'astre D, dont DF est is hauteur, & HF l'azimor.

quart de cercle de même rayon que le globe, & qui s'applique immédiatement sur sa circonférence, depuis le zénit jusqu'à l'horizon; on le voit représenté en ZF (fig. 12). Il sert à plusieurs usages; comme on le verra par les problèmes suivans; mais quand le vertical y manque, on peut y suppléer avec un compas & une équerre; le compas sert à prendre le nombre de degrés dont on a besoin pour la hauteur d'un astre; l'équerre sert à mettre les deux branches du compas dans un planqui soit vertical, ou perpendiculaire à l'horizon du globe.

186. TROUVER à quelle beure le soleil doit avoir un certain degré d'azimut à un jour donné.

Ayant placé le pole & l'aiguille de la rosette comme dans les problèmes précédens (171), on mettra le vertical mobile sur le degré de l'horizon qui marque l'azimut, & l'on amènera le lieu du soleil sous ce vertical; l'aiguille marquera l'heure qu'il est quand le soleil a le degré donné d'azimut. Par exemple le 23 Avril; le lieu du soleil étant à 3° du taureau, on demande à quelle heure le soleil aura 75° d'azimut: on trouvera 8h du matin. Du côté du couchant à 6h 36/ du soir, il se trouvera dans la partie occidentale du même vertical, à 75° du méridien du côté du nord; mais alors on dit qu'il a 1056 d'azimut, à compter du point de l'horizon qui est vers le midi.

ver l'heure où un mur commence à être éclairé, ou finit de l'être à un jour donné, en supposant qu'on connoisse l'angle qu'il fait avec la méridienne, ce qu'on appelle la déclinaison du plan, que je suppose vertical. Si le mur décline de 75° du midi à l'orient, il s'agit de trouver par le problème précédent, à quelle heure le soleil aura 75° d'azimut du côté de l'orient au jour donné, & à quelle heure il aura 105° d'azimut du côté du couchant; ce se font les heures où la surface méridionale de la muraille doit commencer & finir d'être éclairée; un a par conséquent la première & la dernière heure qu'on pourra voir sur un cadran solaire, déclinant du midi vers l'orient de 75 degrés.

68 ABRÉGÉ D'ASTRONOMIE, LIV. I.

m188. Les étoites qui sont rapportées sur les globes eéléstes y ont été marquées par le moyen de la hauteur méridienne, & de l'heure où on les voyoit passer par le méridien, comme nous l'avons déja indiqué art. 88 & comme on le verra plus au long (art. 201).

189. En faisant tourner le globe célésté, on verra quelles sont les étoiles qui passent par le zénit du lieu donné, ce sont celles dont la déclinaison est égale à la latitude géographique du pays où l'on est; car si une étoile a 49° de déclinaison, le zénit de Paris étant aussi à 49° de l'équateur, l'étoile doit se trouver au zénit dans

le moment où elle passe par le méridien.

étoiles qui ne se couchent point à Paris, ce sont celles qui sont moins éloignées du pole que le pole ne l'est de l'horizon, c'est-à-dire à Paris celles qui ne sont pas à 40° du pole, ou qui ont plus de 41° de déclinaison; telles sont les deux Ourses, le Dragon, Céphée, Andromède, Persée, la Chèvre, &c. dont nous parlerons ciaprès.

On reconnoîtra de même sur le globe les étoiles qui font vers le midi à plus de 41° de déclinaison australe, ou à moins de 49° du pole antarctique, ou méridional, & l'on verra qu'elles ne paroissent point à Paris, &

quelles ne se levent jamais pour nous.

191. Le quart de cercle mobile qui s'applique sur la circonférence du globe, & qui est représenté en ZV (fig. 12.) peut servir à marquer la place d'une planète, quand on connoît sa longitude & sa latitude par le moyen des éphémérides (200): pour cela on met le pole de l'écliptique dans le méridien, & l'on attache le cercle mobile à l'endroit du méridien où répond le pole de l'écliptique; il représente alors un cercle de latitude, parce qu'il est perpendiculaire à l'écliptique; on fait tourner ce cercle autour du pole de l'écliptique jusqu'à ce qu'il touche le point de l'écliptique où l'on sait que la planète doit répondre par la longitude; & l'on marque le long de ce cercle de latitude un point qui foit éloigné de l'écliptique autant que la planète a de latitude, ce point est le vrai lieu de la platière sur le globe céleste.

Si c'est une étoile déja marquée sur le globe dont on veuille connoître la longitude & la latitude, on fera tourner le cercle de latitude autour du pole de l'écliptique, jusqu'à ce qu'il passe sur l'étoile, on verra le lieu où ce même cercle coupera l'écliptique, & ce sera la longitude ou le lieu de l'étoile sur l'écliptique; on comptera aussi le nombre des degrés de ce cercle mobile compris entre l'écliptique & l'étoile, & ce sera la latitude de l'étoile.

192. TROUVER quelle est la bauteur d'un astre à un instant denné.

On remarquera sur le globe le lieu du soleil dans l'écliptique pour le jour donné (171) & le lieu de l'astre dont on cherche là hauteur (191); on placera sous le méridien le lieu du soleil, & on mettra l'aiguille de la rosette sur le midi; ensuite on tournera le globe jusqu'à ce que l'aiguille marque sur la rosette l'heure donnée pour laquelle on cherche la hauteur; alors approchant le vertical (185) de l'endroit où l'astre est marqué, on verra sur quel degré du vertical il répond, & l'on aura sa hauteur.

193. Comme la rosette des globes est ordinairement fort petite, & donneroit peu d'exactitude dans cette opération, on peut s'en passer par la méthode suivante. On convertira en degrés l'heure donnée, pour savoir de combien le soleil étoit éloigné du méridien; par exemple, à 9 heures du matin il s'en faut trois heures que le soleil ne soit dans le méridien; ces trois heures valent 45° de l'équateur, parce qu'elles font la sixième partie des 24 heures, comme les 45° font la sixième partie du cercle. On examinera quel étoit le point de l'équateur qui se trouvoit avec le soleil dans le méridien; on éloignera ce point-là de 45° du méridien, vers l'orient, parce que c'est le marin, en comptant ces 45° le long de l'équateur: le globe étant arrêté dans cette situation, on remarquera la place de l'étoile, on en approchera le cercle vertical, & l'on verra sur quel degré de hauteur elle répond.

Les astronomes eux-mêmes se servent quelquefois d'un globe céleste pour trouver la hauteur des astres à un instant donné, lorsqu'ils n'ont pas besoin d'une extrême précision; par exemple, quand il ne s'agit que de chercher un astre en plein jour par le moyen de sa hauteur,

E'3

ou de savoir quel est le petit accourcissement que la réfraction a pû produire sur la distance observée entre deux astres: on peut s'en servir aussi avec avantage pour chercher la position des étoiles dans des temps reculés, lorsqu'on trouve dans les Poëtes anciens des passages qui

sont difficiles à comprendre sans ce secours.

194. On trouvera par la même méthode à quelle heure l'astre aura une hauteur donnée, en mettant le lieu de l'astre sur le degré du vertical, & regardant à quelle heure la rosette répond, pourvu que sa rosette ait été sur le midi quand le lieu du soleil étoit au méridien.' On cherche aussi par ce moyen le commencement & la fin du crépuscule (108), puisqu'il ne s'agit que de trouver à quelle heure le soleil sera de 18° au dessous de l'horizon,

foit avant son lever, soit après son coucher (753).

195. On peut avec un globe savoir l'heure qu'il est au foleil, & cela de deux manières: 1° par le moyen de la hauteur du soleil. Je suppose qu'on ait dirigé un quart de cercle (25) vers le foleil, & qu'on ait mesuré sa hauteur, ou qu'on se soit servi d'un gnomon (72) en mesurant son ombre: connoissant la hauteur du soleil, on élèvera sur le globe à pareille hauteur au-dessus de l'horizon, le point de l'écliptique où est le soleil ce jour-là, & l'aiguille de la rosette, que je suppose avoir eté mise sur midi comme dans le problème précédent (192) mar-

quera l'heure qu'il est.

La seconde manière de trouver l'heure qu'il est, n'exige que l'inspection de l'ombre seule du globe; je suppose qu'il soit orienté, ou dirigé de manière que son méridien soit aligné sur une méridienne (156, 227), & en plein soleil; il y aura la moitié du globe qui sera lumineuse, & la moitié sera dans l'obscurité; si les points de l'équateur où se joignent l'hémisphère obscur & l'hémisphère éclairé tombent dans l'horizon même, c'est une preuve qu'il est midi; s'ils en sont à 15 degrés le long de l'équateur, c'est une preuve qu'il est une heure; à 30., il est deux heures, & ainsi de suite; je suppose que le soleil est à l'occident, c'est-à-dire, que la partie éclairée s'éloigne du point de l'équateur, qui est à l'orient; autrement c'est il heures du matin, 10 heures, &c.

196. TROUVER l'heure de la culmination ou du passage d'un ne étoile par le méridien.

1°. On marquera sur le globe le lieu du soleil & celui de l'étoile. 2°. On placera le soleil dans le méridien, & l'on mettra sur midi l'aiguille de la rosette. 3°. On aménera le lieu de l'étoile sous le méridien, & l'aiguille de la rosette marquera l'heure qu'il est, au moment où l'étoile passe par le méridien.

Si au lieu d'une étoile vous amenez sous le méridien le point équinoxial, vous aurez ce que les astronomes appellent l'heure du passage de l'équinoxe par le méri-

dien, dont on trouvera une table ci-après (231).

197. On peut obtenir dans cette opération comme dans les suivantes, une exactitude plus grande qu'en y employant la petite rosette, car l'on y distingue à peine un quart d'heure, tandis que sur un globe de 9 pouces de diamètre, on peut trouver, à 4 minutes près, l'heure du passage au méridien de même que le lever d'une étoile. Pour trouver le passage, on remarquera le point de l'équateur où répond le soleil placé dans le méridien, & ensuite le point de l'équateur où répond l'étoile placée à son tour dans le méridien; on comptera la différence ou l'intervalle de ces deux points de l'équateur', c'est-à-dire la différence d'ascension droite entre le soleil & l'étoile, & l'on aura un nombre de degrès, qui, converti en temps, à raison de 4 minutes de temps pour chaque degré, ou d'une heure pour 15°, donnera l'heure qu'il est, si c'est après midi: ou bien l'on aura ce qu'il s'en faut pour aller à midi, si l'étoile passe le matin, c'est-à-dire, si l'on voit que le soleil passe au méridien après l'étoile, en faisant tourner le globe toujours d'orient en occident.

198. TROUVER quel jour une étoile se lève à une cer-

Ayant placé le pole à la hauteur du lieu, & l'étoile dans l'horizon oriental, on mettra l'aiguille sur l'heure donnée, vers l'orient si c'est une des heures du matin; ensuite faisant tourner le globe jusqu'à ce que l'aiguille arrive sur le midi ou sur xiih au haut de la rosette, o verra quel est le lieu de l'écliptique situé dans le méri

73 ABRÉSÉ D'ASTRONOMIE, LIV. L

dien; l'on saura quel jour le soleil est dans ce point de l'écliptique; ce sera le jour où l'étoile devra se lever à l'heure donnée. Par exemple, si l'on suppose que Sirius se leve à 7 heures du soir à l'aris, on trouvera le soleil à 110 du capricome, ce qui répond au premier de Janvier; c'est le jour où Sirius se leve à 7 heures du soir à l'aris.

199. Par la même raison, sachant quel est le lieu du soleil pour un jour donné, l'on trouvera quelle heure il est quand le soleil se leve: ayant placé le style ou l'aiguille sur midi quand le lieu du soleil étoit au méridien, on conduira l'étoile à l'horizon du côté de l'orient, &

l'aiguille marquera l'heure qu'il eft.

200. Le lever & le coucher des étoiles ou des planètes se trouveroit aussi sur le globe sans le secours de la rosette, en conduisant d'abord le lieu du soleil sous le méridien, & ensuite le lieu de l'étoile dans l'horizon du côté de l'orient, ou du côté de l'occident, pour voir quel est le point de l'équateur qui passe alors au méridien.

Exemple. Le 13 Octobre 1764, on veut trouver, par le moyen du globe, & plus exactement que par la rosette, à quelle heure Saturne doit passer au méridien, & à quelle heure il doit se coucher: on marquerà sur le globe le lieu du soleil, qui est à 20° de la balance, après l'équinoxe d'automne; & conduisant le soleil sous le méri-dien, on marquera le sieu de l'équateur qui y répond. On marquera encore sur le globe le lieu de Saturne, supposé connu par l'observation, par les tables astronomiques, par les éphémérides, ou par le moyen du livre de la Connoissance des Temps, que l'Académie des Sciences publie chaque année depuis 1679 pour l'utilité des astronomes & des navigateurs (a), on aura le lieu de Saturne à 50° de l'équinoxe du printemps, & 20 1 au sud de l'écliptique; on conduira ce point du ciel sous le méridien, & l'on marquera sur le globe le point de l'équateur qui y répond; la distance de ces deux points de l'équateur, dont l'un appartient au soleil & l'autre à la planète, se trouve de 150° qui valent 104, à raison

⁽a) J'en ai publié 15 volumes, depuis celui de 1760 jusqu'à celui de 1774 inclusivement. L'ai mis sous presse le septieme volume des Ephémérides de l'Académie, qui s'étend depuis 1775 jusqu'en 1784.

de 15° par heure; & comme Saturne passe alors au méridien avant le soleil, ainsi qu'on le verra en faisant tourner le globe vers l'occident, il s'ensuit qu'il étoit 2h du matin, lorsque Saturne a passé au méridien, parce qu'il s'en falloit 10h que le soleil n'y fût arrivé.

Conduisant ensuite Saturne à l'horizon du côté de l'orient, on marquera le point de l'équateur qui dans ce moment passe au méridien, & l'on verra qu'il est éloigné de celui où répond le soleil, d'environ 100°, celui du soleil étant le plus occidental des deux; ce qui fera voir que l'heure du lever de Saturne est à 6h 40/ du soir; car 90°

font 6h, & 10° font 40/ de temps.

201. Cette pratique est fondée sur ce que les arcs de l'équateur sont la mesure la plus naturelle du temps: quand le soleil est éloigné du méridien de 15°, il est une heure; & quand il est éloigné de 100°, il est 6h 40/; parce que le mouvement diurne se faisant uniformément sur l'équateur, il passe régulièrement au méridien à chaque heure, la 24e partie de la circonférence entière de l'équateur: aussi le Temps vrais ou l'heure vraie dans le sens précis & exact de l'astronomie, n'est autre chose que l'arc de l'équateur, compris entre le méridien & le cercle de déclinaison qui passe par le soleil, converti en temps à raison de 15° par heure. On verra dans la suite que le plus souvent, à la place de cet arc de l'équateur, on substitue l'angle au pole mesuré par cet arc, & qu'on appelle Angle Horaire (366), & cet angle horaire à la place de l'heure même, c'est-à-dire, qu'au lieu d'une heure on met 15°, au lieu de deux heures 30°, &c.

202. Le mouvement diurne qui s'achève en 24 heures, & par lequel 360° de la sphère traversent le méridien, étant subdivisé en 24 parties; chacune vaut une heure, & répond à 15°, car 15° sont la 24° partie de 360; en continuant de subdiviser on pourra trouver de même les parties du temps qui répondent aux parties du cercle; 1d vaudra 4' de temps; une minute de degré vaudra quatre secondes de temps. C'est ainsi que l'on trouve les longitudes en mer par le moyen de l'heure qu'il est sur le vaisseau, & de l'heure qu'il est dans le lieu du départ (54): je suppose qu'on ait une de ces montres marines qui dans deux mois de navigation ne

E 5

varient pas de deux minutes (e); l'ayant mise à l'heure est partant dit port, on y voit tean les jours l'heure qu'il est dans ce parti- en voit aussi par le soieil l'heure qu'il est for le valifieur; quind la distérence est de 6 heures, on est assuré d'être à 90° du méridien d'où l'on est parti, est où la montre des longiques a été mise à l'heure.

dune, le rescantrant souvent dans leur révolution diurne, le rescantrant souvent dans le même vertical, c'est un problème d'une application utile, que de trouver à quelle houre elles deivent sins le trouver l'une audellous de l'autre; car en observant leur passage on a une maniere de trouver l'heure qu'il est; ce problème a même seu pour d'autres étoiles remarquables, quoiqu'assez éloignées du pole, telles que Anstarus & l'Est de la Vierge. Pour trouver l'heure où arrive ce passage, on place le globe à la hauteur du pole; on le tourne sur son place le globe à la hauteur du pole; on le tourne sur son page, de l'on voir par l'aiguille de la rosette, l'heure cherchée, en supposant toujours qu'elle ait été mise sur midi lorsque le heu du soleil étoit dans le méridien.

204. Si l'on veux opéser plus exactement, on mettre le lieu du soleil dans le méridlen, & l'on examinera sur l'équateur quelle est son aspendan droite; en placera les deux étoiles dens le même verties!, & l'on remarquera l'ascention droite du milieu du ciel ou du point de l'équateur qui se trouvera dens le méridien, la différence des deux afcentions droites, convertie en temps à raifon. d'une heure pour 15 degrés, & de 4 minutes pour chaque degré, donnera l'heure cherchée. C'est ainsi qu'on peut construire une figure telle qu'on l'a vue long-temps pour Paris dans la connoissance des temps, qui sert à connoître l'heure qu'il est. On voit les principales étoiles circompolaires, & la quantité qu'il faut ajouter pour chaque étoile au passage de l'équinoxe, afin d'avoir l'heure qu'il est au moment où l'on voit l'étoile répondre perpendiculairement au-deffous de l'étoile polaire; par exemple, la dernière étoile de la queue de la grande ourfe

⁽a) M. Harrifon en Angleterre, M. Berthoud & M. le Roi en France, out déja fait de cas montres, qui ont été éprouvées, en mer avec le plus grand fuccès, & qui donnent la longitude du vailleise à un de-mi-degré près au bout de deux mois de navigation.

marquée a dans la figure 10, étant au-dessous de l'étoile polaire, il y a sh 33/ que l'équinoxé a passé par le méridien (196).

205. TROUVER quel jour une Etoile cessera de paroître le soir, après le coucher du Soleil. C'est le jour de son coucher bésiaque.

Les anciens avoient déja remarqué qu'une étoile de la premiere grandeur, telle que Sirius ou le Grand Chien, peut s'appercevoir du côté du couchant, pourvu que le soleil soit à 10 ou 12 degrés au-dessous de l'horizon; on mettra donc l'étoile à l'horizon du côté du couchant, & l'on examinera quel est le point de l'écliptique situé verticalement à 10° sous l'horizon. Ce point de l'écliptique étant connu, l'on trouvera le jour où le soleil y étoit (79), & ce sera le jour du coucher héliaque ou de la disparition de l'étoile; le soleil étant plus près d'elle le lendemain, elle devra se trouver enveloppée dans la lumière du crépuscule, & dans les rayons du soleil, & l'on cessera de l'appercevoir.

206. Supposons que l'on cherche le coucher héliaque de Sirius sous la latitude de Paris en 1750; on placera le globe à 49° de hauteur, on mettra cette étoile à l'horizon du côté du couchant, on avancera le quart de cercle mobile jusqu'à ce qu'il coupe l'écliptique à 10° audessous de l'horizon, le point de l'écliptique abaissé de 10 degrés, ou celui que touchera le 10° degré du vertical, se trouvera être le 10° degré du taureau; c'est le degré qu'occupe le soleil le 5 de Mai; on saura donc que le coucher héliaque de Sirius arrive le 5 de Mai à

Paris.

207. On trouvera de même quel jour l'étoile reparoîtra le matin avant le lever du soleil, c'est à-dire son
lever héliaque. Pour cela il faut mettre l'étoile dans
l'horizon du côté de l'orient, & voir quel est le point
de l'écliptique situé à 10° au-dessous de l'horizon le long
du vertical; le jour où lé soleil se trouvera dans ce
point de l'écliptique sera le jour du lever héliaque de
l'étoile. L'on faisoit autresois un grand usage de ces
sortes de phénomènes; mais le globe seul peut suffire
dans bien des cas, sur-tout quand il ne s'agit que d'entendre les anciens auteurs; on peut par cette simple

 \mathcal{L}

opération éclaireir des passages qui seroient difficiles à

entendre sans le secours du globe.

208. L'année cynique des Egyptiens commençoit au lever héliaque de Sirius; mais pour ce qui est de leur année civile qui étoit continuellement de 365 jours, elle ne pouvoit pas s'accorder avec l'année naturelle, & tous les quatre ans le lever héliaque de Sirius devoit arriver un jour plus tard dans l'année civile. Après un espace de 1460, ans que Censorinus appelle la grande année des Egyptiens, l'année naturelle se trouvoit commencer au même point de l'année civile; ainsi l'an 1322 avant J. C. & l'an 138 après J. C. le lever de Sirius se trouva arriver le premier jour du mois Theth, ou le premier jour de l'année civile, qui répondoit au 20 luillet; c'est cette période caniculaire ou sothiaque de 1460 ans dont on trouve des vestiges dans quelques anciens Auteurs.

Au lieu de 1460 années ce n'étoit réellement que 1425 années Egyptiennes, mais les Anciens n'avoient pas

sur ces objets une aussi grande précision.

209. Lorsqu'on calcule le lever de Sirius pour l'année 138, où commence la période sothiaque, on trouve la longitude du soleil 3¹ 24° le premier jour où Sirius paroissant à l'horizon le matin, se trouvoit assez dégagé du soleil pour pouvoir être apperçu: c'est la longitude que le soleil a maintenant le 16 de Juillet. On trouve cette longitude plus petite de 12° à en remontant 1460 ans plutôt, ou au commencement de la période pré-

cédente.

remarquable parmi les Anciens, ils distinguoient encore plusieurs autres espèces de levers & de couchers (Gemini elementa); les modernes, à leur imitation, ont distingué le lever cosmique qu'on peut appeller le lever du matin; & le coucher cosmique ou coucher du matin, aussi-bien que le lever & le coucher acroniques, qui sont le lever & le coucher du soir. Le moment du lever du soleil regle le lever ou le coucher cosmique: lorsque des étoiles se levent avec le soleil ou se couchent au soleil levant, on dit qu'elles se levent ou se couchent cosmiquement; mais quand les étoiles se levent ou se couchent le soir au moment où se couche le soleil, on dit que c'est le lever ou le coucher acronique; d'où il suit que le coucher

acronique suit à 12 ou 15 jours près le coucher héliaque, du moins pour les étoiles voisines de l'écliptique, & que le lever cosmique précède de quelques jour le

lever héliaque.

211. On trouve des exemples de ces sortes de levers dans les Poëtes latins, & sur-tout dans les l'asses d'Ovide. Il parle, par exemple, du lever héliaque de la constellation du Dauphin à l'époque du 9 de Janvier.

Interea Delphin clarum super equora sidus Tollitur & patriis exerit eru vadis. 1. 457.

La constellation du Dauphin se levoit vers les six heures du matin dans cette saison-là, c'est-à-dire, assez long-temps avant le soleil pour pouvoir être observée le matin, & c'étoit à peu-près le commencement de son apparition, ou son lever héliaque. Au contraire, il place au 10 de Juin le lever acronique, en disant:

Navita puppe sedens, Delphina videbimus inquit

Humida cum pulso nox erit orta die. VI. 470.

212. Le coucher cosmique parost indiqué pour le premier Avril au matin.

> Dum loquor, elata metuendus acumine tanda Scorptos, in virides pracipitatur aquas. IV. 163.

C'est cependant au 15 Avril qu'on le trouve par le calcul, au temps de César, pour l'étoile Ansarès; mais on trouve dans les Auteurs latins de grandes variétés sur ces sortes de calculs, qu'ils empruntoient souvent de di-

vers siècles & de divers pays.

213. Pour faire sur les planètes les opérations que nous avons faites dans tous les problèmes précédens sur les étoiles sixes, il faut supposer qu'on ait pris dans les Ephémérides ou dans la Connoissance des Temps (200) la longitude & la latitude de la planète, & qu'on l'ait marquée sur le globe à la place qui lui convient; on fera pour lors sur la planète ce que nous avons expliqué pour les étoiles sixes.

78 ABRÉGÉ D'ASTRONOMIE, LIV. L

Du Globe terrestre artisiciel, & de ses usages.

présenter la terre, ses villes, ses continens & ses mers. On résout par le moyen de ce globe différens problèmes relatifs à la terre, comme nous en avons résolus pour

les astres, dans les articles précédens.

En faisant tourner un globe on amène un lieu quelconque de la terre, comme Paris, sous le méridien universel fixe, de cuivre ou de carton, qui environne le
globe, & dans lequel passent les pivots de l'axe; ce méridien est alors celui de Paris, & il répond à tous les
pays qui ont midi ou minuit au même instant que Paris;
midi si le soleil y est levé, minuit s'il est couché; mais
si c'est un pays on le soleil ne se couche point, on peut
appeller minuit l'heure du passage par le méridien au-dessous du pole. Il n'y a que les deux poles même pour
lesquels il n'y a ni midi ni minuit, on ne peut y distinguer les heures, mais seulement les mois & les années.

215. Connoissant l'heure qu'il est à Paris, on peut trouver quelle heure il est dans un autre pays quelconque, par le moyen du globe terrestre artificiel; je suppose qu'il soit 9 heures du matin à Paris, je commence par mettre Paris sous le méridien du globe terrestre, & en même temps l'aiguille de la rosette sur 9 heures du matin, c'est-à-dire du côté de l'orient; pour ne pas s'y tromper, il faut avoir soin d'écrire sur la rosette, orient & occident, comme il est écrit sur l'horizon; je fais tourner le globe jusqu'à ce que l'autre ville dont il s'agit, par exemple Férusalem, soit sous le méridien; je regarde alors quelle heure marque l'aiguille de la rosette, & je trouve 11 heures & un quart, ce qui m'apprend qu'il est 11 heures & un quart à Jérusalem lorsqu'il est 9 heures à Paris.

Toutes les villes d'Asie comptent de même plus qu'à Paris, tandis que celles qui sont situées à l'occident, telles que les villes d'Amérique, comptent moins qu'à Paris; ainsi quand il est midi à Paris, il n'est que 5^h 10^l du matin à Mexico, c'est-à-dire 6^h 44^l de moins qu'à Paris; mais à Pékin il est déja 7^h 36^l du soir.

216. Pour trouver la latitude d'un lieu sur le globe, on le place sous le méridien du globe, & l'on y voit sur ce méridien le degré de latitude cherché. A l'égard

de la longitude du lieu, elle est marquée par le point de l'équateur qui se trouve sous le méridien en même

temps que ce lieu-là.

217. Quand on connoît la latitude d'un lieu de la terre, il faut placer le globe à la hauteur qui lui convient, c'est-à-dire, élever le pole au-dessus de l'horizon d'un nombre de degrés qui soit égal à la latitude du lieu, par exemple de 49° pour Paris; cela se fait par le moyen des degrés qui sont marques sur le méridien, à commencer du pole jusqu'à l'équateur. Si le pays dont it s'agit est dans l'hémisphère austral, c'est le pole antarchique ou méridional qu'il faut élever sur l'horizon.

218. On trouve tous les pays de la terre qui ont la même latitude, & par conséquent la même température qu'un lieu donné, tel que Paris, en faisant faire un tour au globe terrestre, & remarquant tous les lieux qui passent successivement sous le point du méridien marqué 49, qui est la latitude de Paris; si l'on tient un crayon fixé sur ce point-là, il tracera sur le globe le parallèle de Pa-

ris, où sont tous les points que l'on cherche.

219. Pour trouver les pays de la terre qui peuvent avoir le soleil à leur zénit, & connostre les jours où cela doit arriver, on considérera que tous les pays qui ont moins de 23° 1 de latitude, ont le soleil verticalement deux fois l'année; quand on a choisi un lieu à volonté. & qu'on a examiné quelle est sa latitude, en le conduisant sous le méridien, on fait tourner le globe, & l'on voit quels sont les deux points de l'écliptique qui passent au même endroit du méridien; les jours où le soleil est dans l'un de ces points sont ceux où il parost au zénit à l'instant du midi; l'un de ces deux jours est avant le solstice d'été, & l'autre après; la déclinaison du soleil. dans ces deux jours-là, étant égale à la latitude géographique ou terrestre du lieu dont il s'agit.

220. On trouvera de même pour chaque jour de l'année quels sont les pays qui ont le soleil au zénit; car avant amené sous le méridien le point de l'écliptique où est le soleil-ce jour-là, on y verra sa déclinaison; & tous les pays qui auront une latitude égale à cette déclinaison, auront le soleil vertical dans le cours de la journée; tous les points de la terre qui passeront sous le point du méridien auquel le lieu du soleil répondoit en

passant par le métidien, satisferont au problème.

to Andighidian dustribution Lay. I.

 ser. On riouvers : encore pout chaque jour de l'année quels foint les psys où le foleil ne le couche point, c'est-à-dire, où son centre parost à l'horizon à minuit, enforte que ce soit le premier jour où le squest ne se couche pas dans ce point-là. Pour cet effet, on marquerr le point de l'écliptique où est le soleil au jour donné : de la déclination de ce point fera le complément à so de la latitude des pays cherchés. Par exemple, it 41 Mai le foldil a 18° de déclination, & les pays apai : ont 72 de intitude voient le centre du foleil rafer l'horizon. En effet, le folcil étant à 18 degrés de l'équateur, il est à 7x' du pole, e'est-à-dure aussi éloigné du pole que le pale l'est de l'horizon; donc à minuit ili doit être fous le poit & dans l'horizon même. Dans tous des jours diffens il refters fur l'horizon, & ne se conchera pius puisqu'il s'éloignera de plus en plus de Mequerous juiqu'au: premier Août, qu'il rasera de nouaveille l'horizon «de ce lles-là», en se sapprochant de l'équitter, surray of each.

222. Par la même mison, le premier jour oh le soleil nurs une déclimison sustrale égale à 18°, ou au complément de la latitude horéale des mêmes pays, le so-suit nu se levera plus of ce sera le dernier jour où il parotira dans l'horizon. C'est le 13 de Novembre que le suitil disperbit; su cola dure jusqu'au 28 sanvier sui-vuht, que le centre du soleil recommence à se montrer dans l'horizon à midi, étant parvenu à 18° de décisiusson australe, ou méridionale. Nous en avons déja

parle à l'article des zones glaciales (138).

223. Les pays, qui font dans la zone glaciale depuis 66° à de latitude jurqu'au pole, ont le soieil sur l'horizon pendant un nombre de jours qui est plus grand à mesure que la latitude augmente (138). Pour savoir à chaque latitude quel est ce dombre de jours, on élevers le pole de la quantité qui convient à cette latitude; on le ferà numer ensuite en tenant un crayon dans l'horizon, au point du nord; ce crayon tracers sur le globe un parallèle à l'équateur, qui coupers l'écliptique en deux points, et y fera deux segmens; le plus petit segment indiquera l'arc de l'écliptique décrit par le soleil pendant tout le temps qu'il sera sans se coucher ou sans toucher l'horizon du lieu donné. En effet, les deux points que l'on a marqués sur l'écliptique par cette opération, sont œux

où se trouvoit le soleil quand il passoit précisément à l'horizon du côté du nord, ou quand sa déclinaison étoit égale au complément de la hauteur du pole; ainsi dans tous les points de l'écliptique situés à une plus grande déclinaison, il n'y aura point de coucher du soleil pour le lieu proposé: c'est ainsi qu'on peut former la table des

climats de mois dont nous avons parlé (134).

224. Si l'on place le crayon dans le point opposé de l'horizon, c'est-à-dire du côté du midi, il tracera une autre parallèle; celui-ci coupant aussi l'écliptique en deux points également éloignés du solstice d'hiver, marquera tout le chemin que le soleil doit faire sans se lever & sans paroître sur l'horizon du lieu proposé; ce nombre de degrés fera connoître le nombre de jours, en consultant la table où les jours du mois sont écrits vis-à-vis des degrés correspondans de l'écliptique: cette table se met ordinairement sur l'horizon des globes, comme nous l'avons déja remarqué (171).

225. On peut voir un bien plus grand nombre de questions & de problèmes relatifs à la situation des différens pays de la terre, aux heures, aux jours, aux mois, aux saisons, dans la Géographie générale de VARENIUS; ouvrage élémentaire qui fut fait en Hollande vers le milieu du dernier siècle; mais dont on a fait en Angleterre & en France plusieurs éditions différentes. On y trouve avec un long détail, tous les problèmes de la sphère qui regardent le mouvement diurne, le mouvement annuèl, & la situation des différens pays. On en trouvera beaucoup aussi dans l'Usage des Globes de Bion.

226. Les globes d'une certaine grandeur ont sur leur pied, une boussole qui sert à les orienter; mais pour cet effet il faut connostre la déclinaison de l'aiguille aimantée, pour le temps & pour le lieu donné. Cette déclinaison pour Paris fut en 1773 de 20° à l'ouest, & depuis deux ans elle parut constante; mais elle a augmenté jusqu'ici à Paris d'un degré tous les six ans. J'ai donné dans mon Exposition du calcul astronomique, une table de cette déclinaison pour les différens pays de la terre.

227. Sachant donc que la déclinaison de l'aiguille est de 20° à l'occident de la méridienne, il faut tourner le pied du globe jusqu'à ce que l'aiguille tombe sur le 20e degré de la boussole du côté du couchant, alors la ligne

Theure qu'il est (195).

228. Si l'on veut aussi le disposer comme il convient à une certaine heure, on placera sous le méridien le degré de l'écliptique où est le solell pour le jour donné; on mettra l'aiguille de la rosette sur midi; on sera tourner le globe jusqu'à ce que cette aiguille soit sur l'heure donnée, & le globe sera disposé convenablement pour y reconnoître quelles sont les étoiles qui sont dans le méridien, ou celles qui se levent & qui se conclicht dans le pays où l'on est, celles qu'on peut appercevoir & celles qui sont sons l'horizon.

DES CONSTELLATIONS.

229. Le nombre des étoiles qu'on apperçoit dans une belle nuit est si considérable, qu'on auroit peine à les distinguer et à les reconnoître sans une méthode qui aide la mémoire; c'est pourquoi l'on a divisé le ciel en plusieurs grandes parties ou constellations, telles que la grande ourse et les signes du zodiaque dont nous avons déja

parlé (76).

Plusieurs causes contribuerent dans l'antiquité à faire diviser le ciel en différentes constellations; quelques ressemblances vagues purent y faire imaginer une couronne, un charriot, une croix, un triangle, &c. On eut besoin, pour les reconnoître, de faire une division méthodique des différentes parties du ciel. On voulut consacrer la mémoire des personnages célèbres. Enfin l'on crut reconnostre des propriétés, des influences, des rapports; ce furent autant de causes ou occasionnement la formation des constellations, & qui en déterminement les noms.

230. Les Grecs n'avoient formé que 48 constellations, qui comprendient 1022 étoiles, & il parost que leurs dénominations remontent à environ 1200 ans avant J. C. à l'exception peut-être des noms des douze signes du zodiaque, qui paroissent avoir une origine égyptienne & peuvent être plus anciens. Les modernes ont ajouté diverses constellations aux anciennes. Les catalogues de Flamsteed & de M. de la Caille rassemblés, contiennent près de cinq mille étoiles. M. de la Caille, après avoir dressé son grand catalogue des étoiles australes en 1751, a formé 14 nouvelles constellations, qui ne sont point dans le catalogue Britannique de Flamsteed. Toutes ces constellations, au nombre de 100, se trouveront dans la Table suivante.

TABLE des cent Confiellations qu'on représente sur les Glabes célèsses.

Caudallada	49.00	1 - 22 4 1 - 25 2	51 C. 144 2.0
12 Constellations	Suite des 23 Cun	22 Confiel ajout pa	r Suite des conftella-
du zodiaque.		Heyelius, le P. An	
Le Bélier.	les.	thelme, Halley, &	t o These
Le Taureau.	Le Serpentaire Qu	La Giraffe, ou Ca	1 AL out A Remake
Les Gemeaux.	Ophiucus.	Mercopardo	L'Ab. ou la Mouche.
L'Ecrevisse.	Le Sérpent.	il a Flance du Tygre	Le Triangle austral. L'oiseau de Paradis. Le Paon.
Le Lion.	Hercule.	it ducted & li	il olican de l'aradis-
La Vierge.	L'Aigle.	Fleur de lys.	Le Tougan.
La Balance.		La Colombe.	
Le Scorpion.		La Licorne ou Mo-	is flyure mate.
Le Sagittaire.	1 - J	noceros.	Le Poisson volant.
Le Capricorne.	Le Cygne.	La Croix.	Le Caméléon.
Le Verseau.	Le Dauphin.	La Cavadas d'Usánia	On y remarque enco-
Les Poissons.	to Confellations	Le Rhomboide.	to le grand Museu
Les Politons.	aufterles des As	Le Chime de chille	re le grand Nuage.
23 Constellations bo-	ciens.	Le petit Lion.	ce le bette Musge.
	Orion.	to Lina	Congell audinal
	La Baleine.	Le Linx.	14 Constell, austral.
La grande Ourse. La petite Ourse.	L'Eridan.	Le Renard.	de M. de la Caille.
		L'Oie. L'Ecu de Sobieski.	L'Attelier du Sculpt.
Céphée.		·	Le Fourn. de Chym.
		Le perit Triangle.	L'Horloge astronom.
	Le petit Chien.	Cerbere.	Le Réticule Rhomb.
Periée.	L'Hydre femelle.	Le Kameau.	Le Burih du Grav.
			Le Chev. du Pointre.
			La Bouffole.
Le petit Cheval.	Le Centaure.	Le Cœur de Char. 17.	La Machine pheum.
Le Triangle boréal. Le Cocher.	Le Lioup.	Le Chêne de Ch. II.	
	L'Autel.	- Confield authorit	Le Compas.
ra Chevelure de Be-l	Le Pollion autral.	14 Conjieu. aujiral.	L'Equerre & la Règle
	Le Navire.	de Theodori, Bayer.	Le Teletcope.
Le Bouvier.	La Couronne au-	L'Indien.	Le Microlcope,
La Couronne boréale	itraie.	La Grue.	La Mont. de la Table.

231. Parmi le grand nombre d'étoiles qui composent ces 100 constellations, on distingue plusieurs grandeurs, premiere, seconde, troisième, quatrieme, cinquieme, sixieme, septieme; mais les étoiles de septieme grandeur ne s'apperçoivent pas sans le secours des lunettes d'approche.

F 2

BA ABREGÉ D'ASTRONOMIE, LIV. I.

On compte ordinairement quinze étoiles de la premiere grandeur, Sirius ou la gueule du grand chien, l'épaule MOrion, le pied d'Orion ou Rigel, l'œil du tauréau Aldébaran, la Chèvre, la Lyre, Arthurus, le cœur du Scorpion ou Antarès, l'Epi de la Vierge, le cœur du Lion ou Regulus, Procyon, Fomabant; & deux que nous ne voyons jamais en Europe, Canopus & Acharnar. Il y a des astronomes qui mettent au même rang le cœur de l'Hydre, la queue du Lion & la queue du Cygne.,

. 232. Pour apprendre à connoître les différentes constellations par leurs figures, leurs situations & leurs noms, le plus simple est d'employer un globe ou des cartes célestes, comme celles de Flamsteed, de Senex, d'Hevelius, du P. Pardies, ou les deux grands hémisphères de M. Robert de Vaugondi; mais voici une Table qui facilitera la connoissance des plus belles étoiles en montrant l'heure où elles passent au méridien le premier jour de chaque mois, & leur hauteur pour Paris.

La dernière colonne de cette table contient l'heure du passage de l'équinoxe au méridien (a), à laquelle on ajoute l'ascension droite d'une étoile quelconque, ou sa distance au point équinoxial, convertie en temps, pour avoir l'heure de son passage au méridien (365). La hauteur méridienne de chaque étoile se trouve en tête de la

colonne, & au-dessous du nom de l'étoile.

233. Exemple. Le premier Octobre je veux connoître dans le ciel l'étoile appellée Sirius, ou le grand Chien; je vois dans la table ci-jointe qu'elle passe au méridien le premier Octobre à 181 2/, c'est-à dire le 2 Octobre à 6h 2' du matin, & que sa hauteur méridienne pour Paris est de 24° 45'; je place un quart-de-cercle dans le plan du méridien à 6h 2' du matin, & je le mets à la hauteur de 24° 4; j'apperçois à l'instant que ce quart-de-cercle est dirigé vers une belle étoile, & je reconnois que c'est-là Sirius.

⁽a) Je n'entends pas sous ce terme le vrai moment du passage; mais la quantité dont l'équinoxe est éloigné du méridien à midi, convertie en temps, à raison de 15° par heure, ou le complément de l'ascension droi-te du soleil; mais à l'égard des étoiles, c'est le véritable moment de leur passage que j'ai voulu calculer (365).

HEURES DU PASSAGE AU MERIDIEN des principales Etoiles pour le premier jour de chaque mois, avec leur hauteur méridienne pour Paris.

MOIS. Aldebaran. La Chèvre. a d'Orion.					Sirius.		Procyon.		Régulus.			
. •						teur.		teur.	Hav	steur.		iteur.
	57 ^d	12	$8Q_q$	5+	39ª	46'	24 ^d	45"	47 ^d	- 3'	54 ^d	15'
JANV.	9 ^h	3 2 ′.	Ioli	.91	IO	34	II	44	12	361.	15h	4/
FEVR.		20	ブ	57		2,2	9	32	10	25	12	53
MARS.	5	32	б	9	б	34	7	44	8	36	11.	4
Avril.		39	4	16	4	41	5	51	6	43	9	TT
MAI.	I	48	2	25	2	50	4	Q	4	52	7	20
JUIN.	23	41	Q	2.2	0	47	I	57	2	50	5	18 .
Juill.	2 I	37	22	14	22	39	23	49	0	46	3	14
Aout.	19	33	20	10	20	35	21	45	22	37	} I:	PO.
SEPT.	127	37	18	15	18	39	19	.50	20	43	23	10
Остов.	15	50	16	27	10	51	18	2	18	54	2 I	22
Nov.	13	54	14	30	14	55	116	\$	16	58	13	20
DEC.	II	50	12	27	112	51	14	2	114	54	17.	22

	L'Epi.	Arcturus.	Antarès.	La Lyre.	Fomahant.	Passage de
	Hauteur. 3 Id I 3	Hauteur. 61 ^d 34 ^l	Hauteur. 15 ^d 16/	Hauteur. 79d 45'	Hauteur. 10 ^d 22/	l Equinoxe au - inèri- diem-
Janv. Févr.	18h 21 ⁷			23 ^h 36 ['] 21,24		5 ^h 31/ 2 59
	12 28	15 13 13 20	,	19 36 17 43	23 51 21 58	1 10
MAI. JUIN.	8 34 6 30	9 26 9 26	11 36	1 –. –	18 5	19 23
Aout. Sept.	6 30 4 26 2 30	7 22 5 18 3 22	9 32 7 28 5 32	9 41	10 I 13 56 12 I	17 18
Остов. Nov.	0 42	1 34 23 34	3 44 1 48	1 ~	10. 13 8 17	11 30. 9 33
Déc.	20 38	21 30	23 40	1.58	6 13	7 29

86 Azriqé D'Astronomia, Liv. I.

J'ai choisi une appée moyenne entre deux bissextiles, ensorte qu'il ne peut pas y avoir deux minutes de différence entre l'observation & la table, même en différentes années. Cette table servira de même à trouver l'heure qu'il est quand on aura appris à connostre les étoiles,

& qu'on faura de quel côté est le méridien.

Les hauteurs que j'ai marquées au-dessus du nom de chaque étoile, diminuent quand on avance vers le nord, de augmentent si l'on s'éloigne vers le midi; ainsi chacun peut les réduire à la latitude du lieu qu'il habite par l'addition ou la soustraction de la différence entre cette latitude de celle de Paris, quarante huit degrés cinquante minutes. Ainsi à Marseille, où il y a quarante-trois degrés dix-huit minutes de latitude, c'est-à-dire, cinq degrés de moins qu'à Paris, la hauteur d'Aldébaran, au lieu d'être de 57 degrés 12 min. devient 62 degrés 44 min.

234. Il faut observer que les temps marqués dans la table précèdente, sont des temps comptés astronomiquement, c'est-à-dire, d'un midi à l'autre pendant 24 heures; ainsi quand on voit dans la première colonne que l'étoite Aldébaran passe au méridien le premier Juin à 23h 41/, cela veut dire dans l'usage ordinaire, le 2 Juin à 11h 41/ du matin, parce que le premier de Juin ne commence qu'à midi de ce jour-là, suivant les astronomes, & il ne finit, suivant eux, qu'à midi du lendemain, lorsque dans la société il y a déja 12 heures que l'on comp-

te le 2 de Juin, temps civil.

premiere grandeur, pourroit s'appliquer à toutes les autres; mais elle est longue, & exige peut-être trop d'asfujettissement, sur-tout en hiver. J'ai donc cru devoir indiquer ici quelques alignement propres à faire reconnostre les principales constellations; ce sera un petit secours offert à la cunosité de ceux qui sont dépourvus de globes, de planisphères & d'instrumens. On doit être d'abord prévenu que ces alignemens ne sauroient avoir une exactitude & une précision bien rigoureuse; mais quand il ne s'agit que de reconnostre la forme d'une constellation, il suffit que les alignemens indiquent à peu-près le lieu où elle est, pour qu'on ne prenne jamais une constellation pour l'autre.



Méthode des Alignemens.

236. Je suppose que dans une soirée d'hiver, au mois de Janvier ou de Février, on soit dans un lieu dégagé vers les 7 ou 8 heures du soir, on verra du côté du midi, du moins en Europe, la grande constellation d'O-RION; elle est sormée de 3 étoiles de la seconde grandeur, qui sont sort près l'une de l'autre, sur une ligne droite, & dans le milieu d'un très grand quadrilatère; on en voit la sorme dans la figure 10, & sans avoir vu cette sigure, il est impossible de méconpostre cette constellation après les caractères que je viens d'indiquer.

237. Ces trois étoiles, qu'on appelle le Baudries d'Orion, vulgairement les trois Rois ou le Rateau, indiquent par leur direction d'un côté Sirius, & de l'autre les Plésades. Sirius, la plus belle étoile du ciel, se fait remarquer par sa scintillation & son éclat; elle est du côté

de l'orient ou du sud-est, par rapport à Orion.

238. Les Plérades sont du côté de l'occident en tirant vers le nord; c'est un groupe d'étoiles qui se distingue facilement; il est d'ailleurs sur le prolongement de la ligne menée de Sirius par le milieu des étoiles du haudrier d'Orion; & la direction de ces trois étoiles du baudrier, qui tend presque vers les Plérades, ou un peuplus au midi, les sera connostre aisément; elles sont sur le dos du Taureau.

230. ALDEBARAN, ou Palilicium, qui forme l'œil du Taureau, est une étoile de la première grandeur, située fort près des Plésades, sur la ligne menée de l'épaule occidentale d'Orion y aux Plésades (a). Procyon ou le petit Chien, est une étoile de la première grandeur, située au nord de Sirius, & plus orientale qu'Orion; elle fait avec Sirius & le baudrier d'Orion, un triangle presqu'équilatéral, & cela suffit pour la distinguer.

240. ARCTURUS, qui est la principale étoile du Bouvier, est une étoile de la première grandeur, pour laquelle nous nous servirons de la grande Ourse (fig. 1.), plutôt que d'Orion; elle est presque désignée par la

⁽a) Tous les astronomes se servent de lettres grecques pour désigner les étoiles, d'après les cartes célestes ou l'Uranométrie de Bayer, publice en 1603.

88 ABRESE D'ASTRONOMIE, LIV. L.

queue de la grande Ourse (6), dont elle n'est éloignée que de 31°. Les 2 dernières étoiles de la grande Ourse & 4 (fig. 1.), forment une ligne qui va presque se diri-

ger yers Archurus.

241. Les Gémeaux sont deux étoiles de la seconde grandeur, assez proches l'une de l'autre, situées dans le milieu de l'espace qu'il y a entre Orion & la grande Ourse. On les distinguera encore par le moyen d'Orion; car en tirant une ligne de Rigel ou β d'Orion, qui est la plus occidentale & la plus méridionale de son grand quadrilatère, par l'étoile ζ, qui est la troisième ou la plus orientale des trois du baudrier, elle se dirige aussi vers les deux têtes des Gémeaux. Ensin, les deux premières étoiles de la queue de la grande Ourse ζ, ε, (fig. 1.) avec la diagonale du carre menée par δ & β, forme une ligne qui va encore se diriger vers les deux têtes des Gémeaux, après avoir passe sur une des pattes de la grande Ourse.

242. Cette ligne prolongée au-delà des têtes des Gémeaux, passe sur les pieds des Gémeaux, qui sont quatre étoiles sur une ligne droite perpendiculaire à la première. Enfin, cette même ligne tirée de la grande Ourse aux Gémeaux, étant prolongée au delà des pieds des Gémeaux, va aboutir à l'épaule orientale d'Orion, c'est-à-dire, à l'étoile a, qui est la plus orientale & la plus bo-

réale du grand quadrilatère d'Orion (236)

243. La ligne menée de Rigel par l'épaule occidentale d'Orion γ, va rencontrer vers le nord la corne australe du Taureau ζ, de troissème grandeur; à même distance de γ d'Orion que celle-ci l'est de Rigel, c'est environ 14'. La corne boréale du Taureau β est de seconde grandeur; elle est sur la ligne menée par l'épaule orientale α, & par la corne australe ζ, à 8' de celle-ci. L'écliptique passe entre les deux cornes du Taureau.

244. La constellation du Lion peut se reconnostre par les deux étoiles précédentes α & β du carré de la grande Ourse (fig. 1.); car ces deux étoiles qui nous ont servi à trouver l'étoile polaire du côté du nord (6), indiquent par leur alignément le Lion du côté du midi à 45° de la grande Ourse. Le Lion est un grand trapèze, où l'on remarque sur tout une étoile de la première grandeur, appellée Régulus ou le cœur du Lion.

1

245. Le cœur du Lion est sur la ligne menée de Rigel par Procyon, mais à 37° de celui-ci; ainsi l'on a une se-conde manière de le reconnostre. La queue du Lion β est une étoile de la seconde grandeur, située un peu au midi de la ligne qui va de Régulus à Arcturus; elle est à 15° de Régulus vers l'orient.

246. Le Cancer ou l'Ecrévisse, est une constellation. formée de petites étoiles qui sont difficiles à distinguer. La nébuleuse du Cancer est un amas d'étoiles, moins sensible que celui des Plésades; on le rencontre à peuprès en allant du milieu des Gémeaux au cœur du Lion,

ou de Procyon à la queue de la grande Ourse.

247. Au midi des trois étoiles du baudrier d'Orion, on voit une traînée d'étoiles qui forme ce qu'on appelle l'épé, & la nébuleuse d'Orion (296): la direction de ces étoiles prolongée sur l'étoile e, au milieu du Baudrier, va passer sur la corne australe & du Tauteau, & ensuite sur le milieu de la constellation du Cocher; c'est un grand pentagone irrégulier, dont la partie la plus septentrionale a une étoile de la première grandeur, appellée la Chèvre. On rencontre aussi la Chèvre par le moyen d'une ligne menée sur les deux étoiles d & a, les plus boréales du carré de la grande Ourse.

248. Le BÉLIER, la première des douze constellations du zodiaque, est formée principalement de deux étoiles de troisième grandeur, assez voisines l'une de l'autre, dont la plus occidentale & est accompagnée d'une plus petite étoile de 4e grandeur, appellée γ , ou la première étoile du Bélier, parce qu'elle étoit autrefois la plus près du point équinoxial; on reconnost cette constellation par une ligne menée de Procyen à Aldébaran, qui va se diri-

ger vers le Bélier, 36° plus loin qu'Aldébaran.

249. La Ceinture de Persée est composée de 3 étoiles, dont une de la seconde grandeur, passe à peu-près
au zénit de Paris. Elles forment comme un arc courbé
vers la grande Ourse; la ligne tirée de l'étoile polaire
aux Pléïades, passe sur la ceinture de Persée, & suffit
pour la reconnoître, mais on y peut encore employer un
autre alignement, celui des Gémeaux & de la Chèvre,
dont la ligne se dirige vers la ceinture de Persée. La ligne menée du baudrier d'Orion par Aldébaran, va sur la
tête de Méduse β, que Persée tient dans sa main.

F 5

66: Abrici p'Astronomia, Lay. I.

ble, où il y a une étoile de la feconde grandeur; cette constellation a la forme d'une grande croix; la ligne menée des Gémeaux à l'étoile polaire, va rencontrer le Cygne de l'autre côté, & à pareille distance de l'étoile polaire. Cette remarque ne sert que dans les temps de l'année où on les voit en même temps sur l'horizon. Nous donnerous ci-après un autre alignement.

pour le Cygne (256).

251. Le carré de Pécase est formé par quatre étoiles de seconde grandeur, la plus horéale des quatre de ce carré forme la tits d'Audrondde: la ligne tirée des deux précédentes de la grande Ourse β & α, par l'étoile polaire, va passer au delà du pole, sur le milieu du carré de Pégase. La ligne menée du baudrier d'Orion par le Bélier, va sur la tête d'Andromède; la ligne menée des Plésades par le Bélier, va sur l'asse de Pégase γ, ou Alaghib, qui est une des quatre du carré, les deux autres sont à l'occident; la plus boréale des deux occidentales est β, Sebest; la plus méridionale, α ou Markab.

252. Cassionée est une constellation directement opposée à la grande Ourse par rapport à l'étoile polaire,
ensorte que la ligne ou le cercle qui va du milieu de
la grande Ourse ou de l'étoile «, par l'étoile polaire,
va passer au milieu de Cassiopée de l'autre côté du pole. Cette constellation est formée de six à sept étoiles
en forme d'un y, ou, si l'on veut, d'une chaise renversée; cette sorme est assez équivoque, mais les étoiles de Cassiopée se sont suffisamment remarquer, plu-

fieurs étant de la feconde grandeur.

253. Céphée est une constellation comprise entre l'étoile polaire, Cassiopée & le Cygne. La ligne menée de l'étoile polaire à la queue du Cygne «, passe près des étoiles β & « de Céphée, l'une sur le ventre & l'autre sur l'épaule en les laissant toutes deux un peu du côté de Cassiopée. Avant que d'auriver à β, on laisse plus loin du même côté l'étoile y, qui est sur la ligne menée des Gardes de la petite Ourse par le milieu de Cassiopée.

254. La PETITE-OURSE a presque la même figure que la grande Ourse, & lui est parallèle, mais dans une situation renversée. L'étoile polaire (6), qui est de la troisième grandeur, fait l'extrémité de la queue; les

quatre étoiles suivantes sont fort petites, n'étant que de la quatrième grandeur, mais les deux dernières du carré sont encore de troisseme grandeur; on les appelle les Gardes de la petite Ourse; elles sont sur la ligne menée par le centre du carré de la grande Ourse, per-

pendiculairement à ses deux grands côtés.

255. Le Dragon a une partie entre la Lyre & la petite Ourse, où les quatre étoiles de sa tête font un losange assez visible; sa queue est entre l'étoile polaire & le carré de la grande Ourse. La ligne menée par les deux Gardes de la petite Ourse β & γ, va se diriger vers l'étoile η du Dragon (qui est marquée par erreur ε dans le planisphère de Senex.) Cette étoile est entre θ, plus méridionale, & ζ plus boréale, sur une même ligne qui se dirige presque vers le pole de l'écliptique (281), & un peu plus loin vers. δ & ε du Dragon, pour aller traverser ensuite la constellation de Céphée, entre β & α.

256. L'une des diagonales du carré de Pégase se dirige au nord-ouest vers la queue du Cygne a; l'autre diagonale du carré de Pégase se dirige au nord-est vers la ceinture de Persée; elle passe d'abord vers l'étoile β de la ceinture d'Andromède, & ensuite vers l'étoile γ au pied d'Andromède. Ces deux étoiles β & γ, de seconde grandeur, divisent en trois parties égales l'espace compris entre la tête d'Andromède & la ceinture de Persée; la ligne qui les joint passe entre Cassiopée &

le Bélier.

257. Les Constellations qui paroissent le soir en été n'ont pas de caractères aussi marqués que celles d'hiver; mais on les reconnostra par le moyen des précédentes. Quand le milieu de la queue de la grande Ourse, ou l'étoile (, est dans le méridien au-dessus de l'étoile polaire, & au plus haut du ciel, ce qui arrive à 9h du soir à la fin de Mai, on voit l'épi de la Vierge dans le méridien du côté du midi, à 31° de hauteur à Paris; c'est une étoile de la première grandeur. La diagonale du carré de la grande Ourse menée par a & y, va marquer aussi à peu-près cette étoile par sa direction, quoiqu'elle en soit éloignée de 68°. Ensin, cette étoile fait à peu-près un triangle équilatéral avec Arcturus & la queue du Lion, dont elle est éloignée d'environ 33° (244).

258. On voit alors un peu à droite & plus bas que l'épi de la Vierge, un trapèze formé par les 4 principales étoiles du Correau, qui sont aussi sur la ligne menée

par la Lyre & l'épi de la Vierge.

259. La ligne menée des dernières étoiles du carré de la grande Ourse & & y, par le cœur du Lion, Regulus, va rencontrer à 22° plus au midi, le cœur de l'Hydre femelle. Sa tête est au midi de l'Ecrevisse, entre Procyon & Régulus, ou un peu plus méridionale. L'Hydre s'étend depuis le petir Chien jusqu'au dessous de l'épi de la Vierge.

260. La Courz'est située entre l'Hydre & le Corbeau, à l'occident de celui-ci; le trapeze formé par les quatre principales étoiles de la coupe est assez remar-

quable.

261. La Lyre est une étoile de la première grandeur, l'une des plus brillantes de tout le ciel, qui fait presque un triangle rectangle avec Arcturus & l'étoile polaire,

l'angle droit étant vers l'orient, à la Lyre.

262. La Couronne est une petite constellation, située près d'Arcturus, fur la ligne menée d'Arcturus à la Lyre. On la reconnoît facilement par les sept étoiles en forme de demi-cercle dont elle est composée: il y en a' une de la seconde grandeur. Les deux premières étoiles de la queue de la grande Ourse & & Z, forment une direction qui va rencontrer aussi la Couronne.

263. L'AIGLE contient une belle étoile de la feconde grandeur, qui est au midi de la Lyre & du Cygne; on la distingue facilement, parce qu'elle est entre deux autres étoiles β & y, de troisième grandeur, qui forment une ligne droite avec la belle étoile, & qui en sont fort

proches.

264. Antinous est use petite constellation située au-

deflous de l'Aigle.

265. La ligne ou le grand cercle qui passe par Régulus & l'épi de la Vierge, (c'est à peu-près l'écliptique) va rencontrer plus à l'orient la constellation du Scorpion, qui est fort remarquable; elle est composée de trois étoiles au front du Scorpion, dont une est de la seconde grandeur, qui forment un grand arc du nord au fud, & d'une étoile plus orientale, qui est comme le centre de l'arc; cette étoile est de la première grandeur, & s'appelle Antarés ou le ceeur du Scorpion.

Les étoiles du front, en commençant par le nord, sont

 β, δ, π, ρ

266. La Balance contient deux étoiles de seconde grandeur, qui en forment les deux bassins; la ligne de ces deux étoiles est à peu-près perpendiculaire sur le milieu de celle qui est menée depuis Anturus jusqu'au front du Scorpion, c'est-à-dire qu'elles sont placées dans le milieu de l'intervalle, quoiqu'un peu à l'occident de cette ligne. Le Bassin austral est entre l'épi de la Vierge & Antarès, toutes trois étant fort près de l'écliptique; il y a 21 degrés a entre l'épi & le bassin austral, & 24 a entre celle-ci & Antarès.

267. Le SAGITTAIRE est une constellation qui suit le Scorpion, c'est-à-dire, qui est un peu à l'orient; elle est sur la direction de l'épi de la Vierge & d'Antarès, qui suit à peu-près l'écliptique. Le Sagittaire contient plusieurs étoiles de troissème grandeur, qui forment un grand trapèze, & deux étoiles du trapèze en forment un plus petit, avec deux autres étoiles; mais ce second trapèze est dans un sens perpendiculaire au premier.

268. Cette constellation est aussi marquée par une ligne menée depuis le milieu du Cygne sur le milieu de
l'Aigle, car le Sagittaire est environ 35° au midi de l'Aigle, comme le Cygne est au nord de l'Aigle. Le Sagittaire est encore indiqué par la diagonale du carré de Pégase, menée de la tête d'Andromède par a de Pégase,
& prolongée du côté du midi; c'est cette diagonale, qui,
prolongée du côté du nord, indiquoit la ceinture de

Persée (256).

269. Le cercle mené depuis Antarès jusqu'à l'étoile polaire, traverse d'abord la constellation d'Ophiucus ou du Serpentaire, & plus haut rencontre celle d'Hercule. Ces deux constellations étant un peu difficiles à débrouiller, je vais les suivre avec quelque détail. La ligne menée depuis Antarès jusqu'à la Lyre, passe entre les deux têtes d'Hercule & d'Ophiucus, qui sont deux étoiles de seconde grandeur, fort proches l'une de l'autre, dont la ligne se dirige vers la Couronne. La plus méridionale & la plus orientale des deux est la tête d'Ophiucus.

270. La ligne menée par ces deux têtes va rencontrer γ d'Hercule 13° plus loin, & l'étoile β d'Hercule est à 3° au nord-est de γ . La ligne menée de γ à β d'Hercule, va rencontrer ε d'Hercule vers le nord, & α du

Serpent vera le midi, ou plutôt vers le fud-oueft; celle-ci forme aussi un triangle équilatéral avec la tête d'Hercule & la Couronne. La ligné tirée de la tête d'Ophiucus au baffin auftral de la Balance, passe sur les étoiles : & d, l'une de la quatrième grandeur, l'autre de la troisième, qui sont à 1° + l'une de l'autre, sur une direction perpendiculaire au milieu de cette ligne; l'étoile à est la plus septentrionale & la plus occidentale. Ces étoiles se dirigent au sud-est vers ¿ au genou occidental d'Hercule, qui est à 7°1 de e, & presque vers n au genou oriental, qui est g' i plus loin que ?, du côté du nord ouest. Ces étoiles & & e se dirigent un peu au-dessous de a du Serpent; le groupe de ces deux étoiles d'& e d'Ophiucus, fait à peu-près un trian-gle équilatéral avec \(\beta \) de la Balance ou le bassin boréal, & a du Serpent. Près de celle-ci est du Serpent, 4 au nord-ouest, & a qui est 2 au sud-est. La direction de ces trois étoiles indique encore 3 & 2 d'Ophiucus, qui font à 10° de e du Serpent.

271. Les étoiles β & γ, sur l'épaule orientale d'Ophiucus, sont sur la ligne menée de la tête d'Hercule à celle du Sagittaire (267), sur le même méridien que la tête d'Ophiucus; \beta est à 8°, & \gamma \text{ à 10° plus au midi que la tête d'Ophiucus; leur direction passe entre les

deux têtes d'Ophiucus & d'Hercule.

272. La ligne menée de la tête d'Hercule à celle d'Ophiucus, se dirige vers 8, extrémité de la queue du Serpent, qui est à 21' de la tête d'Ophiucus, vers l'occident; c'est une étoile changeante (201), que nous dési-

gnerous encore ci-après (276).

273. La ligne menée des étoiles les plus orientales de la Couronne, qui regardent la Lyre, jusqu'à a du Serpent, posse sur la tête du Serpent entre 7 & \beta de troisieme grandeur: celle-ci est la plus occidentale des deux. Le pied occidental d'Ophiucus est entre Antarès & β, ou la boréale au front du Scorpion. Son pied oriental elt entre Antarès & \(\mu_i \) qui est la supérieure & l'occidensale, ou précédente de l'arc du Sagittaire: ses deux pieds font für l'écliptique même.

274. Le Caparconne est marqué par le prolongement de la ligne qui paffe par la Lyre & l'Aigle; il y a deux étoiles de troifième grandeur a & \(\beta \), à deux degrés l'uno de l'autre, plaeses fur le prolongement de cette ligne, qui marquent la tête du Capricorne; & à 20 delà, du côté de l'orient, deux autres époiles y & d, situées de l'orient à l'occident à 2 l'une de l'autre, marquent la queue du Capricorne.

275. FOMAHANT, ou la bouche du Poisson austral, étoile de la première grandeur, est indiquée par la ligne menée de l'Aigle à la queue du Capricorne, & prolongée 20° au delà. Tycho l'appelle Fomabam. M. Hyde

Pham-Al-Hus. Flamsteed l'appelle Fomalbaut.

276. Le Dauphin est une petite constellation située environ 15° à l'orient de l'Aigle, formée par un losange de quatre étoiles de la troissème grandeur. La ligne menée du Dauphin par le milieu des trois étoiles de l'Aigle, perpendiculairement à la ligne que forment ces étoiles, va passer vers 8, extrémité de la queue du Ser-

pent, du côté de l'occident (272).

277. Le Verseau est désigné par une ligne menée de la Lyre sur le Dauphin, prolongée vers le midi, à la même distance du Dauphin que le Dauphin de l'Aigle, c'est à dire environ à 30°: le Verseau est un peu à l'orient de cette ligne. En allant du Dauphin à Fomahant, on traverse dans toute sa longueur la constellation du Verseau, & l'on passe d'abord entre les deux épaules & & β, qui sont deux étoiles de troisième grandeur, à 10° l'une de l'autre, les plus remarquables de toute cette constellation.

278. La Baleine est une grande constellation, située au midi du Bélier, au dessous de l'espace qui est entre les Plérades & le carré de Pégase. La ligne menée de la ceinture d'Andromède entre les deux étoiles du Bélier, va passer sur l'étoile à à la mâchoire de la Baleine, qui est une étoile de la seconde grandeur, à 25° des deux cornes du Bélier. La ligne menée de la Chèvre par les Plérades, va passer aussi vers à de la Baleine. La ligne menée par Aldébaran & la mâchoire de la Baleine, va passer sur la queue \(\beta \) de la Baleine, autre étoile de seconde grandeur, qui est à 42° plus loin, tout près de l'eau du Verseau.

279. Les Poissons qui forment le douzième signe du zodiaque sont peu remarquables dans le ciel; l'un des poissons est placé le long du côté méridional du carré de Pégase (251), sous a & y de Pégase; l'autre Poisson est placé à l'orient du carrè de Pégase, entre la tête d'An-

of Assess p'Astronomie, Liv. I.

dromède & la tête du Bélier. L'étoile a au nœud du lien des Poissons, qui est de la troissème grandeur, est stuée sur la lignée menée du pied d'Andromède par la tête du Bélier, & sur celle menée des pieds des Gémeaux par Aldébaran, à 40° à l'occident de celle-ci; elle fait aussi un triangle-rectangle avec a de la Baleine & β ou γ du Bélier, au midi de celles-ci; c'est l'étoile la plus remarquable de la constellation des Poissons.

280. Je ne conduirai pas plus loin ce détail des conftellations; les autres étant plus petites & moins remarquables, on aura befoin des cartes céleftes pour les bien

distinguer (232).

281. Après avoir appris à connoître le pole du monde (5), on doit être curieux de distinguer aussi le pole de l'écliptique, puisque c'est un des points les plus remarquables dans le ciel. Le pole beréal de l'écliptique est fitué dans la constellation du Dragon, sur la ligne menée par les deux suivantes y & de la grande Ourse; il fait un triangle presque équitatéral avec la Lyre & a du Cygne; il est aussi sur la ligne menée par les deux précédentes du carré de la grande Ourse & par les gardes de la petite Ourie (254), 3d au-delà de l'étoile e du Dragoo, qui est à peu-près sur la même ligne que les étoiles 1, n, ?, e, o du Dragon, dont la direction s'étend d'Arcturus à Céphée & Cassiopée. L'étoile n est celle vers laquelle se dirigent les Gardes de la petite Ourse. Enfin, le pole de l'écliptique fait un triangle rectangle & isoscèle avec l'étoile polaire & β de la petite Ourse, qui est la plus septentrionale des deux dernières de la perite Ourse, l'angle droit est à l'étoile β.

282. Pour se mettre à portée d'estimer en degrés les distances des étoiles, il faut les mesurer sur le globe, on y verra par exemple qu'Arcturus est éloigné de 30° 29' de la dernière étoile n de la queue de la grande Ourse; les deux extrêmes des 3 étoiles du baudrier d'Orion, sont éloignées de 2°4; les deux épaules sont distantes de 7°; Aldébaran est éloigné de Sirius de 46°; d'ailleurs j'en ai indiqué plusieurs dans les articles

7 p

 $\Pi^{\bullet, \circ}_{\beta_{\alpha}}$

white to

ı

précédens.

1.7

Same in Agrant 1 . Des

Des Etoiles Changeantes & des Nébuleuses.

283. L'HISTOIRE fait mention de plusieurs étoiles remarquables & nouvelles, qui ont paru, & disparu ensuite totalement; nous en connoissons encore actuellement qui disparoissent de temps à autre, qui augmentent de grandeur & diminuent ensuite sensiblement. Il y en a d'autres qui ont été décrites par les anciens, comme des étoiles remarquables, & qui ne paroissent plus; d'autres ensin, qui paroissent constamment aujourd'hui, quoiqu'elles n'ayent pas été décrites par les anciens: mais on peut attribuer une partie de ces différences à leur inattention, ou à l'erreur du catalogue des anciens, qui ne nous a été conservé qu'avec beaucoup de fautes, dans l'Almageste de Ptolomée.

284. Les plus anciens auteurs, tels qu'Homère, Attalus & Géminus, ne comptoient que six Plérades; Simonide, Varron, Pline, Aratus, Hipparque & Ptolomée dans le texe Grec, les mettent au nombre de sept, & l'on prétendit que la septième avoit paru ayant l'embrasement de Troye; mais cette différence a pu venir de la difficulté de les distinguer, & de les compter à la vue

simple.

285. L'histoire raconte plus précisément des apparitions d'étoiles nouvelles, 125 ans avant J. C. au temps d'Hipparque: (Voyez Pline, L. II. c. 24. 26); & au temps de l'Empereur Hadrien, 130 ans après J. C.

286. Fortunio Liceti, Médecin célèbre, mort à Padoue en 1656, a composé un Traité de novis Astris, où l'on peut trouver une ample érudition sur les étoiles nouvelles, dont les anciens ont parlé. Il rapporte page 259, que Cuspinianus observa une étoile nouvelle l'an 389, près de l'Aigle; qu'elle parut aussi brillante que Vénus pendant trois semaines, & disparut ensuite. Il en cite plusieurs autres de différens siècles.

287. Mais une des plus fameuses de toutes les étoiles nouvelles a été celle de 1572; elle fut remarquée au commencement de Novembre, faisant un rhombe parfait avec les étoiles α, β, γ, de la constellation de Cassiopée. Cette étoile parut dès le commencement fort éclatante, comme si elle se fût formée tout à-coup avec tout son éclat; elle surpassoit Sirius, la plus brillante des étoiles, & même Jupiter lorsqu'il est périgée: on l'ap-

of Assess wildingments, Liv. L.

Mer 1574, elle commença à diminuer jusqu'au mois de Mer 1574, su'nt le peront de vue. Elle n'avoit autoir paraller: tenfinte (441) ni macun mouvement proposition rules lus de nous que Saturne, la plus éloimatre es planètes; fans quoi elle auroit eu une anuelle fentible; elle n'avoit point de chevemen es comètes, mais elle brillont comme les

chees: la plus remarquable des trois est celle qui est appelle y dens Baver, & dont on observe encore les variables. M. Kach remarqua en 1686 ces diversités de lacrère. Dans la suite M. Maraldi & M. Cassini ayant observe planeurs son cette étoile, trouverent la période de son plus grant éclat de 405 jours. Voici les temps où cile tern la plus brillante d'ici à quelques années; le 10 Avril 1772, o luin 1772, 19 Juillet 1775, le 27 luin 1774. Octobre 1775, le 27 luin 1776, p. 247.) in doit observer que ces retours sont sujets à des inégalites physiques.

the part of the participant of the position of the participant of the

Elinanda Beautification

to the light of the state of th

mais le 10 Août elle n'étoit plus que de 6s. Il la revit le 17 Mars 1671, et la juges de 4- grandeur. M. Cassini y remarqua cette année-là plusieurs variations. Elle n'a pas reparu depuis 1672.

M. Cassini le fils a parlé de plusieurs autres étoiles, ou qui sont perdues, ou qui paroissent changeantes ou nouvelles, telles que des étoiles de Cassiopée, de l'Eridan, de la Baleine, &c. (Elles d'Astron, p. 73.)

aos. Il est difficile de se former upe idée nette de la cause qui peut faire changer & disparottre les étoiles, ou nous en montrer de nouvelles. Le P. Riccioli croyoit que peut être il y avoit des étoiles qui n'étoient pas lumineuses dans toute leur étendue, & dont la partie objecure pouvoit se tourner vers nous, plus ou moins par

une rotation des étoiles (931),

M. de Maupermis, dans son Discours sur les différ, figur, des astres, publié à Paris en 1732, ayant fait vois que le mouvement de rotation d'un altre fur son axe peut produire dans cet aftre un aplatifiement confidérable. s'en fert pour expliquer le phénomène des étailes nous velles. Si quelqu'une de ces étoiles aplaties a autour d'elle quelque groffe planète dans une orbite fort excentrique, & inclinée au plan de l'équateur de l'étoile, l'attraction de la planète, lorsqu'elle approchera de son peribélie, changera l'inclination de l'étoile plate, qui parlà nous perotura plus ou moins lumineufe. Une étoile que nous n'appercevrious point, parce qu'elle nous présentoit le tranchant, peut être visible quand elle nous présentera une paque de son disque; c'est ainsi qu'on peut rendre raifon du changement de grandeur qu'on à observé dans quelques étoiles, de leurs disparitions, de leurs retouts a queigne l'hypothèle d'abord paroille peu vraifemblable, 📆 .

293. La York Macris est une blancheur irréguliere qui semble faire le tour du ciel-en forme de ceinture, On l'a appellée Cercle de Junon, Chemin de S. Jacques, &c. Démocrite jugea autrefois que la blancheur de cette trace céleste devoit être produite par une multitude d'étailes trop petites pour être apperçues distinctement; c'étoit le sentiment de Manilius. Si cela est probable, il faut convenir au moins que cela n'est pas démontré; on veit avec les télescopes des étailes dans toutes les parties du ciel, à pou-près comme dans la voie

teo Abrect D'Astronomie, Liv. I.

bôtée. On trouvein le voie laftée tracée sur mon noutem globe célesse, plus exactément qu'elle ne l'avoit

été judqu'à préfené.

cheur autour de ciel; on trouve suffi dans d'autres parties, où la voie lactée ne s'étend point, de petites blancheurs qui, à la voe fimple, reflemblent à des étoiles peu lumineufes, de qui dans le télescope font une blancheur large de irrégulière, dans laquelle on ne trouve point d'étoiles, ou des espaces mélés de cette blancheur de petites étoiles; c'est ce qu'on appelle proprement mineragnes; car il y en a quelques-unes qui, dans la lunette, ne paroissent autre chôse que des amas de petites étoiles.

ags. La premiere nébulense proprement dite qu'on découvrit après l'invention des lunettes d'approche, sut celle d'Andromède, remarquée en 1612 par Simon Matius: elle ne parott à la vue simple que comme un nuage; unis dans la lunette, elle paroissoit formée pat trois reyons, blancs, piles, irrégulièrs, qui étoient plus chars en approchant du centre. M. le Gentil dit qu'elle change de soume. (Min. 1755. 2. 445. 465.) Elle occupe caviron un quart de dégré. Boulliaud est persuadé qu'elle avoit été vue plus de 600 ans au-

paravant.

soc. La nébuleuse d'Orion est au-dessous du Baudrier ou des trois Rois (247). C'est la plus remarquable de toutes les nébuleuses. Cependant M. Huygens sut le premier qui l'observa, par hasard, en 1656; elle est d'une sigure irrégulière, alongée & courbe; sa blancheur est vive dans la lunette, & l'on n'y distingue cependant que sept petites étoiles dans une clarté pale, mais uniforme. Il y a encore plusieurs autres nébuleuses: celles du Sagittaire, d'Antinous, d'Hercule, du Centaure, d'Andromède, du Serpentaire, du Sagittaire, &c. M. l'Abbé de la Caille, en travaillant à son catalogue des étoiles australes qu'il a observées au Cap de Bonne-Esperance, en a remarqué 42 dont il a donné la position; M. Messier en a observée plusieurs dans l'hémisphère l'uréal.

pare à celle des nébuleules, est une chrié ou une blancheur souvent asse semblable à celle de la voie lastée. On l'apperçoit après le coucher du soleil, sur-tout au commencement de Mars, en forme de pyramide ou de susseur dont le soleil est la base; elle a plus de 100° de longueur: il parost que cette lumière n'est que l'atmosphère du soleil; elle a une situation semblable à celle de l'équateur solaire (959), & parost en forme de sphéroïde applati comme l'exige la rotation du soleil (945). Cette lumière zodiacale est amplement décrite dans le Traité des Aurores boréales par M. de Mairan, imprimé en 1751 & en 1754.

298. Les Aurores boréales, qui font le sujet principal de cet ouvrage, sont un phénomène lumineux, ainsi nommé parce qu'il a coutume de parostre du côté du nord ou de la partie boréale du ciel, & que sa lumière, lorsqu'elle est proche de l'horizon, ressemble à celle du

point du jour ou à l'aurore.

ou moins grande.

On voit souvent de ces Aurores boréales dans les pays du nord; on en observe rarement en Italie. On en vit une fameuse le 19 Octobre 1726 à Paris, qui fut suivie de plusieurs autres: elles porterent M. de Mairan à rechercher la cause de ces phénomènes, & il pensa l'avoir trouvée dans la lumière zodiacale (297) ou atmosphère du soleil, qui venant à rencontrer les parties supérieures de notre air, y dépose quelques particules lumineuses qui tombent dans l'atmosphère terrestre, à plus ou moins de prosondeur, selon que sa pesanteur spécifique est plus

bien plus de rapport avec les phénomènes électriques; elles font varier sensiblement la direction de l'aiguille aimantée; elles électrifent des pointes isolées, placées dans de grands tubes de verre: on assure même avoir entendu dans les Aurores boréales un pétillement semblable à celui des étincelles électriques. Suivant les rapports qu'on observe entre la matière de l'aiman & celle de l'électricité, je ne serois point étonné que la matière électrique se portât vers le nord, & sortit par les poles de la terre, vers les parties sur-tout où il y a le plus de minéraux; dans ce cas, elle pourroit produire les aurores boréales, qui sont en effet presque continuelles dans les régions septentrionales, comme on le voit dans la Figure de la terre de MM. de Maupertuis, &c.

G 3

tot Abeect Diagracusty Liv. IL

Nous wavens renfermé dans ce les livre que les prentiers principes de la fiphère de la connoiffance la plus fimpte des confiellations de des étoiles fixes; le détail de leurs mouvemens, foit téels foit apparens, le trouvers tiens le livre VII, à peu-près dans l'ordre des temps où l'on s'en est occupé, ou de la difficulté qu'on doit trouver à en fuivre les détails.

LIVRE SECOND.

FONDEMENS DE L'ASTRONOMIE, ET SYSTÈMES DU MONDE.

ceux dont l'application doit être la plus générale, & influer le plus fur tout le reste de cet ouvrage. J'ai renfermé sous ce titré, 1° la recherche des mouvemens du soleil, auquel nous sommes obligés de rapporter tous les autres mouvemens; 2° les positions des étoiles fixes qui servent à connostre exactement celles de tous les autres astres; 3° la mésuré du temps, ses inégalités, & son équation, qui est un présiminaire de tout calcul astronomique; 4° la manière de trouver l'heure du passage au méridien, du lever & du coucher d'un astre; ensin, j'y ai joint, à mesure que l'occasion s'en est présentée, les problèmes qui sont les plus usités dans l'Astronomie sphérique.

301. Il sembleroit qu'on ne peut lire cette partie sans connostre un peu les règles de la trigonométrie sphérique, ou savoir du moins les employer, c'est-à-dire, saire une règle de trois par le moyen des sinus & des logarithmes; mais on peut avoir une idée assez complette de l'astronômie, sans en exécuter les calculs, & l'on peut encore les exécuter même sans connostre les démonstrations de la trigonométrie sphérique. On les trouvera dans les traités de M. de Parcieux, de M. Mauduit, d'Ozanam, de Rivard, de la Caille & de M. Bezout, comme dans mon grand ouvrage d'astronomie; & après

une premiere lecture des principes de cette foience, on pourra s'exencer fur la trigonométrie sphérique pour relire l'aftropomie avec plus de fruit, sur-tout dans le cas où l'on se proposeroit d'approfondir cette science & d'en

faire des applications.

302. Il importe seulement de bien remarquer trois chofes avant que d'entrer en matière. 1°. Les angles sphériques dans le ciel sont formés par le rencontre de deux grands cercles, & sont anosurés par un autre arc de grand cercle, qui auroit son pole dans le sommet de l'angle que l'on mesure; sins l'angle V', (fig. 18.) formé par l'équateur V Q, & par l'écliptique V C, est de la même quantité que l'arc CQ décrit à 90° du fommet V's l'arc est la mesure de l'angle. 2°. Les arcs perpendiculaires à un grand cerole your tous se reponetrer au pole de ce cercle. 3º. Dans tout mangle spherique, dont on connoît trois choses prifes à volonte parmi les trois cotés ou les trois angles, on peut toujours trouver les trois autres par les règles de la trigonométrie sphérique. Ces notions suffisent pour entendre ce que nous avons à dire dans ce livre; je n'ai pas voulu embarrasser les commencemens de ce traité par un détail ennuyeux de formules & de calcula.

Du augustium & des inégalisés du Spéciel.

303. L'Ossesvateur qui veut lui seul former un cours d'observations, & suivre les progrès des anciens astronomes dans leurs recherches, doit commencer par déterminer la hauteur du pole, ou la latitude du lieu oit il est (33); il reconnostra la direction de l'écliptique ou du cercle que décrit le soleil en un an; enfin il reconnostra les points où l'écliptique coupe l'équateur (66), l'angle qu'elle fait avec ce cercle, ou la quantité dont elle s'éloigne de l'équateur dans les points solstitiaux (70); il sera pour lors en état de déterminer le progrès du soleil dans l'écliptique, & les points où il se trouve chaque jour; c'est la première espèce d'observations dont il air besoin.

Soit EQ (fig. 21.) l'équateur, HO l'horizon, ES l'écliptique inclinée en E de 23° ; sur l'équateur; S le soleil à midi au moment qu'il passe par le meridien SAB; si j'observe (art. 23.), de combien de degrés est sa hau-

104 Abregé d'Astronomies Liv. II.

teur au dessus de l'horizon, c'est à dire que je mesure l'arc SB, & que j'en retranche la hauteur AB de l'équateur, qui est toujours la même, (à Paris de 41 deg. 10') je comostrai SA, distance du soleil à l'équateur, que l'on appelle Déclinaison du soleil (91); or, dans le triangle sphérique SEA, formé par des arcs de l'équateur, de l'écliptique & du méridien, on connost l'angle E de 23.1, & le côté opposé SA, qui est la déclinaison du soleil, avec l'angle A qui est droit, parce que les méridiens sont nécessairement perpendiculaires à l'équateur (21); on trouvera par la trigonométrie sphérique l'hypothénuse ES, qui est la longitude du soleil, c'est-à-dire, sa distance au point équinoxial E, mesurée le long de l'écliptique.

304. EXEMPLE. Le 22 Mars 1752, à l'observatoire royal de Berlin, avec un quart-de-cercle de 5 pieds de rayon, j'observai la hauteur du bord du soleil, & je conclus de mon observation, que la hauteur vraie du centre du soleil étoit de 38° 22′ 27″; j'avois déterminé précédemment la hauteur de l'équateur de 37° 28′ 30″; celleci étant ôtée de celle du soleil, il reste 0° 53′ 57″ pour la déclinaison vraie du soleil, de supposant pour s'obliquité de l'écliptique 23° 28′ 11″, j'ai fait cette proportion pour résoudre le triangle sphérique ESA: le sinus de 23° 28′ 11″, ou de l'angle É, est au sinus de 53′ 57″, qui est le côté AS, comme le sinus total, qui est toujours l'unité, est au sinus de l'hypothénuse ES, ou de la longitude du soleil, qui s'est trouvée par cette

proportion être de 2° 14' 47".

V SHG seroit la longitude du soleil. Si la déclinaison du soleil étoit australe, telle que AF, sa hauteur seroit moindre que la hauteur de l'équateur, du moins dans nos régions septentrionales; il faudroit retrancher la hauteur observée de la hauteur de l'équateur pour avoir la déclinaison: l'hypothénuse trouvée par l'analogie précedente seroit A distance à l'équinoxe d'automne, & il faudroit y ajouter 180° ou le demi-cercle entier V H ... pour avoir la longitude du foleil comptée depuis l'équinoxe du printemps ou depuis le Bésser, c'est-à-dire l'arc $\Upsilon H \triangleq A$.

Enfin, si la déclinaison du soleil étant encore australe étoit comme PQ, entre le solstice d'hiver 40 & l'équinoxe du printemps R, on ne trouveroit par notre règle que l'hypothénuse PR, & il faudroit prendre son complément à 12 signes ou à 360° pour avoir la longitude entière V SHGAP comptée d'occident en orient depuis le point d'où l'on étoit parti pour compter les longi-

tudes.

306. Telle est la méthode dont les anciens astronomes se sont servis pour trouver chaque jour la longitude du soleil, par le moyen de sa hauteur & de sa déclinaison, (Copernic, liv. II. c. 14). Les astronomes modernes ont cherché le moyen de supprimer dans cette méthode la nécessité de connoître la hauteur de l'équateur, & par conséquent la déclinaison du soleil; suivant la méthode de Flamsteed suivie par M. de la Caille & par tous les astronomes, on compare le soleil à une étoile E ou L (fig. 22) lorsqu'il est dans le même parallèle que l'étoile, ou du moins qu'il en est également éloigné; par ces deux observations faites à 4 ou 5 mois l'une de l'autre, on a ces différences d'ascensions droites BC & CD. c'est-à-dire le mouvement total BD dont la moitié BK est le complément de B \(\text{\text{ou}} \) ou \(\text{V} \) D, c'est \(\text{\text{à-dire}} \) de l'ascension droite du soleil.

C'est ainsi qu'on détermine le lieu du soleil, & par conféquent ses inégalités: connoissant la durée de l'année solaire (20), c'est-à-dire le temps qu'il emploie à décrire 200 - il cit aifé de trouver combien de degrés de longitude il doit avoir tous les jours de l'année, & de voir si ceu est d'accord avec les degrés de la vraie longitude obsaivee de jour à autre. On dut trouver bientôt qu'en est. le soleil étoit quelquesois plus avancé d'environ

tes Arrege wastrowows, Liv. II.

penne, égale ou uniforme, distribuée proportionnellement fur tous les jours de l'année, et que six mois après la longitude vraie étoit su contraire moins avancée, ou

plus périte de 2º que la longitude moyanne.

307. Lorsqu'on partage 300 ou rappoor en 305 à parties, on trouve que le folell deit fire 30 8/ & 1 par jour ainsi en additionnant cette quantité 305 sois de suite, il est aisé de trouver par chaque jour combien de degrés & de minures doit avoir la lorgitude du soieil, en supposant qu'elle croisse réguliérement & d'une manière uniforme, c'est-à-dire, tous les jours d'une même quantité: la longitude ainsi trouvée pour chaque jour, par l'addition successive du mouvement diurne ou de 59/ 8",

s'appellera déformais Longitude moyenne.

308. Lorsque les astronomes curent observé pendant une année de fuite, en fuivant la méthode précédente (303), le lieu vrai du foleil dans l'écliptique tous les jours à midi, ils virent que cette longitude vraie oblervée n'étoit pas toujours égale à la longitude moyenne calculée par avance pour chaque jour : la longitude vraice du foleil n'est égale à la longitude moyenne que vers le commencement de Janvier & de Juillet; elle est pius grande au mois d'Avril d'environ 2, ou plus exactement 1' 55/ 31", c'est-à-dire, que le premier Avril le soleil est réellement au point où il devroit être le 3, ou deux jours après, s'il avoit avancé uniformément dans l'écliptique depuis le prentier de Janvier, & si sa longitude vrale étoit toujours égale à la longitude moyenne; au contraire, vers le commencement d'Octobre, la longitude vraie est moins avancée de la même quantité que n'est la longitude moyenne : cette inégalité du soleil, ou cette différence s'appelle Equation de l'orbite Ou équation du centre.

309. La première idée que l'on dut avoir de la caus se de cette inégalité, fut qu'élie étoit seulement apparente. Le soleil, dissient les première Philosophes, doit décrire un cercle, puisque c'est la plus parfaité de toutes les figures, & il doit le décrire uniformément, puisque le mouvement uniforme est le plus parfait de tous; mais si la terre où nous sommes placés, n'est pas le centre de ce cercle, dès-lors les parties du cercle les plus éloignées de nous, pardissent plus petites que

les portions les plus voilines, & le mouvement du foleil nous paroît plus lent dans les parties les plus éloignées. Soit E (fig. 23.) le centre du cercle NAPB que décrit le soleil chaque année, & F un autre point où la terre foit placée; le soleil étant en N, sera plus éloigné de nous que lorsqu'il sera en P, les espaces qu'il parcourt chaque jour nous parostront plus petits, & le soleil sera plus long-temps à parcourir la portion BA que la partie CD, quoique l'une & l'autre nous paroisse être de 90°, étant mesurées par des angles droits BFA, CFD.

Si l'on the par le centre E les lignes GE, HE, qui fassent aussi des angles droits, on verra bien que le quart de la révolution-moyenne s'acheve de G en H, quoique le quart de la révolution vraie n'ait lieu que de Λ en B,

les arcs BH & AG marquent l'inégalité du soleil.

310. Le point N du grand orbe qui est le plus éloigné de la terre, s'appelle Apocée (a), & le point opposé P, où il est le plus près de nous, se nomme Périsée (b); la quantité EF, ou la distance entre le centre de l'orbite & le point où est supposé l'observateur, s'appelle l'Excentricité du soleil; la distance du soleil à son apogée s'appelle l'Anomalie (c), c'est par exemple l'arc AN lorsque le soleil est en A. Quand nous aurons démontré dans le fivre suivant que c'est véritablement la terre qui décrit une orbite semblable autour du soleil, nous appellerons APHELIB (d), le point N où la terre sera la plus éloignée du soleil F, & Perihélie le point P qui en sera le plus près.

On donne aussi en général le nom d'Apsides (e) aux deux points extrêmes N & P d'une orbite, lorsqu'on les considere relativement au point F où l'observateur est

placé, & autour duquel se fait le mouvement.

⁽a) ATO, longe, procul.

⁽b) Tapl, proptor. In, Terra.

⁽c) A'voipatos, inequalis: Anomalie signiste proprement en astronomie, l'inditation ou l'argument de l'inégalité.

⁽d) A'no, longe; nepi, prope; HAïos, sol.

(e) Apside vient de A Vis, curratura in rotam, qui signisse aussi une tortue, parce que les Apides sont les points où l'orbite se replie, pour ainsi dire, en changeant de direction.

pol Assess p'Astronomie, Liv. II.

nati. Ce que nous venons d'expliquer par un cercle excentrique, peut s'expliquer tout de même par un corcle benucustrique, c'est-à-dire dont le centre répond au centre même de la terre, chargé d'un épicycle. Soit 🔏 (56. 24.), le centre du cercle ABL que le soleil ett suppole décrire autour de la terre placée au centre; GRK un petit cercle appellé épicycle, dont le centre pergourt uniformément la circonférence ABL d'occident en orient, tandis que le foleil lui-même parcourt l'épicycle en sens contraire de G en H, ou d'orient en occident. On suppose que le point G de l'épicycle au'on appelle l'apogée, puros qu'il que le plus éloigne de La terre, se soit trouvé sur le rayon FA au commencement du mouvement; on prend l'erc GH du même nombre de degrés que l'arc AB, de le point B est le lieu où l'on suppose le soleil, tandis que le point B est le centre de l'épicycle. Si nogs prenons enfuite FE parelièle & égule à BH, & que du poise E, comme conare, nous décrivions un autre cercle NHPC, dont le sayon EH foit égal à FB ou FA; ce cercle NHC fose précisément la même, chose que l'excentrique décrit par le foleil dans l'hypothèse précédent (309), tel que le supposoit Prolomée; l'angle NBH est le même dans les deux cas, c'est le mouvement visi à uniforme du foicil égal à l'arc NH, tandis que le mouvement vu du point F, est plus petit, perce que la distance FN du foleil dans l'apogée est plus grande que la distance FP dans le Périgée; l'arc NH décrit fur l'excentrique dans la première hypothèse, est le même que l'arc AB décrit par le centre de l'épicycle dans la feconde hypothèse; l'un & l'autre est proportionel au temps, c'esta-dire, augmente de 59' 8" per jour: l'inégalité dans la première hypothèse consiste en ce que l'arc NH est vu au lieu d'être vu de fon centre E; & du point F dans l'hypothèse des épicycles, c'est toujours la quantité NH vue du point F, qui est le véritable arc dé-crit par le soleil, pussqu'il étoit en N su commencement du mouvement, & qu'il se trouve pervenu en H. Ainsi l'on expliquoit également dans ces deux hypothèses l'inégalité apparente du soleil, vue de la terre, en supposant le mouvement du soleit circulaire & uniforme.

312. Cette inégalité du soleil, que tous les anciens expliquoient par le moyen d'une orbité excentrique, ou d'un épicycle, fut également observée dans les planètes, qui toutes ont en effet des orbites excentriques; mais ce n'est que dans le temps de leurs cohjonctions & de leurs oppositions au soleil, c'est-à-dire quand elles sont du même côté que le soleil ou directement opposées, que l'on peut mesurer cette inégalité. Toutes les fois qu'elles sont à droite ou à gauche du soleil, & qu'elles ne font pas, par rapport à nous, dans la même ligne que cet astre, les planètes ont pour nous une autre inégalité; encore plus considérable: elle vient de ce que nous ne fommes point dans le soleil, auquel se rapportent réellement leurs orbites, & autour duquel elles tournent; mais les anciens, qui ne connoissoient pas cette explication, & qui ne comprenoient rien à la cause de cette seconde inégalité, se contentoient de l'expliquer par un sécond épicycle, ou bien par un cercle excentrique qu'ils charv geoient d'un épicycle (380).

313. La hauteur méridienne du soleil qui a servi à déterminer sa longitude (303), peut servir également à trouver son ascension droite: lorsqu'on connoît la déclinaison AS (fig. 21.), on peut dans le triangle SEA, où l'on connoît trois choses, trouver également le côté AE, qui est la distance du soleil à l'équinoxe comptée sur l'équateur, & l'angle S formé par l'écliptique ES & par le cercle de déclinaison SA; le complément de ce dernier angle est l'angle du cerclé de latitude! & du cercle de déclinaison, que l'on appelle angle de position.

314. Quand on connoît tous les jours ou la longitude ou l'ascension droite du soleil, il est aisé de voir le jour & l'heure où arrive l'équinoxe, c'est-à-dire où le soleil a zéro pour longitude, & où son ascension droite & sa déclination font également nulles. Les anciens observoient les équinoxes par le moyen d'un cercle ou anneau de bronze qui étoit incliné comme l'équateur, & dont la concavité cessoit d'être éclairée le jour que le soleil étoit dans le plan de l'équateur.

315. LA DURÉE DE L'ANNÉE est encore une suite de la détermination des équinoxes, car l'intervalle entre un équinoxe & célui de l'année suivante est la durée de l'année solaire ou du retour des saisons. Si l'on prend deux équinoxes observés à mille ans l'un de l'autre, &

HO ABRECE D'ASTRONOMIE, LIV. II.

qu'on partage l'intervalle total en mille parties, on aura plus exactement la longueur de l'année; c'est ainsi que je l'ai trouvée de 365 jours 5h 48/45/1. Nous parlerons ci-après de l'année sydérale qui se rapporte aux étodes & non aux équinoxes, ce qui fait une petite

différence pour les retours du soleil (321).

316. L'ascension droite du soleil trouvée immédiate. ment par la méthode précédente, fert à trouver celles des étoiles, & à former nos catalogues. En effet, pour connoître la longitude d'une étoile ou d'un aftre quelconque, il faut en observer d'abord l'ascension droite La déclination. Pour connoître l'ascension droite d'un aftre, il fuffit de le comparer avec le foleil, dont l'asconsion droite peut être connuc tous les jours par la méthode de l'art. 313, ou bien avec une des étoiles ou'on a déterminées en même temps. Ainsi le probléme se réduit à trouver l'ascension droite du soleil; c'est ici le terme fixe donné par la nature, d'ou il faut abfolument partir, & auquel on doit tout rapporter. En effet les longitudes se comptent d'un point qui n'est donné & connu que par le mouvement du foleil, (puisque c'est l'intersection de la route du soleil avec l'équateur); ce point n'est pas marqué dans le ciel, e'est le soleil qui nous en indique la place: ce n'est donc que par le moyen du foleil qu'on peut déterminer la distance d'un astre au point équinoxial, en déterminont séparément la distance de l'altre au soleil, & celle du soleil à l'équinoxe.

317. Quand on connoît exactement l'ascension droite du foleil ou d'une étoile, on observe la différence entre son passage au méridien & celui des autres étoiles, & l'on en conclut l'ascension droite de chacune. Pour avoir l'heure du passage au méridien d'une étoile, ou la différence entre le temps de son passage & celui d'une ne autre étoile, on pourroit se servir d'une méridienne sur laquelle on auroit élevé des fils à plomb; mais on se sert actuellement de la méthode des hauteurs correspondantes (322) ou bien d'une lunette méridienne qui tourne autour d'un ake horizontal, sans quitter le plan

du méridien.

Pour avoir la déclipaison d'une étoile, il sussit d'observer la hanteur méndienne, & de prondre la différence entre cette hauteur & celle de l'équateur, ainsi que

nous l'avons fait pour le soleil (303).

318. Connoissant l'ascension droite & la déclinaison d'un astre, on trouvera sa longitude & sa latitude par la trigonométrie sphérique; mais à cause de l'usage des sinus, il faut avoir soin de prendre, au lieu de l'ascension droite donnée, la distance au plus prochain équi-

noxe (305).

Soit AE (fig. 25.) l'ascension droite d'un astre quelconque, ou la distance au plus prochain équinoxe, comptée sur l'équateur & moindre que 90°; AS la déclinaison du même astre, ou sa distance à l'équateur, EC l'écliptique, SB la latitude cherchée de l'astre S, mesurée par un arc perpendiculaire à l'écliptique, & EB sa longitude, ou plutôt sa distance à l'équinoxe le plus prochain, comptet sur l'écliptique; on imaginera un grand cercle ES, allant du point équinoxial à l'étoile, pour former un triangle spherique SEA, rectangle en A, avec l'ascension droite & la déclination de l'astre, & un autre triangle sphérique SBE rectangle en Bavec la longitude & la latitude du même astre. On résoudra d'abord le triangle SAE, reclangle en A, dans lequel on connost les deux côtés, & l'on trouvera l'angle SEA & l'hypothénuse SE. Par le moyen de l'angle SEA & de l'angle BEA, qui est l'obliquiré de l'écliptique de 23°1, on formera l'angle SEB, qui sera leur différence, si le point S: & le point B sont tous les deux au dessus ou xous les deux au-dessous de l'équateur EA; au contraire, l'angle SEB fera la somme de l'angle SEA & de l'obliquité AEB, si l'astre S & le point B de l'écliptique qui lui répond, sont l'un au nord & l'autre au midi de l'équateur, comme dans la fig. 26. Lorsqu'on aura formé l'angle SEB, on s'en fervira avec l'hypothénuse SE pour connoître la longitude EB & la latitude BS, d'une étoile rapportée à l'écliptique: c'est ainst que l'on a construit les catalogues d'étoiles où sont marquées les longitudes & les latitudes de chacune, en signes, degrés, minutes & secondes. Les plus considérables sont le catalogue Britannique de Flamsted, & celui des évoiles australes de la Caille.

En même temps qu'on calcule la longitude d'une étoile, il est facile de calculer l'angle de position BSA ou BSF, formé par le cercle de latitude BS & le cercle

TR ABRÉGÉTAL STRONGER, LIV. II.

de déclination S.X. On de trouveroit également par la figure 27, en supposant que PZ foit le colure des sol-lines, P le pole du monde & Z le pole de l'écliptique, l'angle P le complément de l'ascension droite, l'angle Z le complément de la longitude, PS le complément de la déclination, ZS le complément de la latitude; ainsi l'on peut prendre trois de ces quantités pour trouver l'angle de position PSZ.

différentes étoiles, en ne tarda pas à reconnoître que leurs longitudes augmentoient peu à peu. Hipparque de Rhodes, le plus célabre des auciens astronomes, reconnut 128 ans avant l'ère vulgaire, que les longitudes des étoiles, par rapport aux équinoxes, étoient plus grandes que suivant les observations de Tymocharès & d'Aristylle, 204 ans avant J. C. & suivant la sphère d'Eudexe, qui avoit écrit 400 ans avant J. C. mais dont la sphère se rapportoite à des siècles encore plus éloignés. Ce changement des étoiles en longitude est bien plus sensible aujourd'hui, quant on compare le catalogue de Prolomée avec les notres, ou les observations qu'il rapporte avec celles que nous saisons.

parque, 128 ans avant J. C. précédoit de 6 degrés l'équinoxe d'automne, c'est à dire, que sa longitude étoit de.

Mais on trouve pour 1750 cette longitude. of 20d 21m.

La différence ou l'augmentation est de . . . 26d 21m.

320. Après un grand nombre de comparaisons semblables, je trouve que le changement des étoiles, ou la précession des équinoxes, est de 1^d 23' 10' par siècle, & que la révolution totale des étoiles, ou plutôt celle des équinoxes par rapport aux étoiles, est de 25972 ans. Cette quantité n'est pas parfaitement uniforme, on trouve quelque différence d'un siècle à l'autre (758).

321. Les étoiles n'étant pas toujours à la même distance des équinoxes, & s'en éloignant chaque année de 50", le soleil ne revient aux mêmes étoiles que 20' plus tard qu'aux équinoxes, parce qu'il lui faut 20' pour faire 50"; ce retour est ce qu'on appelle l'année sydérale, & sa durée est de 365 j 6 h 9' 11", tandis que le re, 6

tour des saisons, qu'on appelle aussi année tropique, n'est que de 365i 5h 48/ 45//1; c'est cette année tropique dont on se sert pour former les années civiles, qui sont de 365 jours, & quelquefois de 366.

De la Méthode des Hauteurs correspondantes.

322. Les différences d'ascension droite étant le fondement de la méthode par laquelle nous venons de déterminer les lieux du soleil & des étoiles fixes (316), il est nécessaire d'expliquer ici la méthode la plus naturelle & la plus exacte qu'on ait pour déterminer ces différences d'ascension droité, ou les différences des passages au méridien entre deux astres, c'est-à-dire, pour déterminer le moment où chacun des deux astres a passé par le méridien.

On a vu, à l'occasion de la manière de tracer une méridienne (155), que les astres sont également élevés une heure avant le passage au méridien & une heure après: ainsi pour avoir rigoureusement le temps où un astre a passé au méridien, il suffit d'observer, par le moyen d'une horloge à pendule, le moment où il s'est trouvé à une certaine hauteur vers l'orient en montant & avant fon passage par le méridien, & d'observer ensuite le temps où il se trouve à une hauteur égale en descendant vers le couchant après le passage au méridien: le milieu entre ces deux instans à l'horloge, sera le temps que l'horloge marquoit quand l'astre a été dans le méridien.

323. Supposons que le bord du soleil ait été observé le matin avec le quart-de-cercle, dont nous donnerons bientôt la description, & qu'on ait trouvé sa hauteur de 21° lorsque l'horloge marquoit 8h 50/ 10/1; supposons que plusieurs heures après, & le soleil ayant passé au méridien, on retrouve encore sa hauteur de 21 vers le couchant, au moment où l'horloge marque 2h 50/30/; il s'agit de savoir combien il y a de temps écoulé entre 8h 50' 10" du matin, & 2h 50' 30" du soir; on prendra le milieu de cet intervalle, & ce sera le moment du midi, sur l'horloge dont on s'est servi, soit qu'elle fût bien à l'heure, ou qu'elle n'y fût pas.

324. Pour prendre le milieu entre ces deux instans, il faut, suivant une règle de la plus simple arithmétique, ajouter ensemble les deux nombres, & prendre la moitié

114 Abrece Mastronomie, Liv. II.

de la somme; mais au lieu de 2 heures après midi il faut écrire 14 heures, parce que l'horloge doit être supposée avoir marqué de suite les heures dans l'ordre naturel depuis 8 heures jusqu'à 14, au lieu que dans le fait & par l'usage de l'horlogerie, elle a fini à 12 pour recommencer 1, 2, &c. Cette irrégularité de l'horloge dérangeroit le calcul, si l'on n'y avoit pas égard.

Heure où le bord du soleil étoit à 21° le matin, 8h 50/10/1
Heure où le bord étoit à 21° le soir . . . 14 50 30

Ainsi quand le soleil étoit dans le méridien à sa plus grande hauteur, & à distances égales des deux hauteurs observées, l'hortoge marquoit 11h 50' 20", c'est-à-dire qu'elle étoit en retard sur le soleil de 9' 40". Les astronomes s'inquiètent peu que leurs hortoges avancent ou retardent, pourvu qu'ils connoissent exactement la quantité de l'avancement ou du retard, & ils la connoissent roujours par la méthode précédente. Cette opération n'à pas besoin d'être démontrée; on voit assez que de 8h 50' 10" à 11h 50' 20", il y a 3h 0' 10" d'intervalle, & qu'il y a la même distance entre 11h 50' 20" & 2h 50' 30" du soir.

325. On ne se contente pas ordinairement de prendre une seule sois le matin la hauteur du bord du soleil, & une sois le soir, pour déterminer l'instant du midi; on en prend huit ou dix le matin & autant le soir sur le même bord du soleil & sur les mêmes degrés correspondans, on compare chaque hauteur du matin avec celle du soir, qui a été prise au même degré, & l'on a autant de résultats différens qu'il y a de degrés on de hauteurs comparées. Si l'on avoit rigoureusement bien opéré, on trouveroit par chacune le même résultat; mais il est rare qu'il n'y ait pas de différence d'une seconde, alors on prend le milieu entre tous les résultats, en les additionnant entemble & divisant la somme par le nombre des résultats.

326. L'OPÉRATION précédente suppose que le soleil ait décrit le matin & le soir un seul & même parallèle, que son arc montant ait été parfaitement égal à son arc descendant, c'est-à-dire, qu'il ait été depuis neuf heures du

tiatin jusqu'à trois heures du soir, à la même distance de l'équateur, asin que son angle horaire (201) ait été le même à la même hauteur. Cependant cette supposition n'est pas rigoureusement exacte, car le soleil décripant tous les jours obliquement dans l'écliptique un arc d'environ 1 degré, il s'approche ou s'éloigne nécessaire, ment un peu de l'équateur, & la quantité va quelquesois

à une minute de degré par heure.

327. On a vu (119) que l'arc diurne du parallèle que décrit un astre dans la sphere oblique, est d'autant plus grand que l'astre est plus près du pole éleyé, c'est-àdire par rapport à nous, plus septentrional; il en est de même de l'arc semi-diurne, c'est-à-dire de l'arc du par rallèle compris entre le méridien & l'horizon: si le soleil en se couchant est plus près du pole qu'il ne l'étoit en se levant, l'arc semi-diurne du soir est plus grand que l'arc semi-diurne du matin, c'est-à-dire, qu'il y a eu plus de temps depuis le midi jusqu'à son coucher, qu'il n'y en avoit eu depuis le lever jusqu'à midi; ainfi le midi vrai ne s'est pas trouvé à égales distances entre le lever & le coucher; il ne suffiroit donc pas de prendre un milieu entre le lever & le coucher du soleil, pour avoir le moment du midi. En prenant ce milieu, l'on feroit la même chose que si l'on ajoutoit ensemble les deux arcs semi-diurnes exprimés en temps, & que l'on prît la moitié de la somme, comme nous venons de le faire (324). Mais s'il y a dans le vrai un des deux nombres plus grand que l'autre de 40/1, la demi-somme devra être plus grande de 20" que le premier nombre & l'on aura dans le réfultat 201 de trop; il faudrois donc ôter 20" (dans le cas où le soleil s'est rapproché du pole élevé), de la demi-somme, ou du milieu trouvé entre le lever & le coucher, pour avoir le moment du vrai midi. Le milieu pris entre les deux instans approche également du lever & du coucher; il en est à des distances égales, puisqu'on a pris exactement un milieu; mais le méridien est plus près du soleil levant, le soleil est done arrivé au méridien plutôt qu'il n'est-arrivé au point qui tient le milieu entre le lever & le coucher, il faut donc retrancher quelque choie de ce milieu pour avoir le moment du midi vrai.

328. Ce que nous venons de dire du lever & du toucher du soleil, il le faut dire d'une hauteur quelcon-

116 ABRECT D'ATTRONOMIE 10 ENERGE II.

que, par exemple, d'un cercle parallèle à l'horizon imagué à 21d de hauseur; le temps qu'emploiera le soleil à
alter depuis ce cercle de 21d parallèle à l'horizon jusqu'au méridien, sera moindre que le temps employé à
alter depuis le méridien jusqu'au même cercle du côté
du soir, si le soleil dans cet intervalle s'est rapproché
du pole élevé: au lieu des arcs semi-diurses, dont nous
venons de parler, ce seront ici les angles horaires (201)
qui augmenterent; ainsi il fandre ôter quelque chose du
milieu pris entre les temps de deux hauteurs égales pour
avoir le midi vrai. Ce séroit le contraire si le soleil,
au lieu de s'être rapproché du nord, s'en étoit éloigné
du matin au soir, l'angle horaire du soir seroit plus pecit que celui du matin, de il faudroit ajouter une petite quantité à l'instant du milieu pour avoir celui du midi.

399. Soit P le pole élevé (fig. 27.), Z le zénit, S le tolett. ASBC, un cercle paralièle à l'horizon, en-Porte que le point B & le point 5 soient à la même. hauxeur; M la distance du soleil au poie le matin, PA à distance au pole devenue plus petite le soir. Au que je suppose élevé de ax, comme dans l'observation du matin, l'angle horaire du soir ZPB, ou la distance du soleil & de son cercle horaire PB au méridien PZA_{2} . sera plus grand que l'angle horaire du matin ZPS; on a donc deux triangles ZPS, ZPB, qui ont chacun le côté commun PZ & les côtés égaux ZS, ZB, tous les deux de 69°, puisqu'ils sont le complément de la hauteur, qui est de 21° dans les deux cas; les côtés PS & PB sont différens de la quantité dont la déclinaison du soleil a changé dans l'intervalle des deux hauteurs; si l'on résout séparément ces deux triangles pour trouver les deux angles horaires ZPS, ZPB, on les trouvers différens; la moitié de leur différence réduite en temps à raison de 15^d par heure, sera la correction qu'il faudra faire au temps du milieu des deux hauteurs égales pour avoir le véritable instant du midi.

330. Par exemple, au commencement de Mars, où le toleil change de déclinaison de 22/53" par jour, si l'on prend des hauteurs à 9 heures du matin & à 3 heures du soir, on trouvera 20" à ôter de l'heure trouvée par les hauteurs correspondantes. Il y a des formules pour trouver cette équation du midi sans résoudre les

deux triangles; mais il suffit d'avoir indiqué la méthode la plus facile à comprendre.

Description du Quart-de-cercle mobile.

331. Le principal instrument d'astronomie & celui qui sert pour les hauteurs correspondantes dont nous venons de parler, est le quart-de-cercle mobile; c'est de tous nos instrumens celui dont l'usage est le plus ancien, le plus général, le plus indispensable, le plus commode: c'est pourquoi je vais en donner ici la description; on a déja vu la manière dont il faut concevoir l'usage du quart-de-cercle pour mesurer des hauteurs (23): il ne s'agit plus que des détails de l'instrument, porté à sa

dernière perfection.

Je suppose un quart de cercle de trois pieds de rayon, CBA (planche V. fig. 33). Le limbe qui forme la circonférence ADB est assemblé avec le centre C par trois règles de fer CA, CD, CB, de deux pouces de large, fortifiées chacune par derrière d'une règle de champ qui en empêche la flexion. Vers le centre de gravité X de la masse entière du quart-de-cercle, est fixé un axe ou cylindre de deux pouces de diamètre fur 5 à 6 pouces de long, perpendiculairement au plan de l'instrument; ce cylindre entre dans une douille, c'est à dire dans un cylindre creux E représenté séparément en EE (fig. 37.); cette pièce qu'on appelle 4 genou, est composée non-feulement d'une douille horizontale EE, mais d'un autre cylindre e, fondu tout d'une pièce avec la douille, & que l'on place verticalement en a sur le pied de l'instrument sur lequel il tourne librement. Pour empêcher que le quart-de-cercle ne sorte de sa place, on applique derrière la douille ou le canon E (fg. 35.) une plaque de fer qui recouvre le tout; cette plaque est arrêtée par une forte vis, qui pénètre dans l'axe du quart-de-cercle, & qui tourne avec cet axe sans lui permettre de sortir de la douille.

Le double genou représenté en VST (fig. 37.) ne fert que dans les cas où l'on veut placer le quart-decercle horizontalement, ou l'incliner à l'horizon pour prendre des angles, sur le terrein.

 H_3

IIS Abbiec masymbolism dire. II.

🤏 🖫 🦞 te das vis de pression au-thilliù de la deuille berimontale E, & à côté de la moulle verticale F, comme on le voit au dessous de p, avec lesqueiles on presse le canon dans la douille intégrant voit fixet le Chart-de-cercle à une hauteur donnée, ou dans un vertical détermi-né, et l'empéciae de tourner.

134. Vers I'un des reyons CB du quest de correle, ett Man une lugerce Galf; c'est une déconvèrse importance Que Mi. Picuid fit in 1007: pour les quarantes cercles : cette havette palle dins une double de cuivre, fixée en G par des réserds ou empattemens, où paffent de feiteus Wh qui l'affujectiffent inforéniablement for la carcaffé de Pinfirament ; à l'autre extrémité M eft is boite du mitrofolette (504), ditée auss par des empettentens. A l'égard du tuyad qui s'étend de G en M, il n'imports othe manière il fait, ce n'est que pour doubes de l'observité dans la lunette: la folidité en est indiffé-Pento; mais celle des deux pièces G, M, qui poècent Dis villes, est effentielle, parce que leur solidire affire bille de l'axe optique de la lunette, qui duit étre exactoîncot pinalièle au plan de l'instrument, de 🍇 premies :

Payon qui passe par le point 2 de 90°.

Yet. Au centre C de l'instrument, est un cylindre du curve chactement tourné, qui porte à son centre un politit thès - délicat & très-fin. Dans de point, on place la pointe d'une aiguille, fur laquelle on fait paller la bouele du fil à plomb; on voit féparément en AA (fig. 34.) le cylindre, ainsi que l'aiguille placée au centre, qui y est supportée par une pièce d'acier a recourbée, ot percée d'un trou, au travers duquel passe l'aiguille pour aller le loger an centre du cylindre. Quand elle y est bien placée, on a soin de la ferrer dans le trou de la pièce a avec une via de preffico qui paroft au-deffus de a. Autour de l'aiguille a, l'on fhit une bouclé avec un cheveu, on un fil d'argent très fin; à cette boucle placée tous contre le cylindre du centre, on l'uspend le fil-à-plomb charge d'un poids que l'on voit en q (fig. 33.); ce fil marque sur la division du limbe le degré de la hauteur à laquelle est dirigée la lunette MG. L'extrémité du cylindre AA (fig. 34.), qui porte le point de centre & la pointe de l'aiguille, doit être un peu arrondie ou con-vexe, pour que le fil a'y éprouve pas un trop grand frottement. On peut auffi mettre à la place de l'aiguille a une vis qui se termine en une pointe très-fine, & qui tourne dans la pièce a, comme dans une espèce

de pont.

334. Autour du cylindre qui porte le centre du quartde-cercle, il y a une plaque de cuivre plus large, ronde, fixée sur la charpente de l'instrument. Sur cette pièce est suspendu le garde-filet CH (fig. 33.); c'est une iongue boîte de cuivre, mince, soutenue vers le centre, autour duquel elle tourne pour se mettre toujours d'àplomb, & contenir le fil à plomb ou le cheveu qui pend du centre pour marquer la division. Ce garde-filet a uno longue porte qui se ferme avec deux petits crochets, pour garantir mieux le fil de l'agitation de l'air; on la voit ouverte sur la gauche. A la partie inférieure H est une boîte plus large: il y a des astronomes qui y placent un vase d'eau où trempe le poids du fil à-plomb, afin que la résistance de l'eau diminue les oscillations & en abrege la durée. La boîte inférieure a une porte Z où est attaché un microscope & une lampe à deux meches; la lampe sert à éclairer le limbe & le fil à-plomb, pour voir sur quelle division il répond; le microscope sert à groffir les points, pour mettre facilement & exactement le fil du quart-de-cercle sur le point que l'on veut.

335. La verge de conduite ou verge de rappel LKI est une addition utile introduite pour mettre le fil sur tel point du limbe que l'on veut; on la voit représentée séparément en IL (fig. 35 & 36.), avec tous ses détails; mais il faut supposer que la partie L (fig. 35.), est placée au - dessus & sur le prolongement de la partie I (fig. 36.) La tringle a trois pieds de long, elle est logée par ses deux bouts dans deux bostes de cuivre I. L. Quand elle est arrêtée en I (fig. 33.), au moyen de la vis de pression a qui l'empêche de glisser dans la boîte 1, l'extrémité inférieure sert de point d'appui: en tournant l'écrou qui est en B, l'on fait monter la boste L, qui est fixée par une pièce ou mâchoire r, derrière le quart-de-cercle, à la règle de champ du limbe, par le moyen d'une cheville qui traverse & la mâchoire & la règle de champ; en faifant mouvoir ainsi la

boîte L, on fait avancer le quant-de cercle.

336. La manière dont l'écrou B est tenu sur la boîte L, parost assez dans la fig. 35. Ceste boste est évidée par en haut; à sa base supérieure est pratiquée une

120 ABRÉGÉ D'ASTRONOMIE, LIV. II.

rainure dans laquelle tourne un écrou, qui y est retenu par le moyen d'un collet, ou qui est seulement rivé pardessous au dedans de la boîte. Cet écrou, qui tient nécessairement à la boîte, avance quand on le tourne sur la vis B qui est à l'extrémité de la verge, parce que celleci est fixée par son autre extrémité; l'écrou fait avancer aussi le quart-de-cercle qui est obligé de suivre la boî-

te L, fixée par la partie r sur l'instrument.

337. A l'extrémité inférieure I de la verge de rappel, on a pratiqué un semblable mouvement, pour que l'observateur qui est occupé à regarder le fil à-plomb en q, puisse faire tourner le quart-de-cercle d'une petite quantité, & le mettre exactement sur celui des points de la division qui approche le plus de la hauteur de l'astre qu'on se propose d'observer. Pour cet effet, la boîte I (fig. 36.), est fixée sur une pièce coudée de fer ou de cuivre f, qui passe dans une autre boste g, & se termine par une autre vis m, qui est prise dans un écrou, arrêté par un collet sur la base de la boîte g dans laquelle il tourne librement; en faisant tourner l'écrou m, on fait avancer la vis, la pièce f & la boste I, dans laquelle est serrée la verge de rappel, par une vis de pression c: cette verge est obligée d'avancer & de faire mouvoir avec elle le quart-de cercle.

338. Le montant ON ou pied du quart-de-cercle est un arbre de fer de deux pouces de diamètre sur 3 pieds & demi de hauteur, il se termine par un carré, qui passe au travers des barres P, P, qui font les traverses du pied. Dans ce carré l'on passe une clavette au-dessous de Q; aussi-tôt que les quatre arcs-boutans R ont été mis en place, on serre cette clavette Q à coups de marteau, cela fait descendre l'arbre NO sur les arcs-boutans, & forme un assemblage ferme & invariable de l'ar-

bre avec ses arcs boutans R & ses traverses PP.

339. Pour caler l'instrument ou le mettre droit, on employe les 4 vis que l'on voit aux extrémités P, P, des traverses du pied; elles sont de cuivre, & ont un pouce de diamètre; elles servent à soutenir le pied de l'instrument, à l'incliner, à rendre son arbre ON exactement vertical, de manière qu'on puisse faire tourner le quart-de-cercle sur son pied sans que le plan cesse d'être vertical, du moins sensiblement. Ces vis portent sur des coquilles de fer, qui servent par leur frottement à em-

pêcher que le quart-de-cercle ne change de place quand on tourne la vis. - can.

340. Le cercle azimutal pb, a 6 pouces de diamètre; il est fixé à une douille de cuivre qui est attachée sur le pied de l'instrument; le canon F du genou porte à son extrémité inférieure une alidade k, qui tourne avec le. quart-de-cercle, tandis que la plaque azimutale est fixe; l'alidade marque par son mouvement le degré d'azimut. ou le point de l'horizon auquel le plan est dirigé, du moins à peu-près.

341. Le limbe ADB du quart-de-cercle est la pièce la plus essentielle, il a deux pouces de large, son épaisseur qui est de quatre lignes est formée de deux lames; une de fer & l'autre de cuivre; il est important que le limbe de cuivre soit bien dressé, & que toutes ses parties soient dans un seul & même plan avec le point du

centre. Pour parvenir à cette opération difficile, on se fert d'une règle qu'on fait tourner autour d'un grand axe, & l'on voit si, malgré son mouvement, l'extrémité de la règle est toujours également proche du limbe dans tous ses points. On peut aussi reconnostre si le limbe d'un instrument est dans un seul & unique plan, en établissant un canal plein d'eau qui parte du centre, & touche la circonférence; on y place une espèce de petite barque, dont le mat est un fil de fer recourbé, & qui

touchant presque le centre & le limbe, indique par sa distance en divers points si tous sont dans le même plan; c'est ainsi que l'on nivelle les grandes méridiennes.

342. Les divisions les plus ordinaires consistent en des points très-fins marqués de dix en dix minutes, mais que je n'ai pu indiquer que de deux en deux degrés dans la figure. Le fil du micromètre M suffit pour tenir lieu des minutes intermédiaires. Lorsqu'on n'a point de micromètre, on divise le limbe en minutes par des transversales que l'on voit dans la figure 38, l'arc AB & l'arc CD étant chacun de dix minutes, & la ligne AC étant divisée en dix parties égales, si l'on tire une transverfale AD avec dix cercles concentriques dans l'intervalle AC, le fil à plomb AC marquera une minute, six minutes, &c. suivant qu'il tombera sur la première intersection a ou sur la sixième f.

343 En Angleterre les quarts-de-cercles mobiles ont une altuade ou lunette mobile; ensorte que le limbesdu

192 Ashbes mastronomies Law II.

quart-de-cercle ne change point, ét que la lunette seule tourne autour du centre, comme dans un quart-de-cercle mural (c'est-à-dire sixé contre un mur), dont les astro-nomes sont aussi un usage fréquent. On se contente alors d'employer un sil à plomb, qui pend sur le dernier point de la division, ou du moins qui est parallèle au rayoù vertical de 90°; quelquesois même on n'y employe qu'un niveau, dont l'usage est plus commode que celui du sil à plomb, sans être moins exact quand le niveau est bien fait; dans ce cas-là on est obligé d'employer un partier.

d'une autre division fut imaginée en 1631 à l'imitation d'une autre division donnée par, Nomius en 1542. L'auteur fut Pierre Vernier, dont on donne le nom à cette partie de nos instrumens. Le vernier est une alidade ou pièce de cuivre AB (fig. 39.) qui glisse sur le limbe d'un quart-de-cercle, & dont les divisions en nombres pairs correspondent à un nombre impair de la division du limbe: si le vernier est divisé en 20 parties égales, il se ta placé sous une portion de 21 parties du quart-de-cercle, il procurera le moyen de diviser chacune de cellesti en 20 parties: en esset si l'on pousse l'alidade d'un vinguième de division, l'on verra concourir la seconde division du vernier avec une division du limbe; & si l'on voit concourir la moisième, on sera certain d'avoir avancé l'atidade de deux parties ou de deux vingtièmes de division,

Do la Mafaro da Temps, 🗟

347. Le folcit étant l'objet le plus frappant de l'univers entier, il a été pris dans tous les siècles & chez tous les peuples du monde, pour la mesure naturelle du remps; les jours marqués par ses apparitions ont été les premières portions de temps qu'on sit entrepris de bompter. Dans la suire les mois lunaires, & ensin les années solaires, out servi à compoer les temps éloignés, comme les heures ont été introduises pour subdiviser les jours, & exprimer les petits intervalles de temps.

Tous ces intervalles sont supposés d'abord égaux entre eux : les 24 librires du jour sont 24 intervalles égaux , les heures d'aujourd'auj daivent êne égales à celles

d'hier, & le mouvement diurne du soleil autout de la cerre, qui se partage on a4 parties égales, doit être supposé uniforme pour sommer cous les jours 24 portions égales, dont chacune répond à 15° de l'équateur ou de l'angle au pole (202;)

Ce changement diurne est produit, comme nous le ferons voir bientôt, par la rotation de la terre autour de son axe, rotation qui oft supposée uniforme, parce que l'on n'a point encore apperçu de phénomènes qui puissent y dénoter: quelque inégalité, on la suppose même parfaite. ment égale, soit pour le temps où nous sommes; soit pour les siècles passés.

346. Le soleil, par son mouvement propre d'occident vers l'orient, avance tous les jours d'environ un degré ou 59/8", par rapport aux étoiles fixes (61, 307.), ainsi quand une étoile qui avoit passé au méridien à midi & avec, le soleil, paroît avoir fait le tour du ciel, & qu'elle est revenue au méridien le jour fuivant, le foleil n'y est pas encore, ayant avancé d'un degré vers l'orient; il est éloigné de l'étoile, se par conséquent du méridien d'un degré, & comme il lui faut environ 4 mis nutes de temps pour parquitir un degré (202), par le mouvement diurne, le soleil passers par nouve méridien 4' plus tard que l'étoile, ou si l'an veut, l'étoile y pass sera 4/ plutôt que le soleil; car le soleil étant l'objet le plus frappant, c'est à lui que nous rapportons tout, c'est son retour qui fait nos 24k; & nous disons que les étoisles reviennent au méridien en 23^h 36/3 tandis que le soleil y revient au bout de 24 heures. Les horloges à pendule, qu'on appelle souvent par abréviation des Pendules, & dont on se sert dans la fooiété, font réglées sur le moyen mouvement du soleil, marquent les heures folaires moyennes, c'est-à-dire, qu'au bout de chaque année ces horloges doivent se retrouver d'accord avec le soleil. comme elles l'étoient au commencement de l'année, & tous les jours marquer 23h 56/, dans l'intervalle du passage d'une étoile par le méridien au passage suivant. La plupart des astronomes règlent les leurs de même, asin que l'horloge puisse indiquer toujours à peu-près l'heure qu'il est, pour les usages de la fociété, & donner à peu-près le temps vrai des différentes observations qu'ils ont à faire. Cependant les étoiles étant fixes, tandis que le soleil avance ou parose avancer tous les jours

124 ABREGE D'ASTRONOMIE, LIV. II.

d'un degré, plus ou moins, le retour de l'étoile au méridien seroit une mesure bien plus fixe, bien plus égale que le retour du soleil; c'est le retour de l'étoile qui nous indique le mouvement entier de la sphère & la rotation complete de la terre; aussi y a-t-il eu des astronomes célèbres, tels que M. de l'Îsle, M. de la Caille, qui régloient leurs horloges sur les étoiles, & qui pour cola les faisoient avancer de 4' tous les jours sur le soleil. Ils y trouvoient un avantage, c'est que quand il s'est écoulé une heure sur cette horloge, on est sûr qu'il a patlé par le méridien 15^d de la sphère étoilée, & l'on a ainti les différences d'ascension droite entre les astres qu'un observe, en convertissant à raison de 15° par heure les temps qu'on a observés entre leurs passages; c'est ce que nous appellons le temps du premier mobile, dont une heure fait toujours 15° du ciel par le mouvement diurne a commun, qu'on appelloit autrefois le Premier mobile.

tientes du premier mobile, puisque le soleil emploie 4/ de plus qu'une étoile à revenir au méridien; parlons d'atient des heures solaires moyennes, c'est-à-dire de celles ens le toieil indique quand on fait abstraction des inégales de ton mouvement (308); nous parlerons bientôt actif des heures tokures vraies, qui n'ont pas la même

we.formite (362).

que o 24 heures répondent à 360° 59′ 8″, puisque o 24 heures tolaires moyennes, non-feulement l'étoile revient au méridien, ce qui complette les 360°; mus le toleil lui-même, qui avoit fait 59′ 8″ en fens contraire, y arrive à fon tour, ce qui termine les 24 heures folaires moyennes. Une horloge réglée fur les 24 heures n'indique plus 15° par heure, mais 15° 2′ 8″, qui est la 24e partie de 360° 59′ 8″, & ainsi des autres parties du temps; c'est ce qu'on appelle convertir les beures solaires moyennes en degres; on trouve une table pour cet esfet dans la Connoi l'ance des Temps de chaque année, & elle est d'un usage continuel pour les astronomes dont les horloges suivent les heures solaires moyennes; car ils obtervent les differences d'ascension droite d'un astre à l'autre, en prenant pour chaque heure de leur horloge 15° 2′ 8° de la sphère étoilée.

340. Les horloges reglees sur les heures du premier mobile, & qui suivent le mouvement diurne des étoiles,

ou la rotation véritable de la terre (346), avancent tous les jours de 3/56// à midi moyen, sur le moyen mouve-ment du soleil, & ne marquent jamais l'heure du soleil, si ce n'est le jour de l'équinoxe: on trouve un avantage dans cette manière de régler une horloge, c'est que les étoiles passent tous les jours au méridien à la même heure comptée sur l'horloge, au lieu qu'elles y passoient 3' 56" plutôt sur les autres horloges, mais ce plutôt étoit relatif au soleil, sur lequel l'on a coutume de régler les horloges ordinaires; c'est une extrême facilité pour ceux qui observent beaucoup d'étoiles au méridien, que d'appercevoir d'un coup d'œil sur l'horloge quelle est l'ascension droite de l'étoile qui va passer; mais aussi l'on y trouve l'inconvénient d'être obligé de faire une règle de trois pour savoir quel est le temps vrai de chaque observation, & pour se préparer à observer le passa-

ge du soleil & de chaque planète au méridien.

350. L'accélération diurne des étoiles fixes est la quantité dont une étoile précède chaque jour le soleil, comptée en temps solaire moyen, à l'instant où l'étoile passe au méridien; c'est la quantité dont il s'en faut alors que le soleil ne soit arrivé au méridien, ou le temps qu'il lui faut pour parcourir encore les 59' 8" dont il avance vers l'orient, par rapport à l'étoile en 24 heures solaires moyennes. Cette accélération se trouve en faifant cette proportion: 360, 59/8"; sont à 24h, comme 360° sont à 23h 56' 4", 098 (a); temps que l'étoile emploie à décrire les 360° ou à revenir au méridien; pour aller à 24h, il reste 3' 55" 902, c'est l'accélération diurne des étoiles. Les 59'8" que je viens d'employer pour le mouvement diurne du soleil sont moindres de 0", 1264, que le mouvement qu'on emploie dans les tables astronomiques de 59/8" 3305, par rapport aux équi-noxes, parce que dans le calcul de l'accélération, c'est le mouvement par rapport aux étoiles dont on doit faire usage, & celui-ci est plus petit, parce qu'il est la différence entre le mouvement du soleil & celui des étoiles (320).

⁽a) Les chiffres que nous plaçons quelquesois après les secondes sont des fractions décimales, dixièmes, centièmes, millièmes, &c. de fecondes.

126 ABREGA D'ASTRONOMIE, Liv. II.

351. L'horloge réglée sur les étoiles fixes ou sur le premier mobile, marque toujours oh o' d' au moment où l'équinoxe passe au méridien, & marque toujours l'ascention droite du point culminant (177), c'est-à-dire, du point de l'écliptique qui est dans le méridien, réduite en temps à raison de 15d par heure; ainsi au moment que le soleil est dans le méridien, l'horloge des étoiles marque l'ascension droite du soleil en temps, & il suffit, pour savoir quelle heure elle marquera chaque jour à midi, de convertir en temps l'ascension droite du soleil pour ce jour-là. On trouve chaque année dans le Livre de la Connoissance des Temps, une colonne qui a pour titre, Distance de l'équinoxe au soleil, & qui n'est autre chose que le complément à 24 heures de l'ascension droite du soleil; il suffira donc à ceux qui auront ce livre entre les mains, de prendre chaque jour le complément à 24 heures de la distance de l'équinoxe au soleil, & ce sera l'heure de l'horloge à midi. Ainsi, le premier Janvier la distance de l'équinoxe au soleil est 5h 11' (233), son complément est 18h 49', c'est l'heure que l'horloge doit marquer à midi, ou plutôt 6h 49', puisque dans l'usage on ne met que 12 heures sur les cadrans.

352. Les heures solaires vraies différent aussi des heures solaires moyennes, mais la différence ne va jamais au delà de 30 secondes; nous en parlerons après avoir expliqué la différence qu'il y a entre le temps moyen &

le temps vrai (362).

Trouver le Temps vrai d'une Observation.

353. Après avoir vu le moyen de chercher l'heure vraie du midi, par des hauteurs correspondantes du soleil (322), l'on aura aisément l'heure vraie de toute autre observation: je suppose que l'on ait trouvé par cette méthode que le premier Janvier une horloge marquoit à midi ob 3' 57", & que le lendemain ou le 2 Janvier on ait encore trouvé par la même méthode, que l'horloge marquoit ob 4' 45" à midi, c'est-à-dire 48" de plus que la veille; dans ce cas-là on voit que l'horloge avançoit de 48" par jour sur le soleil, elle faisoit 24h & 48", tandis qu'elle ne devoit faire que 24h o' o" juste, par rapport au temps vrai. Supposons actuellement qu'on ait observé le soir un phénomène céleste, par exemple, le

commencement d'une éclipfe, lorsque l'horloge marquoit 9h 30' 57/1, il s'agit de savoir quel est le temps vrai qui répond à cette heure de l'horloge; on prendra d'abord la différence entre oh 3/57" & 9h 30/57", & l'on trouvera que l'éclipse est arrivée 9^h 27' 0" plus tard sur l'horloge que le midi vrai. Mais puisque l'horloge avance de 48^H par jour ou pendant qu'elle marque 24h 0/ 48", on fera cette règle de trois: 24h 0/ 48" sont 2 48", comme oh 27' of dont l'observation est arrivée plus tard sur l'horloge que le midi de l'horloge, sont à 19", quantité dont elle a dû avancer entre midi & l'observation dont il s'agit; on ajoutera ces 19" avec oh 3/57/ que marquoit l'horloge à midi, puisque l'avancement augmente d'un jour à l'autre, & l'on aura 0h4/16/ quantité dont l'horloge avançoit à l'heure de l'observation; c'est ce qu'il faut ôter de l'heure qu'elle mazquois au moment de l'observation; c'est-à-dire, 9h 30/57//; & il reste 94 26/41" pour le temps vrai cherché.

354. Il est indifférent pour les astronomes que l'horloge soit à l'heure ou n'y soit pas, que les heures en soient plus longues ou plus courtes que les 24 heures du soleil; que l'horloge marque l'heure qu'il est, ou qu'elle ne la marque pas; la méthode que nous venons d'indiquer, fait trouver dans tous les cas la quantité dont l'horloge avance ou retarde au moment de l'observation, & les astronomes n'ont pas besoin d'autre chose. Tout ce qu'on suppose nécessairement dans ce calcul, o'est l'uniformité du mouvement de l'horloge; si dans 24 heures elle avance de 48", il faut que dans 12 heures elle avance de 24", sans quoi l'uniformité ne s'y trouveroit plus, & son mouvement ne pourroit plus servir à mesurer le mouvement diurne des astres qui est uniforme, ou du moins que l'on suppose tel (245).

De l'Equation du Temps.

355. Jusqu'ici nous n'avons parlé que du TEMPS VRAI ou temps apparent que nous observons par des hauteurs correspondantes, du temps qui est marqué par le soleil sur nos méridiennes & nos cadrans, & qui s'emploie dans les dissérens usages de la société, aussi-bien que dans l'astronomie. Nous avons supposé que le soleil revenoit au méridien au bout-de 24^h, & qu'il employoit

et i

h

an faivant, que atronomes dûrent mais en obserme (303), àt que le foleil me (303), àt que le temps megale, ne pouvoit pas megale, ne pouvoit pas me foieil n'est pas, à propreme du temps, àt l'heure vraie mais le temps vrai ayant l'avantamiervé en tout temps, nous nous pour passervé en tout temps, nous nous pour passervé en tout temps, nous nous pour printe dans nos

ment une horioge absolument parfaite,
une d'une année auroit continué de marune intiplié, en inarquant midi le premier
a jour de l'aunée, au même infant ou le soile atéridien : entre horiege n'a pas du marunent atti d'une les outres jours intermédiaile foieil, est il faudroit pour cela que le sor été tous les jours avec la même vitesse, ce qui
re point (308).

'endemain, il a décrit 300° en apparence, mais véritablement il a parcouru non-feulement les 300°, qui font une révolution entière de tout le ciel étoilé, mais encore un degré de plus, qui est la quantité dont le soleil s'est avancé vers l'orient panni, les étoiles fixes, dans l'intervalle de son retour au méridien, & qu'il a parcouru de

plus pour arriver au méridien (61, 346).

357. Pour que tous les retours du foleil au méridien fullent égaux, il faudroit que ce mouvement propre du foleil vers l'orient fût tous les jours de la même quantité, c'est-à-dire, de 50' 8"; mais à cause des inégalités dont nous avons parié, il arrive qu'au commencement de Juillet le soleil ne fait que 57' 11" par jour vers l'orient, & qu'au commencement de Janvier il fait 61' 11", c'est-à-dire, 4' de plus qu'au mois de Juillet, le long de l'écliptique par son mouvement propre. Telle est la première cause qui rend les jours inégaux; l'on compte toujours 24 heures d'un midi à l'autre, mais

fait 61/11", que quand il n'aura fait que 57/11" vers l'orient, parce qu'il sera obligé de parcourir 4 de plus par le mouvement diurne d'orient en occident avant que d'arriver au méridien.

358. A cette premiere cause qui dépend de l'inégalité du mouvement solaire dans l'écliptique: il s'enjoint une autre qui dépend de la situation de l'écliptique: il ne fuffit pas que le mouvement propre du soleil sur l'écliptique soit égal pour rendre les jours égaux, il faut que ce. mouvement soit égal par rapport à l'équateur & par rapport au méridien où il s'observe; la durée des 24 heures dépend en partie de la petite quantité dont le soleil avance chaque jour vers l'orient; mais cette quantité devroit être mesurée sur l'équateur, parce que c'est autour de l'équateur que se comptent les heures; ce n'est donc pas: seulement son mouvement propre qu'il faut considérer par rapport à l'inégalité des jours, mais c'est ce mouvement rapporté à l'équateur; & si le soleil avoit un mouvement tel qu'il continua de répondre perpendiculairement au même endroit de l'équateur, l'équation du temps' n'existeroit point, puisque les retours au méridien seroient égaux.

359. Soit O le soleil (fig. 21.), SB le méridien auquel le soleil doit arriver lorsqué le point O sera plus avancé, & que le point Q de l'équateur sera arrivé au point A du méridien, ensorte que OQ soit un cercle horaire qui à midi sera confondu sur le méridien SA; quelle que soit la longueur de l'arc OS de l'écliptique, cet arc n'emploira à passer que le temps qui est mesuré par l'arc AQ de l'équateur, c'est-à-dire, que si l'arc AQ est d'un degré, il faudra quatre minutes à l'arc SO. grand ou petit, pour traverser le méridien; sa ficuation oblique ou inclinée, peut rendre sa longueur OS plus grande que celle de l'arc AQ; sa distance à l'équateur peut aussi faire que l'arc OS soit plus petit que l'arc AQ, parce qu'il est compris entre deux cercles de déclinaison SA & OQ, qui sont perpendiculaires à l'équateur EAQ; & qui vont se rencontrer au pole, ensorte que leur distance est moindre vers Q que vers Q; mais c'est toujours l'arc AQ, de l'équateur qui règle le temps employé par le soleil à venix du point O jusqu'au meridien SAB.

gaux les retours du foieil au méridien, concegaux les retours du foieil au méridien, concean aleil moyen & uniforme qui tourne dans l'éar, de manière à faire chaque jour-59 8' (307),
goo' en même temps que le foleil par fon mouvegoo' en même temps que le foleil par fon mouvegoo' en même temps que le foleil par fon mouvegoo' en même temps que le foleil par fon mouvegoo' en même temps que le foleil par fon mouvegouinoire du printemps au moment où la longieme du foleil est zéro; toutes les fuis que ou
en arrivers au méridien, nous dirons qu'il est
b, & si le foleil vrai se trouve-pus ou moins
forte qu'il sois plus ou moins de midi, nous
la différence fontanton nu l'Emps.

time diene. In de de foieil fe trouvé il moyen qui tourne unis ins l'équateur; icension droite vrate du qui est marquée et le cercle de décimation qui passi r le vras heu du soleil, peut différer de plus de 4 de, de la moyenne, par les deux causes dont nous avous parlé (857, 358); le soleil vrai peut passer un quart d'heure plutôt ou plus tard que le soleil moyen; l'équation du temps va même jusqu'à ob 16640/, ou às peu-près, le premier de Novembre.

Il suit de ces principes que la différence entre l'ascension droite moyenne du soleil & sur ascension droite veale, convertie en nemps, donnera l'equation du tempas mais l'ascension droite moyenne est necessairement de la même quantité que la longitude moyenne, purique l'une & l'autre commencent & sinissent à l'équinoxe, sont toujours proportionnelles au temps, & augmentent chaque jour de 59' 8', ainsi séquation du temps est la différence autre la longitude moyenne & l'ascension droite vrais

du foleit, convertie en temps.

Mais comme nous ne pouvons dens la pratique trouver ceste différence que par une double opération, de d'après deux principes différens (357, 358), il s'enfuit que l'équation du temps à deux parsies; la première est la différence entre la longitude moyenne de la longitude vraie, ou l'equation de l'orbite (308, 497) converne en temps; la seconde est la différence entre la longitude vraie de l'ascension droite vraie, sussi convertie en temps: on trouve des tables de l'une de de l'autre partie jointes à toutes les tables des saleis. jour argiment l'anomalie du soleit, ou sa distance à l'apogée, va jusqu'à 7' 42" de temps lorsque le soleil est dans ses moyennes distances, c'est à dire, à 3 or à 9 si gues d'anomalie moyenne; cette partie est chaque année la même, parce que l'équation du centre est toujours de rei 55 50'30; mais le temps de l'année où elle arrive n'est pas toujours de partie que le soleil arrive chaque année un peu plus tard à son apogée, à cause du

mouvement de cet apogée (944).

La séconde partie de l'équation du temps qui a pour argument la longitude vraie du soleil, va jusqu'à 9/53", 7, lorsque le soleil est vers 46° à des équinoxes; mais comme cette partie dépend de l'obliquité de l'échiptique dont la quantité diminue peu à peu acette partie de l'équation du temps diminue de 0/, or 4 pour chaque seconde de diminution de l'obliquité de l'écliptique, ce qui fait 1" de temps dans l'espace d'environ 71 ans; il seroit aisé de s'en assurer en calculant la différence entre LS & EA (fig. 21.), lorsque ES de 46° 1; car cette différence est alors de 24° 28′ 24″, 8; en supposant l'angle E de 23° 28′ 20″, ce qui fait 9/53″, 7 de temps; on aura une équation plus petite quand on diminuera l'angle E.

La combination de ces deux causes d'équation qui s'augmentent ou se détruisent réciproquement, forme l'équation du temps, qui ne passe jamais 16/12", & qui

est nulle quatre fois l'année.

Cette équation du temps, qui change quelquefois de 30" par jour, fait que les 24 heures solaires vraies different des 24 heures solaires moyennes, tantôt en plus, tantôt en moins, les heures solaires vraies sont plus longues à la sin de Décembre qu'à la sin de Mars de 2 se condes chacune.

Des Paffages au Méridien, du lever & du coucher des Aftres.

le par le moyen de sa différence d'ascension droite entre le soleil & l'étoile: en esset, pour trouver l'heure où l'étoile doit passer, il sussit de savoir de combien elle a suivi le soleil, ou de combien son ascension droite surpasse celle du soleil; si cette dissèrence est de

132 ABRECE D'ASTRONOMIE, ETV. II.

15° au moment où elle passe dans le méridien, on est for qu'il est une heure de temps vrai, qu'il y a une heure que le soleil a passé au méridien, c'est-à-dire que l'étoile passe à une heure; tel est l'esprit de la méthode générale, à laquelle il est nécessaire d'ajouter quel-

ques confidérations.

Toutes les ascensions droites qu'en trouve dans le catalogue des étoiles, & qui y sont exprimées en degrés, minutes & secondes de degrés, étant converties en temps, si l'on en retranche l'ascension droite du soleil, aussi convertie en temps, pour un jour donné l'on aura l'heure du passage de chacune de ces étoiles pour ce jour-là. On a vu en quoi consiste la conversion des de-

grés en temps (202).

364. Soit V (fig. 29.) l'équinoxe du printemps, que je mets toujours à l'occident ou à la droite dans toutes mes figures, M une étoile dans le méridien, V M l'ascension droite de l'étoile en M comptée de l'occident vers l'orient, ou de droite à gauche quand on regarde le midi; Yo l'afcension droite du foleil; Mo leur différence, ou l'ascension droite de l'étoile moins celle du soleil; cette distance Mo du soleil au méridien marque toujours l'heure, ou le temps vrai (201); cette distance est de 15° à une heure, de 30° à deux heures. La figure fait voir que pour avoir l'heure du pasfage au méridien, il fussit de retrancher l'ascension droite du foleil pour le même instant de celle de l'étoile, la différence Mo, distance du soleil au méridien, étant convertie en temps, est l'heure cherchée. Pour éviter les conversions de temps en degrés & de degrés en temps, les astronomes ont coutume d'employer ces ascensions droites du soleil & des étoiles déja réduites en temps.

365. On demande le passage de la Lyre au méridien le premier Mai 1760, compté astronomiquement, c'estadire, le passage qui suivra le midi du premier Mai dans l'espace de 24 heures. Je suppose l'ascension droite apparente de la Lyre pour ce jour-là 277. 12/17/1, qui convertie en temps est de 18h 28/49/1; la distance de l'équinoxe au soleil le 1er Mai à midi, tirée des éphémérides, ou le complément de l'ascension droite du soleil, de 21h 23/51/1: j'ajoute l'ascension droite de la Lyre avec la distance de l'équinoxe, la somme est

39h 53'; j'en retranche 24h qui font un jour entier, & j'ai 15h 53' pour l'heure cherchée. Cette première règle d'approximation pourroit être défectueuse de 4' si l'étoile passoit à 23h, parce que la différence d'ascension droite a été prise pour midi, & non pour 23 heures; c'est à l'heure même où l'étoile est dans le méridien, que la différence d'ascension droite donne le temps vrai; mais le changement n'est pas considérable dans l'espace de quelques heures, si ce n'est pour la lune; dans ce cas on en est quitte pour refaire le calcul une seconde fois, afin

de corriger l'erreur de la première opération.

On se fait quelquesois de ce calcul une idée qui n'est pas exacte: on dit, par exemple, l'équinoxe passoit au méridien le 1er Mai à 21h 24', la Lyre passoit 18h 29' plus tard, donc elle passoit le 2 Mai à 15h 53'. Cela seroit juste, si tous ces temps-là étoient des temps solaires vrais; mais comme ce temps solaire est trop inégal en différens mois de l'année, on préfere de convertir les ascensions droites en temps du premier mobile, & dèslors il n'est pas exact de dire que l'équinoxe passoit au méridien à 21h 24, & que la Lyre y passoit 18h 29' après; il y a quelques minutes de différence, & l'on lève tous les embarras en calculant la différence des ascensions droites pour l'heure même où l'étoile est dans le méridien, comme je l'ai expliqué. Il est vrai que dèslors on suppose connue la chose même qu'on veut chercher, c'est-à-dire l'heure du passage; mais on la suppose connue à-peu-près, & on la cherche exactement; or pour la connoître à peu près, on n'a pas besoin des considérations que je viens de détailler, il ne faut qu'ajouter la distance de l'équinoxe au soleil, & l'ascension droite de l'étoile.

366. L'ANGLE HORAIRE d'un astre est l'angle au pole formé par le méridien du lieu de l'observateur & le cercle de déclinaison qui passe par l'astre dont il s'agit; c'est encore, si l'on veut, l'arc de l'équateur compris entre le méridien & le cercle horaire de l'astre; c'est la distan-Cet angle horaire est essentiel ce de l'astre au méridien. dans les calculs astronomiques pour trouver la hauteur d'un astre à un moment donné, son azimut & son angle parallactique.

Soit QEM l'équateur (fig. 30.). MCD le méridien, M le milieu du ciel, ME l'arc de l'équateur qui mesure

124 Abrica D'Astronomers Liv. II.

l'angle horaire, ou la distance d'une étoile au méridien, comptée d'un passage par le méridien à l'autre, c'est-à-dire d'orient en occident jusqu'à 360'; VO est l'ascension droite du soleil, OM est l'angle horaire du soleil mesuré par le temps vrai donné; on les ajouters pour avoir VM ascension droite du milieu du ciel, dont on ôters l'ascension droite VE de l'étoile, & l'on aura l'arc ME, qui mesure l'angle horaire de l'étoile d'où résulte la règle suivante: le temps prai réduit en degrés, moins la différence des ascensions droites (que est celle de l'astre moins cette du soleil) sera l'angle boraire de l'apre, compté susqu'à 24 beures, & d'orient pars l'occident. Cela revient au même que d'ajouter l'ascension droite du soleil avec le temps vrai réduit en degrés, & d'en ôter l'ascension droite de temps vrai réduit en degrés, & d'en ôter l'ascension droite

te de l'altre, pour avoir l'angle horaire.

367. Lorsqu'une planète ou une étoile est précisément dans l'horizon, fa distance au méridien ou son angle horaire (366) s'appelle are semi-diurne, & c'est la première chose qu'il faut connoître pour calculer l'heure du lever ou du coucher des astres (171). Soit HZO (fig. 31.) la moitié du méridien, HO la moitié de l'horizon, EQ, la moitié de l'équateur, P le pole, Z le zénit; L un attre placé à l'horizon au moment de son lever; ZL sa distance au zénit qui est de 90°; j'entends sa distance apparente, car la dillance au zénit nous paroft augmentée par la parallaxe, & diminuée par la réfraction, dont nous parlerons dans la fuite; PL est la distance vraie de l'astre au pole boréal du monde; c'est le complément de fa distance à l'équateur, ou de sa déclination LA, si elle est boréale; mais c'est la somme de 90° & de cette déclinaison, fi elle est australe. L'arc PZ est la distance du pole au zénit dans le lieu où l'on est, c'est à dire, le complément de la latit. ZE ou de la hauteur du pole PQ; les trois côtés PL, PR & ZL du triangle PZL étant connus, on en peut tirer la valeur de l'angle P par les règles de la trigonométrie sphérique; cet angle P ou ZPL est l'angle horaire de l'astre; c'est sa distance au meridien dans le moment où il se lève, ou son arc sumidiurne; quand l'arc femi-diurne du foleil eft de 8h, on est sur que le soleil se levera à 4h du matin. De même pour trouver l'heure du coucher du folcil, il suffit d'avoir l'arc femi-diurne du foir, c'est l'heure même du coucher du foleil; car si l'arc semi-diurne est de 4h 51, com-

me cela anive le si Décembre à Paris, on est sur que le soleil se couchera à 4h 5'; la raison est évidente: puisque le soleil étant en L dans l'horizon, l'arc semi-diurne EA de l'équateur ou l'arc ML du parallèle mesure Pangle horaire P; ce même angle P marque aussi le temps vrai, donc l'arc semi-diurne est lui-même le temps vrai du coucher du soleil. Ainfi pour calculer exactement le-lever du soleil, il sussit d'avoir la déclinaison pour le moment ou il se leve, & de faire le côté ZL de 90° 32/1, parce que la réfraction horisontale fait parojtre le soleil trop élevé de 321 (744). Sa parallaxe n'étant que 8" 5 peut ici se négliger. A l'égard des planetes & des autres étoiles fixes, il faut connoîtée l'heure du passage au mémaien (363) aussi-bien que la déclinaifon de la planète, & quand on a trouvé l'arc semi-diurne, on l'ajoute avec le passage au méridien pour savoir l'heure du coucher de la planète ou de l'étoile; on le

retranche pour avoir le lever.

368. Les calculs des éclipses, & ceux de beaucoup d'observations, exigent que l'en connoisse la HAUTEUR d'un astre au dessus de l'horizon pour un moment donné; on la trouve en supposant également connues les quantités suivantes, 1°, la distance du pole au zénit, ou le complément de la latitude du lieu; 2°, la distance de l'astre au pole, égale à 90° plus ou moins la déclinalson; 3°, l'anglé Horaire formé au pole du monde par le méridien du lieu, & par le cercle de déclinaison qui pas-se par l'astre; cet angle horaire, quand il s'agit du soleil pour l'après-midi, est égal à l'heure donnée; convertie à raison de 15° par heure; mais pour le matin, c'est son complément à 12h, converti également en degrés. Quand s'agit d'une étoile, c'est l'ascension droite du soleil, moins celle de l'étoile, ajoutée avec le temps vrai réduit en degrés (366). Il faut alors résoudre le triangle PZS (fig. 31.), dans lequel on connoît deux côtes & l'angle compris, favoir le côté PZ, complément de la latitude du lieu, PS complément de la déclinaison de l'astre, & l'angle P compris entre ces côtés, ou l'angle horaire, on trouvera le côté Zs opposé à l'angle connu, dont le complément a 90°, est la hauteur SL de l'astré au-dessus de l'horizon.

369. L'angle formé par le vertical & par le cercle de déclinaison, ou cercle horaire d'un astre, s'appelle quel-

236 Abrédé n'Abyronomie, Lev. II.

quefois angle parallatique, parce qu'il fert principalement à calculer les parallaxes, tel est l'angle FSZ (fig. 31). On peut le trouver en résolvant le triangle FZS avec

les mêmes données.

Dans le même triangle PZS, connoissant l'angle horaire P & les deux côtés adjacens PZ & PS, on trouvera l'angle PZS ou l'angle HZL, qui est l'azimut; il est égal à l'arc LH de l'horizon compris entre le point du midi H & le point L de l'horizon auquel l'astre répond perpendiculairement.

L'AMPLITUDE est l'arc de l'horizon QL, compris entre le vrai point d'orient Q, & le point on se leve l'astre L (175); cette amplitude le trouve de même que l'azimut, puisqu'elle est la différence ou la somme de 90°,

🍂 de l'azimut d'un astre qui est dans l'horizon.

DU SYSTEME DU MONDE.

objets qui ont été les plus discutés parmi les astronomes; cependant elle n'étoit pas dissicle pour de véritables Physiciens: mais la peine que les esprits ont toujours à s'élever au-dessus de leurs anciens préjugés, ensuite le scrupule mal-entendu des Théologiens, ont retardé long-temps le progrès de la lumière; enfin depuis environ un siècle il n'y a pas eu d'astronome un peu distingué, qui se soit resusé à l'évidence du système de Copernie; c'est donc celui-là que j'appellerai le système du monde, & je ne parlerai des autres, que parce que l'histoire des progrès de l'esprit est toujours lié avec l'histoire de ses erreurs.

371. Le système du monde (a) comprend les planètes principales, les satellites & les comètes: les planètes principales sont, 1°, le soleil, ou la terre à la place du soleil dans le système de Copernic; 2°, Mercure; 3°, Vénus; 4°, Mars; 5°, Jupiter; 6°, Saturne: leurs élemens particuliers, ou les détails de chacun, feront la matière du livre suivant; il ne s'agit ici que de leur dis-

⁽a) Ebyquat, Conflicutio, Collettio, c'estai-dice l'arrangement & l'as-

position générale. La lune est réputée un satellite par rapport à la terre; & comme elle a des inégalités d'une espèce toute différente, elle fera seule la matière du livre IV. La théorie des satellites de Jupiter & de Saturne sera expliquée dans le IXe livre, & celle des co-

mètes dans le Xe.

372. Mais avant que de parler de la véritable situation des orbites planétaires, qui pour être connue exigeoit des observations & des réflexions approfondies, nous parlerons de ce qu'il y a de plus apparent & de plus simple à concevoir, & d'abord de l'hypothèse ancienne, imaginée pour représenter le mouvement annuel du soleil; c'est le système suivant lequel Ptolomée & plusieurs anciens astronomes expliquoient la disposition générale du monde; nous viendrons ensuite au système de Copernic, & nous donnerons les preuves des mouvemens réels de la terre, dont il importe au Lecteur d'être bien convaincu, avant que de passer à la théorie des planètes. Le système de Tycho Brahé, postérieur à celui de Copernic, se trouvera réfuté par les preuves même de celui-ci; en-fin, les phénomènes qui résultent du mouvement de la terre, viendront naturellement à la suite des preuves de ce mouvement,

373. Les anciens philosophes qui connoissoient très-peu les circonstances du mouvement des planètes, n'avoient pas de moyens évidens pour connoître la véritable disposition de leurs orbites, & ils varierent beaucoup sur ce sujet. Pythagore & quelques-uns-de ses disciples supposerent d'abord la terre immobile au centre du monde, comme chacun est porté à le croire avant que d'avoir discuté les preuves du contraire; il est vrai que dans la suite, plusieurs disciples de Pythagore s'écarterent de ce sentiment, firent de la terre une planète, & placerent le soleil immobile au centre du monde. Mais Platon fit revivre le système de l'immobilité de la terre; Eudoxe, Calippus, Aristote, Archimède, Hipparque, Sosigènes, Cicéron, Vitruve, Pline, Macrobe & Ptolomée suivirent ce sentiment, (Riccioli, Almagestum, t. II. p. 276, 279.) On peut voir dans Pline, (lib. II. c. 22.) & dans Censorinus, (de die natali, cap. 13.) la manière dont Pythagore appliquoit les intervalles des tons à ceux des distances des planètes à la terre.

the districts officerosours, Liv. II.

tree Postence une accivir certifon l'an 140 de J. C. 🚜 🖙 🖘 regneres muées de l'Empereur Antonin , et reme or . Limite fun aces à ce lyfteme, parce que fon the true décaille qui nous foit parvents w morenne ultrenomie: il effaie de prouver dans deux white it are quivrage que la terre est véritablement summie su centre du monde, & il place les autres pla-Mervenus, le Soleil, Mars, Jupiter & Saturne; fa principule mifon pour placer Mercure & Vénus au-desfous du Soleil, étoit de faivre en cela le système le plus succes, de de placer le Soleil au milieu des planètes, enfin de le placer entre celles qui ne s'en écartent jamais que jusqu'à un certain point (Mercure & Vénus,) & celles qui lui paroiffent quelquefois opposées. Pour ce qui est de l'ordre des trois autres planètes, il penfa qu'elles devoient être d'autant plus près de nous, qu'elles tournoient en moins de temps; cette loi étoit du moins indiquée par l'exemple de la lune, qui tournant beaucoup plus vite que le folcil, étoit évidemment plus près de nous, puifqu'elle éclipsoit si souvent le foleil: il voyoit aufil que Saturne étoit la moins lumineule de toutes les planetes, ce qui la faisoir présumer la plus éloignée, en même temps qu'elle était la plus lente de toutes. C'est à cela que je réduis les neuf raisons apportées par le P. Riccioli dans son Almagestum novum, (T. II. pag. 279.) en faveur de cette partie du système de Ptolomée.

Le système de Ptolomée est représenté dans la figure 40, d'après le IXe livre de l'Almageste de Ptolomée; chaque planète y est marquée sur son orbite par le signe qui lui convient (83); ensorte que cette figure n'a be-

foin d'aucune explication.

375. Platon avoit changé quelque choie au système de Pythagore; plusieurs auteurs disent qu'il mettoit Mercure de Vénus au-delà du Soleil; sa raison, disent ils, étoit que Vénus & Mercure n'avoient jamais éclipsé le soleil; ce qui devoit arriver si ces planètes étoient, aussi bien que la lune, plus basses que le soleil. Ce système sut soutenu par Tiém dans son Commentaire sur l'Almageste, & ensuite par Géer, le seul, entre les auteurs Arabes, qui se soit ecarté du système de Ptolomée.



~375. Les preiners observateurs remarquerent certainement que Vénus ne s'écarooit jamais du soleil que d'environ 45°, mais il étoit très naturel de croiré que si elle cest tourné comme le soieil autour de la terre, elle auroit paru très spuvent opposés au soleil, ou éloignée de lui de 136%; aussi les Byptiens imaginerent que Vénus devois courner autour de foleil comme dans un épicycle, au moyen de quoi ils expliquoient trèsbien pourquoi elle paroissoit plus ou moins brillance dans certains temps, lans jamais cesser d'accompagner le soleil, & il en étoit de même de Mercure. C'est Macrobe qui raconte avec éloge ce sentiment des anciens Egyptiens, (Somn. Scip. lib. I. cap. 19).

377. Ciceron, en faisant parler Scipion sur le systeme du monde, paroît dire que les orbites de Vénus & de Mercure accompagnent & suivent le soleil; bunc ut comites sequentur Veneris alter, alter Mercurit cursus (Somn. Scip.).

Vitruve dit formellement que Mercure & Vénus entourent le soleil, & tournent autour de son centre, ce qui produit leurs stations & leurs rétrogradations apparentes (Archit. lib. IX. c. 4); ensorte qu'on peut le regarder comme un des anciens qui ont soutenu ce sy

stème des Egyptiens.

378. Martianus Capella, auteur que l'on croit avoir vécu dans le cinquième siècle, développe encore mieux ce système, & il y a un chapitre exprès de ses mêlanges, dont voici le titre: Quod tellus non sit centrum omnibus plunetis; il explique très bien dans ce chapitre que les orbites de Vénus & de Mercure n'environnent point la terre, mais seulement le soleil qui est au centre de leurs cercles; que ces planètes sont quelquesois au-delà du soleil, quelquefois en-deçà; que dans le premier cas Mercure est moins éloigné de nous que Vénus; que dans l'autre il est plus loin de nous. Ce système des Egyptiens fut le principe des belles idées de Copernic sur le système général du monde: indépendamment de la preuve tirée de la proximité constante de Vénus au soleil, on y trouvoit l'avantage de rendre raison de ces inégalités appellées stations & rétrogradations, sans la ressource absurde des épicycles.

Le système des Egyptiens est représenté dans la figure 41, tel que nous venons de le décrire; la terre

e40 Annich Markondmia, Liv. IL

est placée au centre de la figure, elle est environace par les orbites de la lune & du soleil; le globe du soleil en décrivant son orbité, est environné & accompagné des orbites de Mercure & de Vénus. Au-dessus du soleil sont les trois autres orbites, placées comme dans le système de Ptolomée (374), & désignées par les carac-

teres dont nous avons donné l'explication (83).

. 279. L'hypothèse des Egyptiens satisfaisoit aux inégalices les plus remarquables de Mercure & de Vénus: à l'égard de Mars, Jupiter & Saturne, il restoit dans ces planètes des inégalités bien étranges à expliquer, soit dans le système de Ptolomée, soit dans celui des Egyptiens. Toutes les fois que ces planètes approchent de leur conjonction avec le foleil, ou qu'elles font dans la même région du ciel, elles ont un mouvement propre (85), prompt & direct, c'est-à-dire vers l'orient, elles paroissent petites & fort éloignées de nous; lorsqu'elles font opposées au soleil ou à 180° de cet astre, elles paroissent plus grosses, plus brillantes, elles paroissent reculer vers l'occident, & leur mouvement propre paroft serrograde (392). Dans les temps intermédiaires, elles sont stationnaires, paroissent immobiles dans le ciel, & d'une grandeur moyenne. Ces inégalités revenant toujours les mêmes toutes les fois que les planètes paroisfoient à même distance du soleil, il sembloit à quelques philosophes que les aspects & les rayons du foleil avoient une force ou une influence qui produisoient dans les planètes toutes ces alternatives, qui étoient en effet toujours les mêmes quand les planètes étoient à même aspett, à même élongation ou distance apparente par rapport au foleil; c'est ce qu'ils appelloient la deuxième inégalité, la première étant de même espèce que celle du soleil. & n'ayant lieu toute seule que dans les oppofitions.

180. Pour que le lecteur pût comparer la simplicité du système de Copernic avec l'absurde complication du système de Ptolomée, il faudroit rapporter l'hypothèse de la seconde inégalité des planètes selon Ptolomée, au moyen de l'épicycle porté sur un excentrique; mais il vaut mieux passer à des choses plus satisfaisantes; il suffira de dire que chaque planète étant en conjonction avec le lieu moyen du soleil, étoit supposée partir du sommet ou de l'apogée de son épicycle; elle employoit

à parcourir cet épicycle tout le temps qui s'observe entre une conjonction moyenne & la suivante, c'est-àdire le temps d'une révolution synodique (454); Saturno un an & 13 jours, suivant les anciens; Jupiter, un an & 219 jours; Mars, deux ans & 59 jours; Vénus, un an & 219 jours; Mercure; 116 jours, tandis que chaque épicycle parcouroit le cercle appellé pour-lors déférent pendant la durée de la révolution périodique de la planète (85, 454).

Je ne parlerai pas des exceptions que ces règles éprouvoient, des suppositions qu'il falloit y ajouter pour expliquer le mouvement des apsides; on trouveroit tout cela, si l'on en étoit curieux, dans le premier tome de l'Almageste du P. Riccioli, expliqué avec un détail im-

mense & une extrême exactitude.

381. Copernic, qui préféroit les cercles concentriques aux excentriques, se servoit d'un premier épicyle pour la première inégalité, & en faisant tourner le centre d'un second épicycle sur la circonférence du premier, il autoit pu exprimer la seconde inégalité; mais on va voir avec quel succès il rejetta celle ti sur le mouvement de la terre.

Toutes les planètes décrivoient leurs épicycles, suivant les anciens, précisément dans l'intervalle de temps qu'il leur falloit pour revenir en conjonction avec le soileil. La séconde inégalité paroissoit donc dépendre du soleil; ainsi elle dut inspirer l'idée d'examiner si un œil placé dans le soleil ne pourroit pas voir les choses dans un ordre plus simple, & si le soleil ne seroit pas le véritable centre de tous ces mouvemens, qui avoient tant de rapport avec lui; on avoit eu recours à cet expédient pour sauver les inégalités de Mercure & de Vénus, il étoit naturel d'y recourir pour les autres planètes.

Du Système de Copernic.

382. Ce fut l'embarras que trouva Copernic dans les hypothèses des anciens pour expliquer la seconde inégatité des planètes (380), qui lui sit souhaiter de pouvoir les simplisser, ou en imaginer une qui fût moins absurde & moins compliquée; il nous apprend dans la présace de son livre de Revolutionibus Orbium, que dans cette intention il avoit commencé par lire tout ce qu'il avoit pu

ber Abrechendanthomogenes Liv. II.

trouser làs defins dans les anciens philosophes, pour fisseir s'il n'y en avoit aucun qui eût attribué à la sphère d'autres mouvemens que ceux dont en parient depuis fi long-temps dens les écoles; voici ce qu'il y trouva de

plus remarquable.

Cicéron dit que Nicetas de Syracule, su rapport de Théophraste, avoit pensé que le ciel, le soleil, la lune. les écoiles, ne soumoiest point chaque jour autour de la terre, mais que la terre feule tournant fur fon axe aves use très-grande vitelle, faifoit puroltre tout le reste en mouvement. Plumque raconte audi que Philoleus, le Pychagoration voctors que la terre est un mouvement anmuel autour du foicil dans un cercle oblique, tel que ceha qu'on attribuoit au foleil. Henciste de Pont, & Essaurar Pythagoriciea, armbuojent, à la vérité, un mouvement à la terre, mais seulement sur son axe, femblacle à ceiui d'une roue. Heraclide & les autres Pythagoricieus foutenoueux que chaque étoile étoit un monde qui tvoir, comme le nôtre, une terre, une atmosphère de une etendue ramente de matière éthérée: Ariftote (de come, de. 12. cap. 13.) dit aufli que les philosophes d'Imbe appelles Praeugaricieux, plaçoient le feu au milies de l'univers, et mettoient la terre au nombre des misuères qui toussorient autour du foleil comme leur gen-CUE COCHEMIE.

37. Drogere Lacree dans la vie de Philolaiis, dit que les uns lui attribucient la première idée du mouvement de la terre, de que les autres l'attribuoient à Nicetas: Philoiaus avon ere disciple de Pythagore, & vivoit enveron 150 ans avent J. C. On peut ajouter à ces idées fublisses des plus anciens philosophes, les passages où Seceque explique de la manière la plus philosophique. les retrogradations des planètes; a il s'est trouvé des philotophes qui nous ont dit, vous vous trompez, encroyent qu'il y sie des affres qui rétrogradent & qui s'arrêtent, cette bifarrerie ne peut avoir lieu dans les corps celettes; ils vont du oôté où ils ont été jettés; als ne tutpendene jamais leur cours, ils ne changent jamais leur direction; pourquoi donc paroiffent-ils quelquetois retourner en arrière, c'est le soleil qui en est cauté: leurs orbes ou leurs cercles font placés de manière à nous tromper dans certains temps; tout ainti qu'on croit souvent immobile un vaisseau qui va



w pourtant à pleines voiles ". (Sen ques, nat, d. VII. c. 25 & 26: }

Des autorités si positives donnerent, de la consiance à Copernic, & lui firent. admettre d'abord le mouvement diurne, ou le mouvement de rotation de la terre sur son axe; ce simple mouvement retranchoit de la physique des centaines de mouvemens à chaque jour; la simplicité de cette hypothèse suffisoit pour la rendre vraisemblable, & c'est une véritable démonstration pour tout housme qui veut s'affranchir des préjugés de son enfance.

384: En effet, quand on voit cette concavité immenle de tout le ciel remplie d'une multitude d'étoiles, qui sont toutes à des distances prodigienses de nous des planètes, qui ont toutes des mouvemens contraires à ce mouvement de tous les jours; quand on réfléchie à la perireffe de la terre, en comparaison de coutes ces énorines distances; il devient impossible de concevoir que teut cela puisse tourner à la fois d'un mouvement commun; régulier & constant en 24 heures de temps, aucour d'un atôme tel que la terre. Non-seulement le mouvement diutilitide tous les astres en 24 heures autour de la terre est une chose peu vraisemblable, j'est dire qu'elle est absurde, & qu'il faut être aveuglé par le préjugé ou l'ignorance pour pouvoir se prêter à cette idée. Toutes ces planères qui sont à des distances si différentes, & dont les mouvemens propres sont si différent les uns des autres: toutes ces confètes qui semblent n'avoir presque aucune ressemblance avec les autres corps cé, lestes; toutes cestétoiles fixes que les lunettes nous font voir par millions dans toutes les parties du ciel tous ces corps, dis-je, qui n'ont aucun rapport les uns avec les autres, qui different tout autant que le ciel & la terre, appi sont indépendent l'un de L'autre, & à des distances que l'imagination a peine à concevoir, se réunizoient donc pour tourner chaque jour tous ensemble, & comme tout d'une pièce, autour-d'un exe-ou esseu, lequel même change de place. Cette égalité dans le mouvement de tant de corps, si inégaux d'ailleurs à tous égards, devoit seule indiquer aux philosophes qu'il n'y avoit rien de réclidans les mouvemens diurnes, & quand on y résléchit, elle prouve la rotation de la terre d'une manière qui ne laisse point de foupçon, & à laquelle il o'y a point de replique.

144 ABRICE D'ADTRONOMUS, LIV. II.

Enfin, depuis qu'à l'aide des lunettes, nous voyons sans aucune espèce d'incertitude le Soleil & Jupiter tourner sur leur axe (970), il est encore plus difficile de révoquer en doute la rotation de la terre, qui est inconvoquer en doute la rotation de la terre, qui est inconvoquer en doute la rotation de la terre, qui est inconvoquer en doute la rotation de la terre.

testablement moins grosse que le soleil.

287. Les anciens étosent obligés de supposer des sphéres solides & transparentes comme le crystal, où ils enchassoient tous les astres, & ils faisoient courner ces culottes sphériques les unes dans les autres; le P. Riccioli même est obligé d'y avoir recours (Almag. non. Jr. 288.) 'Mais depuis qu'on a vu les planètes le rapprocher visiblement de nous, & s'en éloigner ensuite; depuis qu'on a vu des comètes descendre si près de la terre, & remonter ensuite à perte de vue, les cieux folides font une absurdité démontrée; il devient donc également absurde de supposer que le foleil entier puisse tourner tous les jours & tout à la fois, tandis qu'il est composé de tant de milliers de pièces détachées, fans qu'aucune paroisse jamais recevoir plus ou moins de mouvement que les autres, même en décrivant des cercles qui sont tous de grandeurs différences, à moins qu'on n'y applique des intelligences conductrices, occupées sans cesse à empêcher l'effet des loix du mouvement qui font établies d'ailleurs dans toute la nature,

386. Le P. Riccioli oppose à tout cela des passages de l'Ecriture-Sainte, où il est dit que le soleil se leve de se couche (410). Il propose ensuite 77 argumens contre le mouvement de la terre, de résute 49 argumens qu'il suppose que l'on peut faire en faveur du système de Copernic: de toutes les preuves qu'il produit contre le mouvement de la terre, les seules qui me paroissent mériter quelque considération, se rédusent toutes à l'argument de Prolomée, (Almag. lib. L.) que

Buchapan a exprimé dans les vers luivans;

Ipfie etiam volucres transntes sera leul
Remigio alarum, celeri vernigine turm
Abreptas gemerent fylvas, nidolque tenellà
. Cum fobolo, de cum forfan cum conjegua sec de
Auderet zephino folus committere surtur. Sphara. L. L.

Les offeaux dans les airs, verroient la terre & les forêts fuir sous leurs pieds; ils verroient leurs nids, leurs



leurs petits, & peut-être leurs femelles, entraînés par le mouvement diurne de la terre vers l'orient; la tour-

terelle n'oseroit jamais s'éloigner de la surface de la

n terre par la crainte de perdre sa demeure".

387. Copernic, (L. I. c. 8.), Képler, Ptolomée lui-même, y avoient déja répondu; il est impossible que des corps terrestres, & que l'atmosphère de la terre, qui depuis tant de siècles tiennent à la terre, & tournent avec elle, n'en aient pas reçu un mouvement commun, une impression & une direction communes; la terre tourne avec tout ce qui lui appartient, & tout se passe sur la terre mobile comme si elle étoit en repos. Il est étonnant que Tycho, le P. Riccioli, & tous ceux qui ont répété le même argument sous tant de formes différentes, n'aient pas sçu que lorsqu'on joue aux boules ou au billard dans le vaisseau qui va le plus vste, le choc des corps s'y fait avec la même force dans un sens que dans l'autre, & que lorsqu'on jette une pierre du haut du mât d'un vaisseau en mouvement, elle tombe directement au pied du mât, comme quand le vaisseau étoit en repos: le mouvement du vaisseau est communiqué d'avance au mât, à la pierre, & à tout ce qui existe dans le vaisseau, ensorte que tout arrivé dans ce navire comme s'il étoit immobile: il n'y a que le choc des obstacles étrangers qui fait qu'on en apperçoit le mouvement lorsqu'on est dans le navire; mais comme la terre ne rencontre aucun obstacle étranger, il n'y a absolument rien dans la Nature, ni sur la terre, qui puisse par sa résistance, par son mouvement, ou par son choc, nous faire appercevoir le mouvement de la terre. Ce mouvement est commun à tous les corps terrestres; ils ont beau s'élever en l'air, ils ont reçu d'avance l'impression du mouvement de la terre, sa direction & sa vîtesse, & lors même qu'ils sont au plus haut de l'atmosphère, ils contimuent à se mouvoir comme la terre. Un boulet de canon qui seroit lancé perpendiculairement vers le zénit 💞 retomberoit dans la bouche du canon, quoique pendant le temps que le boulet étoit en l'air, le canon ait avancé vers l'orient avec la terre de plusieurs lieues; (il doit faire six lieues & un quart par minute, sous l'équateur): la raison en est évidente; ce boulet en s'élevant en l'air, n'a rien perdu de la vstesse que le mouvement de la terre lui a communiquée; ces deux impressions ne sont point

146 Abrice D'Astronomie, Liv. II.

contraires; il peut faire une lieue vers le haut pendant qu'il en fait six vers l'orient; son mouvement dans l'espace absolu est la diagonale d'un parallélogramme, dont un côté a une heue, & l'autre six, il retombera par sa pesanteur naturelle, en suivant une autre diagonale, & il retrouvera le canon qui n'a point cessé d'être situé, aussi bien que le boulet, sur la ligne qui va du centre de la terre jusqu'au sommet de la ligne où il a été lancé.

388. Pour que le boulet restât en l'air sur une même ligne perpendiculaire au point d'où il étoit parti, fans tourner avec la terre, il faudroit qu'il y cut une caufe en l'air qui détruisse l'impression générale que ce boulet avoit reçue par le mouvement de la terre; mais nous n'en connoissons aucune; le boulet doit donc continuer de tourner autour du centre de la terre, lors même qu'il s'en éloigne par l'impulsion de la poudre: la première & la plus générale des loix du mouvement, est qu'un corps déterminé une fois à le mouvoir dans une direction, continue uniformément & fur la même ligne, s'il n'y a pas de caufe qui retarde ou anéantiffe fon mouvement; cette loi s'observe & se vérifie par-tout; il n'est donc pas éronnant que les oiseaux, les nuages, les boulets, continuent d'avoir le même mouvement que la terre, lors même qu'ils s'en éloignent.

mouvement de la terre, tout ce qui est éloigné de la terre nous fait appercevoir ce mouvement : nous sommes sur un vaisseau qui se meut paissiblement sans que nous nous en appercevions, mais celui qui est sur le vaisseau voit les côtes & les villes s'éloigner de lui, provehimur portu, terraque urbesque recedunt; nous voyons de même les planètes, les étoiles & tout le ciel sans aucune exception, se mouvoir du même sens, & tout ce qui est hors de la terre nous avertit de notre mouvement.

Gopernic aucune espèce d'argument, nous avons au contraire une preuve bien physique & bien démonstrative de sa rotation diurne, par la diminution de pesanteur des corps qui sont sous l'équateur; diminution qui est proportionnelle à la force centrifuge qui nast de la rotation de la terre, (816, 1011) & qui produit la figure aplatie de la terre, qui est encore une autre preuve du mouvement diurne. L'aberration des étoiles (783), & l'at-

traction universelle dont nous donnerons tant de preuves dans le livre XII. sont encore des démonstrations physi-

ques & positives du mouvement de la terre.

391. Le mouvement diurne de la terre sur son axe une fois admis, il devenoit plus façile d'admettre un second mouvement de la terre dans l'écliptique; celui-ci étoit indiqué par le phénomène des stations & des rétrogradations des planètes (380), qui deviennent de pures apparences, quand on admet le mouvement de la terre, & qui sont des singularités inexplicables dans chaque planè-

te, lorsqu'on suppose la terre immobile.

392. C'est un phénomène observé dès le temps d'Hipparque dans toutes les planètes, qu'après avoir paru se mouvoir quelque temps d'occident en orient, suivant l'ordre des signes, elles s'arrêtent peu-à-peu & rétrogradent ensuite (379). La rétrogradation de Saturne dure environ 136 ou 140 jours sur une année, ou plutôt sur un retour à sa conjonction; celle de Jupiter 118 ou 122; celle de Mars, entre 59 & 79; celle de Vénus 42 ou 44; celle de Mercure 22 jours sur 115 que dure la révolution synodique. L'arc de rétrogradation est de 6 à 7°. pour Saturne, de 10° pour Jupiter; il va de 10 à 19° pour Mars, il est de 16° pour Vénus, il est entre 9 & 16° pour Mercure. Ces rétrogradations reviennent toutes les fois que les planètes se trouvent en conjonction avec le soleil, c'est-à-dire, qu'elles dépendent du mouvement annuel du soleil. Pour les expliquer dans le systême de Ptolomée, il falloit faire mouvoir chaque planète dans un épicycle par un mouvement qui dépendoit de la longueur de l'année, & qui étoit différent de chaqué, planète (380). Toute cette complication disparost dans le système de Copernic; ainsi cet astronome devoit être bien plus porté à l'admettre que les anciens Pythagoriciens, qui ne connoissoient pas ces inégalités des planétes; & ce fut en effet la première raison qu'eut Copernic de chercher vers l'an 1507 d'autres hypothèles que celles de Ptolomée, pour expliquer les mouvemens planétaires: son livre parut en 1543, & des le temps de Galilée & de Képler, en 1600, tout de qu'il y avoit de plus habile dans l'astronomie, étoit du même sentiment que Copernic, & ne doutoit plus du mouvement de la terre: tous les progrès que l'on a fait ensuite dans l'astronomie ont produit sur cette matière de nouvelles démonBrations; il n'y a plus aucune raison de douter, m'aucune objection raisonnable à faire contre le mouvement de la terre

1933. Le fystème de Copernic est représenté dans la figure 42; le soleil est au centre du monde; les planètes tournent autour de lui dans l'ordré suivant; l'érecure, Vénus, la Terre, Murs, Jupiter & Saturne, à des diffeuces du soleil qui sont entrelles, comme les nombres 4, 7, 10, 15, 52 & 95, quaiqu'on n'ait pas obfirmé ces proportions dans le figure. Ces nombres, qui sont les plus samples & les plus faciles à retenir, sont une le plus de trois millions de lieues, de 25 au dégré, ou de 2263 toises chemes; on venu bienent la manière de trouver ces diffeues (150). On voit dans la même figure que la seme est environnée par l'orbite de la lune qu'elle entituire avec elle, sint que jupiter est enteuré par les quibles de ses successes, de Saturne par 5 autres sa utilités, dans mon pulleurs dans le IXe livre.

rententi de l'englication des phénomènes qui résultant de ce sufficie (422), sprès que celui de Tycho rente dans l'accolina de démonstrer encore mieux la rente de sufficie de Capenie, qui sera la base de tout

It will be on consult.

Pa Suller & Trade-Brak.

The serious de fysième de Tycho qu'après de l'autre de Tycho a du rapce de l'autre de Tycho a du rapce de l'autre de Tycho a du rapce de l'autre de l'autre de l'autre
l'autre de l'autre de l'autre de l'autre
l'autre de l'autre des l'autre de l'autre
l'autre de l'autre des les deux les cinq plales de l'autre de

in the set of the course fur la comète de 1577, in the set of the course fur la comète de 1577, in the set of the lettres attronomiques, & qui in the complete de la la complete de la com

au centre de la figure; elle est environnée d'abord par l'orbite de la lune, & ensuite par celle du soleil. Autour du soleil S, comme centre, sont décrits cinq autres cercles pour représenter les orbites de Mercure, de Vénus, de Mars, de Jupiter & de Saturne; & le soleil accompagné de toutes ces orbites, est supposé tourner autout de la terre T, qui est cependant beaucoup plus près de lui que les orbites de Jupiter & de Saturne. Je n'ai point représenté dans cette figure les satellites de Jupiter & de Saturne, de même que je n'ai point observé les proportions qui ont lieu dans les grandeurs des orbites, pour ne pas faire une trop grande figure.

395. Le système de Tycho-Brahé avoit été déja soutenu, du moins en partie, par les Egyptiens (376). Tycho ayant reconnu comme eux que Vénus & Mercure tournoient évidemment autour du soleil, crut qu'il en pouvoit être de même des trois autres planètes; la conclusion étoit assez naturelle, elle rendoit uniforme les hypothèses de toutes les planètes, & supprimoit tous les épicycles de la seconde inégalité, par le seul mouvement

du soleil.

Tycho-Brahé avoit une raison de plus pour soutenir ce système; Copernic avoit démontré 50 ans avant lui; que l'on expliquoit de la manière la plus naturelle & la plus simple les phénomènes bizarres & singuliers des stations & rétrogradations de toutes les planètes, en les faisant tourner toutes autour du soleil; Tycho-Brahé étost trop éclairé pour ne pas voir la beauté, la simplicité, & par conséquent la vérité de ce système; mais son respect pour quesques passages de l'écriture qu'il interprétoit mal, l'empêchoit d'adopter le mouvement de la terre; enfin, il avoit à peine à concevoir ce déplacement de notre globe; accoutumé avec le vulgaire à le considérer comme la base éternelle & le fondement immobile de toute stabilité; il conserva donc tout ce qu'il put du systême de Copernic, c'est à dire le mouvement de toutes les planètes autour du soleil, mais il fit tourner le soleit lui-même, accompagné de toutes ces planètes autour de la terre.

306. Tycho ne vouloit pas cependant qu'on crût qu'if n'avoit fait que retourner le système de Copernic pour former le sien: voici à quelle occasion il dit l'avoir imaginé, il observa soigneusement en 1582 Mars en opposi-

THE ADDRESS OF THE PROPERTY. LIV. II.

Polomée de nous que le foicil,

Polomée de pouvoient plus

Polomée, Man devoit être plus

Pol

TE TENE QU'Il propola. James average qu'il fit à l'occasion de la comète de . I cho parle fort au long de fon fystême, imagi-📂 🕶 1582. • J'avois remarqué, dit-il, que l'ancien système de Ptolomée n'étoit point naturel; la mulcitude des épicycles dont il se sert pour expliquer les mouvemens des planètes par rapport au foleil, leurs stations & leurs rétrogradations, & une partie de leurs inégalités apparentes, est superflue; ces hypothèses même pêchent contre les principes de l'art, en suppofant ces mouvemens égaux, non autour de leur centre propre & naturel, mais autour d'un point étranger, c'est-à-dire, d'un autre cercle excentrique, qu'on appelle l'tquant. Mais aufil je n'approuvois pas cette nouveauté introduite par le grand Copernic, à l'exemple d'Aristarque de Samos, dont parle Archimède dans son livre de Arena numero, adressé à Gédion, Roi de Sicile; quoiqu'elle corrige de la manière la plus favan. e tout ce qu'il y a d'inutile & de défectueux dans le système de Prolomée, & qu'elle ne renferme rien qui foit contre les principes des mathématiques : cette lourde maffe de la terre, si peu propre au mouvement, ne fauroit être ainsi deplacee & agitée d'une triple manière, comme le seroient ces corps célestes, · sons chorcer les principes de la physique; l'autorité des Saintes Ecritures s'y oppose; je parterai ailleurs de . ces divers inconvéniens, comme auffi de celui qu'il y acrost à supposée un espace immense entre l'orbite de Securne & la huitième iphère, qui ne seroit occupé par aucun attre. Je voyais donc que des deux côtés I y avoie des absurdites; je me mis à examiner séneutenent s'it y svoit que qu'hypothèle qui fût parfunctions d'accord avec les phenomènes & les principes mathématiques, sans répugner à la physique, & sans encourir les censures de la théologie; je réussis au delà de mes espérances, & je trouvai ensin une manière de disposer les révolutions célestes, qui remédie à tous les inconvéniens, & dont je vais faire part aux

» amateurs de la physique céleste.

" Je pense d'abord qu'il faut décidément & sans aucun doute, placer la terre immobile au centre du monde, en suivant le sentiment des anciens astronomes ou physiciens, & le témoignage de l'Ecriture: je n'admets point avec Ptolomée & les anciens, que la terre soit le centre des orbes du fecond mobile; mais je pense que les mouvemens célestes sont disposés de manière que la lune & le soleil seulement avec la huitième p sphère, la plus éloignée de toutes, & qui renferme toutes les autres, aient le centre de leur mouvement vers la terre; les cinq autres planètes tourneront aun tour du foleil comme autour de leur chef & de leur Roi, & le soleil sera sans cesse au milieu de leurs or-, bes, qui l'accompagneront dans son mouvement ann nuel..... Ainsi le soleil sera la règle & le terme de n toutes ces révolutions; & comme Apollon au milieu " des Muses, il réglera seul toute l'harmonie céleste de ces mouvemens dont il est environné".

307. En même temps que Tycho regardoit le mouvement de la terre comme un paradoxe de théologie & de
physique, il reconnoissoit son utilité en astronomie,
comme on peut en juger par ce qu'il en dit dans ses progymnasmes, (I. I. p. 661): J'avoue, dit-il, que les
révolutions des cinq planètes que les anciens attribuoient à des épicycles, s'expliquent aisément & à peu
de frais, par le simple mouvement de la terre; que
les anciens mathématiciens ont adopté bien des absurdités & des contradictions que Copernic a sauvées, &
qu'il satisfait même un peu plus exactement aux apparences célestes". Mais on voit ensuite que Tycho regardoit le témoignage de l'Ecriture-Sainte comme le

plus grand obstacle au système de Copernic.

398. On voit encore dans une lettre de Tycho à Rothmann, mathématicien du Landgrave, en date du 21 Février 1589, ce que pensoit Tycho du système de Copernic: Lorsque je traiterai, dit-il, ex prosesso, des mouvemens célestes, je ferai voir que mes hypothèses

252 ABRICE D'ASTRONOMIE, LIV. II.

a facisfone exactement aux apparences céleftes, qu'elles e feet de beaucoop préférables à celles de Ptolomée & de Copernic, & s'accordent mieux avec la vérité; wais fi ciles vous déplaisent fi fort, si vous aimez mieux faire tourner la terre & les mers accompagnées de la lune, par un mouvement annuel, & donner un emple mouvement à un corps simple & unique; si vous · voulez que cette terre, quoique li peu propre au mouvement, & fi fort au deffous des affres, foit cependant portée elle-même comme un aftre dans la région ethérée, vous êtes bien le maître... Mais n'est-ce pas confondre les choses d'ici-bas avec les choses célestes, & renverser de fond en comble tout l'ordre de la nature? Ne vous y trompez pas cependant, en croyant que Copernic ait suffisamment répondu aux abfurdités physiques qui résultent de son hypothèse : je vous démontrerai quelque jour que tout ce que vous a dites pour le défendre, ne suffit pas pour mettre la chofe hors de doute; vous êtes encore moins recevable dans l'interprétation que vous donnez des passages de l'Ecriture qui sont contraires à votre système, &c." (Epce. afron. pag. 147). Tycho s'efforce alors de prouver à son ami que l'Ecriture-Sainte est incompatible avec le système de Copernie.

399. Longomontanus, astronome célèbre qui vécut pendant dix ans chez Tycho-Brahé à Uranibourg, dont Tycho fait mention d'une manière honorable, & qui contribua à l'édition de ses Oeuvres, ne put se résoudre à admettre tout-à-fait le sentiment de Tycho; il admit le mouvement de rotation, (Aftronomia Danica pag. 161. 220.), pour éviter de donner à toute la machine célefte cette vitesse incroyable du mouvement diurne, qui par sa force centrifuge difperferoit bientôt les étoiles & les planèces, à moins qu'on ne supposst les cieux solides (385), comme le P. Riccioli est obligé de le faire (Almag. nocase II. 288), ou des intelligences conductrices. Il en est de même d'Origan dans l'Epître dédicatoire de ses Ephemérides, & d'Argoli dans fon Pandofians, c. 3. y a moins de difficulté à proposer contre ce système, que contre celui de Tycho-Brahé; mais on a vu que le mouvement annuel est aussi évident que le mouvement

diurne (392).

Objections contre le système de Copernic.

400. Tous les motifs tirés de la simplicité de l'élégance du système de Copernic, & du parfait accord qu'on trouve dans toute l'astronomie en l'adoptant, équivalent à une démonstration pour tout physicien qui n'est pas prévenu d'avance contre la possibilité du mouvement de la terre; il s'agit donc de répondre aux difficultés qu'on peut former contre ce mouvement, & dès-lors il ne restera presque rien à desirer pour nos preuves; elles ne formeront peut-être pas une démonstration mathématique, mais bien un corps de preuves physiques équivalentes à une démonstration, sur-tout quand on y ajoutera les preuves directes que l'on a du mouvement de la terre (384. 390. 409.)

Je réponds sur tout avec plaisir aux objections de Tycho-Brahé contre le système de Copernic, parce que son témoignage est d'un si grand poids, sa réputation en astronomie mérite tant de respect, qu'il nous importe pour le système de Copernic de montrer que si Tycho avoir en moins de préjugés, & s'il est été instruit de ce qu'on a observé depuis sa mort, il ne seroit demeuré presque au-

cune des objections qu'il faisoit contre ce système.

401. Il demande à Rothmann (Epist. astron. pag. 167), comment il se peut faire qu'un boulet jetté du haut d'une tour, tombe toujours exactement dans le point qui lui répond perpendiculairement au pied de la tour; si la terre a un mouvement diurne, la tour doit avancer vers l'orient, & s'éloigner beaucoup du boulet avant qu'il soit arrivé au bas de la tour: mais on sçait aujourd'hui, par les premiers principes de la mécanique & par l'expérience des vaisseaux, que le boulet ne doit point quitter la tour (387).

402. On ne peut imaginer, dira-t-on, que la terre se renverse tous les jours, & que dans douze heures nous aurons la tête en bas; mais il est démontré par l'expérience des voyageurs que nous avons des antipodes, qui ont les pieds tournés vers les nôtres (147); ainsi nous serons placés dans douze heures comme ils le sont actuellement; l'un n'est pas plus difficile à concevoir que

l'autre.

403. La terre, disoit Tycho (398) est une masse loutde, inerte, vile & grossière, peu propre au mouvement,

154 ADRES D'ASTRONOMIR, Liv. II.

mi ne semble faire que pour être le fondement inébrantable de toute stabilité; vous voules en faire un astre de
la promener dans les airs, c'est une prétention trop étranme. Mais qu'y a-t-il de solide dans ce raisonnement de
Tycho? N'y voit-on pas au contraire un homme préveme d'une manière populaire pour les idées qu'il a reçues
dans son enfance? Pourquoi la terre qui est beaucoup
plus petite que le soleil, suivant les observations & les
démonstrations même de Tycho, seroit-elle moins propre au mouvement que le soleil? Pourquoi seroit-elle
plus vile & plus grossière que les planètes, qui sont opaques & obseures comme la terre, quand le soleil ne les
éclaire pas, qui sont la plupart au moins aussi grosses que
la terre, de l'aveu même de Tycho, & qui sont rondes
comme la terre.

404. Tycho étoit choqué de la distance énorme à laquelle doivent se trouver les étoiles dans le système de Copernic, pour que l'orbe annuel de la terre y paroisse comme insensible (768): il n'est pas vraisemblable, ditil, que l'espace compris depuis le soleil jusqu'à Saturne, soit 700 sois plus petit que la distance des étoiles fixes,

foit 700 fois plus petit que la distance des étoiles fixes, sans qu'il y ait d'autres astres dans l'intervalle; c'est ce-pendant ce qu'il faut supposer: d'ailleurs les étoiles de la troisième grandeur, dont le diamètre apparent est d'une minute, seroient égales à l'orbe annuel de la terre tout entier, si elles ont seulement une parallaxe annuelle, d'une demi-minute: que sera-ce des étoiles de la première

Ces objections de Tycho n'auroient peut-être pas eu lieu dans ce siècle-ci; il auroit appris que les comètes, par des orbites beaucoup plus grandes que celle de Saturne, remplissent une partie de cer espace immense dont le vide lui paroissoit inconcevable; il auroit su par la découverte des lunettes, que le diamètre apparent des étoiles de la première grandeur n'est pas d'une seconde (769), & qu'ainsi l'on n'est point obligé de les supposer d'une grandeur si prodigieuse. Mais quand il faudroit admettre un intervalle immense vide d'étoiles & de planètes, & convenir que les étoiles sixes que nous appercevons, sont incomparablement plus grosses que le solieil, je ne vois pas qu'il en résultat rien de positif con-

tre le système de Copernic; les étoiles plus rapprochées & plus petites dans le système de Tycho, sont une chose

trop indifférente pour former une preuve en sa faveur, puisque nous n'avons d'ailleurs aucune idée de leur gran-

deur réelle, non plus que de leur distance.

405. Tycho demande encore comment on peut concevoir le mouvement du parallélisme de l'axe de la terre, & comment un seul & même corps peut avoir ainst deux mouvemens différens, l'un qui transporte le centre du globe, & l'autre qui change la position de son axe. Mais le parallélisme de l'axe de la terre n'est point un mouvement particulier, comme le suppose Tycho, qui en fait toujours ce qu'il appelle un troissème mouvement de la terre; c'est une situation de l'axe, qui ne change point, parce qu'il n'y a aucune cause qui la fasse changer; il sussit que l'axe ait été dirigé une fois vers un point du ciel pour qu'il continue d'y être toujours dirigé (417), quoique la terre ait un mouvement annuel suivant une certaine direction: il n'y a aucune raison physique ni mathématique, d'où l'on puisse conclure que l'axe du mouvement diurne se dirigera perpendiculairement à l'orbe annuel: il n'y a entre ces deux mouvemens aucune connexion ni dépendance: dans le temps que toutes les parties de la terre font lancées du même côté par un mouvement de projection, elles acquierent toutes des vîtesses & des directions parallèles & égales; cela ne change donc rien à la situation qu'elles ont l'une par rapport à l'autre, & à celle qu'elles doivent continuer d'avoir. Ainsi l'on peut supposer que la terre, (qui d'abord auroit tourné autour d'un axe immobile), soit lancée dans une direction quelconque; toutes les parties recevant la même impression, il y a une compensation entiere des parties supérieures aux parties inférieures, & elles conservent toutes le mouvement de rotation qu'elles avoient auparavant, c'est-àdire, que chaque particule se meut dans une direction parallèle à celle qu'elle suivoit d'abord quand la terre Lorsqu'une toupie tourne sur la table par un mouvement de rotation qui lui a été imprimé, cette table peut être transportée, & même lancée de haut en bas, de droite à gauche, obliquement, circulairement, sans qu'il en résulte aucune différence dans le mouvement de la toupie; on peut lancer cette toupie suivant la direction qu'on voudra, sans qu'elle cesse pour cela de tourner sur le même axe. Un boulet qui sort

age Abrice B'Astronomie, Liv. II.

de cason, tourne presque toujours sur son axe, mais tantée des un sens, tantôt dans l'eutre, suivant la nature des commercies qu'il sura éprouvés avant de sortir du camus: cens n'est point incompatible avec l'explosion, & n'est depend successence. Voyez les souveaux principes d'années de Robans, traduits par M. Dupuy en 1771.

406. Tycho croyox trouver dans les comètes une obiofrac mes forme contre le système de Copernic, en difier qu'elles s'estrett point affectées par le mouvement marche a la reme. Il paroit même que dans le temps cà I po fongen en 1582 à fonner une hypothèle pour expliquer la promince de Mars à la terre, la raison qui la la recente le système de Copernic, fut que les comètes ue parocionent point affectées par des inégalités apparen-153, colos qu'il devoit y en avoir si la terre avoit eu un mouvement sacred. Cette raison étoit grave assurément; a elle cat ète vrue, elle est été sans réplique, mais Totale avoir observé peu de comètes; s'il ent vu celle de 1531, donc la rouse est si compliquée & si bizarre ca apparence, que M. Caffini en fit deux comètes diffépurpes, mus devient une courbe exacte & régulière gassal on tient compte da mouvement de la terre; s'il cat via ces comeres dont la route tortucufe est représentoe avec la deralere precifica par une feule courbe decrire aucour du foieil, & combinée avec le mouvement E la rerre, comme on le verra dans le divieme livre, i cui change probablement de langage, & ce qui fut pour ha une raufon de rejetter le système de Copernic. en cht ète au contrure la plus forte démonstration.

Tycho étoit oblige, pour faire tourner les planders autour du folcil, d'imaginer une espèce de force centrale, ou de tendance vers cet altre: Quelle est, je vous prie, écrit il à Rothmann, (Epist. auron pag. 148.) la mattere tenace, par laquelle certains corps, comme le fer & l'aiman, s'unitient & se cherchent mutuellement, malare les corps interpolés? Si cette force a lieu naturellement dans les corps terrestres inanimés, pourquoi ne l'imaginerout on pas dans les corps céleites, que les Platoniciens & les Philosophes les plus s'agres ont regardes comme etant, pour ainsi dire, animiès ou doués d'une vertu divine: lisez attentivement. L'inc à la sin du seizième chapitre de son second livre jur la cause des fations & des rétrogradations des trois

planètes supérieures; ce qu'il en dit, quolqu'obscur & même absurde, mérite quelque attention, & fait voir que parmi les plus anciens mathématiciens, & ceux même qui ont placé la terre immobile au centre du monde, il y en a eu qui n'ont point employé les épicycles, mais ont cru que ces apparences, par une certaine cause occulte, pouvoient se rapporter au soleil,
& s'expliquer par leur dépendance du soleil, fans qu'il
y eût entre le soleil & les planètes aucune matière ca-

n pable de les unir ensemble".

Tycho concevoit donc une certaine force de connexion entre les planètes & le soleil, comme on l'admet généralement aujourd'hui (999); or cette force s'étend jusqu'à Saturne, c'est-à-dire, bien au-delà de la terre. Comment donc imaginer que la force du soleil capable de retenir des planètes plus grosses que la terre & à de plus grandes distances, ne pût cependant rien sur celleci, & qu'au contraire le soleil armé de ce vaste cortège, & étendant sa force jusqu'aux extrémités de ce système immense, sut cependant forcé de tourner sans cesse autour d'une terre plus petite & moins éloignée que les planètes sur lesquelles il étend son action: il est clair que c'est dans le système de Tycho-Brahé une véritable absurdité.

408. En matiere de physique on ne sauroit donner une démonstration rigoureuse & précise, comme dans la géométrie pure: si un homme placé fortuitement, & pour la premiere fois, dans un vaisseau & fur un fleuve, s'étoit persuadé d'avance fortement par quelque motif de prévention, que ce vaisseau est immobile, on auroir beau lui monerer la terre, les arbres & le rivage en mouvement, lui dire que tout cela ne sauroit être emporté à la fois du même sens, que le mouvement seul de son pavire est la cause de toutes ces apparences, & suffit pour expliquer tous les mouvemens qu'il apperçoit; s'il ne l'a jamais éprouvé lui-même en descendant à terre, s'il n'apoint vu de bâtiment avancer sur l'eau, s'il a oui dire cent fois le contraire, il pourra toujours vous répondre que peut être vous avez raison, mais qu'il n'a jamais éprouvé si cela est bien vrai. Tel est le cas du physicien qui voudroit démontrer au peuple le mouvement de la terre; il lui fera voir des milliers d'étoiles qui paroissent toutes avancer du même sens, quoiqu'elles soient à

15% ABRIGE D'ASTRONOMIE, LIVE II.

des distances prodigieuses les unes des autres; il lui dira qu'on ne peut même imaginer une cause commune pour tant de corps isolés & indépendans les uns des autres, capable de les entraîner à la fois, & de leur faire faire un tour entier tous les jours autour d'une petite masse de terre, que l'on n'appercevroit pas si l'on étoit placé vers une étoile: le physicien lui dira encore qu'un seul mouvement de rotation dans le petit globe de la terre, qui n'a que 1432 lieues de rayon, suffit pour causer cette infinité de mouvemens apparens: tout cela ne sauroit convaincre ceux qui n'ont pas assez de physique pour éloigner les préjugés; ce n'est pas une démonstration proprement dite, on n'en sauroit avoir en physique; mais le physicien ne les exige pas, & il lui suffit d'avoir une foule de raisons à proposer, tandis qu'on ne sauroit lui faire une seule objection physique contre le mouvement de la terre.

409. Cependant on doit regarder comme des démonfirations directes & positives du mouvement de la terre,
le phénomène de l'aberration des étoiles (liv. VII), la
figure aplatie de la terre (liv. VIII), l'accourcissement
du pendule vers l'équateur (807), & tous les phénomènes qui prouvent l'attraction générale des corps célestes,
(Voyez le XIIe livre); parce que cette loi ne sauroit
subsister sans le mouvement de la terre; c'est le premier
fondement de toute astronomie & de toute physique céleste. Ainsi l'on peut dire qu'un traité d'astronomie est
lui-même l'assemblage de mille preuves différentes du
mouvement de la terre; l'enchasnement de toutes les
parties de cet ouvrage se trouveroit rompu, & leur
cohérence désunie, si l'on cessoit d'admettre ce mouvement.

410. Le P. Riccioli emploie plus de 200 pages in-foldans le second volume de son Almageste, à disserter sur le système de Copernic; il emploie sur-tout les témoignages sacrés qui y sont présentés dans toute leur force; il n'y a rien de remarquable parmi ces argumens qui ne soit rensermé dans ce que l'on a vu aux articles précédens. Il insiste beaucoup aussi sur les témoignages de l'Ecriture, qu'on nous a si sérieusement opposés: Josué, c. 10, v. 13; Ps. 92, v. 1; Ps. 103, v. 5; Eccléssiaste, c. 1, v. 5; Isare, c. 34, v. 8; Juges, c. 5. v. 20; 3° livre d'Esdras, c. 4, v. 38; mais quand on

les lit sans préjugé, on y voit un langage ordinaire, qui ne pouvoit être différent sans devenir inintelligible. & l'on n'y voit rien qui paroisse tenir au dogme ni à la physique. Du reste plusieurs auteurs ecclésiastiques ont accumulé des raisonnemens de toute espèce, pour faire sentir que les différens passages de l'Ecriture ou il est parle du mouvement du soleil, peuvent s'entendre de celui de la terre sans leur faire violence. Il y auroit un zèle bien étrange à prétendre exclure des Livres saints toutes les expressions qui sont reçues dans la société. Au reste, la Cour de Rome n'a plus de scrupule à cet égard. On a même ôté de la derniere édition de l'Index l'article qui concernoit tous les livres où l'on soutient le mouvement de la terre, & lorsque j'étois à Rome je vis qu'il y avoit lieu d'espérer que bientôt on rendroit plus expressément aux physiciens toute liberté à cet égard.

411. La conclusion naturelle de tout ce qui précède, est que le système de Copernic est le seul qu'on puisse admettre; il est prouvé autant qu'une chose physique peut l'être. Ainsi la terre tourne véritablement sur son axe & autour du soleil, de même que les autres planètes, & il n'y a aucune objection physique ni morale à faire contre ces deux mouvemens; cela sera encore mieux démontré après que nous aurons expliqué tous les phénomènes de l'astronomie par le moyen de ce

double mouvement.

Explication des phénomènes dans le système de Copernic.

412. LE MOUVEMENT DIURNE de tout le ciel s'explique avec une extrême facilité dans le système de Copernic; on a vu (384) que c'étoit la principale raison qui l'avoit fait admettre; il sussit en effet que nous tournions autour de l'axe de la terre, d'occident en orient, pour que tous les astres paroissent tourner au contraire d'orient en occident. Soit BDAE (fig. 44.) le globe de la terre; BA l'axe de la terre dirigé vers le point P du ciel, DE le parallèle circulaire que décrit un point D de la terre par son mouvement diurne; F est le point de la sphère céleste qui répond verticalement au point D de la terre, C le point qui répond verticalement au point D de la terre, C le point qui répond verticalement au point D de la terre, C le point qui répond verticalement au point D de la terre, D le point qui répond verticalement au point D de la terre, D le point qui répond verticalement au point D de la terre, D le point qui répond verticalement au point D de la terre, D le point qui répond verticalement au point D de la terre, D le point qui répond verticalement au point D de la terre, D le point qui répond verticalement au point D de la terre D le point qui répond verticalement au point D de la terre D le point qui répond verticalement au point D de la terre D le point qui répond verticalement au point D de la terre D le point qui répond verticalement au point D le point D le

foo Abrect D'Astronomie, Liv. II.

verticale du point D, tourne avec ce point autour du centre C & de l'axe CP; elle décrit par ce mouvement le surface d'un cône, dont le fommet est an centre C de la terre, & dont la base s'étend de F en G; le cercie céleste FG parallèle à l'équateur, est la basé du cône que décrit la ligne du zénit CDF; il n'est pas dans le même plan que le parallèle terrestre DE, mais il lui correspond essentiellement, puisque tous les points de ce parallèle celeste FG sont éloignés du pole céleste P du même nombre de degrés que le point D est éloigné du pole A de la terre: la ligné du zénit CDF rencontrera dans les 24h tous les points du ciel qui font à la même distance du pole P, c'est-à-dire, tous les points qui sont sur le parallèle céleste FHG, & ils paroltront tous à son zénit. C'est ainsi qu'à Paris nous voyons successivement paffer au zénit les constellations de Cessiopée, d'Andromède, de Persée, du Cocher, e la grande Ourse & du Dragon, parce que notre verticale ou la ligne de notre zénit va les rencontrer tour tour, & se placer sur ces différentes constellations, qui sont toutes à 41d du pole du monde P, ou du point vers lequel est dirigé l'axe CA de notre mouvement diurne.

413. LE MOUVEMENT ANNUEL s'explique avec la même facilité dans le système de Copernic; tout ce que nous avons dit du mouvement apparent du foleil dans l'écliptique (309 & suiv.) a lieu en conféquence du mouvement de la terre: quand la terre est dons le Bélier, le soleil parost dans la Balance, qui est le signe opposé; la terre avance de 30d, & se place dans le Taureau, le soleil paroît avancer d'autant; nous le voyons dans le Scorpion, & le lieu apparent du foleil est toujours opposé de 180d, ou de six signes au lieu apparent de la terre. Ainsi dans la figure 47 soit S le soleil; TR l'orbite de la terre, Von 190 le cercle céleste appellé écliptique, dans lequel on imagine les douze signes à une distance infinie de nous; le soleil S parost répondre en 🕰 quand la terre est en T, parce que le rayon visuel mené de la terre au foleil s'étend vers le figne 🕰 🖟 & nous disons qu'alors le soleil est dans la Balance; mais fi la terre T étoit vue du foleil S suivant le rayon STV, elle parostroit en V, c'est-à-dire dans le Belier. Le lieu de la terre dans l'écliptique est

donc toujours diamétralement opposé à celui du soleil; la terre ne sauroit changer de situation que le soleil ne paroisse changer d'autant, & il doit paroître toujours dans le signe opposé à celui de la terre. Ainsi la terre décrivant une orbite annuelle TR, qui la fait répondre successivement à tous les points V, &c. elle verra le soleil répondre lui-même à tous les points de l'écliptique; par conséquent le mouvement annuel de la terre produira le mouvement apparent du soleil; tel que nous l'observons, & tel qu'il a été expliqué dans le premier livre;

art. 59. & suiv.

414. Le changement des Saisons s'explique trèsbien dans le système de Copernic au moyen de l'inclinaison & du parallélisme constant de l'axe de la terre; mais ceci exige plus d'attention, & c'est de tous les phénomènes celui qui prouve mieux le génie de Copernic. Le phénomène des saisons se réduit à ceci: les pays de la terre situés sous le tropique du Cancer, ou à 23°1 de latitude septentrionale, comme sont à peu-près l'ancienne ville de Syène, celles de Canton & de Chandernagor, voient le soleil passer par leur zénit à midi dans le temps du solstice d'été, ainsi que tous les pays qui sont à même latitude ou à même distance de l'équateur. Au contraire, ceux qui sont à 23° 1 de latitude méridionale par-delà l'équateur, & sous le tropique du Capricorne. comme Rio sanéiro, dans le Brésil, ont le soleil au zénit le 21 Décembre, quand le soleil est dans le solstice d'hiver. Pour que cet effet ait lieu avec le mouvement de la terre, il nous suffit de la placer de maniere que le rayon solaire dirigé vers le centre de la terre passe dans le premier cas sur un des tropiques terrestres, qui est celui de Chandernagor; & dans le second cas, sur le tropique opposé, qui est celui de Rio-Janéiro.

Soit S le soleil, (sig. 46.), C & D deux points diamétralement opposés de l'orbe annuel de la terre; le point C où elle se trouve le 21 Juin, & le point D où elle se trouve le 21 de Décembre; EF le diamètre de l'équateur terrestre, GH le diamètre du tropique de Chandernagor, IK le diamètre du tropique de Rio Janéiro; si l'axe PA de la terre est incliné de maniere que l'équateur EF fasse un angle de 23° la avec le rayon solaire SC, c'est-à-dire, avec l'écliptique, (car le rayon solaire est toujours dans l'écliptique), l'angle HCF, ou l'arc

Capezaic auroit bien pu se dispenser de comment au configue mouvement; la mechanique com comment que le parallelusme de l'axe n'est en configue mouvement, il en faudroit com configue d'être parallele à lui-même.

cacare se l'ai expliqué art. 405.

4:5. Pisteurs perfoanes ont repréfenté par des machines placetares le mouvement annuel de la terre autour de foles, & le mouvement diurne, fur fon axe constamment parallèle à lui-même; on trouve une machine de certe espece décrite par Nicolas Muller, dans l'éditions qu'il a donnée en 1617 du livre de Copernic, pag. 29, does berguion, (Apronomy explained, 1764. pl. VI.), & il n'et, pas difficile d'en imaginer de différentes espèces (a); mais il fuffit pour représenter le parallélisme de l'axe de la terre, que son axe soit placé fixement sur une poulle; & qu'au centre du soleil on ait placé une poulle égale à l'autre, avec un cordon fans fin qui paffe fur ces deux poulies en les ferrant l'une & l'autre; alors on pourra faire tourner la terre tout autour du soleil, sans que son axe cesse d'être incline & dirigé vers la même region du ciel, & parallèle à lui même; dans ce cas on emploie un mouvement particulier pour maintenir le parallelitine, mais dans le ciel c'est un effer naturel, & qui n'exige rien de particulier.

produit dans le ciel le mouvement de la terre, il est essentiel de bien comprendre la proposition suivance: Si
s'all de l'Objernatur, transporté par le mouvement annuel de
la terre, continue de voir successionent un même aure sur
des rayent parallèles entre tax, l'aftre parcêtra n'avir eu aucun mouvement. Je suppose que l'observateur placé en O,
(sg. 45.), voit un astre par le rayon OS, & qu'étant
arrivé en P il le voit par un autre rayon PM parallèle
au précédent, je dis que pendant tout le temps que l'œil
a mis à aller de O en P, l'astre ne lui paroît avoir eu
aucun mouvement, c'est-à-dire, qu'il le voit dans la même situation, dans la même région du ciel. & qu'il jugera l'astre immobile ou stationnaire. En esset, comme



⁽a) On en trouve à Paris chez Paffemant, au Louvre; chez Vangondi, quat de l'Herloge; & chez Fortin, rue de la Harpe.

H, tous les pays situés du côté du pole arctique P, ou dans l'hémisphère boréal de la terre, avoient seur été; mais le rayon solaire étant devenu perpendiculaire en R sur le tropique austral ou tropique du Capricorne, les pays situés sur LM, & tous ceux qui sont au nord du côté du pole arctique T, ont seur hiver, parce qu'ils reçoivent obliquement le rayon solaire, & que le soleil est éloigné de seur zénit ou du point L, de 47° qui est sa quantité de l'arc RL; ce sont les pays méridionaux situés sur le parallèle RV, & du côté du pole austral & antarctique B, qui ont seur été; comme les pays septentrionaux l'avoient au mois de Juin, quand la terre étoit en C.

416. Ainsi le parallélisme de l'axe de la terre, ou des lignes PA, TB, une fois supposé, l'on explique trèsexactement & très-simplement les changemens de l'hiver à l'été: à l'égard du printemps & de l'automne, on doit bien sentir qu'ils auront lieu dans le passage de l'hiver à l'été & de l'été à l'hiver; le rayon solaire qui rencontroit la terre à 23° au nord de l'équateur, ne peut pas la rencontrer ensuite 23° à 1 au midi de l'équateur, qu'il n'ait rencontré successivement les points qui sont entre deux; on le verra facilement en faisant tourner autour d'une table un globe, ou seulement un jonc dont l'axe soit incliné, par exemple, toujours vers le midi; un flambeau mis au milieu de la table éclairera perpendiculairement l'une des extrémités, ensuite le milieu, puis l'autre extrémité, suivant que le corps se trouvera à l'une des extrémités de la table ou à l'autre extrémité, ou au milieu; ainsi l'axe étant toujours supposé parallele à lui-même, quand la terre sera dans les signes du Bélier & de la Balance, au mois de Mars & de Septembre, le rayon solaire répondra perpendiculairement sur un point de l'équateur, puisque dans les mois de Juin & de Décembre il répondoit au nord & au midi de l'équateur.

417. Copernic, qui le premier imagina cette explication des saisons par le mouvement de la terre, (De Revolutionibus, lib. I. cap. 11.) appelle ce parallélisme de l'axe un troissème mouvement, ou mouvement de déclinaison contraire au mouvement annuel: il arrive, dit-il, que par ces deux mouvemens égaux & qui se contrarient mutuellement, l'axe de la terre & son équateur sont toujours dirigés de la même manière & vers le même côté

164 ABRÉGÉ D'ASTRONQMIE, LIV. II.

du ciel. Mais Copernic auroit bien pu se dispenser de nommer cela un troissème mouvement; la méchanique nous fait voir plutôt que le parallélisme de l'axe n'est que la négation d'un troissème mouvement, il en faudroit un pour que l'axe cessat d'être parallele à lui même,

comme je l'ai expliqué art. 405.

418. Plusieurs personnes ont représenté par des machines planétaires le mouvement annuel de la terre autour du soleil, & le mouvement diurne, sur son axe constamment parallèle à lui-même; on trouve une machine de cette espece décrite par Nicolas Muller, dans l'édition qu'il a donnée en 1617 du livre de Copernic, pag. 29, dans Ferguson, (Astronomy explained, 1764. pl. VI.), & il n'est pas difficile d'en imaginer de différentes espèces (a); mais il suffit pour représenter le parallélisme de l'axe de la terre, que son axe soit placé fixement sur une poulie; & qu'au centre du foleil on ait placé une poulie égale à l'autre, avec un cordon sans fin qui passe fur ces deux poulies en les ferrant l'une & l'autre; alors on pourra faire tourner la terre tout autour du soleil, fans que son axe cesse d'être incliné & dirigé vers la même région du ciel, & parallèle à lui-même; dans ce cas on emploie un mouvement particulier pour maintenir le parallélisme, mais dans le ciel c'est un effet naturel, & oui n'exige rien de particulier.

produit dans le ciel le mouvement de la terre, il est ussentiel de bien comprendre la proposition suivante: Si
l'eil de l'Observateur, transporté par le mouvement annuel de
la terre, continue de voir successivement un même astre sur
des rayons parallèles entre eux, l'astre paroûtra n'avoir eu aurun mouvement. Je suppose que l'observateur placé en O,
(sig. 45.), voit un astre par le rayon OS, & qu'étant
arrivé en P il le voit par un autre rayon PM parallèle
au précédent, je dis que pendant tout le temps que l'œil
a mis à aller de O en P, l'astre ne lui paroît avoir eu
aucun mouvement, c'est-à-dire, qu'il le voit dans la même situation, dans la même région du ciel, & qu'il jugera l'astre immobile ou stationnaire. En esset, comme

⁽a) trouve à Paris chez Paffemant, su Louvre; chez Vau-

nous ne pouvons juger de la situation d'un astre qu'en le comparant à quelque point du ciel, à quelque objet, à quelque astre, à quelque plan, ou à quelque ligne; soit OPR la ligne, où la direction primitive que nous prenons pour terme de comparaison; l'angle SOR & l'angle MPR sont parfaitement égaux, puisque OS est parallele à PM par la supposition: donc, la distance apparente de S & de M, par rapport au terme de comparaison OPR, sera dans les deux cas de 90°. Cette distance étant la même, nous n'aurons aucun indice, aucune apparence de mouvement dans l'objet S; nous ne pourrons donc faire autrement que de le juger immobile.

Pour peu qu'on y réfléchisse, on sentira qu'il est évident, comme nous l'avons supposé, qu'on ne peut appercevoir le mouvement d'un objet que par comparaison à un autre: si j'étois seul dans l'univers avec un astre S, & que nous fussions transportés ensemble d'un mouvement commun au travers des espaces imaginaires, il seroit impossible que je pusse reconnostre ou appercevoir ce

changement; car quel indice en aurois-je?

420. On demandera maintenant quel est l'objet de comparaison dont il faut se servir; on demandera s'il y a un terme fixe, tel que la ligne OR, auquel un astronome puisse comparer les astres, pour juger s'ils ont quelque mouvement apparent: nous répondrons qu'il y a plusieurs de ces termes fixes; tels sont d'abord le plan de l'équateur ou celui de l'écliptique, lorsqu'il s'agit des étoiles fixes: comme ces plans sont fixes, ou que du moins on connoît très bien leurs variations, on y rapporte les variations apparentes des étoiles fixes, pour

avoir la quantité & la mesure de ces variations.

421. Le point équinoxial, ou la ligne menée au premier point du Bélier, est encore un terme fixe de comparaison représenté par la ligne OR, & l'on s'en sert aussi pour les planètes: toutes les fois que le rayon SO, qui marque le lieu de l'écliptique où est l'étoile, fera un angle droit avec la ligne QR, qui va vers l'équinoxe, nous jugerons nécessairement que l'astre a 90° de longitude; cette longitude ne changera point tant que l'angle MPR sera egal à l'angle SOR; nous jugerons l'astre stationaire, pendant tout le temps que l'angle P continuera de parostre égal à l'angle O, c'est-à-dire,

166 Abrech D'Astronomie, Liv. IL

que la planète continuera d'avoir 90° de longitude, rapportée à l'écliptique.

Mouvemens des Plandtes sus de la Terre.

422. Arrès avoir pronvé que les planètes principales, aussi bien que la terre, tournent autour du soleil, il est nécessaire d'expliquer les phénomenes, ou les apparences qui résultent de ce mouvement; mais une partie de ces irrégularites vient de l'inclinaison des orbites planétaires par rapport à l'écliptique, ainsi nous commencerons par

expliquer les effets de cette inclinaison.

Lorsqu'on observe les planètes dans leurs révolutions périodiques, au travers des étoiles fixes, on apperçoit qu'elles ne répondent pas tout-à fait aux mêmes points du cicl, lorsqu'elles passent à la même longitude & vers les mêmes étoiles; une planète qui aura passé au nord. ou au-dessus d'une étoile, pourra dans la révolution suivante passer au-dessous de la même étoile, & être plus on moins éloignée de l'écliptique, c'est-à-dire, avoir plus ou moins de latitude. D'ailleurs les planètes sont tantôt au nord de l'écliptique, & tantôt au midi, & cela va jusqu'à 9° ou environ; ce qui prouve que les orbites planétaires ne font pas dans le plan de l'écliptique, mais qu'elles lui sont inclinées. En effet, si les planètes tournoient toutes dans le même plan que la terre, nous les verrions toujours décrire dans le ciel la même trace, & rencontrer les mêmes étoiles, fans avoir aucune latitude, ou distance à l'écliptique; au contraire nous obfervons fans ceffe les planètes au deffus ou au deffous de l'écliptique, qu'elles traversent seulement deux fois à chaque révolution; ainsi il est démontré par l'observation que les orbites des planètes sont inclinées à l'écliptique. Il est également démontré que les orbites planétaires sont des plans qui passent par le centre du soleil. puisqu'on voit qu'elles s'écartent toujours également au nord & au midi.

423. Les orbites des planètes étant toutes dans des plans différens & différemment inclinés, il a été néces-faire de rapporter ces divers mouvemens à un même plan pour pouvoir les calculer tous par une méthode uniforme: on a choifi, pour cet effet, le plan de l'écliptique.

ainsi que nous l'avons expliqué (98), & cela pour deux raisons: la premiere, c'est que le soleil étant le plus remarquable de tous les astres, celui que l'on observe le plus facilement en tout temps, il est plus naturel de le choisir pour terme de comparaison, & de rapporter à son orbite celles des autres planètes; la seconde raison de cette préférence est que les orbites planétaires s'écartent peu de l'écliptique, & font avec elle de trèspetits angles, ensorte que les réductions sont moindres & plus commodes que si l'on rapportoit les orbites à un autre plan, comme seroit celui de l'équateur, auquel on avoit coutume autrefois de rapporter tous les mouvemens célestes.

424. Un PLAN en général est une surface sur laquelle on peut tracer en tout sens une ligne droite: c'est la définition la plus exacte qu'on en puisse donner; car une furface n'est plus un plan, si une ligne droite ne s'y confond & ne s'y réunit pas dans tous ses points & en tout sens: de cette définition l'on peut aisément tirer toutes les propriétés des plans, telles qu'elles se trouvent dans le XIe livre des Élémens d'Euclide, mais il me suffira de rappeller ici celles dont nous ferons le plus d'usage dans cet article.

Un plan incliné sur un autre, le coupe suivant une ligne droite, qu'on appelle la commune section; ainsi le plan DABC, planche VII. fig. 48, & le plan FABE, passant tous deux par la ligne AB qui seur est commune, on nommera cette ligne AB, la commune section de ces

deux plans.

425. Si lorsque deux plans se coupent, on tire dans chacun de ces plans une ligne droite perpendiculaire à la commune section en un même point, ces deux lignes feront entr'elles un angle égal à l'inclinaison des deux plans; en effet, nous n'avons aucune maniere plus naturelle de mesurer l'angle d'inclinaison des deux plans, que de prendre l'inclinaison des lignes dont ces plans sont formés; mais il faut choisir des lignes perpendiculaires à la section, sans quoi il n'y auroit rien de déterminé, les lignes obliques pouvant faire des angles de plus en plus petits à volonté.

Soit un plan ABCD, incliné sur un autre plan ABEF, ensorte que AB soit leur commune section, & que les

168 Abrack D'Astronomis, Liv. II.

lignes EB, CB foient perpendiculaires for la fection AB. clies feront entr'elles un angle CBE, que l'on prend nour mesure de l'angle d'inclinaison de ces deux plans; si I'on prenoit deux autres lignes BG & BH faisant avec la section AB des angles aigus, l'angle GBH compris entre ces deux lignes, seroit toujours plus petit que l'angle CBE; il le seroit d'autant plus que les points G & Il approcheroient davantage de la section BA, & il n'y auroit rien de déterminé pour la mesure de l'inclination des deux plans. D'ailleurs la mesure des angles doit êtro uniforme & croftre également pour un mouvement égal des plans: or les lignes perpendiculaires à la commune fection font les feules qui parcourent des espaces égaux. & correspondans à un mouvement égal d'un point quelconque du plan, ainfi nous fupposons comme une chose néculfaire & évidente, que l'angle de deux plans est égal à celui que forment deux lignes de ces plans, perpendiculaires à

leur commune fection.

426. On rapporte à l'écliptique l'orbite d'une planète vue du foleil, en la confidérant comme un grand cercle de la sphère, de la même maniere que nous avons rapporté l'écliptique à l'équateur (94). Soit ALN l'écliptique, (fig. 49), APMN l'orbite d'une planète, P le lieu de cette planète, PL un arc du cercle de latitude qui passe par le centre de la planète, & tombe perpendiculairement sur l'écliptique ALN; le point L sera le lieu de la planète réduit à l'écliptique, fur lequel se marque la longitude de la planète. Les points A & N où l'orbite de la planète traverse l'écliptique, sont les Noeups de la planète. Le nœud A où se trouve la planète quand elle passe du midi au nord de l'écliptique, s'appelle NOEUD ASCENDANT, parce qu'alors la planète monte vers le pole qui pour nous est le plus élevé; le nœud N où passe la planère pour retourner au midi de l'écliptique. est le Noeud descendant, on le marque ainsi 3, dans les livres d'astronomie, & le nœud ascendant est figuré par le caractère Q. La maniere de trouver par l'observation le lieu du nœud fera expliquée ci-après (516).

127. L'arc PL du cercle de latitude, compris entre le lieu P de la planète & l'écliptique, s'appelle la latitude de la planète; si les arcs AP, AL & PL ont leur centre au centre du soleil, la latitude PL est celle qu'on observeroit si l'on étoit au centre du soleil, nommée latitude

béliocentrique (a); mais si l'on rapporte la planète à des cercles dont le centre soit supposé au centre de la terre, alors l'arc PL s'appelle latitude géocentrique. La latitude héliocentrique PL est nommée aussi inclinaison par quelques auteurs, tels que M. de la Hire & M. Halley, mais j'appellerai toujours inclinaison l'angle A que fait l'orbite AP avec l'écliptique AL, & latisude béliocentrique la distance à l'écliptique, vue du soleil.

428. L'arc AP de l'orbite d'une planète, compté depuis le nœud ascendant vers l'orient, s'appelle argumens de latitude, parce que de cette quantité AP dépend la latitude PL. Pour avoir l'argument de latitude, on retranche le lieu du nœud du lieu de la planète, la dif-

férence est l'argument de latitude.

Je dis que c'est le lieu du nœud qu'il faut retrancher du lieu de la planète, & non pas celui-ci du premier; & je dois faire à cette occasion une remarque à laquelle il faudra recourir dans beaucoup d'autres circonstances: l'argument de la latitude est la quantité dont la planète est plus avancée en longitude que son nœud ascendant; c'est le chemin qu'elle a fait depuis son passage par le nœud, ou l'excès de sa longitude actuelle fur la longitude qu'elle avoit en passant par son nœud; si donc on ôte de sa longitude actuelle celle du nœud, on aura cet excès cherché. Il arrive souvent que la longitude du nœud que nous devons retrancher, est plus grande que celle de la planète dont il faut la retrancher; alors on ajoute à celle-ci douze signes pour pouvoir faire la soustraction, en anticipant sur le cercle décrit précédemment par la planète.

429. La latitude des planètes est boréale dans les six premiers signes de l'argument de latitude; en effet, lorsque la planète parcourt le demi-cercle APMN qui est au nord de l'écliptique, en partant du nœud ascendant A (426), sa latitude est évidemment boréale, & son argument de latitude moindre que 180°. avoir parcouru 6 signes ou 180°, la planète passe par son nœud descendant N, elle se trouve au midi de l'écliptique, sa latitude est australe, & son argument de

latitude surpasse six signes.

⁽a) naigs, sol; yn, zerra; névrpov, cenerum,

gro Annisti vikornovanta, Lev. L

The sales is initiale d'une planète, quité de l'implication de l'implicati

gie comme ; c'est la latitude de la planète.

Par les regles de la trigonométrie sphérique, & de chercher l'argument de latitude, & la distance de la planète de comptée sur l'écliptique, c'est-à-dire, la disserve entre AP & AL. Amis pour calculer la réduce den à l'ecurement, il suffit de résoudre le triangle APL par les regles de la trigonométrie sphérique, & de chercher l'art AL à l'écliptique. Cet arc sera plus petit que l'argument de la latitude AP de la quantité de la réduce

tion à l'echpuque.

432. Cette réduction se retranche de l'argument de la latrude AP, pour avoir AL sur l'écliptique, quand la diffance AP est moindre que 90°; mais dans le second quart de l'argument, l'hypothénuse Ap devient plus petre que l'arc Al de l'écliptique, & il faut alors ajouter is reduction; en effet, purique APMN & ALON fort chacun un demi-cercle, & que dans le petit triangle No!, No qui est l'hypothénuse surpasse NI, il faut qua le supplément As de l'hypothénuse soit plus petit que le supplément Al du côté N1; donc, il faut ajouter la difference, qui est la réduction, avec l'argument de la latitude Ap dans le fecond quart de cet argument, depuis 3 jusqu'à 6 signes; dans le troissème quart de l'argument de lancude, c'est à dire, au-delà du point N, la réduction fera fouftractive comme dans le premier & dans le quatrième quart, c'est à dire, lorsque l'argument surpassers o signes, la réduction se retrouvers additive comme elle l'étoit depuis 3 jusqu'à six signes. La réduction à l'écliptique est nulle dans les maires, c'est-à-dire, à 90' du nœud, comme en M, car l'arc AM, auffi-bien que l'arc AO, font exactement de 90°; cela ne paroit pas dans la figure, parce que le demi-cercle AON y est représenté par une ligne droite, tandis que le demi-cercle AMN y oft représenté par une ligne courbe, mais l'imagination ou le globe y fuppléent facilement.

433. Les longitudes qui font dans les tables aftronomiques, font comptées sur l'orbite de chaque planète de la manière suivante: supposons que le point C de l'éclip-



tique soit le point équinoxial d'où l'on compte les longitudes, & qu'on ait pris un arc AB de l'orbite égal à l'arc AC de l'écliptique, le point B est celui d'où les époques sont comptées, ensorte que quand la planète est en P, sa longitude est l'arc BAP, ou la somme des arcs CA & AP, & sa longitude réduite à l'écliptique est l'arc CAL.

434. Lorsque la réduction à l'écliptique a été ajoutée à la longitude de la planète dans son orbite ou retranchée suivant les cas, on a la longitude réduite à l'écliptique, & c'est celle que les astronomes emploient ordi-

nairement dans leurs calculs,

435. Quand on considere l'orbite d'une planète comme une circonférence tracée dans la conçavité du ciel, ainsi que nous venons de le faire, on ne veut pas dire & on ne suppose pas que la planète, parcoure réellement une circonférence de cercle; pous ferons voir au-contraire que c'est une ellipse souvent très-alongée (468); mais tous les points d'une orbite planétaire, vus d'un point quelconque placé dans l'intérieur de cette orbite, & dans le même plan, se rapportent dans la sphere céieste & dans la région des fixes, à des points qui étant tous dans le plan d'un grand cercle (422), y forment la trace d'une circonférence, à quelle distance que ces points puissent être du point où est l'observateur; les distances réelles ne s'apprécient point à l'œil, mais les angles sous lesquels paroissent les mouvemens des planètes, nous les font toujours envisager, & nous les font paroître comme s'ils se faisoient dans des cercles.

436. Après avoir considéré l'orbite d'une planète comme un grand cercle qui seroit vu de son propre centre, examinons la sous un autre point de vue, c'est-à-dire, par rapport à la terre, pour pouvoir tenir compte des changemens que la théorie précédente éprouve à cause

du mouvement de la terre.

Soit S le soleil (fig. 50.), TRN l'écliptique ou l'orbite annuelle de la terre, dont le plan passe par le soleil; AMDP une orbite planétaire dont le plan passe aussi par le soleil, mais s'incline sur celui de l'écliptique, & le coupe sur la commune section ADN; il faut concevoir que la partie AOD est relevée au-dessus du plan de notre sigure, & que la partie DMA est plongée au-dessous du papier; la planète au point A de son orbite est

tyl Auntor D'Adrinonomin, Div. II.

dans le plan même de l'écliptique, elle est sur la ligne ADN commune aux deux plans, & qui s'étend en N dans l'écliptique, aussi-bien que dans l'orbite de la planète; mals en quittant le point A la planète s'éleve audessus de la figure que nous supposons représenter le plan de l'écliptique, elle s'éleve de plus en plus jusqu'à ce qu'elle arrive au point O où son orbite est la plus

éloignée de l'écliptique.

Antis boréale; après l'avoir passé, la planète descend en D où elle traverse de nouveau le plan de l'écliptique; or plongeant alors au-dessous de l'écliptique, elle décrit la portion inférieure DMA, qu'il faut imaginer abassée de quelques degrés au-dessous de notre plan. Le point A par lequel une planète passe pour s'élever du côté du pole septentrional au nord de l'écliptique, est le Naud ascendant (426); le point D par lequel elle passe pour aller dans la partie méridionale DMA, est le Naud descendant; la distance de la planète P à son nœud ascendant, c'est-à-dire, l'arc AP de son orbite, ou plutôt l'angle

au foleil ASP, s'appelle argument de latitude.

438. La partie AOD de l'orbite étant conçue relevée au-dessus du plan de la figure, on imaginera une perpendiculaire PL tirée du point P, où se trouvers la planete, jusques sur le plan de la figure, qui est le plan de l'écliptique; PL fera la hauteur perpendiculaire de la planète au-dessus du plan de l'écliptique, l'angle PSL fous lequel paroft, vue du foleil, cette diftance perpendiculaire de la planète à l'écliptique, est la latitude béliocentrique (427); l'angle PTL fous lequel parost cette même ligne vue de la terre T, est la latitude géocentrique; la ligne SP est la vraie distance de la planète au foleil, ou fon rayon vecteur; la ligne SL est la DISTAN-CE ACCOURCIE, (distantia curtata), ou la distance réduite à l'écliptique; de même PT est la vraie distance de la planète à la terre, LT est la distance accourcie de la planète à la terre. La ligne PL étant perpendiculaire sur le plan de l'écliptique, elle est nécessairement per-pendiculaire sur toutes les lignes de ce plan, & par confequent fur TL; ainsi l'angle PLT est un angle droit; il suffit de se bien représenter la ligne PL tombant à plomb sur la figure, & l'on verra que les triangles PLS, PLT, font tous deux reclangles au point



L qui est celui où aboutit la perpendiculaire PL abaissée

sur le plan de l'écliptique.

ment de latitude, est la distance de la planète à son nœud comptée sur l'orbite, ainsi l'angle ASL est la distance de la planète au nœud réduite au plan de l'écliptique; cette distance prise par rapport au nœud les plus proche, est plus petite que la distance mesurée sur l'orbite (431), ou plus petite que l'angle ASP, parce que la ligne PL qui tombe perpendiculairement sur les plan de l'écliptique, a son extrémité L plus près de la ligne des nœuds ASN, que son sommet P, ce qui rend l'angle ASL plus petit qué l'angle ASP; la différence de ces deux distances au nœud, l'une sur l'écliptique & l'autre sur l'orbite, s'appelle la rédustion à l'écliptique (431).

440. Nous avons démontré que les planètes tournent autour du soleil (411); nous verrons dans le livre suivant la manière de trouver les dimensions de leurs or-

nent autour du soleil (411); nous verrons dans le livre fuivant la maniere de trouver les dimensions de leurs orbites par des observations rapportées au soleil; mais comme c'est sur la terre que nous observons, il s'agit d'examiner dès-à-présent ce qui résulte de cette transposition, & ce que nous devons faire pour rapporter au soleil des

observations faites sur la terre.

Puisque nous sommes fort éloignés du soleil, nous ne pouvons appercevoir ni rapporter les planètes à l'endroit auquel nous les rapporterions si nous étions dans le soleil, & la longitude que nous observons dans une planète, n'est presque jamais celle que nous observerions si nous étions dans le soleil: la longitude vue de la terre, s'appelle longitude géocentrique, celle qu'on observeroit si l'on étoit placé au centre du soleil, s'appelle longitude héliocentrique. Nous avons expliqué ces deux

mots (427).

441. LA PARALLAXE ANNUELLE ou la parallaxe du grand orbe, prosapheresis orbis, est la différence de ces deux longitudes. & c'est le premier phénomène que produit notre éloignement du soleil & du centre des mouvemens planétaires. Soit S le soleil, (fig. 50 & 51), L le lieu d'une planète dans l'écliptique, & T la terre dans son orbite TNR; l'angle TLS formé par la distance accourcie SL de la planète au soleil, & par la ligne TL menée de la terre au lieu L de la planète réduit à l'é-

194 Avreos Paversnowed, Arres in

cliptique; s'appelle la parallane annielle; cet angle TLA est la dissérence entre la longitude héliocentrique & la longitude géocentrique; car si l'on tire la ligne SF parallele à TL, elle marquera dans le ciel la même longitude que la ligne TL (419), c'est-à-dire, la longitude géocentrique de la planète L: or, l'angle LSF qui est agal à son alterne SLT, est la dissérence entre la longitude marquée par SF & la longitude héliocentrique marquée par SL; donc l'angle SST, ou la parallane annuel se, est la dissérence entre la longitude géocentrique & la longitude héliocentrique; c'est aus l'angle formé dans le plan de l'écliptique par les distances accourcies d'une planète au soleil & à la terre, c'est-à-dire vL & TL.

442. Lorsqu'on connoît l'orbite d'une planète par le moyen des observations rapportées au foleil, & des mêthodes qui feront expliquées dans le livre fuivant, on est en état de trouver pour un temps quelconque 16 longitude héliocentrique d'une planère, & son rayon vecteur ou sa distance au centre du soleil; si dans le même temps on connost aussi la longitude héliocentrique de la terre, qui est toujours à 6 lignes de celle da soleil, avec la distance du soleil à la terre, on aura tout ce qui est nécessaire pour calculer la longitude de la planète vue de la terre. Soit ST la distance du folèst à la terre, SL la distance accourcie de la planète au folcil, l'angle TSL égal à la différence des longitudes de la planète P & de la terre T, vues du foieil, qu'on appelle commutation; la réfolution du triangle TSL dont on connoît a côtes, & l'angle compris fera connostre l'angle à la terre, ou l'angle STL qu'on appelle ungle d'elongation; cette élongation étant ôtée de la longitude du foleil, si la planète est à l'occident ou à la droite du foleil, donnera la longitude géocentrique de la planète, & le point de l'écliptique célefte où répond la ligne TE, menée de la terre au lieu L de la planète téduit à l'écliptique.

On peut trouver à peu-près avec une figure & un compas le lieu d'une planète vu de la terre, en formant le triangle STL, pourvu qu'on connoille les longitudes de chaque planète vues du foieil pour une feule époque.

Monoment det Plantes van de la Torri. 1275

recomme elles font dans la table ci join-	-	_			
te pour le commencement de 1772.		S.	D.	M.	S.
avec la durée de la révolution qui ra-	ក	a	10	40	24
meno la planète au même point de son!	ř				481
ambite (85). Ou place in terre T &	8	_	_	32	- 4
la planère P fuivant leurs longitudes	7				
héliocentriques, on divifant les cer-	4				37
cles AP, ST en signes & degrés, &	31	1-2	3	23	20
menant le point d' nour le noint	4	10	12	7	T
prenant le point de pour le point de duinoxial; on tire la ligne TP & la	ŋ	1 4	19	40	30
lione CF restables & TO to Hame of	ne d	Pob	el e	nest	o do
· ligne SF parallèle à TP, le degré fi					
ligne SF est la longitude géocentrique de					
443. La latitude géocentrique ou l'a					
wura par la proportion fuivante: Le fi					
« sion of au finus de l'élongation , comme l					
izisude biliocontrigue of à la sangente di	: /a :	lett	tudi	: "gyń	NOVI-

Demonstration. Dans le triangle PLS rectangle en L (438), on a cette proportion SL: LP:: R: tang. PSL; dans le triangle PLT aussi rectangle en L, on a une semblable proportion TL: LP:: R: tang. LTP; de première proportion donné cette équation LP. R=SL, tang. PSL, et la seconde, LP. R=TL tang. LTP; donc SL tang. PSL=TL tang. LTP, d'où i'on tire cette autre proportion, TL: SL:: tang. PSL: tang. LTP; mais dans tout triangle rectaligne TLS: les côtés sont entre eux comme les sinus des angles opposés, c'est-à-dire, que TL: SL:: sin. LST: sin. LTS, donc sin. LST: sin. LTS: tang. PSL: tang. LTP, latitude géocentrique de la planète.

souvent nécessaire dans nos calculat pour la trouver on nommence par chercher la distance accourcie, ou la distance de la planète au soleil réduite à l'écliptique SL; il suffit pour cela de multiplier le rayon vesseur SP, ou le vraie distance de la planète au soleil dans son orbite, par le cosinua de la intitude hélicommenque, ou de l'angle PSL; en esset, la ligne PL étant perpandiculaire sur le plan de l'écliptique (438), le triangle SLP est rechangle en L; ainsi l'on a par la trigonométrie ordinaire R:SP:: fin. SPL, on cos. PSL: SL; sinst comme le rayon est toujours pris pour unité, on a SL SL. Cal. PSL.

176 Adres D'Astronomie, Liv. II.

Dans le triangle LST on connoît tous les angles avec le côté SL distance accourcie du soleil à la planète; on fera donc cette proportion, sin. STL: SL:: sin. LST: TL, c'est-à-dire, le sinus de l'élongation est au sinus de la commutation, comme la distance accourcie de la planète au soleil est à la distance de la planète à sa terre.

445. Enfin, cette distance accourcie TL, étant divisée par le cosinus de la latitude géocentrique LTP, donnera la distance vraie TP de la planète à la terre; par la même raison que la distance vraie étant multipliée par le cosinus de la latitude héliocentrique, don-

noit la distance accourcie de la planète au foleila

des planètes qui détermine ce qu'on appelle communément la largeur du Zodiaque; Vénus est de toutes les planètes celle qui peut avoir la plus grande latitude, à cause de sa proximité à la terre, lorsque sa conjonction inférieure arrive dans ses limites, & qu'en même temps la terre est périhélie. Sa latitude en 1700 alloit à 8° 40′, suivant les éphémérides de ce temps-là, & elle peut aller jusqu'à 9° 1; ainsi la largeur du Zodiaque est au moins de 17° 4 dans ce siècle-ci; elle sera encore un peu plus grande lorsque les limites ou les plus grandes latitudes de Vénus, son aphélie & le périhélie de la terre concourront à rendre la distance de Vénus à la terre encore plus petite, & sa latitude géocentrique plus grande.

dans son orbite sait parostre dans le mouvement des planètes, c'est-à-dire, les parallaxes annuelles ont servi à trouver leurs distances. Aussi-tôt que Copernic eut reconnu avec quelle simplicité son hypothèse expliquoit les rétrogradations des planètes, il vit bien que plus la rétrogradation seroit considérable, plus elle supposeroit de proximité dans la planète, & que cette rétrogradation feroit consostre la quantité de la distance; les rétrogradations dépendent de la parallaxe annuelle, du grand orbe; c'est donc celle-ci qu'il est utile d'observer lorsqu'elle est la plus grande; voici la manière dont Coperqu'elle est la plus grande; voici la manière dont Coper-

nie s'y prenoit,

448. Copernic observa le 25 Février 1514, à 5 heures du matin, la longitude de Saturne 200°; suppo-

fant S le centre du soleil (fig. 31.), T la terre, P Saturne, il trouvoit par le calcul des moyens mouvemens observés dans les oppositions, & des équations de Saturne & de la terre déja déterminées, que si la terre eût été en K. Saturne auroit dû nous paroître à 203° 16', c'étoit sa longitude vue du soleil; la différence de 5° 44' étoit l'angle KPT, que Copernic appelloit commutavien, que Ptolomée avoit appellé prostaphuresis orbis, & que nous nommons aujourd'hui parallaxe annuelle (441); Pangle TSK ou TSP, différence entre le lieu de Saturne P vu du foleil, & le lieu de la terre T calculé pour le même temps, étoit de 67° 35/, (c'est ce qu'on appel-le aujourd'hui commutation) l'angle Tétoit donc de 106° 411; connoissant tous les angles de ce triangle on a le rapport entre les côtés SL & SF, c'est-à-dire entre la distance de la terre au soleil & celle de Saturne au Soleil; ce rapport se trouvoit être celui de 1 à 9 5 environ, c'est-à-dire, que Saturne étoit 91 plus éloigné du soleil S que la terre T. (Coper. de revolutionibus, l. V. c. 9).

449. Il en est de même de toute autre planète; lorsqu'on a observé plusieurs fois son opposition au soleil, ou sa longitude dans le temps où elle est la même vue de la terre ou vue du soleil, comme lorsque le soleil S, la terre K, & la planète P sont sur une même ligne, on est en état de calculer exactement cette longitude vue du soleil, pour le temps où la terre est à 30° de-là, c'est-à-dire vers T, & où l'angle de commutation PST=90°; si l'on observe alors la longitude de la planète vue de la terre, on la trouvera différente de plusieurs degrés, & cette quantité sera l'angle SPT, parallaxe annuelle de la planète P. C'est le point L ou le lieu réduit à l'écliptique dont on doit faire usage pour plus d'exactitude.

450. Lorsqu'on connost l'angle SLT & l'angle LST, qui est la différence entre la longitude de la terre connue pour le même instant, & celle de la planète calculée pré-

cédemment, on suppose ST égale à l'unité, & résolvant

178 Abrice D'Astronomes, Limill.

le triangle STL, on trou- te SL qui est la distance de la planète au soleil, ou		des planètes au solvil.
le rayon de son orbe en parties de cette unité ou de la distance du soleil à la terre; c'est ainsi qu'on a trouvé les nombres 4, 7, 10, 15, 52, 95, qui expriment les dubances	Venus. La Terre. Mars. Jupiter.	72333

des six planètes au soleil, ou du moins leurs rapports; elles sont avec plus d'exachtude dans la table ci-dessus. Les valeurs absolues de ces nombres en heues, ne peuvent se connostre que par les méthodes dont nous parletons dans le livre IV. à l'occasion de la parallaxe du soleil; mais on les trouvers dans une table qui est à la fin

de cet ouvrage.

Ayı. La méthode que nous venons d'expliquer, employée autrefois par Copernic, fervit ensuite à Képler pour trouver les distances des planètes par le moyen de leurs révolutions & de leurs parallaxes annuelles, & lui fit reconnoître cette belle loi dont nous parlerons bientet, que les carrés des temps sont comme les cubes des distances (469). Il nous suffit d'avoir fait observer ici que le système de Copernic, une fois démontré, donne un moyen de connoître les distances des planètes au soleil, ou du moins leurs rapports avec oelle de la terre.

452. L'on prouve de même que les ótoiles nouvelles de 1572 & de 1604, étoient placées beaucoup au-delà du fystème solaire (287); en effet, dans l'espace de trois mois que la terre met à alter de K en T, la parallaxe annuelle SPT, qui pour Saturne alloit à 5° à (448), & qui n'a pas été d'une minute pour ces étoiles, prouve qu'elles étoient 345 sois au moins plus éloignées de pous qu'elles étoient 345 sois au moins plus éloignées de pous

que Saturne.

Dos Révolutions planésaires.

453. Ayant démontré en quoi consiste la seconde inegalité des planètes, & la maniere d'en éviter l'effet, il est temps de parler des révolutions moyennes des planètes; soit par rapport à un point fixe, soit par rapport à

la terre. La durée de ces révolutions des planètes qu'il. faut connoître pour parvenir aux parallaxes annuelles, ne peut se déterminer exactement que par le moyen des conjonctions & des oppositions des planètes au foleil. En effet, puisque c'est autour du centre du soleil que les planètes tournent, c'est autour de lui que leurs révolutions doivent être comptées, & c'est au foleil qu'il faut, les rapporter; mais les conjonctions & les oppositions font les seuls points on le lieu d'une planète vu de la terre, foit fur la même ligne que le lieu vu du foleil, & où l'on puisse avoir directement le lieu vu du foleil ce sont donc là les circonstances qu'il faut employer ces recherches.

454. Les conjonctions et les oppositions des planètes qui nous servent à déterminer les durées de leurs révolutions moyennes, doivent être prises à de très-grandes distances les unes des autres, pour que l'effet des équations ou des inégalités périodiques disparoisse & qu'il soit absorbé par le grand nombre de révolutions sur lesquelles il se trouvera réparti, comme nous l'avons fair pour le foleil (315). Les comparaisons des anciennes observations rapportées dans l'Almageste de Ptolomée, ont été faires dans le plus grand détail par M. Cassini dans ses. Elimens d'Astronomie, imprimés à Paris en 1740; il a rap porté les anciennes observations, il les a réduites, calculées & discurées, & il en a conclu les révolutions tropiques, c'est-à-dire les retours à l'équinoxe pour chaque. planète.

On trouvera dans une table à la fin de cet ouvrage le résultat des comparaisons semblables, que j'ai faites pour mes nouvelles tables: j'y ajouterai les révolutions fydérales (321) & les révolutions fynodiques ou les retours au foleil, qui remenent pour nous les conjonc. tions & les oppositions moyennes des planètes au fo-

leil (557).

Des Equations séculaisés.

455. Les inégalités périodiques dont nous avons déja parle (308), & dont on verra bientôt le calcul (407) dans des orbites elliptiques, se rétablissent à chaque révolution; elles n'empêchent point que ces révolutions Le foient égales quand on confidere le retout de la pla-M 2

to Arrice D'Astronomie, Liv. II.

parant les obiervations faites en divers fiecles, on a obferve un radencissement dans le mouvement moyen de Saturne, & une accélération dans ceux de Jupiter & de la Lune.

Réplet écrivoit en 1625 qu'ayant examiné les observations de Regionnonanus & de Waltherus, faites vers
1460 & 1500, il avoit trouvé constamment les lieux de l'appear & de Saturne plus ou moins avances qu'ils ne des vicaeat l'être selon les moyens mouvemens déterminés par les anciesses observations de Ptolomée & celles de l'yoho faites vers 1600. Après avoir discute cette materie, & premot un milieu entre plusieurs observations, ser cans à féreus fiecles, j'ai trouvé qu'il falloit suppose l'estamon de Saturne de 5° 13' 20" pour l'espace-de 2000 ans, ou 47' pour le premier siecle. Celle des Junier de 3° 23' 20", ou de 30" pour un siecle; on suppose qu'elle va en croissant comme le carré des temps, ains qu'elle va en croissant comme le carré des temps, ains qu'elle va en croissant comme le carré des temps, ains qu'elle va en croissant comme le carré des temps, ains qu'elle va en croissant comme le carré des temps,

Le mouvement moyen de Saturne en différens fierles à d'aurres inegalités qui ne peuvent s'expliquer même par les equamons feculaires; sa révolution moyente est efference d'elle même, suivant les circonstances en con l'observe; sans que l'actraction de jupiter qu'on avoir eru devoir immer seule fur ses mouvemens, puisse produire les parelle différence; cette inégalité singuliere que j'ai occourance en 1766, est expliquée fort au long dans les Mémoires de l'Académie pour la même

HINCC.

Mon résident est qu'indépendamment de l'attraction de l'apiter, il y a dans Sacuroe une inégalité dont la cause dent ture différence; qui dans les mêmes configurations core lupiter, produit un effet plus grand que celui qui réside des plus crandes variètés dans la position de Jupiter pur montre à Sacuroe, & qui est sensible, sur-tous de ma la cause; peut-être est-ce l'action de quelque comple que ca aura passe très-près; mais le fait dont on ne mande que cause cause clès de plus d'une semaine, même; a mercana à part toures les inégalités ennues, sans le mercana à part toures les inégalités ennues, sans le mercana à part toures les inégalités ennues, ni par l'action de sur la part différence puisse être produire, ni par l'action de surprise que nous l'action de surprise différence puisse être produire, ni par



connoissons. Aussi mes tables de Saturne, qui depuis 1740 jusqu'en 1770, ne s'écartoient jamais de l'observation que d'une ou deux minutes, s'en écartent déja en 1773 de six minutes, ce qui annonce un retardement sensible depuis trois ans. Il faudra bien du temps avant qu'on parvienne à démêler tous ces dérangemens: Saturne dans l'espace de 30 ans ne faisant qu'une seule révolution, ce n'est qu'après plusieurs siecles qu'on en aura un nombre suffisant pour reconnoître leurs variétés & leurs dérangemens.

Retours des Planètes aux mêmes situations.

457. La position apparente d'une planète vue de la terre, dépend non-seulement du lieu où elle se trouve réeslement, mais encore de l'endroit d'où elle est vue, c'està dire, du lieu de la terre; car en vertu de la parallaxe annuelle (441) une planète située en un seul & même lieu, peut paroître plus orientale, si la terre est plus occidentale; elle peut même paroître dans un lieu totalement opposé. Ainsi pour qu'une planète revienne pour nous à la même longitude où elle s'est trouvée une fois, il faut que la planète & la terre soient chacune au même point de son orbite, c'est-à-dire, à la même longitude; alors le lieu de la planète, sa latitude vue de la terre, aussi-bien que le passage au méridien, le lever & le coucher se trouvent les mêmes qu'auparavant, & recommencent dans le même ordre.

S'il étoit facile de trouver pour les planètes de semblables périodes, le trayail de ceux qui calculent les éphémérides & le livre de la connoissance des temps, l'éroit fort diminué à cet égard; mais ces périodes sont ou fort longues ou fort imparfaites; en voici cependant un essai, qui peut être utile à ceux qui casculent des éphémérides.

458. Mercure doit se retrouver presque à la même place par rapport à la terre après 13 ans & 3 jours; ce sera seulement 13 ans & 2 jours s'il se trouve 4 bissextiles dans les 13 années; parce que dans cet intervalle il fait 54 révolutions avec 2° 55/ de plus, & la terre 13 révolutions avec 2./59/ de plus.

459. Vénus, après un espace de 8 ans, se trouve à 1' 32' seulement du lieu où elle étoit, & la terre se M 3

The Appetor o'Astronomie, Liv. II.

trouve 4' plus loin, enforte que la fituation apparente de Vénus approche bésucoup d'être la même deux jours au-

peravage.

15 ans moins 19 jours, s'il y avoit 4 hissextiles dans les la années. Il y a une période encore plus exacte pour la mais elle est de 79 ans & 45, ou un jour de moins s'il y a 20 bissextiles.

461. Pour Jupiter, c'est 83 ans, en supposant qu'il ny ait que 20 bissextiles dans cet intervalle; s'il y en avoit 21, ce seroit 83 ans moins un jour. La période de 12 années & 5 jours approche encore beaucoup de

cette exactitude.

don. Saturne, en 79 ans & 2 jours, change de 1° 45% & la terre de 1° 47/; par ce moyen Saturne & la terre le trouvent pour ainsi dire à la même anomalie, à la même distance entr'eux; ce seroit 59 ans & 3 jours s'il se trouvoit dans l'intervalle une année séculaire comme 1700, dont on supprime la billèxule suivant la règle du Calendrier Grégorien.

Le 29 Septembre 1702. Saturne étoit en opposition à 1 du soir avec es 6° de longitude; le 31 Septembre 1761 au marin il s'est retrouvé en opposition ayant 1° 55° de longitude, de plus qu'en 1702, de seulement 2° de plus en latitude. Il en est de même du 15 Juillet 1696 au 18 Juillet 1755. On remarquera seulement dans cette dernière comparaison que l'intervalle est 59 aus 3 jours, parce que l'année 1700 a été plus courte qu'à l'ordinaire, à cause du retranchement d'une bissextile dans les années séculaires.

Stations & rivrogradations des Planètes.

463. Les planètes inférieures, Mercure & Vénus, tournent autour du soleil en moins de temps que la terre; dès-lors elles doivent parofère directes dans leurs conjonctions supérieures, & rétrogrades dans leurs conjonctions inférieures. Soit TB l'orbite de la terre (fig. 50.), & AMDO l'orbite de Vénus ou de Mercure; lorsque la terre est en B, & que Vénus se trouve en M dans la conjonction supérieure, c'est-à-dire, au-delà du soleil, este parost aller, comme elle va réellement,

d'occident en orient, c'est-à-dire, vers la gauche, de M vers D; mais si la terre étant en B, Vénus se trouve en O dans sa conjocction inférieure, elle nous parostra aller à droite, parce qu'elle va de O en P plus vite que la terre ne va de B en T; aissi Vénus sera rétrograde, en apparence, dans sa conjonction inférieure; car, quoiqu'elle aille véritablement du même sens que lorsqu'elle étoit en M, elle va par rapport à nous en sens contraire; elle avançoit vers la gauche de M en D dans le premier cas, & dans le second elle semble alles / vers la droite en avançant de O en P, donc alors elle parost avancer contre l'ordre des signes; mais cela vient uniquement de ce que nous comparens & rapportons les planètes à des points de la sphère étoi-lée qui sont plus éloignés de nous.

trograde il y a nécessairement un instant qui forme le passage, c'est-à-dire un temps où la planète parost sa-tionaire; elle cesse alors d'être directe, elle est prête à être rétrograde, mais elle n'est ni l'un ni l'autre, elle est dans le point de réunion oh se touchent les arcs de direction & de rétrogradation, & c'est ce point qu'il faux déterminer, si l'on veut connoître l'étendue de la ré-

trogradation.

Si la terre étoit fixe en B; Vénus nous paroftroit stationaire lorsqu'elle seroit sur la tangente BC, menée de la terre à l'orbite de la planète; car il y a dans ce point C un petit arc de l'orbite qui se réunit & se confond avec la tangente BC, & tandis que la planète parcourt ce petit arc de son parcourt se petit se pe

cela fussit pour que la planère paroisse en avoir un ca sens contraire & vers la gauche, quoiqu'elle soit sur la tangente BC; mais quelque temps après il univera que le mouvement CH (sq. ya.) de la planère, & le mouvement IK de la tèrre pendant le même temps, senont tels que les rayons visuels IG, KH, seront parallèles entrieux; alors la planère nous parostra pendant tout ce temps-là répondre au même point de l'écliptique, elle nous parostra stationaire; car on a vu (419) que toutes les lignes droites paralleles tirées de notre œil dans le

184 Askeds D'Astronomie, Liv. III.

ciel, font pour nous comme une seule & même ligne dirigée à une même longitude, ou à un même lieu du ciel. 466. Pour déterminer la quantité de la direction & de la rétrogradation des planètes, il s'agit principalement de connoftre le point & le moment où elles font stationaires; ce problème est difficile, quand on veut considérer les inégalités de la planète & de la terre; mais on se congente de prendre les éphémérides où les longitudes des planètes sont calculées pour tous les jours, & l'on voitles points où la longitude s'est trouvée la même deux jours de fuite; l'intervalle de ces deux points, ou les temps qui les fépare, divise la révolution en deux parties, qui font la durée de la direction & celle de la rétrogradation; elles varient beaucoup fuivant la distance. de chaque planète: la plus grande durée de la rétrogradation est à peu-près de 22 jours pour Mercure, de 43 pour Vénus, de 80 pour Mars, de 122 pour Jupiter or de 141 pour Saturne, dans l'intervalle d'une conjonction l'autre, ou d'une révolution synodique (454). On peut voir des solutions de ce problème des retrogradations dans les Mémoires de l'Académie de Pétersbourg, & dans mon Aftronomis.

LIVRE III.

Théorie du mouvement des Planètes autour du Solet!.

du système de Copernic, il ne songea plus qu'à s'en servir pour connoître les distances des planètes au soleil, & les loix de leur mouvement autour du soleil; il y réussit au delà de ses espérances, puisqu'il découvrit en effet les trois choses les plus importantes qu'il y ait dans la physique céleste, & que nous appellons encore les toix de Képler.

1°. Que les orbites des planètes sont des ellipses dont le foyer est au centre du soleil.



Thavit de mouye des Plantese auseur fin Solelle 185

2': Qu'elles décrivent ces elliples avec des vitelles telles que les aires sont toujours, proportionnelles aux temps.

3. Que les carrés des temps de leurs tévolutions sons

comme les cubes de leurs distances au soleil.

408. Pour trouver la figure des orbites planétaires. Képler s'attacha spécialement à l'orbite de Mars, parce qu'elle est plus voisine de la terre, & que son excentricité est considérable, & il chércha le moyen de trouver les distances de Mars au soleil en divers points de son. orbite, en prenant toujours la distance de la tefre au foleil pour base & pour échelle commune: il se servit pour cela de la parallaxe annuelle de Mars, ou de l'angle SPT (fig. 51.) déduit des observations, comme nous l'avons expliqué ci dessus pour Saturne, d'après Copernic (448); il détermina de la même manière la distance de Mars au folcil dans son aphélie & dans son périhélie, l'une de 16678 parties, l'autre de 13850, en suppofant toujours la distance moyenne de la terre au soieil de 10000; ainfi la distance moyenne de Mars étoit de 15264 & l'excentricité de 1414. El choifit ensuite trois autres distances vers les côtés de l'orbite, entre l'aphélie & le péribélie, telles que SM, SD (fg. 55.): il les détermina par les observations de Tycho en suivant la même méthode. Ces distances de Mars au soleil se trouverent soutes plus perites qu'elles n'eussent été dans une orbite circulaire, de la même excentricité, & du même rayon, comme le cercle circonferit ANP; il s'enfuivoit naturellement que l'orbite de Mars étoit plus étroite qu'un cercle, qu'elle rentroit sur les côtes, & qu'elle étoit en forme d'ovale; c'est la conclusion qu'il en tire à la page 213 de fon grand & bel ouvrage intipulé Astronomia

409. Les dilbances des planètes ainsi déterminées condustirent Képler à chercher, quel rapport il y avoit entre les distances de les durées des révolutions. Pourquoi disoit-il, Jupiter, qui est cinq fois plus éloigné du soleil que la terre, et qui n'a que cinq fois plus de chemin à faire, emploie-t-il 12 fois plus de temps à le parcourir; c'est-à-dire 12 ans. Les rapports des temps sont plus grands que ceux des orbites; mais n'y auroit-il pas quel ques puissances ou quelques racines de ces nombres qui

pullent être d'accord.

ciel, font pour nous comme. rigée à une même longitude... - authores des différence 466. Pour déterminer le e les révolutions de la rétrogradation des plus mapass done as hazard connoître le point & uffliva même les carrés res; ce problème el a differences; mais trop ide les inégalités de la phi tans dens quelque faute des tente de prenare a memore fois; il crut trouve planètes fingent tron pes lien, de rejetta cette les points o. 1 aus & matile. Ce ne fix que le jours de i... temps c ♣ t is mêmes comparaifons; il cals ties, Tumme qu'il y avoit réeliement un **trogram** minima coure les cartes des temps pé**d**8 0 quelconques, & les cubes rion. ্রার সম্প্রাক্তর যা foldil: il-fixt fi enchant pr. er ererte, qu'à peine il se fioit à ses caldin. 🖘 🖫 🕸 🖘 Alution & avoir inprofétee qu'il er i poron qu'à peuse se persuader qu'il ware the venire cherchée pendant in ans. rame, J. F. rag. (Sq.). Qu'suroit-il dit, s'il was the combinations admirables qu'on a la and the state of t The second of the second ... is the state of the state o to the state of th ica : ci i 120; or, les durées de common tax de 3573 de de 4332 à jours, dont 2 mas a resignat la demices chiffres, font enco-= merent : est a tage diene, le rapport est de mé-L'anne le curre de temps périodique de la diffence mowas a specie of the fest plus grand que Monte invente de la terre, c'est en monte de la terre, c'est en monte de la terre, c'est en monte de la terre de la révolution de Jupi-: 2 30 2 2 Hillance considerate ceux de la The second explanem quind on compare trailes de limiter de de Saturne avec A record of the productions, & For very days le XIP



Théorie du Inquo. des Plantes Advout de Said. 289

re, que de cette loi doinée par observation, il sonsuivoit nécessairement que la fonce centrale, où la gouvité des planètes vers le soleil étoit en raison inverse du carré de la distance, c'est-à-dire, la plus belle découverte de Newton, qui dut sans doute son origine à cette de Képler.

47.1. Je me suis inême servi de cette soi pour trouver les distances moyennes des planètes qui sont dans la rable de l'article 450, & je les crois plus exactes que célles qu'on déduiroit des ibservations à la manière de Kélles quoique celles ci nous alent appris la règle, dont nous faisons usage en abandonnant inême les ubservations.

472. Une autre loi générale du mouvement des planttes également importante dans l'astronomie, est que de aires sons proportionnelles au romps; é'est encore une des découvertes de Képler; rependant il ne démontroit cette vérité que d'une maniere incomplètes. Newton a sait voir le premier qu'elle étoit une saite nécessaire des loix générales du mouvement.

Képler étoit persuadé que le mouvement circulaire des planètes étoit produit par anéte certaine force émanéte du soleil, qui les sorçoit à tourner autour de l'axe du soleil, comme il y tournoit lui-même. Il considéroit que puisque les planètes les plus étoignées cournoient plus les certaines que les planètes les plus prochet du soleil, il fabloit que la sorce motrice sur plus petite à une plus grande distance, & cela le conduist à établir non seulement la force d'inertie, dont il a parlé le premier, mais encore la règle des aires proportionnelles aux temps.

473. Képler démontre d'abond dans la nouvelle physique céleste, que le mouvement des planètes dans les apsides est proportionnel à leur distance au soleil, même dans l'hypothèse de Ptolomée (309), c'est-à-dire, qu'en prenant un arc de l'excentrique vers l'aphélie, & un autre arc de même longueur vers le périhélie, la planète est plus long-temps dans l'arc aphélie, à proportion que la distance aphélie est plus grande; ou, ce qui revient au même, que les aires décrises dans le même temps sont égales.

474. Soit E (fig. 53.) un point autour duquel le mouvement parostroit uniforme (309), & qui, suivant Ptodomée, était différent du centre de l'excentrique, S le point B: avant une deux lignes MEO, NEP, l'arc MN & l'arc OP sont parcourus dans le même temps suiunit cette hypothèse, puisque les angles en E sont
typux; si du point S on tire les lignes SO, SP, & les
lignes SN, SM, elles formeront des secteurs égaux
OSP, NSM: en effet, supposant les arcs MN & OP
extremement petits, on aura par les triangles semblables
NEM, OEP, cette proportion MN: OP::ER:EQ,
donc MN. EQ=OP. ER; mais EQ=SR & ER=SO;
donc MN. SR=OP. SO; donc le secteur SNM est
tegal su secteur OSP: donc dans l'hypothèse même des
anciens si l'on prend deux arcs MN & OP, décrits par
une planete dans des temps égaux, on aura au point S
des aires égales.

475. De ce que la planète emploie plus de temps dans son aphèlie à parcourir un même arc, Képler conclut en géneral, que plus la planète est éloignée du centre du foleil, plus elle est foiblement animée par la force motrice qui la fait tourner autour du foleil, ainsi que cela s'est vérifié depuis la découverte de la loi d'attraction.

476. L'orsque Képler passe à la considération des onbes elliptiques, il transporte à l'ellipse les propriétés ou'il n'avoit démontrées que pour le cercle excentrique, fans y employer de nouvelle démonstration; ainsi la loi des aires proportionnelles au temps n'étoit prouvée qu'imparfaitement, elle ne pouvoit passer jusqu'alors que comme une approximation commode, facile dans la pratique, & justifiée par l'accord du calcul avec l'observation.

Mais lorsqu'on considere les orbites planétaires comme formées par le concours de deux forces & de deux directions différentes, dont l'une est de sa nature uniforme & constante, dès lors les aires deviennent nécessairement & rigourement proportionnelles aux temps, comme nous le démontrerons bientôt (480).

477. On prouve très-bien aujourd'hui, par l'observation des diamètres du soleil, que les aires sont proportionnelles aux temps vers les apsides, ou, ce qui revient au même, que le mouvement du soleil est d'autant plus lent qu'il est plus éloigné de la terre. Le diamètre du soleil est de 31/31" en étér, & de 32/36" en hiver; suivant les observations que j'ai faitre avec le plus grand



soin; cela prouve que la distance du soleil en hiver est & sa distance en été, comme 31' 31' est à 32' 36"; car les grandeurs apparentes d'un objet éleigné sont en raison inverse de ses distances: le mouvement horaire du foleil en hiver est de 2/33/1; or 32/36/1: 31/31/1::2/ 33//: 2/ 28//; ainsi le mouvement horaire du soleil de vioit être de 2/ 28/ en été, si ce mouvement horaire étoit en lui-même constant & uniforme, & que ses différences ne dépendissent que de l'éloignement du soleil ; cependant, par l'observation, ce mouvement horaire ne fe trouve que de 2/ 23/1; il est plus petit qu'il no devroit être dans cette supposition: donc, outre les 5" des différence qu'il doit y avoir entre les mouvemens horaires du soleil en été & en hiver à cause de ses différentes distances, il y a encore une différence réelle de 5", que ne provient pas des distances, mais qui est un ralentissement véritable dans le mouvement apparent du soleil donc, le mouvement réel de la terre est effectivement plus lent dans l'aphélie que dans le périhélie. On voit même qu'il est en raison inverse des distances, puisque Fon trouve 2/23", au lieu de 2/28" qu'il y auroit, ensupposant le mouvement unisorme, c'est-à-dire, 5" pour l'excès du mouvement horaire en hiver sur le mouvement en été, indépendamment des 5¹¹ qu'il doit y-avoir, à raison de la distance du soleil qui est moindre en hiver; or 2' 23" est à 2' 28", comme 31' 31" est à 32' 36". c'est-à-dire, comme le diamètre en été est au diamètre en hiver, ou comme la distance en hiver est à la distance en été; donc le mouvement du soleil en été est au mouvement qu'il paroîtroit avoir s'il alloit toujours uniformément, en raison inverse de sa distance.

478. La loi des aires proportionnelles au temps ayantété démontrée par Képler pour le cas de l'aphélie & du périhélie, & vérifiée d'ailleurs par un accord général qui fe trouve entre les observations & le calcul tiré de cette loi, nous pourrions la regarder comme prouvée astronomiquement, n'ayant pas encore traité des causes qui doivent produire cette loi; cependant nous allons démontrer en peu de mots, 1° que les planètes tournent autour du soleil en vertu d'une force centrale ou attractive, dirigée au foyer de l'ellipse; 2° que cette force une sois supposée, il s'ensuit que les aires sont proportionnelles au temps; ce sera une connoissance élémentaire

ME ARRAGENIANAMANAMANAMANINE

qui préparere la lafteur à la physique célette, dont nouit

mairerque dans le XIII livre.

479. C'est la premiere loi du mouvement prouvée pest l'expérience, & admise par tous les mathématiciens, même du temps d'Anaxagore, qu'un corns ayant parcours une ligne droite uniformément dans l'espace d'umone direction dans la minute furvante, fi rien ne s'y opposoit; ainsi la planète P (6g. 54.), ayant été une seule fois uniformément de P en Q sur la ligne droite PQ, elle continuerous à se mouvoir de Q en F sur la meme direction PQF, en percourant un espace QF égal à PO uniformement, & dans le même espace de temps. Cependant les planètes décrivent des elliples, de non pas des lignes droites, elles courbent lans cetto feur route du côté du soleil, & reviennent après une révolution reprendre la même route à la même diffance du soleil; il y a donc dans le soleil une force capable de désourner à chaque instant une planète de la ligne droite qu'elle venoit de décrire l'instant précédent. Nous examinerons la mesure & la quantité de cette foroe dans le XIIe livre, où nous traiterons de l'attraction; il nous suffit ici de faire voir que cette force centrale existe, puisque sans elle les planètes ne pourroient décrire que des lignes droites, & jamais ne reviendroient aux mêmes lieux, comme elles le font, en décrivant fans colle une courbe qui environne le foleil.

La seconde loi du mouvement que je suppose encore conaue & démontrée, parce qu'elle se trouve dans tous les livres de mécanique, ou de dynamique, est celleci : un corps poullé à la fois per deux forces différentes, dont les directions font un angle, & dont chacune pourroit lui faire parcourir en une minute un des côtés d'un parallélogramme, en décrira la diagonale dans la même minute. La planète arrivée en Q est poussée vers le soleil, suivant la direction QS, avec une force qui seule seroit capable de lui faire parcourir en une minute une ligne droite telle que QG, candis qu'au même influnc elle est sollicirée à parcourir en une minute une ligne QE égale à PQ, en vertu de la premiere toi da mouvement; si sur les lignes QG & QF on forme un parallelogramme GQFR, la planète par-Coura la diagonale (A.E. dans la méme minute. Il no



fant que ces seuls principes pour démontrer que la loi des sires proportionnelles su temps, doit avoit lieu dans toutes les planetes. Voici à peu-près la démonstration de Newton, (Philosophie natur, principle mathemat. 1. 1.

11. prop. 1.)

480. Je confidere une planète en un point quelconque

Q de son orbite, venant de parcourir l'instant d'auparavant une très-petite portion PQ de cette orbite, que l'on

want une très-petite portion PQ de cette orbite, que l'on peut prendre pour une ligne droite; la planète parvenue de P en Q, & le rayon de son orbite ayant passé de SP en SO, a décrit l'aire SPO en une minute de temps; je dis que dans la minute fuivante elle décrira une aire SOR égale à SPO, ou un triangle égal en surface à SPO, ensorte que l'aire décrite par le rayon vecteur, se-ra égale en temps égal. En effet, si la planète livrée à elle même, est continué à se mouvoir de Q en F, elle auroit décrit une aire QSF égale à l'aire PSQ, parce que ces deux triangles sont égaux, ayant des bases éga-les PQ & QF, & la même bauteur: mais à cause de la force centrale qui attire la planète vers le folcil, ce sein Paire QSR, (à la place de l'aire QSF), qui sera décrite par la planète; or, les triangles QSR, QSF, contencore égaux, parce qu'ils ont la même base QS, & sont compris entre les memes parallèles FR & QS; donc l'aire QSR est aussi égale à l'aire PSQ: ainsi il est demontré que la petite aire décrite dans la premiere minute, est égale à la petite aire décrite dans la minute suivante; & procédant ainsi de minute en minute dans touse la durée de la révolution, on démontrera avec la même facilité que la mêmo planète décrira éternellement la même aire dans le même temps, à quelque distance du solell qu'elle parvienne, tant qu'il ne surviendra pas une force etrangere qui puisse troubler l'égalité ontre OF & PO, c'est-à-dire, entre la ligne qu'une planète vient de parcourir, & celle qu'elle tend à parcourir dans la minute fuivante.

481. Ainsi la lei des aires proportionnelles aux temps est prouvée non-sculement par l'observation, c'est-à-dire, par l'accord général des calculs fondés sur cette loi, avec les observations, mais encore par la nature même des deux forces qui animent les planètes: nous allons donc passer au calcul du mouvement des planètes dans les orbites elliptiques, pour être en état d'affigner en

met Angeler warrenvoure, Liv. fit.

trac semps le point de foi orbite de une planère doit le couver as verus de la les précédence.

Do Movement Ellistique.

422. Directmons. Le raper coffeer d'une planète est la ligne tirée du centre du folcil au centre de la planéte, on la distance de la planète au foyer de son ellipse. Soir AMD? (68. 55.), l'orbite elliptique d'une plamère décrite autour du foyer S, ou est placé le soleil

(458), M le l'en actuel d'une planète pour un inflant donné, le ligne SM fera le rayon verteur. La ligne des apsides, on le grand axe de l'ellipse marque l'aphelie & le périhélie de la planète (310): Tarmente, ou l'aplide supérieure, est le point de l'orbice où la planère est la plus éloignée du soleil; tel est le sommet A du grand ave AP, le plus eloigné du foncer S. Le Perimerire, ou l'apside inférieure, est le point de l'orbite où la planere est la plus proche du AP, la pies voitine de foyer s'ou réfide le foleil.

L'Avontaire en general est la définace d'une planète à fine aphene ; muis il v a pleform manieres de confidé-

Not come diffusion.

L'Anomalie vrain est l'angle formé au fover de l'elliple per le revoce vectione de par le ligne des apfides; tel est l'agre ASM forme par le grand are AS & par le

Terring vectors S.M.

L'ARGMALIE EXCENTRIQUE est l'angle formé au centre de l'ellipse, par le grand axe & par le rayon d'un cercle circonferit, mené à l'extrémité de l'ordonnée qui passe pur le lieu vrai de la phroète. Ainfi ayant décrit un cercle ANP for le grand axe AP de l'orbite, comme discrètre, on tirera l'ordonnée RMN par le point M, cù est supposée la planère; & à l'extrêmité N de cette ordonnée on menera le rayon CN, c'est celui qui déterminera l'anomalie excentrique AN on ACN.

L'Anomalie movezer est la définice à l'aphélie suppolée proportionnelle su temps; c'est celle qui sugmente uniformément & égolement depais l'aphélie julqu'au Peribelie; ainfi une planète qui emploiroit fix mois à aller de A en P, maroie à la fin du premier mois 30° d'anomalie moyenne, so à la fin du ferond, & ainsi de suite, en augmentant toujours proportionnellement au temps. Si l'on prend une ligne CX pour marquer l'anomalie moyenne, en supposant que cette ligne tourne unis formément autour du centre C, la ligne CX sera d'abord plus avancée que la ligne CN, parce que AN crost plus lentement vers l'aphèlie où le mouvement de la planète est moindre que le mouvement moyen, & cet avancement augmentera tant que la vitesse de la planète sera moindre que sa vitesse moyenne; ensuite le point N se rapprochera du point X, jusqu'à ce qu'au périhèlie P ils se réunissent ensemble; là les trois anomalies se confondent, & sont également de 180 degrés.

La différence entre l'anomalie vraie & l'anomalie moyenne forme l'équation de l'orbite ou l'équation du

centre.

483. Puisque l'andmalie moyenne est proportionnelle au temps, & qu'elle est une portion du temps de la révolution, elle peut être mesurée par toute quantité qui aura un progrès uniforme: ainsi non-seulement l'arc AX, l'angle ACX, & le secteur ou l'aire circulaire ACX peuvent s'appeller Anomalie moyenne, mais encore le secteur elliptique, ou l'aire ASM, formée par le rayon vecteur SM, le grand axe SA & l'arc d'ellipse AM: en effet, les aires décrites par le rayon vecteur SM, étant proportionnelles aux temps (472), le secteur AMS sera la sixieme partié de la surface elliptique AMDPA au bout du premier mois, (dans la supposition de l'article précédent) il en sera par conséquent le tiers au bout de deux mois, & toujours ainsi uniformément; ensorte que la surface, ou l'aire elliptique sera la quantité proportionnelle au temps, une fraction égale à la fraction du temps, ou à l'anomalie moyenne: ainsi l'on pourra dire à la fin du premier mois, que l'anomalie moyenne est 30°, ou en général, qu'elle est un douzieme; car alors les 30° sont la douzieme partie du cercle, le temps employé à le parcourir sera la douzieme partie du temps de la révolution entiere; & enfin l'aire AMS sera la douzieme partie de l'aire entiere de l'ellipse; mais ordinairement c'est en degrés que nous exprimons l'anomalie moyenne.

484. Képler ayant trouvé que les planètes décrivoient des ellipses avec des aires proportionnelles au temps, il ne lui restoit plus que d'en conclure le vrai lieu d'une planète pour un temps donné. Lorsqu'on connoît la du-

N

194 Annece n'Astragnoming Live III.

rée de la révolution de la planète, par exemple, celle de Mercure, qui est de 86 jours, & qu'on demande le fieu de Mercure au bout de deux jours, c'est-à-dire, de la 43: partie de fa révolution, on fait des-lors que l'aire du softeur ASM compris entre l'aphélie & le rayon vetteur SM, est la 43e parcie de la surface de l'ellipse; cette portion du temps, ou cette portion de l'ellipse est proprement l'anomale moveme, que l'on peut aussi exprimer en degrés, en prenant la 43º partie des 360° ou du cercle entier: car on a vu que nous pouvons appeller indifféremment anomane moyenne, une portion du temps, une portion de l'elliple, une portion de la circonférence du cercle; c'est toujours une fraction qui est donnée, quand on cherche le lieu d'une planète, mais c'est en degrés que nous la prendrons ci-après, pour suivre la forme ufitée dans les tables astronomiques, où toutes les anomalies & toutes les équations s'expriment en degrés, minutes & fecondes.

forface du secteur ASM, il s'agit de trouver l'anomalie vraie, ou l'angle ASM de ce secteur. Képler sentit bien la difficulté de ce problème: étant donnés l'anomalis misseure, trouver l'acomalis vrais, même dans un cercle, car la difficulté est à-peu-près la même que dans l'ellipse; il se contenta d'inviter les géomètres à en chercher sa solution, sans espérer qu'on la put trouver d'une manière directe, parce qu'elle suppose, ainsi qu'on le veris bientôt, le rapport entre les arcs & leurs sinus, qui n'est donné que par approximation.

486. Pour simplisser la question, l'on renvers le problème à l'on suppose connue l'anomalie vraie pour en déduire l'anomalie moyenne; cette méthode est plus courte, souvent plus exacte, à tient toujours lieu dans la pratique, de la méthode directe. Cette méthode indirecte a été employée avec succès par M. l'Abbé de la Caille dans ses recherches sur le Soleil; elle est fondée sur les deux théorèmes suivans, que nous alions démontrer d'une manière très-simple.

487. LEMME I. Dans une ellipse AMP, à laquelle on a circonserit un cercle ANP; CX étant la ligne de l'anomalie moyenne (482), M le vrai lieu de la planète, RMN l'ordonnée qui
passe par le lieu de la planète; le setteur circulaire ANSA est
toujours égal au setteur circulaire ACE de l'anomalie moyenne.



Démonstration. Soit T le temps entier de la révolution de la planète, & t le temps qu'elle a employé à aller de A en M, on auta par la règle des aires proportionnelles aux temps; t est à T comme le secteur AMS est à la surface de l'ellipse; de même, puisque ACX est l'anomalie moyenne, on aura t est à T comme ACX est à la surface du cercle; donc AMS est à ACX comme la surface de l'ellipse est à la surface du cercle. Mais par la propriété de l'ellipse, démontrée dans tous les livres de sections coniques AMS est à ANS, comme la surface de l'ellipse est à la surface du cercle; nous avons donc deux proportions qui- ont trois termes communs, savoir AMS, la surface de l'ellipse & la surface du cercle; le terme qui paroit différent est donc nécessairement le même; donc ACK & ANS font égaux entre eux. C. Q. F. D.

488. Lemme II. Dans tout triangle rectangle MRS (fig. 55,) si l'angle RSM est divisé en deux parties égales, la tangente de la moîtie de l'angle RSM sera égale à pris 8 B= 8 M; on aura l'angle B égal à la moitié de l'an-RMRMRB

RM RS+3M.

489. Lemme III. Le rayon vecteur S M est égal à SR; & fi I'on fait CA = a, CR = a, CS = e, on aura le rayou vecteur $SM = \frac{(a+x)(a+e)-a(e+x)}{}$, ou ce qui

Par la propriété la plus comute de fevient au même l'ellipse, on a SM + FM = za, supposons SM = a + z, & FM = s - z, on a RM^2 ou $y^2 = SM^2 - SR^2 = aa + F$ 2 05 1 23 - ce - 2 ex - xx = SM2 - SR2 = ca - 2 03 + 28 - ce + 22x - xx; égalant ces deux valeurs, on a 2 az $z = \frac{ex}{a}$, $z = \frac{ex}{a}$, $z = \frac{ex}{a}$, donc $SM = a + \frac{ex}{a}$, ou ce

qui revient au même, SM=-

490. THEOREM. LA RACINE CARRÉE de la distance péribélie est à la rucine carrée de la distance apbélie, comme la tangenté de la moitié de l'anomalie excentrique.

Dans les triangles restangles MSR & NCR, en employant N. 2

e brandsomic, Liv. III.

um croies se l'article 482, on a cette proportion : AM SR+SM CR+CN fi l'onmet à la piace in rapport de RM à RN celui de CD à CA qui lui est. can par la propriété de l'elliple, & à la place de SR 4-SM fa valent PR. CA, (489); & enfin PR 2 la place de CR+CN, our changers in proportion on celle-ci: tang. 4 MSR: tang. 4 CD.CA CA MCR:: PR.SA: PR:: CD:SA; :: V aa-ce: a + e:: Va-e. Va +e, en divisant les deux derniers termes par Va + e; ainfi l'on aura T. i MSR: T. i NCR: : Va - e: V ++ c, :: V PS: VSA: c'est-à-dire la tangente de la moithé de l'anomalie vraie ASM est à la tangente de la moitié de l'anomalie excentrique ACN, comme la racine carrée de la distance péribelle PS est à celle de la distance aphélie AS. C. Q. F. D. 491. La prerennen entre l'anomalie excentrique & l'ano-

maise moyeuve est égale au produit de l'excentricité par le sinus

de l'annualie executrizae,

DEMORSTRATION. Le secteur circulaire ANSA, est égal au fecteur de l'anomalie moyenne ACX (487); fi l'on ôte de tous deux la partie commence ACN, on anza le fecteur NCX égal an triangle CNS. La furface du fecteur circulaire NCX est égale au produit de CN par la moitié de l'arc NX; la furface du triangle CNS est égale au produit de CN par la moitié de la hauteur ST, qui est une perpendiculaire abaissée du foyer S fur la base NC, prolongée au delà du centre C; ainsi les deux furfaces étant égales, & ayant un des produitans CN qui oft commun à toutes deux, les autres produifans font auffi égaux; donc l'arc NX est égal à la ligne droite ST; mais dans le triange STC, rectangle en T, l'on a ST=CS. fin. TCS, par les règles de la trigonomètrie rectiligne; donc NX=CS. fin. TCS=CS. fin. ACN; done la différence NX entre l'anomalie excentrique AN & l'anomalie moyenne AX, est égale au produit de l'excentricité CS par le fines de l'anomalie excentrique ACN, C, Q, F, D,

492. C'est en minutes & secondes qu'on a contume d'exprimer toutes les anomalies des planètes; ainfi pour trouver la dinérence en secondes entre l'anomalie moyenne & l'anomalie excentrique, il faur que l'excentricité foit auffi exprimée en lecondes. Si l'excenuicité de la planète est exprimée en parties de même espèce que la distance moyenne, on dira la distance



moyenne est à l'excentricité, comme le nombre de 206265" que contient le rayon d'un cercle, ou environ 57° est au nombre de secondes que l'excentricité contient. Si cette excentricité est donnée en fraction de la distance moyenne de cette même planète, il suffira de la multiplier par les 206264", 8 qui font l'arc de 57° égal au rayon, pour avoir cette excentricité en secondes.

493. Au moyen des deux théorèmes (490, 491), on trouve facilement l'anomalie moyenne quand on a l'anomalie vraie: mais le problême essentiel consiste à trouver l'anomalie vraie quand on a la moyenne. Il y a plusieurs manieres d'y parvenir directement, quoique par approximation; mais nous préférons dans l'usage ordinaire de supposer une anomalie vraie quelconque, & de la convertir en moyenne par les règles précédentes; si celle que l'on trouve par ce moyen n'est pas égale à celle qui étoit donnée, c'est une preuve que la supposition n'est pas exacte, & l'on fait une autre supposition d'anomalie vraie, jusqu'à ce qu'on ait supposé une anomalie vraie qui produise exactement l'anomalie moyenne donnée. Les tables qui sont déja toutes faites pour chaque planète & pour chaque degré d'anomalie, rendent ces suppositions faciles à trouver presque du premier coup.

494. Quand on a trouvé l'anomalie vraie, il est aisé de trouver la distance au soleil ou le rayon vecteur SM par la proportion suiv. le sinus de l'anomalie vraie est au sinus de l'anomalie excentrique, comme la moitié du petit axe est au rayon vecteur. En effet ayant tiré la ligne NO (sig. 55), parallele au rayon vecteur MS, on a par les triangles semblables cette proportion SM: QN:: RM: RN:: CD: CK ou CN; donc SM: CD:: QN: CN:. sin. OCN: sin. CQN:: sin. RCN: sin. RSM; donc sin. CSM: sin. NCS:: CD: SM; c'est le rayon vecteur dans l'hypothèse de Képler, & telle est la proportion dont je me suis servi pour calculer mes tables des distances des planètes à chaque degré d'anomalie.

495. L'HYPOTHÈSE elliptique simple dont on fait usage quand on n'a pas besoin d'une très-grande précision, simplifie beaucoup le calcul, puisqu'elle fait trouver l'anomalie vraie par une simple proportion. Boulliaud sit voir en 1645 que le mouvement d'une planète dans une orbite elliptique, est sensiblement uniforme quand on le

 N_3

198 Anniot p'Astronomie; Liv. III.

Suppose vu du foyer supérieur F de l'ellipse; Sethward en 1656 donna une méthode fort simple pour calculer l'anomalie vraie dans ce cas-là. On prolongera FL (fig. 56), de maniere que LE soit égale à LS, & l'on joindra SE; on aura un triangle SFE, dans lequel, suivant la propriété ordinaire, la demi fomme de deux côtés, tels que FE & FS est à leur demi-différence comme la cangente de la demi-somme des angles adjacens S. E. est à la tangente de leur demi-différence. Substituons d'autres dénominations à la place de ces quatre termes : la demi-fomme de FS & de FE est la même choie que la distance aphélie SA; car FE, ou bien FL avec LS, égale le grand axe; donc FE avec FS vaut le grand axe avec deux fois l'excentricité, & en prenant la moitié du total, la demi-somme de FE & de FS se trouve être le demi-axe avec l'excentricité, c'est à dire SA. On verra facilement que leur demi-différence est égale à SP. La demi-fomme des angles E & S est la moitié de l'angle externe AFE, ou de l'anomalie moyenne; enfin leur demi-différence est la moitié de l'anomalie vraie FSL puisque la différence entre l'angle FSE & l'angle LSE (égal à LES), n'est autre chose que ESL; donc la proportion precedente se réduit à celle-ci: la distance apbélie est à la diffance peribble, comme la tangente de la moitié de Panornalio moyenne est à la tang. de la moisie de l'anomalie, praie.

Le rayon vecteur SL se trouve avec la même facilité au moyen du triangle SLF, en disant le sinus de l'équation de l'orbite FLS est à la double exentricité FS, comme le sinus de l'angle F ou de l'anomalie moyenne, est à la distance de la planète au solcil, dans l'hypothèse.

elliptique fimple.

De l'Equation de l'Orbite.

406. Nous pouvons, en considérant la figure 56, appercevoir toutes les propriétés du mouvement inégal des planètes & de l'équation de l'orbite, 10. Cette équation est nulle en A, c'est-à-dire dans l'apside supérieure, (aphélie ou apogée), puisque vers ce point-là le heur moyen & le lieu vrai sont consondus, les FL & SL coincident. En partant de l'apside supérieure, leur difference augmente rapidement, parce que la vitesse vraie

étant la plus petite en A, differe le plus de la vîtesse moyenne: 2°, cette différence s'accumule chaque jour, tant que la vîtesse vraie est moindre que la vîtesse moyenne; lorsqu'elles sont égales, il se trouve un point B vers trois signes & quelques degrés d'anomalie moyenne où la différence qui a augmenté jusqu'alors, est devenue la plus grande, & où l'équation ou l'angle FLS cesse d'augmenter, étant presque la même pendant quelque temps, pour diminuer ensuite jusqu'à l'apside inférieure, (soit péribélie, soit périgée) où le lieu vrai & le lieu moyen se retrouvent d'accord une seconde fois: 3°. l'équation est soustractive, se retranche du lieu moyen ou de l'anomalie moyenne AFL dans les six premiers signes pour avoir le lieu vrai, parce que la vîtesse moyenne en partant de l'apside supérieure, est plus grande que la vitesse vraie; ainsi le lieu moyen est plus avancé; il faut donc ôter de la longitude moyenne la quantité de l'équation pour avoir le lieu vrai. Le contraîre arrive après le passage en P, où la vîtesse vraie est la plus grande.

497. La plus grande équation peut se trouver par un calcul rigoureux, aussi-bien que le degré d'anomalie moyenne où arrive cette plus grande équation; pour cela il suffit de trouver le point M, (fig. 57), dans lequel arrive la vîtesse moyenne. En effet, dès que la planète est arrivée au point où sa vîtesse angulaire DFR (c'est-à dire l'angle qu'elle parcourt vue du soleil) est égale à la vîtesse moyenne, (par exemple, de 59/8/1 par jour si c'est la terre), la longitude moyenne cesse d'anticiper sur la longitude vraie; elle en differe alors le plus qu'il est possible, parce que jusqu'à ce moment la vîtesse réelle qui étoit plus petite, faisoit retarder tous les jours le lieu vrai sur le lieu moyen; mais dès que la vîtesse vraie est devenue égale à la vîtesse movenne, elle est prête à la surpasser, elle va commencer à regagner ce qu'elle avoit perdu jusqu'alors, le lieu vrai se rapproche du lieu moyen, & l'équation de l'orbite diminue. Ainsi toute la difficulté consiste à trouver le point M, & l'anomalie vraie AFM de la planète au moment où sa vîtesse est égale à la vîtesse appulaire moyenne. Ayant pris une ligne FM, moyenne proportionnelle entre les deux demi-axes de l'orbite, on décrira du foyer F comme centre un cercle MN sur le rayon FM, & ce cercle aura une surface égale à celle N 4

200 ABRESE D'ASTRONOMIE, LIV. III.

de l'ellipse, comme on le démontre dans les sections coniques. Supposons un corps qui décrive le cercle MN dans un temps égal à celui de la révolution de la planete dans son ellipse, sa vstesse angulaire sera constanment égale à la vîtesse angulaire moyenne de la planete, par exemple, de 59/8// pour le foleil; l'aire décrite en même temps dans l'ellipse, puisque les aires totales font égales & parcourues en temps égaux, les durées des révolutions étant les mêmes, & les aires partielles de l'ellipse proportionnelles aux parties du temps : par exemple, si le soleil decrit en un jour une aire DFR de son ellipse égale à la 365° partie de la surface elliptique, l'aire EFO décrite dans le cercle, sera aussi la 365° partie de l'aire du cercle, (qui est égal à l'elliple); la vittesse vraie du soleil (ou l'angle DFR) sera donc égale à la vîtesse moyenne en M, c'est-à dire à l'angle DFO; car ce sont deux secteurs égaux qui ont la même longueur FM, la même surface, & par conséquent le même angle; d'ailleurs les triangles égaux MED, MRO, qui sont l'un en dehors du cercle, l'autre en dedans, font voir que le secteur elliptique est égal au fecteur circulaire qui a le même angle en F. Ainsi pour trouver le point de la vitesse moyenne, il faut trouver l'intersection M de l'ellipse & du cercle qui lui est égal en furface. Ayant tiré du point M à l'autre foyer B de l'ellipse une ligne MB, l'on aura un triangle BFM, dans lequel on connost les trois cotés, favoir BF qui est le double de l'excentricité, FM qui est la moyenne proportionnelle entre les deux demiaxes, & BM qui est la différence entre FM & le grand axe, (parce que les deux lignes FM & MB font entre elles la valeur du grand axe); ainsi résolvant le triangle BFM on cherchera l'angle F qui est l'anomalie vraie de la planète au temps de la plus grande équation.

Par exemple si le demi-axe CA=38710, & le demi-axe conjugué = 37883, comme dans l'orbite de Mercu-re, on aura CF=7960, BF=15920, FM sera = 38294; on résoudra le triangle BFM: on aura l'angle BFM de 81° 4′52″; c'est l'anomalie vraie au temps de la plus grande équation; d'où l'on peut conclure (493) l'anomalie moyenne 104. 45′41″; ainsi leur différence qui est l'équation du centre, sera 23° 40′49½; ce doit être la plus grande équation de l'orbe de Mercure.

498. Après avoir indiqué la maniere de calculer l'équation, nous parlerons de la maniere de l'observer. Si l'on a deux longitudes vraies d'une planète observée en G & en M, elles différeront entre elles de la quantité de l'angle GFM, qui est la somme des deux anomalies vraies; mais la somme des deux anomalies moyennes ABM, ABG, sera plus grande du double de l'équation, puisque chaque distance vraie est plus petite que la distance moyenne, de la quantité de la plus grande équation. Il est aisé de calculer en tout tems la somme des deux anomalies moyennes, quoiqu'on ne connoisse pas le lieu de l'aphélie A, parce que la somme des deux anomalies moyennes est égale au mouvement moyen de la planète, dans cet intervalle de temps, & on le trouve aisément quand on connost la durée de la révolution; ainsi l'excès du mouvement moyen calculé, sur le mouvement vrai observé, donne le double de la plus grande équation, pourvu que l'on ait fait ces deux observations en M & en G, c'est-à-dire, aux temps de la vîtelle moyenne.

497. Ce sera le mouvement vrai qui sera le plus considérable, si l'on prend la premiere observation avant le périhélie & la seconde après, comme dans l'exemple sui-

vant (500.)

499. Pour discerner les temps & les observations convenables à cette recherche, un Observateur isolé qui ne connostroit en aucune façon la situation de l'orbite de la planète & des points G & M, n'auroit qu'à rassembler un grand nombre de positions observées, les comparer deux à deux, & voir combien le mouvement vrai obfervé différeroit du mouvement moyen calculé pour chaque intervalle; la plus grande de toutes les différences lui donneroit le double de la plus grande équation; car entre une moyenne distance & l'autre, le mouvement vrai differe du mouvement moyen à raison de l'équation foustractive dans l'une & additive dans l'autre; donc si l'on a des observations faites dans tous les points de l'orbite, on en trouvera deux où le mouvement vrai sera moindre ou plus grand que le mouvement moyen, du double de la plus grande équation. Actuellement que l'on connoît, à très-peu près, les lieux des apsides & des moyennes distances de toutes les planètes, on n'a qu'à choisir du premier coup les observations faites avant

DESCRIPTION OF THE PARTY.

direction de la place de de la place de la Jan. Prince Des l'exemple havant.

real interest le 7 Octobre 1751, le vrai lieu du sol'ai observe par M. l'Abme de la Caslle, avant le périgée, en y finiant autrer trois jours d'ontervations discutées à comparees entre elles fut trouvé de . . . 64 13° 47/ 15/4 Le 26 Mars 1752 cette longit, vraie fut de o 8 9 26

La différence de ces deux longitudes, ou le monvement vrai du foleil est donc . 5 24 22 II Mais dans cet intervalle le mouvement thoyen avoit dil être par le calcul . . . 5 20 31/43

Différence, double de la plus grande équat. Dont la moitié est l'équation de l'orbite. Un grand nombre d'observations l'ont fait établir de

1 . 55' 32".

501. Comme il est extrêmement rare d'avoir deux obfervations qui soient faites précisément dans les points M & G de la vîtesse moyenne, on ne trouve guères dans un premier calcul la quantité exacte de la plus grande équation; mais après qu'on a trouvé à peu-près l'equation & le lieu de l'apside (506), on calcule pour les deux temps d'observations l'équation de l'orbite, & l'on calcule aussi la plus grande (497), on sait alors combien l'équation donnée par les observations, devoit différer de la plus grande; c'est ainsi que dans l'exemple précédent M. de la Caille avoit trouvé 18/, 6, qu'il falloit ajou-ter pour avoir la véritable quantité de la plus grande équation, réfultante de ces deux observations.

502. On peut auffi trouver la plus grande équation fans connoître le lieu de l'apside; il n'y a qu'à prendre pour époque une longitude quelconque & lui comparer beaucoup d'autres longitudes pour avoir le mouvement vrai observé: on calculera pour chacun de ces intervalles le mouvement moyen par la durée connue de la révolution, l'on aura des différences additives, & des différences fouftractives; la plus grande différence additive & la plus grande fouftractive étant ajoutées donneront, le dou-ble de la plus grande équation de l'orbite, si l'on a eu des observations en un affez grand nombre, pour que les deux points de la plus grande équation s'y foient trou-

14%

503. Quand on a trouvé par observation la plus grande équation, & qu'on veut en conclure l'excentricité, le slus commode est d'employer une règle de fausse position, ou de supposer d'abord connue l'excentricité que l'on cherche, pour en conclure la plus grande équation (497.) Si elle se trouve trop grande, on diminuera l'excentricité supposée, & l'on recommendera le calcul; cette méthode de déterminer l'excentricité par le moyen de la plus grande équation est souvent plus commode que celle dont se servit Képler pour trouver l'excentri-

cité de Mars (468.)

504. La methode dont je me suis servi pour trouver l'excentricité de Meteure, consiste à supposer que le lieu de l'aphélie soit connu (508); alors deux observations éloignées entre elles d'environ une demi-révolution & les plus éloignées des apsides, suffisent pour trouver l'excentricité: En effet, connoissant bien le lieu de l'aphélie, on a deux anomalies vraies, bien connues; on les convertit en anomalies moyennes; celles-ci ne peuvent être exactes, à moins que l'excentricité ne soit bien connue; si donc la différence des deux anomalies moyennes trouvées n'est pas égale à celle qui est connue par l'intervalle des deux observations, on en conclud que l'excentricité employée est défectueuse, & l'on fait une seconde supposition. Par de semblables tentatives on parvient à trouver l'excentricité qui satisfait aux deux observations qu'on a choisies.

505. On emploie aussi les plus grandes digressions de Mercure & de Vénus pour trouver l'excentricité; si la

terre est en B (fig. 50) & -			
Mercure en C dans sa plus	ŧ	Excentricités.	Equations.
grande digression, & dans	\$	7960	23° 40/49//
fon aphefie, l'angle SBC	\$ 1	510	0 48 30
étant observé avec soin,	01	1680	I 55 32
l'on peut en conclure la	9	14208	10 41 47
distance aphélie SC de			5 34 I
Mercure au Soleil. On	21	53210	6 23 19
fait une semblable opéra-		0,0547	б 18 32

sion où Mercure se trouve dans son périhélie, & l'on trouve de même sa distance périhélie; la différence des deux distances est le double de l'excentricité. J'ai fait usage de cette méthode dans ma théorie de Mercure (Mémoires Académ. 1767. p. 544.) La table ci-dessus est

pon Abrick D'Astronomie, Liv. III.

le résultat de tous mes calculs sur les planètes, elle suppose la distance moyenne de la terre au soleil 100000 d' exceptés celle de la lune, qui suppose que sa distance moyenne soit l'unité.

Disermination des Aphilies.

différentes méthodes: voici la plus directe, elle a servi principalement pour le soleil, elle peut servir aussi pour les planètes supérieures. Lorsqu'on a plusieurs observations d'une planète, faites en différens points de son orbite, & réduites au soleil, il faut chercher celles qui donnent deux longitudes héliocentriques diamétralement opposées; & si les temps de ces observations différent exactement d'une demi-révolution, on sera sur que ces deux observations sont l'une dans l'aphélie, & l'autre dans le pérshélie; ainsi en comparant deux à deux un grand nombre d'observations, on ne pourra manquer de tomber sur celles qui indiqueront la place des apsides.

Soit l'aphélie d'une planète en A (fig. 58), & le péribélie en P, la partie ABP de l'ellipse est égale à la partie AFP, elles sont parcourues l'une & l'autre dans l'espace du temps de la demi-révolution, par exemple, en 1821 15^h 7' 40', s'il s'agit du soleil. Nous prenons ici la révolution anomalistique (515), c'est-à-dire, par rapport à l'apogée; mais dans une première approximation l'on se contenteroit de la révolution tropique (454) en supposant l'aphélie immobile pendant une demi-révo-

lution.

Si l'on prend un autre point quelconque D avec le point E qui lui est opposé, la partie DFE de l'ellipse exigera moins de temps que la partie EBD, parce que la premiere renferme le périhélie, c'est à dire, l'endroit où le mouvement de la planète est le plus rapide, tandis qu'au contraire la partie EBD, dans laquelle se trouve l'aphélie, doit être parcourue d'un mouvement plus lent et en plus de temps.

Ainsi les points A & P des deux apsides sont les seuls qui étant diamétralement opposés par rapport au foyer de l'ellipse, fassent aussi deux intervalles de temps égaux; on sera donc assuré de connostre le lieu des apsi-



des, si l'on trouve deux longitudes qui étant diamétralement opposées comme A & P, répondent aussi à des semps éloignés d'une demi-révolution, c'est-à-dire, de la moitié du temps qu'il faut à la planète pour revenir à son apside; il suffira donc de chercher dans le nombre des observations d'une planète, les deux qui satisferont à la fois à cette double condition. Cette maniere de déterminer le lieu de l'aphélie d'une planète sur employée pour la premiere sois par Képler dans son livre de Stella.

507. On peut aussi trouver l'aphélie en employant deux observations dont l'une soit vers les apsides & l'autre vers les moyennes distances, pourvu qu'on suppose l'équation du centre exactement connue; car si l'on fait une supposition pour le lieu de l'aphélie, & qu'on convertisse les deux anomalies vraies qui en résultent en anomalies moyennes, on ne sauroit avoir une différence qui soit égale au mouvement moyen connu d'ailleurs, à

moins que l'aphélie n'ait été bien supposé.

l'aphélie d'une planète, a lieu pour trouver le lieu de l'aphélie d'une planète, a lieu pour Mercure ou pour Vénus; c'est celle que j'ai donnée dans les Mémoires de l'Académ. pour 1766, à l'occasion de ma théorie de Mercure, & qui m'a fait trouver, soit pour les temps les plus anciens, soit pour le temps où nous sommes, le lieu de l'aphélie de Mercure. Je suppose qu'on ait observé la plus grande digression de Mercure dans le temps qu'il est vers les moyennes distances au soleil, & que la distance ou le rayon vecteur change rapidement; si l'on connoît déja la moyenne distance & l'excentricité, l'on calculera facilement à quel endroit il faut placer l'aphélie, pour que le rayon sur lequel se trouve la planète, soit précisément de la longueur convenable à la digression observée.

Soit F (fig. 58) le lieu de Mercure dans sa moyenne distance, vu de la terre T sur le rayon TF qui touche l'orbite; la plus grande digression étant alors l'angle STF, & la distance à l'aphélie ASF. Si dans les tables dont nous nous servons le lieu de l'aphélie étoit mai indiqué, ensorte que l'aphélie y sût marqué en C, en faisant avancer le point C en A la ligne SF arriveroit en SG, & l'élongation de Mercure seroit égale à l'angle STG, plus grande par conséquent que l'élongation STF;

206: Annegh Midaricontamina Liv. III.

si donc on a mouvé par le calqui des tables une ésongation trop petite, il n'y a qu'à rapprocher l'aphélie du lieu de l'observation en laissant toujours Mercure à la même longitude ou sur la même ligne δF , ou si l'out veut en conservant la même longitude moyenne.

Le 24 Mai 1764 à 8h 7' 50" temps moyen, j'observai la longitude de Mercure 25.26° 60' 35", il étoit ziors dans la plus grande digression à 22° 41' 12" du soleil, notre rayon visuel touchoit son orbits à la moyenne distance vers 98 8° d'anomalie; je calculai cette longitude par les tables de M. Halley, de je la trouvai trop grande de 11/ 14/1; mais en augmentant dans ces tables la longitude de l'aphélie de 14/4 fans changer la longitude de Mercure, l'anomalie devenoit plus petite aufli-bient que le rayon vecteur, l'élongation de . Mercure devenois sussi moindre, & la longitude de Mercure se trouvoit d'accord avec l'observation (Min. Acad.: 1766, paga 458). De-là il s'enfuir que la longitude de l'aphélie étois trop petite dans les tables de M. Halley, austi je l'ai augmentée de 10' dans mes tables, & je l'ai supposée de 81 13° 49' 30% pour 1764. Ayant calculé de la même manière les 16 observations anciennes de Mercure qui font rapportées dans l'Almageste de Ptolomée, j'ai reconnu qu'il y avoit plusieurs degrés à ôter du lieu de l'aphélie que les tables donnoient pour ces temp-là.

Méthode pour corrèger à la fois les trois élément d'une Orbite.

l'orbite même de la planète: je suppose aussi les déja à peu-près connus.

- Pour bien faire sentir l'esprit de cette méthode, je tappellerai ici trois choses qui doivent être familieres à tous ceux qui s'occupent du calcul astronomique; 1°, l'équation de l'orbite est la plus grande qui soit possible



vers trois signes & quelques degrés d'anomalie moyenne; alors elle est à son maximum; elle augmente à peine en passant d'un degré à l'autre, ensorte que l'anomalie moyenne peut être alors plus ou moins grande, sans que l'équation en soit affectée; ainsi dans ces cas-là on pourroit se trompet sur le lieu de l'aphélie, sans qu'il en résultat aucune erreur sur l'équation, ni sur la longitude calculée: 2. Péquation de l'orbite, ou la différence entre la longitude moyenne & la longitude viaie, est additivé depuis le périhélie jusqu'à l'aphélie, c'est-à-dire, dans les six derniers signes d'anomalie: on l'ajoute alors à la longitude moyenne pour avoir la longitude vrule; elle est soustractive depuis l'aphélie jusqu'au périhélie, c'està-dire, qu'on retranche l'équation de la longitude moyenne pour avoir la longitude vraie: 3°, le mouvement moyen d'une planète dans l'espace d'une ou de deux revolutions, est affez bien connu pour qu'on puisse toujours le supposer exact; car les moyens mouvemens se déterminent par la comparaison des observations les plus anciennes; ainsi il ne peut y avoir d'erreur sensible dans l'espace de quelques années; d'où il résulte que si l'erreur de l'époque, ou de la longitude moyenne d'une planète est connue pour un des points de son orbite, elle est également connue, ou plutôt elle est la meme dans tous les autres points, elle ne fait que se combiner avec les erreurs qui proviennent des autres élémens, sans que cette erreur de l'époque, prise en elle-même, foit différente.

jo. Si l'on avoit deux observations faites précisément dans les moyennes distances, c'est-à-dire, à trois signes d'anomalie moyenne, & à neuf signes, il seroit aisé de corriger par ces deux observations, i., l'époque des moyens mouvemens, 2., l'équation du centre: en esset, si l'équation du centre est bonne, c'est-à-dire, si celle qu'on a employée dans le cascul des tables est exacte, il n'y aura entre le calcul & l'observation, d'autre différence que celle de l'époque des moyens mouvemens, puisque le lieu de l'aphélie n'instue point dans le calcul des longitudes prises vers les moyennes distances: s'il n'y a d'autre erreur que celle de l'époque, elle fera égale dans les deux observations, car nous suppossons le moyen mouvement exactement connu; ainsi l'erreur des tables étant trouvée égale à 3° & à 9° d'ano-

208 ABRECE MASTROMOMIES LIV. III.

malie, ce sera une preuve que l'équation du centre est exacte; mais que l'erreur des deux calculs vient uniquement de l'époque de la longitude qui est mal établie.

l'erreur fera plus ou moins grande, parce qu'à 3° d'anomalie l'équation du centre se retranche de la longitude moyenne pour avoir la véritable, mais à 9° elle s'ajoute; ainsi dans l'une des deux observations l'erreur de l'équation du centre augmentera celle de l'époque, & dans l'autre observation elle la diminuera; par ce moyen l'erreur totale sera plus grande dans une observation que dans l'autre, & cela du double de l'erreur qu'il y a ca

dans l'équation du centre.

512. St, par exemple, l'erreur de l'époque est-5/4 c'est-à-dire, qu'il y air dans l'époque des tables 3/ de trop, & que l'erreur de la plus grande équation soitalors ces deux erreurs s'accumuleront à 95 d'anomalie moyenne, parce que l'équation y est additive, enforte qu'on aura ajouté 2' de trop, à raison de l'équation qui est trop grande, & 5/ de trop, à raison de l'époque qui est trop avancée; la longitude calculée aura donc 7/ de trop. Au contraire vers 35 d'anomalie on n'aura que 3' de trop, c'est-à-dire, que l'erreur des tables ne sera que de 3', parce que l'équation qui est trop grande de 2', étant fouffractive, dans ce cas-là on aura ôté 2' de trop; & l'epoque ayant 5' de plus qu'il ne faut, il ne restera que 3' d'erreur. La différence entre ces deux erreurs des tables 7' & 3' est donc 4', & cette différence partagée en deux parties donnera 2/, erreur de l'équation du centre. Par ce moyen l'on connoîtra l'erreur de l'équation & celle de l'époque; il fera facile de trouver celle de l'aphélie, en corrigeant ensuite une observation voisine de l'aphélie, de maniere qu'il n'y reste plus d'autre différence que celle qui vient de l'erreur commife fur la position de l'aphélie.

513. Quand même les trois observations choisses ne seroient pas exactement dans les points que nous avons indiqués, il seroit facile par quelques changemens faits à chacun des trois élémens, de trouver les quantités nécessaires pour satisfaire aux trois observations. Voyez

mon Aftronomie, art. 1293.

514. La théorie de l'attraction prouve que les apsides des planètes ne sont pas toujours au même point du ciel.



ciel, & les observations de Mars le prouvent sur-tout d'une maniere incontestable. Ayant discuté avec le plus grand soin toutes les observations anciennes & modernes, j'ai trouvé le progrès annuel des apsides comme

ic, if it y autore	Longitude de l'a- phélie en 1759.	Mouvement setu- laire de l'aphélies
que 1° 23' 14" si les Venus. apsides étoient véri-Terre.	85 13° 33′ 3// 10 8 13 0 9 8 38 4	1° 57/40// 4 10 0 1 49 10
qu'ils n'eussent d'au- Saturne. tre changement de ———————————————————————————————————	5 1 28 24 6 10 22 31 8 29 53 30	1 51 40 1 43 20 2 23 20

longitude que celui qui vient de la précession des équi-

noxes, & qui est purement apparent.

apside, le temps qu'elle emploie à y revenir, ou l'intervalle d'un passage par son aphélie au passage suivant, s'appelle la Révolution anomalistique, parce que l'anomalie recommence à chaque passage dans l'apside: cette révolution anomalistique est un peu plus longue que la révolution par rapport aux équinoxes, parce que le mouvement des apsides se fait suivant l'ordre des signes.

Si le lieu de l'apside de la terre étoit exactement sixe dans le ciel, la révolution anomalistique seroit égale à la révolution sidérale, dont on a vu la détermination (321); mais puisque l'apogée du soleil a un petit mouvement selon l'ordre des signes, comme les observations paroissent le prouver, aussi-bien que la théorie, il faut comparer deux passages de la planète par son aphélie, & non pas deux retours à une même étoile, ni deux passages par l'équinoxe (454); c'est ainsi que l'on trouvera la révolution anomalistique du soleil de 365i 6h 15/20/12 plus grande de 6/9/1 que la révolution sidérale.

Des Nœuds & des Inclinaisons des Planètes.

116. Lorsqu'une planète n'a aucune latitude vue de la terre, elle n'en sauroit avoir vue du soleil, elle est alors dans son nœud, puisqu'elle est dans le plan de l'écliptique; il suffit donc d'observer la longitude géocentrique de la planète, au temps où elle n'a point de latitude, on en conclura sa longitude vue du soleil (442) & ce sera le lieu du nœud.

210 ABREGE D'ASTRONOMIE, LIV. III.

On peut aussi employer à la recherche du lieu du nœud, des observations faites à égales distances des nœuds, lorsque la latitude hésiocentrique d'une planète s'est trouvée de la même quantité, car le milieu entre les longitudes hésiocentriques trouvées dans les deux cas fera le lieu du nœud, en le supposant fixe dans l'intervalle des deux observations.

517. Le nœud de Mercure & celui de Vénus se déterminent par leurs passages sur le soleil, qui arrivent

inécessairement fort près des nœuds (737).

\$18. Depuis qu'on observe les nœuds des planètes avec soin, en a reconnu qu'ils ont tous un mouvement rétrograde, insensible dans l'espace de quelques années, mais qui dans l'espace d'un siecle n'a pu échapper aux astronomes; ce mouvement est une suite nécessaire de l'attraction des autres planètes, comme je l'ai fait voir fort en détail dans les Mém. de 1758 & de 1761; on

en verra la raison		Naud en 1750.	Maun, annuel.
quand nous parle. [.			
rons des effets de	Mercure.	18 15* 21/ 15//	45"
l'attraction (1062).	Venus.	2'14 26 18	31
Voici la quantité!	Mars.	1 17 36 30	40
de ce mouvement	upiter.	3 8 16 0	60
l'attraction (1062). Voici la quantité de ce mouvement d'après mes nou-	Saturne.	3 21 31 17	30

velles tables, avec la position du nœud pour 1750.

519. Le mouvement du nœud d'une planète est le réfultat de l'attraction de toutes les autres planètes, car il n'en est aucune qui n'influe plus ou moins sur le nœud de toutes les autres. Mais comme ce mouvement, qui est uniforme sur l'orbite de la planète qui le produit, doit se rapporter dans nos tables au plan de l'écliptique, il est nécessaire d'y réduire tous ces mouvemens qui se font sur des orbites différentes, pour en composer un seul mouvement sur l'écliptique; c'est cette réduction qui rend direct le nœud de Jupiter, car il est naturellement rétrograde sur l'orbite de Saturne qui en est la cause principale; mais il devient direct, quand on le rapporte à l'écliptique; je vals expliquer ici les principes de ces variations, parce qu'ils m'ont fait découvrir dans les orbites des fatellites de Jupiter, la cause de phénomenes qui jusqu'alors avoient paru inexplicables.

Jupiter, BA l'orbite de Saturne; le nœud de Jupiter en C & celui de Saturne en B, la différence CB est de 13° 15'.



L'inclination C de l'orbite de Jupiter est de 1° 19/5 & l'inclination B de l'orbite de Saturne est de 2° 30/. En résolvant le triangle ABC, on trouve AC de 26° 41', & l'angle A ou l'inclinaison de l'orbite de Jupites sur celle de Saturne 1° 15%. Par l'effet naturel de l'attraction de Saturne sur Jupiter, le point d'intersection A de l'orbite de Jupiter sur celle de Saturne, doit ré-trograder dans le sens contraire au mouvement de Jupiter, comme on le verra dans la théorie de l'attraction, mais l'angle des deux orbites ne change point par le mouvement du nœud; ainsi le nœud ira de A en a, & l'orbite de Jupiter AC passera dans la situation ac, sans que l'angle A éprouve aucun changement, les cercles, AC & ac resteront paralleles, dans leurs parties voisines de Aa, & leur intersection D'sera éloignée du point A de 90°. Ainsi le triangle ABC se changera en un triangle a Bc, les angles A & B étant constans; & le mœudi C de l'orbite de Jupiter sur l'écliptique passera en c; il aura donc un mouvement direct Cc, quoique le mouvement Aa ait été rétrograde.

521. Ainsi, quoique l'action des planètes les unes sur les autres produise dans les nœuds un mouvement rétrograds sur l'orbite de la planète troublante ou de la planète qui par son attraction, produit ce mouvement, cependant le mouvement des nœuds sur l'écliptique devient quelquefois direct, ou suivant l'ordre des signes, comme dans le cas du nœud de Jupiter dont je viens de parler. C'est. furtout lorsque la planète troublante a son angle d'inclinaison B plus grand que l'angle C de la planète troublée, que le mouvement du nœud de celle-ci est direct sur l'écliptique. Dans l'autre cas le point A tombe à droite; du point C, c'est-à-dire, de l'autre oôté de C par rap-port au point B, dans la figure; le mouvement du nœud: A se faisant vers l'occident, le mouvement Cc sur l'écliptique GB devient également rétrograde.

Des Inclinaisons.

L'inclinaison d'une planète est l'angle que plan de son orbite fait avec le plan de l'écliptique (427); la latitude héliocentrique (438) de cette planète, lorsqu'elle est à 90° de ses nœuds, est égale à cette inclinaison, parce que la planète est alors aussi éloignée qu'elle:

O 2

SIE ABRECE D'ASTRONOMIE, LIV. III.

puisse être du plan de l'écliptique. Aissi pour trouver l'inclination d'une orbite il suffit d'observer la latitude de la planète, lorsqu'elle est à 90° des nœuds, & de réduite cette latitude observée ou géocentrique, à la latitude

béliocentrique, ou vue du foleil.

523. Mais comme cette dernière réduction suppose connue la parallaxe du grand orbe, on cherche à eviter cette condition par la méthode fuivante. On choisit le temps où le foleil est dans le nœud de la planete, c'està-dire, nous paroft à la même longitude que la planète quand elle est dans son nœud, parce qu'alors la terro passe en T sur la ligne des nœuds NST (fig. 60), ce qui rend le calcul de l'inclination fort fimple. Supposons d'abord que la planète se trouve pour lors au point 4 de fon orbite, & qu'on abaisse la perpendiculaire AB sur le plan de l'écliptique, ou de l'orbite de la terre prolongé ulques vers la planète; que la ligne TB qui marque son lieu réduit à l'ecliptique foit perpendiculaire à la ligno TON dans laquelle se trouvent le nœud & le soleil; l'angle d'élongation BTS étant de 90°; alors les lignes AT & BT forc perpendiculaires à la commune tection TN, l'une dans le plan de l'orbite, & l'autre dans le plan de l'écliptique; elles font donc entr'elles le même angle que les deux plans, c'est-à-dire, un angle égal à l'inclination que l'on cherche (425): or l'angle ATB n'est autre chofe que la latitude même de la planète vue de la terte (427); donc la latitude observée sera elle-même l'inclinai-

Mais il est rare de rencontrer ces deux eirconstances ensemble, c'est-à-dire, le soleil dans le nœud, & la planuète à 90° du soleil; d'ailleurs cette derniere condition ne se rencontre que dans les planètes supérieures, ainsi nous avons besoin d'une règle plus générale pour la dé-

termination des inclinations.

524. Je suppose qu'on ait observé la latitude d'une planète, vue de la terre, quelle qu'elle soit, pourvu que le soleil soit dans le nœud ou à peu près; soit P la planète en un point quelconque P de son orbite, la terre étant toujours en T dans la ligne des nœuds TSN; on abaisse la perpendiculaire PL de l'orbite de la planète sur le plan de l'écliptique, on tire des points P & L les perpendiculaires PR & LR sur la commune section des deux plans; l'angle PRL de ces deux per-

pendiculaires sera égal à l'angle des deux plans, c'està-dire, à l'inclinaison de l'orbite sur le plan de l'écliptique (425); l'angle LTP sera égal à la latitude géocentrique de la planète, & l'angle RTL égal à l'élongation de la planète (442); alors la propriété ordinaire des triangles rectilignes tels que RTL & PTL rectangles en R & en L donnera les deux proportions suivantes.

TL: RL::R:sin. RTL. 2 donc RL:PL::sin. RTL: TL: PL::R: tang. LTP. tang. LTP.

Mais dans le triangle PRL rectangle en L on a cette autre proportion RL: PL:: R: tang. PRL; donc en comparant la troisième proportion avec cette derniere, on aura sin. RTL: tang. LTP:: R: tang. PRL, c'està-dire, que le sinus de l'élongation est au rayon comme la tangente de la latitude géocentrique observée est à la tangente

de l'inclinaison.

Exemple. Le 12 Janvier 1747 à 6h 6/ 33/ du matin; M. de la Caille observa la longitude de Saturne, 68 26. 12/52", & sa latitude boréale 2° 29/18", le soleil étoit alors à 9° 21° 47', c'est-à-dire, dans le nœud de Saturne, ou du moins il n'en étoit cloigné que de 12' selon les tables de M. Cassini, ce qui ne peut produire aucune erreur sensible dans le résultat. En appliquant à cette observation l'analogie précédente, on trouve l'inclination de l'orbite de Saturne 2° 29/ 45/1 (Meml acad. 1747. ા સમયમી એક પાસ છે. pag. 135).

525. Lorsqu'on détermine le lieu du nœud d'une planète par le moyen de deux laritudes égales (506), soit que ces latitudes soient prises avant & après le passage d'une planète par-ses limites; ou qu'elles soient prises avant & après le passage par le nœud, les mêmes ob, servations peuvent déterminer à la fois non-seulement le nœud, mais encore l'inclinaison de l'orbite; car dans le triangle sphérique PAL rectangle en L (fig. 49.), on connoît les côtés LA & PL, c'est-à-dire, la dittance au nœud & la latitude vue du foleil; on cherchera l'angle A, & l'on aura l'inclinaison véritable de l'orbite.

526. Cette méthode qui détermine à la fois l'inclinaison & le nœud d'une planète par deux observations de latitudes égales, est moins exacte que celle ou l'on dé-

ARE ABRÉGÉ D'ASTRONOMIE, LIV. III.

de deux choses séparément, en employant une observation faire dans le nœud pour déterminer le nœud, et une observation faire dans une des limites pour avoir l'inclination de l'orbite. En effet si les deux observations correspondantes sont près du nœud, elles déterminent mal l'inclination de l'orbite; puisqu'alors la latitude est petite et qu'on ne doit pas déterminer une quantité plus grande par le moyen de celle qui est moindre; au contraire, si ces deux observations sont trop éloignées du nœud, elles sont peu propres à en déterminer la position, parce que le changement de la latitude d'un jour à l'autre étant peu sensible, la moindre erreur dans la la-

titude en produit une plus grande dans le hœud. 527. J'ai dit que l'attraction de chaque planète fait rétrograder for fon orbite les nœuds de toutes les autres planères (519), & que l'effet de ce mouvement est de déplacer toutes les orbites; il ne peut manquer d'en séfulter un changement dans leurs inclinaisons sur l'écliptique, Soit CB l'écliptique, (fig. 59.), AB l'orbide Saturne, AC celle de Jupiter, Aa le mouve-Mouvement du nœud se fait sans aucun changement de l'angle A, c'est-à dire, de l'inclination mutuelle des cleux orbites; le triangle ABC se change en un triangle * Be; les angles A & B demeusent constans, mais l'angie C ne l'est pas, & l'angle c est plus ou moins grand que l'angle C. Par exemple, le mouvement du nœud de Mars par l'action de Jupiter étant de 14" 2 par année, sur l'orbite de Jupiter, (Mém. 1758, pag. 261, 1751, A 404.), l'angle B inclination de Jupiter, 1° 19', & la distance BC de leurs nœuds 50° 22', on trouvera pour le changement de l'angle C, 24" 8 par siècle.

Cet effet qui se continue de siècle en sècle, apportera dans la suite une grande différence dans les inclinaisons des orbites, et il y a déja plus de 8 minutes depuis le temps de Ptolomée, quantité qu'on ne doit pas négliger dans la comparaison des différences observations, mais que les calculs de l'attraction pouvoient seuls indiquer, du moins quant à présent. Ces changemens sont sur-tout sensibles pour les satellites de Jupiter, on ils produisent des variétés singulières dont personne avant moi n'avoit soupçonné la cause, et qu'il

étoit fort important de connoître.

528. Pour savoir si l'inclinaison d'une planète doit augmenter ou diminuer, c'est la situation des nœuds qu'il faut confidérer. Soit AB (fig. 59.), l'orbite de la planète troublante, & AC l'orbite de la planète troublée, dont le nœud passe de 1 en a; puisque l'inclinaison mutuelle des deux orbites n'est point changée, l'angle A & l'angle a sont égaux, & vers ce point-là les cercles AC, ac sont parallèles; de-là il suit qu'ils vont se rencontrer en un point D, éloigné de 90° du point A; car deux grands cercles de la sphère, pris à 90. de leur intersection commune, deviennent sensiblement paralleles, du moins sur un petit espace; or dans le triangle DCc on voit évidemment que l'angle DcC est plus petit que l'angle DCE, c'est-à-dire, que dans ce cas là l'inclinaison diminue, d'où il est aisé de conclure que quand le nœud de la planète troublante est plus avancé que celui de la planète troublée, l'inclinaiion de celle-ci est diminuée, jusqu'à ce que l'excès soit à peu près de 180°. Cette règle est aisée à appercevoir en figurant les positions de différentes orbites les unes par rapport aux autres.

Des Diamètres des Planètes & des Micromètres qui ser-

529. Le diamètre apparent d'une planète est l'angle sous lequel il nous parost; par exemple, le soleil au commencement de Juillet parost sous un angle de 31/1, & Vénus quand elle est le plus près de nous sous un angle d'une minute seulement. Ces diamètres augmentent quand la distance diminue; ainsi le soleil étant plus près de nous en hiver qu'en été, d'environ un trentième, son diamètre est plus grand en hiver d'une minute & 5 secondes.

Pour mesurer le diamètre du soleil, le moyen le plus naturel & le plus simple est d'observer, quand il passe au méridien, le temps qui s'écoule entre les passes du premier bord & du second, s'il s'écoule deux minutes de temps, c'est une preuve que le soleil auroit 3c, de diamètre, du moins en le supposant dans l'équateur. Lorsqu'il n'est pas dans l'équateur, il faut diminuer la quantité trouvée par une opération que nous allons démontrer.

s'es très-petit andes est égal à ce pede l'arc au

- ancies EAD, EBC. un angle très - petit en .= enforte que CD foit 5 ; qu'à une diffance quelcon-M un arc de grand cercle ΔF , . . . qui foit affez petit pour r comme une ligne droite, &c out fenfiblement égal à EA; · . changle en A & en F, on aura ce de la règle la plus commune de cocrique: le rayon est au sinus de , comme le finus du petit angle E are FA, ou comme l'angle E est were que les petits arcs font égaux à leurs manne l'arc DC est à l'arc FA; ainsi prenour rayon ou finus total, on aura 1: fin. 1, donc FA = DC fin. AE.

le la il suit 1°, que les distances FA, DC, encorcles, sont comme les sinus des distances au
BA, ED; 2°, qu'un pesit arc de l'équateur
le cosinus de la déclinaison AD de l'astre,
donnera l'esset qui en résulte dans la rél'arc, ou le petit arc FA compris dans cet encotre les deux cercles de déclinaison. Il en sece même des différences de longitude. Cette pro-

Les diamètres apparens des planètes augmentent clies approchent de nous: un objet qui paroît un angle d'une minute, paroîtra de deux minutes n'avoir pas besoin d'explication. Les diamètres planètes qu'on trouvera dans la table qui est à la fin ouvrage, sont tous réduits à la distance qu'il y soleil à la terre, voilà pourquoi le diamètre de parer y est marqué de 3' 13", quoiqu'il ne nous parile estectivement que d'environ 37' dans ses moyenment distances, purce que cette planète est toujours beautiff a la éloignee de nous que le soleil.

533. Les planètes qui ont un très-petit diamètre ne peuvent se mesurer, comme delui du soleil, par le temps de leur passage, qui est trop court; on y emploie les

micromètres dont je vais donner une idée.

Le Micrometre (a) est un instrument composé de plusieurs sils placés au foyer d'une lunette, pour mesurer par leur intervalle la grandeur de l'image qu'on y apperçoit; sá premiere idée du micromètre sut donnée par Huygens en 1650 (Systema Saturnium, pag. 82). Après avoir parlé des diamètres des planètes qu'il avoit observés, il dit que Riccioli avoit trouvé le diamètre de Vénus trois sois plus grand que lui; & pour justisser sa détermination, il rend compte de la maniere dont il s'y est pris pour mesurer les diamètres des planètes: voici à peu-près ce qu'il en dit.

" Dans les lunettes formées de deux verres convexes, n il y a un endroit où l'on peut placer un objet aussi petit & aussi sin qu'on voudra, il y paroîtra très distinct, très-bien terminé..... Si à ce foyer l'on place d'apord un anneau dont l'ouverture foit un peu plus petite n que celle de l'oculaire, on verra par cet anneau tout " le champ de la lunette, c'est-à-dire, tout l'espace cire culaire qu'on apperçoit dans le ciel en regardant par n cette lunette, & cet espace sera terminé par une cir-» conférence exacte dont le diamètre est facile à mesun rer. L'horloge oscillatoire que nous avons imaginée depuis peu est très-propre à cet effet; on sait qu'il n passe un degré de la sphère en 4 minutes de temps, ou 20 1' en 4" de remps; si donc une étoile a employé 69" à parcourir le champ de la lunette, on sera sûr que cetn te lunette occupe 17/4, & telle est celle dont nous nous fervons. On prendra alors une ou deux petites plaques ou lames dont la largeur aille en diminuant; on percera le tube de la lunette de chaque côté à l'endroit dont nous avons parlé, pour y placer les petites n lames en travers. Lorsque l'on youdra mesurer le dian mètre d'une planète, on examinera quelle largeur doit n avoir cette same pour cacher entiérement la planète, & cette largeur étant comparée au diamètre entier de

ne passent guère un degrés

218 ABREGE D'ARTRONOMIE, LIV. III.

l'ouverture de l'anneau, par le moyen d'un compas très fin, fera connoître le diamètre de la planète en

" minutes & en fecondes".

Ainsi le micromètre d'Huygens ne consistoit qu'en une, petite lame qu'il faisoit glisser sur le diaphragme, ou anneau qui circonscrit l'ouverture; cette lame cachoit par sainsi le diamètre. Auzout imagina le premier en 1666 de renfermer l'image entre deux sils qu'on rapprochoit l'un de l'autre; les premieres observations faites avec ce nouvel instrument surent imprimées & en France & en

Angleterre.

le méchanisme des micromètres; mais ils se rédusent toujours à un fil qu'on fait mouvoir par le moyen d'une vis, au foyer d'une lunette; on détermine la valeur de ce mouvement ou les pas de la vis en observant avec ces mêmes fils un objet éloigné dont on connost la grandeur. Par exemple, un objet d'une toise vu à 113 toisses de distance parost nécessairement sous un angle de 31/1, comme on le peut trouver par la trigonométrie: si l'on éloigne les fils du micromètre de maniere à comprendre cet espace dans la lunette, & si l'on voit ensuite que le même espace comprend le diamètre du soleil, on sera sur que le soleil a 31/1 de diamètre apparent.

M. Bouguer a imaginé en 1748 un micromètre objectif ou héliomètre: il consiste en deux verres de lunette l'un à côté de l'autre dans un même tuyau, qui peuvent s'éloigner l'un de l'autre de la quantité du diamètre du foleil ou de telle autre grandeur qu'on veuille mesurer.

micromètres; il y en a deux fortes principales; favoir, le réticule de 45°, & le réticule rhomboïde. Le champ d'une lunette simple, tel que le cercle ACBE (fig. 61), est ordinairement garni d'un chassis, dans lequel il y a quatre cheveux, ou 4 fils tendus. Le fil AB est destiné à représenter le parallèle à l'équateur ou la direction du mouvement diurne des astres; le fil horairè CE, qui lui est perpendiculaire, représente un méridien ou cercle de déclinaison; & les fils obliques NO, LM, font des angles de 45° avec les deux premiers.

Lorsqu'on veut mesurer la différence d'ascension droite, entre deux astres, pour connoître la position d'une planète par le moyen de celle d'une étoile, on incline le fil AB, de manière que le premier des deux aftres qui pelle dans la lunette, fuive le fil & le parcoure exactement; l'on observe l'héure, la amnute, & la seconde, en l'astre palle au centre. P, ou à l'intersection des fils. Quand le second aftre vient à traverser la lunette à son pour, il décrit une autre ligne VFDGR, parallèle à APB; on compte l'instant où il arrive en D, c'est-à-dire, sur le même cercle de déclination CDPE, ob l'on a observé le premier aftre en P, & la différence des

cemps donne celle des afcentions droites.

Pour trouver la différence de déclination des deux aftres ou la perpendiculaire PD, comprise entre AB & PR, on compte aussi les moments où le second aftre pusse en F & en G; l'intervalle de temps converti en de-prés, & multiplié par le cossum de la déclination du l'altre (531) donne l'arc FDG, dont la moitié FD est égale à DP, à cause de l'angle FPD supposé de 45°, C'est ainsi qu'on trouve la différence en déclination des deux astres, par exemple de Vénus quand elle est sur le soil, en seisant suivre un des sits par le bord du soileil, en seisant suivre un des sits par le bord du soileil, et l'entre par la planète, comme on le voit dans la figure 61.

réticule de 45°; de c'est aujourd'hui le plus usité parmi les Astronomes; il est formé d'un rhombe BEDF (fig. 62.), tel que l'une des diagonales BD soit double de l'autre. Pour le tracer, nous supposerons un carré AGHC, dont les côtés AC & GH soient divisés chacun en deux parties égales, en D & en B. Du point B, l'on tiretu sux angles A & C les lignes BA, BC, & du point D aux angles A & C les lignes BA, BC, & du point D aux angles G & H, les lignes DG, DH; ces quatre lignes formeront par leurs intersections le rhombe BEDF; EF est la moitié de AC, & par canséquent la moitié de BD; si l'on tire une ligne s parallèle à la basse ef, comme BD est égale à AC, c'est-à-dire, que la largeur d'une partie que conque de ce rhombe est égale à la hauteur.

537. Lorsqu'on veut comparer avec ce réticule une planète à une étoile, on fait ensorte que le premier des deux astres parcoure dans son mouvement diurne l'espace EF, qui est égal à BM, & dès-lors on connoît la va-

no Abrest b'Astronomie, Liv. III.

verfer aussi la lunctie, on compte exactement le temps qu'il a employé à passer de s en f, on convertit le temps en degrés, minutes & secondes: on diminue ces degrés, en les multipliant par le cosinus de la déclinaison de cet astre (531), & l'on a la grandeur de sf, ou Bd, on la retranche de BM, ce qui donne Md, qui est la différence

rence en déclinaison des deux astres.

comètes aux étoiles fixes, qui ont à peu-près la même declinaison, ou bien à comparer les petites étoiles, dont on veut faire un Catalogue, à quelque étoile principale, qui soit à peu-près sur leur parallèle. M. de la Caille, qui s'en est servi au Cap de Bonne-Espérance en 1751, pour dresser un Catalogue de près de dix mille étoiles dans la partie australe du Ciel, l'avoit sixé dans la lunette d'un quart-de-cercle; on peut également le placer dans une lunette méridienne, ou instrument des passages qui tourne dans le plan du méridien autour d'un axe horizontal; ou dans une lunette parallatique, c'est-à-dire, qui tourne autour d'un axe dirigé vers le pole du monte, & incliné, per exemple, de 40° à l'horizon de Paris.

ou Quand on connoît la distance réelle d'une planète en lieues, il est aisé de trouver aussi son diamètre réel qui n'est que la corde de l'angle du diamètre apparent, & par conséquent sa surface & sa grosseur en mesures consues. J'ai placé à la fin de ce Volume une Table des diamètres des grosseurs & des distances des planètes, calculée d'après les demicres observations qui nous ont fait connoître les distances absolues de toutes les planètes au soleil & à la terre.



f

LIVRE IV.

Des mouvemens de la Lune, & du Calcul des Parallaxes.

LUNE est après le soleil le plus remarquable de tous les astres; nous n'avons parlé dans le premier Livre que des apparences les plus générales de son mouvement (55.), nous allons en suivre les circonstances, & en donner l'explication détaillée. Après avoir disparu pendant quelques jours, la lune commence à se montrer le soir du côté de l'occident, peu après le coucher du soleil sous la forme d'un filet de lumière, ou d'un croissant dont la lumière est foible, parce qu'elle est diminuée par l'éclat du crépuscule. Hévélius n'a jamais observé la lune plutôt que 40 heures après sa conjonction, ou 27 heures avant, (Selenographia, pag. 276 & 408). On n'apperçoit guère la lune que le troisième jour après la conjonction; quoique Képler ait dit qu'on pouvoit voit la lune, même en conjonction, lorsque sa latitude est de 5 degrés. Ce croissant parost donc au plus tard le troisième jour du côté du couchant, & le soir à l'entrée de la nuit; ses pointes sont élévées & tournées à l'opposite du soleil; il devient un peu plus fort le lendemain, & dans l'espace de cinq à six jours il prend la forme d'un demi-cercle: la partie lumineuse est alors terminée par une ligne droite, & nous disons que la lune est dichotome, (a) ou qu'elle est en quadrature, c'est son PREMIER QUARTIER.

Après avoir paru sous la forme d'un demi-cercle lumineux, la lune continue de s'éloigner du soleil & d'augmenter en lumière pendant 8 jours; elle parost alors tout-à-fait circulaire; son disque entier & lumineux brille pendant toute la nuit & c'est le jour de la PLEINE LUNE, ou de l'opposition; on la voit passer au méridien à mi-

⁽a) Dinétomos, dimidiatus: Copernie se sert du mot Lune dividue.

222 ARREDA BARRONOMIE, Erv. IV.

puit & se coucher dès que le soleil se leve, tout annouve ce alors qu'elle est directement opposée au soleil par rapport à nous, & qu'elle brille dans toute sa largeur, parce que le soleil l'éclaire en face & non pas de côté.

Après la pleine lune, arrive le décours, qui donne les mêmes phases & les mêmes figures que nous venons d'intiquer en parlant de l'accroissement de la lune; elle est d'abord ovale, puis dicheseme ou sons la forme d'un demi-

cercle, & c'est le dernier Quartier.

Bientôt le demi-cercle de lumière diminue & prend la forme d'un croissant qui devient chaque jour plus étroit, & dont les comes sont toujours du côté le plus éloigne du soleil; la lune alors se trouve avoir fait le tour du ciel, & se rapproche du soleil; on la voit se lever le matin un peu avant le soleil, dans la même forme qu'elle avoit le premier jour de l'observation; elle se rapproche du soleil & se perd ensin dans ses rayons, c'est ce qu'on appelle la nouvelle Lune, ou la conjonction,

sutrefois la néoménie (a).

541. La mesure la plus naturelle du temps sut celle que présentoient ces phases de la lune; cet astre en changeant tous les jours d'une manière sensible le lieu de son lever et de son coucher, en variant sans cesse de sigure, et recommençant ensuite un nouvel ordre de changemens tous semblables, offroit une règle publique, et des nombres faciles, sans le secours de l'écriture, des calculs, des dates, des almanacs; les peuples trouvoient dans le ciel un avertissement perpétuel de ce qu'ils avoient à faire; les familles nouvellement sormées, et dispersées dans les plaines de Sennaar, se réunissoient sans méprise au terme convenu de quelque phase de la lune.

542. LA Néontenne servit à régler les assemblées, les sacrifices, les exercices publics; ce culte & ces sétes n'avoient pas la lune pour objet, mais pour indication. On comptoit la lune du jour qu'on commençoit à l'appercevoir. Pour la découvrir aisément on s'assembloit le foir sur les hauteurs; quand le croissant avoit été vu, on célébroit la néoménie ou le sacrifice du nouveau mois qui étoit suivi de sêtes ou de repas. Les nouvelles lunes

⁽a) Neog Nopus, Mips Lune.



Mouv. de la Lune, & Calcul des Perallages. 223

qui concouroient avec le renouvellement des quatre saisons, étoient les plus solemnelles; il semble qu'on y reconnoisse l'origine de nos quatre temps, comme on voit celles de la plupart de nos fêtes dans les cérémonies des anciens. On retrouve dans l'écriture & dans les histoires de tous les peuples du monde cette coutume de se réunir sur les hauts lieux ou dans les déserts, d'observer la nouvelle lune, de célébrer la néoménie par des sacrifices ou des prieres.

543. Il se passe à peu-près 29 jours & demi d'une nouvelle lune à l'autre, c'est une observation facile, & les premiers pasteurs ne manquerent pas de la faire; c'est ce qu'on appelle mois lunaire, Lunaison, ou révolution synodique de la lune: nous en verrons bientôt une détermination rigoureuse (557); cette lunaison sut

la plus ancienne mesure du temps.

544. En observant avec tant d'exactitude les phases de la lune, on dut remarquer naturellement que les éclipses de soleil qui paroissent au moins tous les 4 ou cinq ans, arrivent entre le dernier croissant d'un cours de lune fini, & la premiere phase d'une nouvelle lune, c'est-à-dire, entre le temps où la lune s'approche le plus du soleil, & celui où elle commence à s'en éloigner par le côté opposé: on apperçoit alors sur le soleil un corps rond & parfaitement noir, on le voit se glisser peu-à-peu devant le disque du soleil & en intercepter la lumière, du moins en partie; quelquesois se placer dans le milieu de son disque, & y parostre environné d'une couronne de lumière; d'autres sois ensin le couvrir en entier & nous plonger dans les ténèbres, comme en 1724. (art. 635).

Les premiers observateurs comprirent bientôt que cecorps obseur ne pouvoit être autre chose que celui de la
lune qu'on avoit vu les jours précédens s'avancer de
plus en plus vers le soleil, & qu'on voyoit ensuite un
ou deux jours après se placer de l'autre côté ou à l'orient du soleil, & s'en éloigner avec la même vîtesse.

145. La lune après avoir intercepté la lumière du soleil en plein jour paroissoit absolument noire & opaque; on comprit par-là qu'elle ne brilloit qu'autant qu'elle étoit éclairée, & que le côté qu'elle tournoit vers nous dans le temps d'une éclipse de soleil ne pouvant recevoir aucune lumière du soleil, ne nous en rendoit aucu-

624 Annies D'Assino Roman, Liv. IV.

ne. C'est ainsi que les premiers observateurs durent comprendre que la lune étoit un globe opaque & massif qui n'avoit pas de lumière par lui-même, & qui ne paroissoit lumineux que dans la partie éclairée par le so-leil; on voyoit d'ailleurs que la lune n'étoit jamais plus lumineuse & plus resplendissante que quand elle étoit opposée au soleil, de manière à être vue de face, & à nous résiéchir toute la lumière que le soleil envoyoit sur sa surface ou sur son disque; preuve qu'elle ne renvoyoit vers nous qu'une lumière empruntée.

546. Quatorze ou quinze jours après une écliple de foleil, il arrive quelquefois une écliple de lune. Avant qu'elle commence on voit la lune pleine, ronde, lumineuse & opposée au soleil; elle se lève le soir au coucher même du soleil, elle passe toute la nuit sur l'horizon; c'est le temps de l'opposition ou de la pleine lumine et l'opposition ou de la pleine lumière & disparoît à nos yeux, on voit que la terre placée entre la lune & le soleil est l'obstacle qui

empêche la lune d'être alors éclairée par le foleil.

147. Le foleil éclairant toujours la moitié du globe lunaire, nous ne pouvons voir la lune pleine que quand nous appercevons cette moitié qui est éclairée, ot que nous l'appercevons toute entière; si nous sommes placés de côté, ensorte que nous ne puissions voir que la moitié de la partie éclairée, c'est-à-dire, de l'hémisphère exposé au soleil, nous ne verrons que la moitié de ce qui paroissoit dans la pleine lune, c'est à-dire, que nous ne verrons qu'un demi-cercle de lumière; la lune parostra en quartier. Ca ainsi des autres situations; telle est la cause des phases de la lune, que nous allors tâcher de rendre plus sensible.

Soit S le soleil, (sig. 63.) I la terre autour de laquelle tourne la lune dans son orbite; EO le globe de la lune placé entre la terre & le soleil, c'est-à-dire, en conjonction, ou au temps de la nouvelle lune; alors la partie E est seule éclairée du soleil; au contraire la partie O est la seule visible pour nous qui sommes en I: ainsi l'hémésphère éclairé est précisément celui que nous ne voyons point, & l'hémésphère visible est celui qui n'est point éclairé du soleil; telle est la cause qui rend alors la lune invisible pour nous, vers le temps de la

souvelle lune (540).

Au

Mouvo. de la Lune, & Calcul des Parallaxes. 225

.. Au contraire, quand la lune est opposée au soleil, l'hémisphère éclairé L est précisément celui que nous voyons, parce que nous sommes placés du même côté que le flambeau dont elle est éclairée, & il n'y a rien de perdu pour nous de la lumière que la lune répand; fon disque visible L est le même que son disque éclairé; c'est pourquoi la lune nous parost pleine, c'est-à-dire,

ronde & lumineuse, quand elle est en opposition.

548. Quand la lune est éloignée de 90° du soleil ou environ, c'est-à-dire à peu-près à moitié chemin de O en L ou de la conjonction à l'opposition, l'hémisphère visible est AQZ; l'hémisphère éclairé par le soleil est MZQ; ainsi nous ne voyons que la moitié de cet hémisphère éclairé, qui paroissoit tout entier & comme un cercle complet dans le temps de l'opposition; nous ne voyons donc qu'un demi cercle de lumière, tel qu'il est représenté séparément en N; la rondeur lumineule étant

toujours du côté du foleil.

549. Lorsque la lune est à 45° du soleil, nous disons qu'elle est dans son premier Octant, alors la partie éclairée ou qui regarde le soleil est CDF, la partie visible est BCD; ainsi nous n'appercevons que la partie CD de l'hémisphère éclairé: alors la lune paroît sous la forme d'un croissant, tel qu'on le voit en G, nous ne voyons alors que la huitième partie du globe lunaire, & la June est éloignée du foleil de la huitième partie d'un cercle: c'est ce qui a fait appeller cette phase un octant; mais la partie éclairée n'est qu'à peu-près la septième partie de la surface de son disque visible.

Dans le second Octant, qui arrive après la quadrature, l'hémisphère visible est HIK, l'hémisphère éclairé par le soleil est IKP; ainsi il ne manque à la lune que la petite portion IH, pour que nous puissions voir la partie éclairée toute entière; nous verrons alors plus de la moitié du disque lunaire, & la lune parostra sous la forme R; ce qui manque à son cercle est de la même grandeur que la partie éclairée dans le premier octant,

quand la lune étoit en C.

Le troissème octant V qui arrive 45° au-delà de l'opposition, est semblable au second octant; & le quatrieme octant Test pareil au premier octant G.

550. Pour calculer exactement la portion lumineuse & visible du disque lunaire, soit S le soleil (fig. 64.), T le

225 Anneck p'Astronomia, Liv. IV:

centre de la terre, C le centre de la lune, AE le diamètre de la lune, perpendiculaire au rayon du foleil, & qui sépare la portion éclairée ANE, de la portion obscure ADE; le diamètre lunaire ND perpendiculaire au rayon 70 de la terre, sépare la partie visible DAN de la partie invisible DEN; on abaissera de l'exprémité A du demi cercle lumineux ENA une perpendiculaire AB sur le diamètre ND de la lune, & la ligne NB sera la largeur apparente de la partie visible de l'hémisphère lumineux; en effet, de tout l'hémisphère lumineux ANE il n'y a que la partie AN qui foit comprise dans l'hémisphère visible DAN, & l'arc AN ne peut paroître à nos yeux que de la largeur BN_2 par la même raison que le demi-cercle entier NAD ne parost que comme un simple diamètre NBD, & qu'un hémissible entier ne parost que comme le cercle ou plan qui en est la projection (673). La portion NB du diamètre visible NBCD, est le sinus verse de l'arc NA; cet arc NA, ou l'angle NCA, est égal à l'angle CTF, en supposant TT parallele à CS; car l'angle NCA est le complément de l'angle FCT, à caute de l'angle droit NCT; mais l'angle FCT est le complément de l'angle FTC à cause du triangle rectangle CFT; donc l'angle NCA est du même nombre de degrés que l'angle FTC; cet angle FTC est égal à l'élongation de la lune ou, à la distance de la lune au soleil, parce que le foleil est supposé sur la ligne TF de même que sur la ligne CS, à cause de la distance du soleil qui est prodigicule en comparaison de CF; donc l'arc NA est égal à l'élongation de la lune; donc dans les différentes phases de la lune la largeur du segment lumineux de la lune, est egale au sinus verse de l'angle d'élongation, en prenant pour rayon le rayon même du disque de la lune, ou la demidiffance des cornes du croissant. Par exemple, quand la lune, quatre à cinq jours après sa conjonction, est à 60° du foleil, sa partie lumineuse NB parost la moitié du rayon NC ou le quart du diamètre entier ND de la lune, parce que le finus verse de 60° dans un cercle quelconque est la moitié du rayon de ce cercle. Si le disque lunaire est exprimé par un cercle GNH (fig. 83.), dont C foit le centre, No égal à la moitié du rayon CN, on aura NB pour la largeur du croissant de la lune, à 60 degrés d'élongation.

Mouv. de la Lune, & Calcul des Parallaxes. 227

551. Les réflexions précédentes font voir que ce n'est pas exactement le sinus verse de l'élongation, mais plutôt le sinus verse de l'angle extérieur du triangle formé au centre de la lune par des rayons qui vont au soleil & à la terre. En effet, nous avons supposé dans la démonstration précédente, que les lignes CS & TF menées au soleil, soit de la terre, soit de la lune, étoient sensiblement paralleles; cela n'est vrai qu'à peuprès, & à cause de la grande distance du soleil qui est 400 fois plus loin de nous que la lune; mais si les rayons ST & SV (fig. 65.) qui vont du soleil S à la terre T & à la planète ne iont pas paralleles, on aura l'angle extérieur TVO du triangle SVT égal à l'angle NVA: l'un & l'autre étant le complément de l'angle AVT; or la partie éclairée & visible NB est égale au sinus verse de l'angle NVA, donc le diamètre entier est à la largeur de la partie éclairée & visible d'une planète, comme le diamètre du cercle est au sinus verse de l'angle au centre de la planète, extérieur au triangle formé au soleil, à la terre & à la planète.

rieur du croissant est une élipse, dont le grand axe GH est égal au diamètre même du disque lunaire: pour le prouver nous nous contenterons d'observer que GBH est la circonférence du cercle terminateur de la lumière & de l'ombre, ou du cercle qui sépare l'hémisphère éclairé de l'hémisphère obscur de la lune; ce demi-cercle est vu de côté, sous une inclinaison qui est le complément de l'angle d'élongation, c'étoit l'angle ACT (fig. 64.); or un cercle vu obliquement parost toujours sous la forme d'une ellipse (674); donc GBH étant une circonférence vue obliquement, doit parostre le contour d'une ellipse.

Je dis encore que son grand axe est le diamètre même GH du disque lunaire; car tous les grands cercles d'un globe se coupent en deux parties égales, ainsi le cercle visible GNH & le cercle terminateur GBH sur le globe de la lune se coupent en deux parties égales; & en deux points diamétralement opposés, donc le diamètre GCH est la commune section de ces deux cercles. C'est pourquoi les cornes G & H du croissant sont toujours éloiguées entre elles d'un demi-cercle, & l'on peut en tout temps mesurer le diamètre de la lune en mesurait la distance des cornes:

P 2

28 ABREGE D'ASTRONOMIE, LIV. IV.

· 553. On voit distinctement après la nouvelle lune que le croissant qui en fait la partie la plus lumineuse, est accompagné d'une lumière foible répandue sur le reste du disque, qui nous fait entrevoir toute la rondeur de la

ime; & qu'on appelle LA Lumière cendrée.

La terre réfléchit la lumière du foleil vefs la lune, comme la lune la réfléchit vers la terre: quand la lune est en conjonction pour nous avec le foleil, la terre est pour elle en opposition; c'est proprement pleine terre pour l'observateur qui seroit placé dans la lune, comme dit Hévélius, & la clarté que la terre y répand est telle que la lune en est illuminée beaucoup plus que nous le fommes par un beau clair de lune qui nous fait appercevoir tous les objets. La lune étant bien plus petite que la terre, la lumière que la terre y répand doit être bien plus grande que celle qu'elle en reçoit, il n'est donc pas étonnant que la lune puisse la résiéchir jusqu'à nous, & que cette lumière nous faile voir la lune. Nous l'appercevrious toute entière lorsqu'elle est en conjonction, fi le foieil que nous voyons en même temps n'abforboit entiérement cette lueur terrestre résiéchie sur le globe luhaire, & n'empêchoit alors de voir la lune; mais quand le soleil est couché & le crépuscule presque fini, nous appercevons très-distinctement la lumière cendrée.

La lumière cendrée est cause d'un autre phénomène optique fort sensible, c'est la dilatation apparente du croissant lumineux, qui parost être d'un diamètre beaucoup plus grand que le disque obscur de la lune; cela vient de la force d'une grande lumière placée à côté d'une petite, l'une essacé l'autre & l'absorbe; le croissant parost ensié par un débordement de lumière qui s'éparbille dans la rétine de l'œil, & élargit le disque de la lune; l'air ambiant éclairé par la lune augmente encore cet-

re illusion.

554. La lumière de la lune n'est accompagnée d'aucune chaleur, M. Tschirnausen avec ses verres brûlans ne put la rendre sensible (Hist. acad. 1699). M. de la Hite le sils exposa le miroir concave de l'observatoire qui a 35 pouces de diamètre aux rayons de la p'eine lune, & il rassembla ces rayons dans un espace 306 sois plus petit que dans l'état naturel: cependant cette lumière concentrée ne produisit pas le moindre esset sur le thermomètre de M. Amontons, qui étoit très sensible; (Mine. acad. 1705).

M. Bouguer à trouvé par expérience que la lumière de la lune est 300 mille fois moindre que celle du so-leil, & cela en les comparant l'une & l'autre avec la lumière d'une bougie placée dans l'obscurité. (Trainé d'Opt. sur la gradat. de la lumière, in-4°, 1760).

Des Inégalités de la Lune.

que la lune tournoit chaque mois tout autour de la terre, qu'elle en étoit la compagne, &, comme nous disons actuellement, le Satellite; Aristote, au rapport d'Averroës, disoit que la lune lui paroissoit comme une terre éthérienne; on peut voir dans Macrobe & dans Plutarque, tout ce que les Philosophes avoient dit à ce
sujet.

Les premiers Observateurs dûrent reconnoître bien facilement que dans l'espace de 59 jours la nouvelle luz ne arrivoit deux fois, en sorte que la durée d'une lunaison étoit de 29 jours & demi; mais cette règle, à peup près vraie, étoit sujette à plusieurs exceptions & à plussieurs inégalités qu'on ne developpa que bien long-tempe après.

dans la Grèce du mouvement de la lune, ou de la durée exacte de sa révolution, sut celle que donna Méton, qui vivoit environ 430 ans avant J. C. Il avoit reconnique ou plutôt il avoit appris des Orientaux qu'en 10 années solaires il se passoit 235 mois lunaires complets; & cette détermination n'est en désaut que d'un jour sur 312 ans aussi cette découverte parut si belle dans la Grèce qu'on en grava les calculs en lettres d'or; on s'en sert encore dans le Calendrier, & l'on appelle Cycle lunaire la révoquition de 19 ans qui ramene les nouvelles lunes aux mêmes jours de l'année civile. Le Nombre d'or est celui qui indique l'année du Cycle lunaire, il est marqué par l'unité 1, toutes les sois que la nouvelle lune arrive le premier Janvier comme en 1767.

1557. Cette période fait voir que le retour de la lune à sa conjonction est 29 jours 12 heures 44 minutes 3 se-condes, c'est ce qu'on appelle lunaison, mois synodique, ou révolution synodique. Pour que la lune, après avoir fait une révolution entière dans son orbite, arrive

230 ARREGE D'ASTRONOMIR, LIV. IV.

jusqu'au soleil, il faut qu'elle parcoure encore les 29°, que le soleil a fait dans l'écliptique en 29 jours par son mouvement annuel; ainsi quand la lune a atteint le soleil, il y a plus de deux jours que sa véritable révolution est finie, et celle-ci ne dure que 27' 7h 43' 4", c'est ce qu'on appelle la révolution périodique, il y faut ajouter 7", il l'on veut avoir la révolution sydérale (321); mais on pe fait point usage de celle-ci, parce que c'est aux équi-

noxes que se rapportent les mouvemens célestes.

558 Les inégalités de la lune dérangent beaucoup l'uniformité de cette révolution moyenne que nous venons de déterminer. En observant chaque jour le lieu de la lune pendant l'espace d'un mois, il n'étoit pas difficile d'appercevoir qu'au bout de sept jours il y avoit environns se degrés d'inégalité, qu'après 14 jours l'inégalité disparoissoit, & qu'au bout de 21 elle revenoit en sens contraire pour disparostre à la fin des 27 jours de la

révolution.

différens mois & en différentes années, on vit encore que les points du ciel où l'inégalité disparoissoit (496), c'est-à-dire l'apogée ou le périgée, étoient fort différens, & qu'à chaque révolution ils avançoient de 3 degrés enprison. En effet l'apogée de la lune fait le tour du ciel en 3231 8h 34' 57" i par rapport aux équinoxes, & en 3232 11h 14' 31" par rapport aux étoiles : c'est enviton 9 ans.

La lune étant plus éloignée de nous dans le temps de fon apogée, son diamètre apparent est alors le plus petit, il est de 20 minutes & demie seulement; 14 jours après il paroit sous un angle de 33 l, lorsque la lune est périgée. Cela seul sussitie pour nous faire juger du temps où la lune est dans ses apsides; l'observation du diamètre de la lune nous montre en même temps quel est le lieu de son apogée dans le ciel, & suffit pour en faire

voir les changemens & la révolution.

560. La premiere inégalité ou l'équation de l'orbite de la lune est quelquefois de 5 degrés, quelquefois de 7° ; suivant les situations du soleil par rapport à la lune & à son apogée, comme si l'orbite de la lune s'allongeoit & devenoit plus excentrique toutes les fois que le soleil répond à l'apogée ou au périgée de la lune. Pour exprimer cette disférence les Astronomes supposent d'a-

bord l'équation moyenne de l'orbite de 6° 18/1, & ils employent une autre équation de 1° 20/1 sous le nom de seconde inégalité ou Evedion, celle ci dépend de la double distance de la lune au soleil moins l'anomalie moyenne de la lune. Ce fut Ptolomée qui reconnut cette inégalité de la lune vers l'année 120 de J. C. Nous parle-

rons de la cause qui la produit à l'art, 1052.

561. La troisième inégalité de la lune dépend encore de la situation du soleil, dont l'attraction dérange sans cesse les mouvemens de la lune. Cette inégalité sut découverte par Tycho-Brahé vers l'an 1600, on l'appelle variation: elle est de 37/, & change tous les trois ou quatre jours; car elle est nulle dans les nouvelles lunes, dans les pleines lunes & dans les quadratures, elle est la plus forte dans les octans, c'est-à-dire à 45 degrés des syzygies & des quadratures.

de la lune, elle fut encore apperçue par Tycho: cette équation n'est que de 111; mais comme elle ne se rétablit que tous les ans, son effet étant plus lent devenoit sensible sur un plus grand nombre d'observations, & il étoit difficile de la méconnoître même d'après le simple examen des lieux de la lune observés pendant un an,

563. Lorsque Newton eut reconnu que l'attraction du soleil étoit la cause des trois dernières inégalités de la lune, il comprit bien qu'il devoit y en avoir d'autres à raison du grand nombre de circonstances qui modifient. troublent ces attractions; les calculs qu'en ont fait les Géomètres, & plus encore l'examen pénible & la comparaison suivie des observations les plus exactes, ont spit reconnostre dix autres inégalités, d'une, de deux, de trois minutes, qui toutes ensemble forment ensin des tables de la lune qui ne s'écartent jamais du ciel de plus d'une minute; celles de M. Mayer, dont l'exactitude est la plus reconnue, ont déja été imprimées plusieurs fois depuis 1770, elles sont dans la seconde édition de mon Astronomie, & elles ont mérité une récompense considérable du Parlement d'Angleterre à la veuve de ce célebre Astronome.

564. L'accélération du moyen mouvement de la lune, ou de ses périodes, est telle que le mois lunaire parost actuellement de 22 tierces plus court qu'il n'étoit il y 2000 ans, ce qui produit un degré d'erreur sur le, lie

P 4

432 Arregé d'Astronomie, Liv. IV.

de la lune, quand on le calcule pour l'année 300 avant. J. C. en employant le mouvement de la lune observé dans ce siècle ci; j'ai donné les calculs de cette équation séculaire de la lune dans les Manoires de 1757, avec les raisons qui peuvent la faire admettre.

Des Nœuds 3 de l'Inclinaison de l'Orbite lunaire.

de même que celles de toutes les autres planètes (422); ainsi la lune traverse l'écliptique deux sois dans chaque tévolution, & sept jours après avoir traversé l'écliptique dans un de ses nœuds elle s'en s'éloigne de 5 degrés : sans cette inclinaison nous aurions tous les mois une éclipse de soleil le jour de la conjonction, & une éclipse de lune le jour de l'opposition; mais au contraire, il y a des années entières où il n'arrive aucune éclipse de lune (par exemple, en 1763), parce qu'au moment de chaque opposition la lune est trop éloignée de son nœud, & se trouve par conséquent au dessus ou au dessous de l'écliptique, où resteat toujours le centre du soleil & l'ombre de la terre.

566! Cette inclinaison qui n'est que de 5° dans les nouvelles lunes ou les pleines lunes qui arrivent à 90 degrés des nœuds, se trouve de 5° 17° i dans les quadratures. Ce s'at Tycho Brahé qui sit le premier cette importante observation. On en verra la cause art, 1063; l'in-

clinaison movenne est de 5° 8' 46".

567. LE NOEUD ASCENDANT de la lune où celui par lequel elle traverse l'écliptique en s'avançant vers le nord, s'appelle quelquefois la tête du dragon, & se désigne par ce caractère Ω : le nœud descendant ou queue du

Dragon păr celui-ci 73.

568. Ce qu'il y a de plus remarquable dans les nœuds de la lune, c'est la promptitude de leur mouvement; si la lune traverse l'écliptique dans le premier point du Bélier ou dans le point équinoxial (comme cela arrivoit au mois de Juin 1764) dix huit mois après c'est dans le commencement des Poissons qu'elle coupe l'ecliptique, c'est-à-dire, que son nœud a retrogradé de 30 ou d'un signe entier; et il fait le tour du ciel dans l'espace de 18 ans. Ce mouvement des nœuds sut aisé à reconnoître en voyant la lune éclipser, par exemple,



la belle étoile du cœur du Lion ou Regular qui est sur l'écliptique même: quand la lune éclipse Regular (comme cela arrivoit au mois de Juin 1757) elle est évidemment dans son nœud, donc alors le nœud est à 45,26d de longitude comme Regular. Mais quatre ou cinq ans après la lune passant au même degré de longitude se trouve à cinq degrés au dessus ou au-dessous de l'étoile; cela prouve que le nœud est à 90° de l'étoile, Au boût de 18 ans la lune repasse vers les mêmes étoiles, et tout recommence dans le même ordre. Après avoir observé plusieurs sois ce retour, on a vu que les nœuds de la lune faisoient une révolution entière contre l'ordre des signes en 18 années communes & 228 jours, ou 6798 4h 52' 52" 3, par rapport aux équinoxes, & de 6803 2h 55' 18" 4, par rapport aux équinoxes, & de 6803

569. Tycho-Brahé reconnut aussi dans le mouvement du nœud une inégalité qui va jusqu'à 1° 46' en plus & en moins, & il vit que cette inégalité combinée avec celle de l'inclinaison se réduisoit à une équation de la latitude de la lune, qui est de 8' 49" multipliées par le sinus de deux sois la distance entre la lune & le soleil moins l'argument de latitude de la lune. Le lieu du nœud de la lune au commencement de 1772 étoit de 75 4° 46', cela sussimple pour trouver sa situation en tout temps.

Du Diamètre de la Lune.

570. Le diamètre apparent, de la lune varie comme la parallaxe, à raison de ses diverses distances à la cerre; le plus grand diamètre périgée est de 33' 34" dans ses oppositions, & le plus petit diamètre, lorsque la lune est apogée & en conjonction, n'est que de 29' 25".

La manière la plus simple de le mesurer est d'observer le temps que le disque de la lune employe à traverser le sil d'une lunette, lorsque la lune est pleine & qu'on voit les deux bords (529); mais il faut avoir égard au retardement diurne de la lune qui fait qu'elle employe plus de temps que le soleil à traverser le méridien, lors même que son diamètre n'est pas plus grand. Dans les temps où le disque n'est éclairé qu'en partie, on ne peut employer que les micromètres (533) pour mesurer le diamètre de la lune.

234 Assist b'Astronomiz, Liv. IV.

cuti plus près de nous; ainsi son diamètre apparent parent plus grand dans la même proportion. Soit I le centre de la terre (fig. 67.); O un observateur situé à la surface de la terre; I la lune située au zénit de l'observateur: si la distance ZO de la lune à l'observateur est plus petite d'un soixantième que la distance ZI de la lune au centre de la terre, le diamètre apparent vu du point O sera plus grand d'un soixantième que le diamè-

tre vu du centre T de la terre.

De même si la lune est située en L, de manière que sa hauteur au-deffus de l'horizon foir égale à l'angle LOH, sa distance au zénir étant égale à l'angle LOZ, on voit que la distance LO sera plus petite que la distance LT au centre de la terre; le feul cas on cette augmentation fera nulle, est celui oh la lune sera dans l'horizon même en H, car alors elle sera presque également éloignée du point O & du point T; voilà pourquoi l'on appelle Diamètre borizontal de la lune, celui qui est vu du centre de la cerre, parce qu'il est aussi égal au diamètre que nous observons quand la lune est à l'horizon. 1572. Lorfqu'on connoît le diamètre horizontal de la , lune, il est aisé de trouver le diameire augmenté à raison de la hauteur fur l'horizon, puisqu'ils sont entr'eux comme le côté LO est au côté LI. Dans le triangle LOI, l'angle OLT est ce qu'on appelle la Paratlaxe de bauteur (580); l'angle LOZ, ou son supplément LOI, qui a le même sinus, est la distance apparente au zénit; l'angle LTO est la distance vraie de la lune au zénir, vue du centre de la terre, ou le complément de la hauteur vraie. Dans tout triangle rectiligne les finus des côtés font comme les finus des angles opposés; sinfi le côté LO est au côté TL, comme le sinus de l'angle OTL est au sinus de l'angle LOT; donc le diamètre borizonest est au diamètre apparent, comme le sinus de la distance vraie de la lune au zénit, vue du centre de la terre, est au finus de la distance apparente de la lune au zénir, vue du point O.

573. Il est vrai que la lune, quand elle parost à l'horizon derrière les plaines & les montagnes, semble être beaucoup plus grande qu'à l'ordinaire; mais c'est une illusion optique, & elle a sieu de même pour les autres conque, dans un tube de papier, & même, si l'on veut, au travers d'une carte où l'on a fait un trou d'épingle, pour se convaincre que l'augmentation n'est point réelle, & que le diamètre de la lune est vu au contraire alors sous un plus petit angle, que lorsque la lune est à

une plus grande hauteur.

Il est difficile de se former une idée claire de la cause de cette illusion, si ce n'est en admettant avec tous les Opticiens ce jugement tacite, commun, forcé, involontaire, par lequel nous avons coutume d'estimer fort grands les objets que nous jugeons être fort éloignés, en même temps que nous jugeons les objets fout éloignés lorsque nous voyons à la fois beaucoup de corps interposés entre nous & ces objets; or quand on voit la lune au delà d'une plaine dont les objets font encore éclaires, on distingue les objets interposés; la lune fait alors la sensation que font les objets qu'on a coutume de juger fort éloignés, à cause du grand nombre des objets intermédiaires, & elle excite malgré nous l'idée d'un objet très-grand, sans que pour cela elle paroisse sous un plus grand angle, ni qu'elle peigne sur notre rétine une plus grande image.

De la Parallaxe de la Lune.

574. LA PARALLAXE (a), est la différence entre le lieu où un astre parost, vu de la surface de la terre, & celui où il nous parostroit, si nous étions au centre; on l'appelle quelquesois *Parallaxe diurne*, pour la distinguer

de la parallaxe annuelle (441).

Tous les mouvemens célestes doivent se rapporter au centre de la terre pour parostre réguliers, car les dissérens points de la surface de la terre étant situés foit différemment, les uns des autres, un astre doit leur parostre dans des aspects différens, c'est au centre qu'il faut se transporter, afin de voir tout à sa véritable place, & de trouver la véritable loi des mouvemens célestes; ainsi

⁽a) mapadadile, transmuto, Παράλλαξις, differentia; la pasallaxe vient en esset d'un changement de situation de la part de l'observateur, & produit un changement dans la situation apparente de l'astre,

226 ABRECE D'ASTRONOMIE, LIV. IV.

neus fommes obligés de calculer fans céffe la parallaxe pour réduire le lieu d'une planète observé à celui que

nous cuffions vu du centre de la terre.

375: Soit F. le centre de la terre, (fig. 67.). O le point de la surface où est placé l'observateur; IOZ la sligne verticale, ou la ligne qui passe par le zénit Z, par le point O de l'observateur, par le centre T de la terre e pair le nadir. Une planère P située dans la ligne du zénit, répond toujours au même point du cial, foir qu'on la regarde du centre T, soit qu'on l'observe du point O; le point du ciel qui parost à notre zénit mar--que également le lieu de l'aftre dans les deux cas; ainfi sons aftre qui paraît au zénit n'a point de parallaxe: c'est le premier principe qu'il faut confidérer dans cet examen des parallaxes.

10176. Si la planète, au lieu d'être sur la ligne du zénit TOPZ, paroît fur. la ligne horizontale OH, perpendireulaire à la premiere, sa distance TH au centre de la -terre étant la même que la distance TP, le lieu de le rplanète H vu du centre de la terre, est sur la ligne TH, ·le lieu de la planète, vu du point O, est sur la ligne OH; ces deux lignes IH & OH ne répondent pas au même point du ciel; car au-dela du point //, où elles fe croisent, elles iront en s'éloignant l'une de l'autre; & dans la sphère des étoiles fixes, elles rencontreront deux points différens, & indiqueront pour l'aftre situé en H deux fituations différentes; cotte différence ett ce que

nous appellons parallaxe.

577. Comparons ces deux différentes situations, ou ces deux différens points, avec le point du zénit ou le point du ciel qui est sur la ligne 70Z menée par le centre & par le point O de la surface: l'angle ZOH formé par la ligne verticale OZ, & par la ligne OH, fur laquelle paroît la planète, est la distance apparente de l'astre au zénit; si nous étions au centre T, l'angle ZTH seroit la vraie distance de l'astre au zénit, ou la quantité de degrés dont la ligne TH, menée à l'astre, différe-roit de la ligne TZ menée au zénit.

578. La distance apparente ZOH est plus grande que la distance vraie ZTH; car dans le triangle rectiligne HIO, dont le côte IO est prolongé en Z, l'angle extérieur ZOH est égal aux deux intérieurs I & H; donc il est plus grand que l'angle T de la quantité de l'an-

gie H: ainsi la distance apparente de l'astre H au zénic est plus grande que la distance vraie ZTH. La différence de ces deux distances & l'angle OHT, qui s'appelle la Parallaxe borizontale, si la ligne OH est horizontale, comme nous l'avons supposée, c'est-à-dire, si le lieu. apparent de l'astre qu'on observe, est sur l'borizon, apparent OH, ou sur la tangente menée par le point O de la surface terrestre. Dans le triangle TOH rectangle en O, on a cette proportion en prenant l'unité pour rayon ou sinus total; i: sin. OHT:: TH:OT: donc le sinus de la parallaxe horizontale est égal à $\frac{1}{TH}$, c'est-à-dire,

que le rayon de la terre divisé par la distance de l'astre, donne une fraction qui dans les tables des Sinus indique

la parallaxe.

579. La parallaxe d'un astre est donc l'angle formé au centre de l'astre par deux rayons, dont l'un va au centre de la terre, & l'autre au point de la surface où est l'ob-servateur; c'est l'inclinaison des deux lignes qui partent du centre & de la surface, pour aller se réunir au centre de la planète; enfin, c'est aussi l'angle sous lequel paroît le rayon de la terre, ou la distance de l'observateur au centre de la terre, lorsque cette distance ou œ

rayon sont supposés vus du centre de la planète.

Le triangle TOH s'appelle Triangle parallactique; il est toujours situé verticalement, puisque le côté OT étant une ligne verticale, le plan du triangle fait sur OT, ne sauroit être incliné; ainsi, tout l'effet de la parallaxe se fait de haut en bas, dans le plan d'un cercle vertical. D'ailleurs, il est aisé de comprendre que le centre de la terre étant perpendiculairement sous nos pieds, c'està-dire, dans le plan de tous les cercles verticaux, l'effet de la parallaxe ne peut pas s'écarter de ces cercles; ainsi la parallaxe est toute en hauteur, c'est à dire; qu'elle abaisse les astres du haut en bas, & dans un vertical, sans faire paroître l'astre à droite ni à gauche du vertical. De-là il suit que la parallaxe ne change point l'azimut d'une planète; de même dans le méridien la parallaxe ne change point l'ascension droite d'un astre, parce que le vertical est alors perpendiculaire à l'équateur, & que tous les points du vertical répondent au même point de l'équateur.

Abrech D'Astronomie, Liv. IV.

pour le cas où l'astre est à l'horizon, c'est à dire, où l'angle ZOH est un angle droit, & nous avons appellé parallaxe borizontale celle qui a lieu dans ce cas-là (578): si la planète L se trouve plus près du zénit, en sorte que l'angle ZOL, distance de la planète au zénit; soit un angle aigu, l'angle de la parallaxe OLT deviendra plus petit; on l'appelle alors parallaxe de bauteur.

Theoreme. Le sieur total est au sieur de la parallaxe

Derizontale, comme le finus de la distance au zenis est au se mus de la parallaxe de bauteur, en supposant que la distance de la planère au centre de la terre soit la même dans les deux cas, & que la terre soit sphérique.

DEMONSTRATION. Dans le triangle rectangle HOT on a cette proportion: HT est à TO, comme le sinus de l'angle droit O est au sinus de l'angle THO; parce que dans tout triangle rectiligne les côtés sont comme les sinus des angles opposés. Dans le triangle TOL on a de même cette proportion: TL est à TO comme le sinus de l'angle LOT est au sinus de l'angle TLO; dans cette dernière proportion on peut mettre au lieu de TL; son égale à HT, puisque la planète est supposée toujours à même distance du centre de la terre; ainsi l'on a ces deux proportions, en nommant R le sinus de l'angle droit:

HT, TO :: R: fin. H. donc R: fin. LOT :: HT: TO :: fin. LOT: fin. L;

mais le sinus de l'angle obtus LOT est le même que celui de l'angle LOZ, ou de la distance de la planète au zénit; donc le rayon est au sinus de la distance au zénit; comme le sinus de la parallaze horizontale H est au si-

nus de la parallaxe de hauteur L.

581. Le sinus de la distance apparente au zénit est la même chose que le cosinus de la hauteur apparente, & le rayon est toujours supposé être l'unité; ainsi, 1: co-sin. haut.:: sin. par. horiz.: sin. parall. de hauteur; donc le sinus de la parallaxe de bauteur est égal au sinus de la parallaxe borizontale multipliée par le cosinus de la bauteur apparente.

582. La parallaxe horizontale de la lune, qui est la plus grande de toutes les parallaxes des planètes, ne va



qu'à un degré environ; or entre le sinus d'un degré, & l'arc d'un degré, la différence est à peine de la valeur d'un quart de seconde; ainsi l'on peut prendre l'un pour l'autre, & dire en général que la parallaxe de bauteur est égale à la parallaxe berizontale multiplite par le cosinus de la bauteur apparents. C'est ainsi que j'énoncerai toujours à l'avenir le théorème général de la parallaxe de hauteur, dont je ferai un usage fréquent; & nommant p la parallaxe horizontale, & b la hauteur apparente, je supposerai qu'on a toujours la parallaxe de hauteur=p. cos. b.

583. La parallaxe horizontale d'un astre est d'autant plus petite que sa distance est plus grande; car plus le point H'se rapprochera du point O, plus l'angle THO augmentera. Dans le triangle THO on a cette proportion, TH: TO:: R: sin. THO; si l'astre est en N on aura dans le triangle TNO cette proportion TN: TO:: R: sin TNO; la premiere proportion donne cette équation, TH fin. THO=R. TO; la seconde proportion donne celle-ci, TN. fin. TNO = R. TO; donc TH. fin. THO = TN. fin. TNO; donc TH: TN:: fin. TNO:sin. THO; car en réduisant cette derniere proportion en équation ou à l'équation TH. sin. THO=TN. sin. TNO; donc la distance TH dans le premier cas, est à la distance TN dans le second cas, comme le sinus de la parallaxe dans le second cas est au sinus de la parallaxe dans le premier.

La même démonstration auroit lieu, quel que fût l'angle TOH, pourvu que les points N & H fussent sur une même ligne ONH; ainsi lorsque la hauteur apparente est supposée la même, les sinus des parallaxes de hau-

teur sont en raison inverse des distances.

584. La parallaxe d'un astre augmente dans le même rapport que son diamètre apparent; en effet, lorsqu'un astre s'éloigne, il diminue de grandeur apparente dans la proportion inverse de sa distance; mais sa parallaxe horizontale diminue de la même maniere & dans le même rapport (583); ainsi le parallaxe d'un astre est toujours comme son diamètre. Si ce diamètre apparent diminue de moitié par l'éloignement de la planète, la parallaxe diminuera aussi de moitié, & le même rapport subsistera toujours entre le diamètre apparent & la parallaxe horizontale d'un astre, quelle que soit sa distance: ainsi le diamètre de la Lune est toujours les sa parallaxe,

and Arrest D'Astronomiti Liv. IV.

il le cube de cerre fraction marque la groffeur de la Lu-

me ou fin volume par rapport à la Terre 24.

Loriqu'on connoît la parallaxe horizontale d'un affire, il est ané da connoître sa distance: en effet, dans se trangle rectangle THO, l'on connoît le demi-dancere de la terre TO, qui est de 1432 i lieues, (chacune-de 2283 toises), à l'angle HOT qui est de 9-, paisqu'on suppose la planète dans l'horizon; si donc on connoît de plus l'angle THO qui est la parallaxe horizontale, il sera aisé de résoudre le triangle TOH, à de connoître la distance TH; c'est ainsi qu'on a trouvé les distances en lieues rapportées à la fin de cet ouvrage; c'est hinsi que les astronomes parviennent à connoître l'ecendue des espaces immenses que les planètes parcourents.

Methodes pour trouver la Parallaxe borizontale d'une Planète.

\$86. Les astronomes ont travaillé dans tous les temps à connoître les distances des planètes par le moyen de leurs parallaxes, sur-tout la parallaxe de la lune qui est la plus sensible. Les éclipses de lune sournissent une méthode qui pouvoit être assez bonne autresois pour trouver à-peu-près la parallaxe de la lune; on en verra la démonstration quand nous parlerons des éclipses (619).

des latitudes, qui consiste à observer combien la latitude méridionale de la lune, quand elle passe au méridien fort près de l'horizon, surpasse la plus grande latitude boréale quand la lune est fort haute: ces deux latitudes, qui seroient égales, vues du centre de la terre, ne peuvent dissérer qu'à raison de la parallaxe qui augmente l'une & qui diminue l'autre; ainsi quand on a la dissérence de ces deux latitudes observées, on peut en conclure la parallaxe qui a produit cette inégalité. Cette méthode fut autresois celle de Ptolomée; Tycho & Flamstéed l'ont employée avec succès.

588. On a aussi employé la méthode des ascensions droites, dont Régiomontanus eut la premiere idée, il y a 300 ans; elle consisté à observer l'ascension droite d'une planète lorsqu'elle est près de l'horizon à l'Orient, & quelques heures après lorsqu'elle est du côté du Couchant; l'ascension droite est augmentée par la parallaxe

dans

c'est-à-dire, quand l'astre est du côté du Couchant. Cette méthode a été principalement employée par M. Cassini & par Flamstéed pour trouver la parallaxe de

Mars, & par conféquent celle du soleil.

189. La troisième méthode pour déterminer la paraliaxe est celle qui suppose deux observateurs très-éloignés l'en de l'autre, observant tout à la fois la hauteur d'un astre dans le méridien; c'est la plus naturelle & la plus exacte; c'est celle que j'ai employée en 175 se lorsque M. l'Abbé de la Caille étoit au Cap de Bonne-Espérance, & que j'observois en même temps la lune à Berlin, pour trouver la parallaxe de la lune, qui n'avoit jamais été déterminée par une méthode aussi exacte (Mém. de l'Acud. 1751, pag. 457).

Le cas leplus simple de cette methode est celui où l'on auroit un observateur en O (fig. 67); & un autre en D, qui seroit éloigné du premier de la quantité OD égale à peu-près à un quart de la terre. Le premier étant eo O, il observeroit un astre H à l'horizon; le second étant en D l'observeroit à son zénit; dans ce cas l'angle OHT, qui est la parallaxe horizontale, seroit égale à l'angle HTE, c'est à-dire au complément de l'arc OD qui est la distance des deux observateurs, ou la différence de leurs latitudes; car je les suppose pla-

cés fous le même méridien.

Il est impossible que les circonstances locales nous donnent dans la pratique un cas aussi simple que celui-là; ainsi nous allons voir ce qui arrive quand les deux obfervateurs sont à une distance quelconque, & que l'asse

tre leur paroît à des hauteurs quelconques.

590. Supposons, comme en 1751, un observateur B, (fig. 68) situé à Berlin, & un autre en C ou au Cap de Bonne-Espérance; L la lune que nous observions tous deux en même temps dans le méridien; (il n'importe que ce soit précisément au même instant, pourvu qu'on sache de combien a dû varier la hauteur méridienne pendant l'intervalle des deux passages); CLT est la parallaxe de hauteur pour le Cap, BLT est la parallaxe de hauteur à Berlin, la somme de ces deux parallaxes est l'angle CLB, différence totale entre les positions de la sance, vues par les deux observateurs, ou argument total de la parallaxe horizontale; ce seroit leur différence

142 ABRECE D'ASTRONOMIE, LIV. IV.

si les Observateurs voyoient tous deux l'astre au Midia où tous deux au Nord. Ouand on a les parallaxes de fiauteur pour deux lieux quelconques, il est aisé d'avoir la parallaxe horizontale, puisqu'il ne faut que les diviser chacune par le cosinus de la hauteur observée; il ne s'agit donc que de diviser l'effet total CLB en deux parties qui soient entre elles comme les cosinus des hauteurs, & de diviser chacune de ces deux parties par le cosinus de la hauteur qui lui répond. C'est par cette méthode que l'ai trouvé la parallaxe de la lune dans les movennes difcances de 58/ 3/1; mais elle varie foit à cause de la figure elliptique de l'orbite lunaire, foit à cause de l'attraction du foleil & de la lune. La plus grande parallaxe de la lune, (lorsqu'elle est dans son périgée & en opposition), est de 61/25/, la plus petite parallaxe qui a lieu dans l'apogée en conjonction, est de 53/ 53", sous la latitude de Paris; l'applatissement de la terre fait qu'il y a 9" de plus fous l'équateur, & 7" de moins fous les poles, enforte que la parallaxe équatoriale furpasse de 16" la parallaxe polaire de la lune (821).

Ces méthodes ont fait trouver aussi que la parallaxe du soleil n'étoit que d'environ 10"; mais le passage de Vémus fur le foleil, obfervé en 1769, nous a appris avec plus de précision que cette parallaxe n'est que de 8 secondes & demie, d'où il fuit que le foleil est 400 fois plus éloigné de nous que la lune, puisque sa parallaxe

est 400 fois plus petite,

501. Quand on aura vu ci-après que la terre est applatie (816), on ne pourra s'empêcher d'en conolure que la parallaxe est un peu différente en différens pays, suivant que la diffance au centre est plus ou moins grande. Les Astronomes ont cherché pendant bien des années une méthode facile de faire entrer cette confidération dans le calcul des parallaxes,

yoici celle que je donnai dans nos Mémoires de 1764.

L'ellipse POE (fig. 69), représente un méridien de la ter-te, P le pole élevé, O le liets de l'observateur, ON la verticale ou la perpendigulaire à l'horizon & à la furface de la terte en O; ENH la méridienne horizontale, ou la commune fection du méridien avec l'horizon; CON l'angle de la verti-cale avec le rayon CO, qui est à Paris d'environ 15', dont on donnera la Table (821), & que j'appelle a. La perpendiculaire ON est sensiblement égale au rayon CO, à cause de la petitesse de l'angle CON; la valeur du rayon CO pour dif-

férentes latitudes se trouvera dans le huitieme Livre, ainsi que la Table de la quantité, dont la parallake à chaque latitude terrestre est plus grande que la parallaxe polaire qui a pour base CP (821). La parallaxe qui auroit pour base NO seroit plus petite d'un cent millieme que la parallaxe horizontale, qui a pout base, CO; mais on peut négliger ici cette. différence, qui ne va qu'à un trentième de seconde. Si Rob. servateur O étoit situé en N, il verroit encore la lune dans le même vertical où il la voit du point O, & au même point d'azimut sur l'horizon; mais cet azimut où la lune paroit; vue du point O ou du point N, quand la lune n'est pas au méridien, est différent de celui où elle paroitroit, si on l'observoit du centre C de la terre; les rayons menés du point C & du point N jusqu'à la lune, font alors un angle que j'appelle la PARALLAXE D'AZIMUT. Si le rayon dirigé vers la lune est perpendiculaire à CN, cette ligne CN sera la sous-tendante ou La mesure de la parallaxe d'azimut; puisque dans les arcs trèspetits les sinus & les tangentes ne diffèrent pas sensiblement des arcs, & si l'on appelle p la parallaxe horizontale qui répond au rayon CO ou ON, l'on aura 1 ou CO: sin. a ou CN:: p: parallaxe d'azimut; ainfi cette parallaxe qui répond à CN fera = p fin. a, la lune étant à l'horizon & ayant 90d d'azimut, c'est-à-dire, étant dans le premier vertical.

592. Si la lune s'éloigne vers le nord & que son azimut compté depuis le midi soit plus grand que god, l'angle à la lune dont CN est la base, deviendra plus petit. Soit CN (fig. 70), la même ligne que dans la figure 69, tracée séparément, & qui s'étend horizontalement du midi au nord depuis le centre de la terre jusqu'à la verticale; que le rayon CMR soit dirigé vers le point de l'horizon où la lune répond & qui marque l'azimut de la lune, égal à l'angle NCM que j'appellerai z; la perpendiculaire MN abaissée du point N sur CR sera la mesure de la parallaxe d'azimut, au lieu de CN; en effet, c'est la même chose, quant à cette parallaxe, que la lune soit vue du point C ou du point M, l'un & l'autre point étant dans un même vertical, & d'ailleurs il vaut mieux quant à la mesure de cette parallaxe considérer la lune comme vue du point M. Or MN = CN fin. NCM, ou CN fin. z; la parallaxe qui répond à CN est p sin. a, donc celle qui répond à MN est p sin. a sin. z: c'est la valeur générale de la parallaxe d'azimut, la lune étant à l'horizon, avec un azimut égal à z.

593. La parallaxe d'azimut employée dans le calcul des éclipses, (710) doit être mesurée sur un arc de grand cercle, tiré par le centre de la lune, parallélement à l'horizon ou perpendiculairement au vertical; ce petit arc ne change point, quelle que soit la hauteur de la lune, parce qu'il est formé dans tous les cas par la rencontre des lignes qui sont toutes

Q 2

244 Abrece d'Astronomie, Etv. IV.

deux menées des points M & N à la lune, où dans le plan de l'hot zon, ou dans un même plan dont la partie NM est horizontale, & qui vont se réunir à la lune; ainsi la parallaxe d'azimut pour une hauteur quelconque de la lune sera encore p sin. 4. sin. 2: on en verra l'usage dans le calcul des éclipses (710).

194. Cette parallaxe d'azimut entraîne un peut changement dens la pirallaxe de hauteur. En effet, si l'observateur étoit sué en N (fig. 69), la parallaxe de hauteur feroit mesurée par ON, & seroit p cos b, suivant la règle ordinaire (582); mais la hauteur vraie vue du centre C de la terre est un peu moindre, si la lune est au midi du premier vertical; & un peu plus grande, si la lune est au nord ou du côté du pole élevé, puisque le rayon tiré du point C, & celui qui est tiré du point N n'ont pas la même inclination; il faut dont faire une correction à la parallaxe de hauteur trouvée par la règle ordinaire,

195. Soit L (fig. 70), la lune hors du méridien; CML le plan du vertical dans lequel se trouve la lune, ensorte que l'angle LCM fort la hauteur de la lune vue du centre de la terre, la signe CM étas t à la fois & dans le plan de l'horizon dans le plan du vertical de la lune; foit auffi le petit arc NM perpendiculaire fur C.M. La hauteur de la lune vue du centre C de la terre est plus petite que la hauteur vue du point N ou du point M, de la quantité de l'angle CLM; en effet, puisque le petit are NM est perpendiculaire for CM, il l'est aussi for LM, parce qu'il est nécessairement perpendiculaire au plan du vertical LMC & à toutes les lignes tirées au point M de ce plan : ainfi la ligne NM étant comme infiniment perite par rapport à la grando distance LM, les lignes LM & LN sont sensiblement égales; le point M est donc placé de la même façon & à la même distance de la hine L, que le point N, donc la hauteur de la lune vue du point N ou du point M est sensiblement la même. Mais la hauteur de la lune vue du point M, qui est l'angle LMR, est plus grande que la hauteur vue du point C, c'est. à-dire, que l'angle LCM, de la quantité de l'angle CLM, parce que dens le triangle CLM, on a l'angle extérieur LMR égal aux deux intérieurs pris enfemble LCM, CLM; donc la hauteur de la lune vue du point C est plus petite que la hauteur vue du point N, de la quantité CLM.

596. Lorsque la lune est hors du méridien, cet angle CLM est plus petit que lorsque la lune est dans le méridien, & cela dans le rapport du cossonis de l'azimut au rayon. En effet, forsque la lune est dans le méridien, (supposant que sa hauteur & sa distance so ent les mêmes que dans le cas précédent), le point M tombe en N, l'angle LCN est la hauteur de la sume : car il faut concevoir le sommet L du mangle CLM relevé en l'air perpendiculairement au-dessus du plan de la figure. Si l'on examine dans ces deux cas la valeur de l'angle CLM, on ver-

Mitbula peur trouver la Porallage, Gc. 245

ra que l'angle CLM a pour base la ligne CM, quand la lune est hora du méridien, de que dans le méridien il a pour base la ligne CN; comme tout est égal d'ailieurs, soit la distance CL, soit l'inclination du rayon CL sur la base CN ou CM, de que les lignes CM & CN sont extrêmement petnes, les potins angles seront entre eux comme leurs bases CN & CM; mais dans le triangle CMN restangle en N; CN est à CM comme le rayon est au cosinus de-l'angle NCM qui est l'azimut de la lune; donc la distârence CLM entre les hauteurs de la lune vues du point N & du point C, quand la lune est hors du méridien, est à cette même distêrence quand la lune est dans le méridien, à hauteur égale, comme le cosinus de l'azimut est au rayon.

oh il auroit pour base la ligne entière CN, seroit le plus grand de (591); car il seroit alors la parallaxe d'azimut: si donc il avoit pour base de pour mesure le petit arc CM, nommant a l'azimut NCM, on aura serte proportion; r: cosin. 2:: p sin: 4: CLM; donc l'angle CLM seroit égal à p sin. a cosin. 2, dans le cas où CL seroit perpendiculaire à CM, mais à capse de l'obliquité de la ligne CL & de l'angle LCR sur la base CM, qui d'animue l'angle CLM, il n'a plus pout mesure que MS qui est à CM, comme le sinua de la hauteur MCS est au rayon, ou comme sin. b: r, donc l'angle CLM est àgal à a sina d'os. 2 sin. b, équation de sin parallage de hauteur, dans le sphéroide applati.

598. Cette corréction est additive à la paraliare calculés pour le point N, lorsque la lune est ourre, la premier vertical di la pole élevé; dans tous les sucres cas, on la respanche és la parallaxe calculés par la méthode ordinaire, & l'on a la vérifat ble parallaxe de hauteur dans le sphéroide applati. Je donnésai dans le Livre suivant (718) une méthode pour calculés les éclipses par les seules parallaxes de hauteur et d'azimut; c'est ce qui m'a déterminé à expliquer les tout de qui concerne

Q3s parallaxes.

sop Quand on calcule la parallaxe du fintieur per la formule p colin. b (582), on suppose le contre de la terra en N (fig. 59) sur la veltichie ON, & l'on thouve la différence autre le lieu vu du point O & le lieu vu du point N, avec la même sur la terre sphérique, suit a pous base ON égale à OC, soit sur la terre sphérique, soit dans le sobjete de la jupe, on est obligé d'ôter de la parallaxe p col. à la correction p sur e, sin. b. col. s, qui devient additive quand l'azimut compté du point du midi ou du point opposé au pole élevé est plus grand que po degrés. C'est sinsi que l'on parvient sur la terre me platie, comme sur la terre sphérique, à réduire au centre C

g 3

246 ABRECE D'ASTRONOMIE, LIV. V.

de la terre le lieu vu du point O, par un petit changement de hauteur & d'azimut, quand on connoît les rayons de la terre, à les angles des verticales avec les rayons de la terre, dant on trouvera la Table dans le huitieme Livre (821).

LIVRE V.

Des Eclipses.

goo. Les Eclipses (a) de soleil arrivent lorsque dans la conjonction la lune cache le soleil à nos yeux, & les éclipses de lune lorsque dans l'opposition la terre intercepte la lumière du soleil qui éclairoit la lune, ou que

la lune entre dans l'ombre de la terre (544).

'Si l'orbite de la lune étoit dans l'écliptique ainsi que l'orbite du soleil, il y auroit des éclipses dans toutes les conjonctions & dans toutes les oppositions, mais l'orbite de la lune est inclinée de 5° sur l'écliptique (505), & ne la coupe que dans les deux points que arriver que dans les naude; ainsi les éclipses ne peuvent arriver que dans les temps où la lune est près de ces nœude, de qu'elle est assez près de l'écliptique pour pouvoir nous cacher le soleil qui ne quitte jamais l'écliptique, ou entrer dans l'ombre de la terre qui est tou-jours aussi dans le plan de l'écliptique.

for. Le mouvement du soleil, celui de la lune, & celui de ses nœuds produit dans le retour des éclipses des inégalités continuelles, que les anciens durent avoir beaucoup de peine à démêler : il parost que six à sept cents aus seulement avant J. C. on commença d'y ap-

percevoir une espece de régularité.

point dans des intervalles de temps uniformes & réguliers, chercherent combien il falloit prendre de mois ou de jours pour avoir un mouvement de la lune qui fût toujours de la même quantité dans le même intervalle de temps; ils trouvèrent 6585 jours & 8 heures, qui

⁽⁴⁾ Exatino, deficio: c'est aussi de la qu'on a tiré le mot d'écliptique, pour exprimer le cérçle près duquel arrivent nécessairement les écliples.

font 223 mois lunaires, ou 18 ans & 10 jours; il revenoit toujours une éclipse semblable au bout d'un pareil espace de temps, lorsque le soleil avoit fait 18 révolutions avec 10°.40. Dans cet intervalle, toutes les inégalités de la lune avoient eu leurs cours, & recommencoient toutes ensemble, soit en longitude, soit en latitude (Almag. IV. 2. p. 77). M. Halley appelle cet intervalle Saras, période Caldaique, ou période de Ptine: il est probable que si les Anciens parvinrent à prédite des éclipses, comme celle de Thalès 602 ans avant I.C. ce ne pouvoit être que par le moyen de cette période. C'est ainsi que M. Halley prédisit l'éclipse de soleil du deux Juillet 1684. v. 5. par le moyen de celle qu'on avoit observée le 22 Juin 1666; cette méthode suffit pour annoncer à peu-près les mois & les jours où it doit y avoir des éclipses, & même pour corriger les Tables & prédire très-exactement une éclipse par le moyen de celle qu'on a observée 18 ans auparavant.

603. Connoissant le lieu des nœuds de la lune, on choisit les mois de l'année où le soleil se trouve aux environs de ces nœuds, & l'on cherche les jours de la nouvelle lune & de la pleine lune dans ces mois-là, pour sa voir si la latitude de la lune n'est que d'environ un degré, parce qu'alors on a lieu de croire qu'il peut y

avoir éclipse.

oo4. Pour être certain qu'il peut y avoir éclipse dans une nouvelle ou pleine lune, & pour pouvoir en calculer les circonstances, il faut avoir l'heure & la minute de la conjonction ou de l'opposition, c'est-à-dire, l'instant où le lieu de la lune, calculé par les Tables, est le même que celui du soleil dans l'écliptique: il faut aussi calculer la latitude de la lune pour le moment de la conjonction; le mouvement horaire de la lune en longitude & en latitude, la parallaxe & les diamètres du soleil & de la lune; c'est un préliminaire essentiel dans le calcul de toutes les éclipses de soleil ou de lune.

605. Avec les mouvemens horaires de la lune en longitude & en latitude, il faut trouver l'inclinaison de son
orbite par rapport à l'écliptique; d'abord l'inclinaison de
l'orbite vraie, ensuite celle de l'orbite relative; cela est
nécessaire pour les éclipses de lune, & même pour les
éclipses de soleil quand on veut en avoir les phases pour
différens pays de la terre; voilà pourquoi je vais placer

Q 4

\$46 ABRESE D'A.

géaéraux du cab-

de la terre la lieu vu la hauteur & d'azima de & les angles des des pa trouvers la T

la

de deux planètes,
chigle ou un appulce la quantité dont un
cu le mouvement repie de foleil on demanpuelle ditection la lune
cet effet de cherchercet furpasse celle de l'auce cipace de temps: re n'est
cet d'un des mouvemens sur
conchion ou une éclipse.

piacetion ou une éclipse.

piacetes, pourvu qu'on donne à deux mouvemens, c'est-à-dire au mouvemens, c'est-à-dire au mouvemens deux on lui des deux on lui excude & de lacitude par rapport à en change réellement par la comment des deux astres, tout apparente des deux astres, tout a considéroit les deux mouvemens à

ver calculer une conjonction de deux plae excisière que le mouvement relatif, c'estareavement de l'une par rapport à l'autre, & are l'une des deux; cette supposition ne fait le calcul & ne change men à l'état des ar is une planète avance par heure de 36 minuurcet, & l'autre de 2 minutes du même côté, qu'elles ne changeront que de 34 minutes per reprort à l'autre, & elles feront à la même dipar vi l'use étant fixe, l'autre n'avoit en que 34/ La distance à laquelle nous parossient wax pinères, l'une par rapport à l'autre, est une scree care droite, hypothénuse d'un triangle dont les cour cours cont la différence de longitude & la différence de la memo purs en aura les mêmes différences en longitude & en Laude, fon qu'elle soit le resultat de deux mouvemens वक्ष सं प्रकारियोः

"608. On pourra donc faire un triangle MNO (fig. 71), dont les côtés MN & NO spient égaux chaçun à la différence des mouvemens horaires en longitude & en latitude, l'angle OMN sera l'inclinaison de l'orbite relative, & MO le mouvement horaire sur cette orbite relative; on pourra inpposer que le soleil étant resté fixe en M, la lune a décrit MQ: par le moyen de cette supposition on voit que les deux planètes différeront, soit en longitude, soit en latitude, autant que lorsqu'on laissoit à chacune son mouvement particulier; tout se passera donc entr'elles, & toutes les apparences seront les mêmes qu'auparavant; la supposition de l'orbite relative MO ne fera que simplifier le calcul, en employant un seul

mouvement qui équivaut aux deux autres.

609. Ainsi-l'orbite relative MQ est celle que l'on peut supposer à la place de l'orbite réelle. & dans laquelle pourroit se mouvoir une des deux planètes sans que ses distances réelles par rapport à l'autre parussent être changées.: Dans le triangle MNO on a ces proportions de trigonométrie rectiligne: MN est à NO, comme le ra-yon est à la tangente de l'angle OMN, & le cosinus de l'angle OMN est au rayon, comme MN est à MO; ainsi pour trouver l'inclinaison de l'orbite relative & le mouvement horaire relatif, on fera ces deux propor-Exons: La différence des deux mouvemens boraires en longitude , est à la différence des mouvemens en latitude, comme le rayon est à la sangente de l'inclinaison relative. Ensuite, le cofinus de l'inclination relative est au rayon comme la différence des mouvemens hongires en longitude est au mouvement horaire MO sur l'orbite relatine. C'est celui dont nous ferons usage (620), & nous en donnerons un exemple à l'art. 621 (a).

610. On suppose dans ces deux proportions que les planètes vont du même sens tant en longitude qu'en latitude; mais si l'une étoit directe & l'autre rétrograde, c'est à-dire, si l'une des longitudes étoit croissante & l'autre décroissante, il faudroit prendre la somme des mouvemens boraires en longitude, au lieu de leur différence. De même si l'une des latitudes étoit croissante & l'autre décroissante, du même côté de l'écliptique,

⁽a) Il faut bien distinguer l'orbite relative de l'orbite apparente (718). Q 5

ABRECS D'ASTRONOMER, LIV. V.

le mouvement borsie en latitude, il faudroit prendre la facture des mouvements en latitude an lieu de leur différence; note cela peut avoir lieu quand on calcule les

éclinées des planetes par la lune (725).

of.. Dans les écliples de lune ce n'est pas le soleil, mis le point opposé au soleil que l'on considère comme l'est des deux planètes; ce point opposé au soleil, qui est le centre de l'ombre de la turre, a le même mouvement horaire en longitude que le soleil lui-même, de par conséquent doit se traiter comme le soleil. Le soleil n'ayant aucun mouvement horaire en latitude, c'est celui de la lune seule que l'on emploie dans les deux proportions de l'article 609.

ontenter d'ajouter 8 secondes à la différence des mouvements horaires en longitude, pour avoir le mouvement relatif ou composé, de la lune au soleil, & éviter la séconde analogie, parce que dans un triangle dont un angle est de 5° 1, & l'hypothénuse d'un demi degré, le grand côté à environ 8" de moins que l'hypothénuse.

oig. Dans les éclipses de soleil ou détoiles que l'on ne veut calculer que par une opération graphique (605), on n'a besoin de savoir qu'à 5 minutes près, l'inclination de l'orbite sunaire; on peut alors supposer toujours quo l'inclination est de 5" 40' pour les éclipses de soleil, & 5° 0' pour les éclipses d'étoiles; mais si l'on veut calculer l'éclipse rigoureusement, & même s'il s'agit d'une éclipse d'étoile par la lune, il faut chercher le mouvement horaire de la lune en longitude & en latitude, & faire les proportions de l'article 609.

Des Eclipses de Lune.

614. L'éclipse de lune, est l'obscurité produite sur le disque de la lune, par l'ombre de la terre. L'éclipse to-tale est celle où la lune entière est obscurcie: l'éclipse partiale est celle où une partie du disque de la lune conferve sa lumière. L'éclipse centrale est celle qui a lieu quand l'opposition atrive dans le point même du nœud; la lune traverse alors par le centre même le cône d'ombre.

615. Il y a des années où il n'arrive aucune éclipse de June, comme én 1767, mais communément il en arrive

plusieurs chaque année.

oso. Si la fune au moment de son opposition vraie est assez soin de ses nœuds pour que sa latitude surpasse 64 minutes, il ne sauroit y avoir éclipse, parce que l'ombre de la terre (618) n'occupe jamais dans l'orbite de la lune plus de 47 minutes, & le démi diamètre 17/: ainsi pour que le bord de la lune puisse toucher l'ombre de la terre, il faut que sa distance de leurs centres ou la latitude de la lune ne surpasse pas 64/: si cette distance sur passe 36/ l'éclipse ne sauroit être totale.

oi7. Nous melurons les mouvemens de la lune par les arcs célestes qu'elle paroît décrire; il est donc nécessaire de mesurer de la même manière l'ombre qu'elle traverse dans les éclipses, c'est-à-dire, la largeur de ce cône ténébreux que la terre répand derrière elle, en interceptant la lumière du soleil, comme font tous les corps

opaques.

Soit S le centre du soleil (fig. 72.), T le centre de la terre, L celui de la lune en opposition, SA le demidiamètre du soleil, TB le demi-diamètre de la terre dans l'endroit où la lune doit la traverser; cette ligne LC est-le rayon du cercle qui forme la section, perpendiculaire à l'axe, du cône de l'ombre dans la région de la lune.

L'angle CTL formé au centre de la terre & qui a pour base le côté CL, est ce qu'on appellera le demi-diamètre de l'ombre ; c'est l'angle sous sequel nous parost le mouvement de la lune, ou l'arc de son orbite qu'elle décrit pendant la demi-durée de l'éclipse du centre, c'est-

à-dire, en traversant l'ombre de C en L.

oil. Le triangle rectiligne CAT dont le côté AT est prolongé jusqu'en D, a son angle externe CTD, égal aux deux angles internes opposés pris ensemble, c'est-àdire, aux angles BAT & BCT, dont l'un est la parallaxe du soleil, l'autre celle de la lune (579); ainsi l'angle CTD est égal à la somme des parallaxes; si l'on en ôte l'angle LTD il restera l'angle CTL ou le demi-diamètre de l'ombre; mais l'angle LTD est égal à l'angle opposé ATS, qui mesure le demi-diamètre apparent du soleil; donc si l'on ôte de la somme des parallaxes le demi-diamètre apparent du soleil; le reste sera le demi-diamètre de démi-diamètre apparent du soleil, le reste sera le demi-diamètre de

For Abreck D'Astronomer, Liv.

Cest-à-dire, si l'une alloit au nord & l'aure il le mouvement horaire en latitude, il faudi la somme des mouvemens en latitude au lieu férence; tout cela peut avoir lieu quand or éclipses des planètes par la lune (725). 611. Dans les éclipses de lune ce n'es mais le point oppolé au soleil que l'on c L'une des deux planètes; ce point opp est le centre de l'ombre de la terre; vement horaire en longitude que le par conféquent doit se traiter comm leil n'ayant aucun mouvement horai celui de la lune feule- que l a e proportions de l'article 600. 612. Dans le calcul des ser ple · - bres contenter d'ajouter a les vemens horaires en lo " regle pre-· · · · 40/ 19/19 relatif ou compole conde analogie, par angée à le fogle est de s' 1. grand côté a el est égal à la amètre du loleil, 613. Dans 'b ne veut calcule fort pente, il est clai on n'a befoin de folcil de la parallaxe do metre de l'ombre; si l'on de l'orbite lunaire Pinclinaison est de 3º 40° 2 ce demi-diamètre par la du-5° 9/ pour les écliples de 🛴 🛣 qu'on y ajoure le demian la parallaxe de la lyne. ler l'éclipfe rigoureul-

faire les proportions

Comp.

614. L'écliple disque de la lun tale est celle partiale est celle serve sa lumit quand l'oppe la lune tra d'ombre.

bure de la pleine lune ou buitade de l'é-

A point de l'écliptique opposé au la distanle : la distantire de l'ombre, ELS de la lune Le Car

M la perpendiculaire

'u moment où l'é
ord de la l'une

le lieu de

le point

a la for
iont égaux,

côtés égaux

l'autre en M;

donc le point M

u que le temps de

it au point L de fon

OL perpendiculaire &

qui est directement op-

JM, formé par le cercle de endiculaire OM, l'angle LOM l'orbite relative de la lune (609); are à l'orbite & la perpendiculaire nécessairement le même angle que l'écliptique; avec cet angle on a aufit ac en opposition; on trouvers donc LM proportion: Le rayon est au sinus de l'inne la latitude OL est à l'intervalle LM. On i temps à raison du mouvement horaire de la mant: Le mouvement boraire relatif (609) est à 50", comme l'espace ML est au temps qu'il y au-: la conjonction & le milieu de l'éclipse. On retrancet intervalle de temps, du moment de l'opposi-, si la latitude de la lune est croissante; on l'ajoutera remps de l'opposition, si la latitude est décroissante, que la lune aille en se rapprochant de l'écliptique & du nœud, & l'on aura le milieu de l'éclipse.

622. Exemple. Dans l'éclipfe de lune du 17 Mars 1764, on trouve par les tables que la pleme lune ou l'opposition vraie devoit arriver à 124 6/ 12//; le mouvement horaire de la lune étoit de 37/23// en longitude, & 3/26// en latitude, le mouvement horaire du loieil 2/20//; la différence des mouvement horaires, 34/54//, est au mouvement en latitude 3/26//, comme le rayon est à la tangente de l'inclinaison relative 5° 37/: le cosinus de cette inclinaison 5° 37/ est au rayon, comme la différence des inclinaison 5° 37/ est au rayon, comme la différence des

154 Arrech D'Arragnomia, Liv. V:

mouvemens horaires en longitude, 34/54", est au mouvement horaire de la lune sur son orbite relative 35' 4"

La latitude de la lune en opposition étoit de 38/ 42/13 le rayon est au sinus de l'inclination 5° 37', comme la latitude 98' 42" est à l'intervalle ML, qu'on trouve de 3/ 47" en parties de degrés. Le mouvement horaire relatif 35' 4" est à 60' o", comme 3' 47" sont à 6' 28" de temps; on ajoutera cet intervalle, parce que la latijude étoit décroissante, la lune n'étant pas encore arriyée à son nœud; & comme le temps de l'opposition est 12h 6' 12/1, on aura le milieu de l'éclipse à 12h 12/ 40", c'est-à-dire, le 18 Mars, oh 12/ 40" du matin.

623. Les mêmes quantités qui ont servi à trouver la différence LM entre la conjonction & le milieu de l'écliple, serviront à trouver la plus courte distance OM, de l'orbite lunaire au centre de l'ombre; car dans le triangle LOM rectangle en M, on connost LO qui est la latitude au temps de la conjonction, & l'angle LOM égal à l'inclination de l'orbite relative de la lune, on

trouvera le côté OM de 38/ 31".

624. Pour trouver le commencement & la fin de l'éclipse, soit E le centre de la lune à son entrée dans l'ombre, lorsque l'éclipse commence ou que le premier bord de la lune touche en P le bord de l'ombre. La distance OE des centres de la lune & de l'ombre, est composée des quantités OP & PE; dont l'une OP est le demi-diamètre de l'ombre (618), & l'autre le demi-diamètre de la lune EP; de même la distance OS, à la fin de l'éclipse, est composée des quantités OR & RS, c'est-à-dire, qu'elle est aussi égale à la somme du demi-diamètre de l'ombre & de celui de la lune; dans notre exemple ce fera 1° 3/ 19".

625. Dans le triangle OEM, rectiligne rectangle en M, on connoît la perpendiculaire OM (623), & la somme OE des demi diametres de la lune & de l'ombre; on cherchera le troisième côté ME; l'on convertira ce côté ME en temps par la proportion suivante. Le mouvement horaire de la lune sur son orbite relative, 35/4/1 est à 1 heure ou 3600/1, comme le côté trouvé ME, 50, 15" est à la demi-durée de l'éclipse,

1h 25/ 59". 626. Cette demi-durée de l'éclipse est le temps que la lune employoit à aller de E en M3 mais le milieu de l'éclipse en M a été trouvé 12 heures 12'40' (622); si l'on en retranche i heure 251 5911, on aura pour le commencement de l'éclipse 10 heures 46/ 41"; & si on l'ajouté, on aura la fin de l'éclipse 13 heures 38/39//:

627. Dans les éclipses de lune qui sont totales, on a encore deux autres phases à chercher, qui sont l'Immer-sion & l'Emersion, en N & en R (fig. 74.) a le centre de la lune est en D à l'instant où elle est assez avancée dans l'ombre, pour que son dernier bord N touche le bord intérieur de l'ombre; on à un nouveau triangle OMD, dont l'hypothénuse OD est égale à la différence entre le demi-diamètre de l'ombre ON, & le demi diamètre DN de la lune; mais l'opération est la même que dans l'article 625; la demi-dutée de l'éclipse totale se tetranche du milieu de l'éclipse, pour avoir l'immersion qui arrive en D, & elle s'ajoute pour avoir l'émersion qui arrive en V.

628. Loriqu'on a la plus courte distance des centres OM (fig. 73.), le demi-diamètre de l'ombre OA, & le demi-diametre de la lune MB, il est aisé de trouver la partie éclipfée de la lune, c'est-à-dire, la quantité AC. Car AM est égale à OA — OM, si l'on y ajoute MC, l'on aura AC; donc AC est égale à OA + MC - OM; c'est-à-dire, que la partie éclipsée est égale à la somme des demi-diamètres de la lune & de l'ombre, moins la plus courte distance. Il en seroit de même de la partie AC (fig. 74), qu'on appelle aussi la grandeur de l'éclipse, en y com-

prenant la partie de l'ombre qui déborde la lune.

Exemple. Dans l'éclipse du 17 Mars 1764, la somme des demi-diamètres est 63/19", la plus courte distance est 38/31", la différence 24'48" est la partie éclipsée AC. On a contume de l'exprimer en doigts ou en douzièmes parties du diamètre de la lune; on fera donc cette proportion: le diamètre apparent de la lune 33' 18" est à 12 doigts o minutes, comme 24/48" sont à un quatrieme terme, qu'on trouvera 8d 56/1: ainsi la grandeur de l'éclipse sera de huit doigts, & 56/1 de doigts.

629. On PEUT DÉTERMINER encore fans calcul, avec la règle & le compas, toutes les circonstances d'une éclipse de lune, aussi-tôt qu'on a calculé par les tables le temps de la conjonction, la latitude, la parallaxe, & le mouvement horaire. Cette méthode est même trèssuffisance, lorsqu'il ne s'agit que d'annoncer les éclipses

136 Autene Barthonoute Div. V.

minute dans l'opéracion graphique, il la figure à seulément un pied de diamètre; & l'on ne peut être assuré d'une plus grande exactitude dans la prédiction d'une éclipse de lune; à peine peut-on être sur de l'observation même à une minute près. Ainsi je crois qu'on peut très-bien se contenter de l'opération graphique dans tou-

ces les éclipses de lune.

630. Exemple. Le demi-diamètre de l'ombre de la terre dans la région lunaire ayant été trouvé de 46 (618); je divise le rayon OG (fig. 73.) en 46 parties; je prends OL égale à la latitude de la lune 38 ; & au point L, je tire l'orbite de la lune ELS, inclinée de 5' 37', ou si l'on veut de 5' 40' (613), sur la parallèle à l'écliptique. Le mouvement horaire relatif étant de 35', je prends 35' sur les divisions de OG, je les porte sur l'orbite de L en X; & ayant marqué en L le temps de la conjonction 12 heures 6', je marque 11 heures 6' au point X éloigné du point L de la quantité du mouvement horaire; je divise XL en 60 de diviser le reste de l'orbite ELMS. Je prends une ouverture de compas égale à la fomme des demi-diamètres de l'ombre & de la lune, 1° 3', & la portant de O en S fur l'orbite relative, je trouve fur ses divisions que le point S répond à 13 heures 30 minutes, comme on l'a trouvé par le calcul (626).

celle du cône d'ombre; c'est une lumière foible, causée par une portion du disque du soleil, qui éclaire encore la lune lors même que le centre ne l'éclaire plus.
Le point E (fg. 72), qui est sur le côté OEP du cône d'ombre, est dans une entière obscurité, parce qu'il
n'est éclairé par aucun rayon du soleil. Le point F, qui
est sur la ligne AGF, menée par le bord supérieur A du
soleil, & par le bord inférieur G de la terre, jouit d'une lumière parfaite, parce qu'il voit le disque entier AO
du soleil; mais tous les points situés entre E & F ne
voient qu'une partie du disque solaire, ils ne reçoivent
qu'une partie de la lumière du soleil, & forment la pénombre; c'est ce qui fait que le commencement d'uné
éclipse de lune est si douteux, que l'on s'y trompe quel-

quefois de plusieurs minutes.

ნვ2.

des différences considérables: lorsque la lune est apogée, elle traverse le cone d'ombre plus près de son sommet; elle paroit alors plus rouge, plus lumineuse, que lorsque les éclipses arrivent dans le périgée; car dans le périgée, les rayons rompus par l'atmosphère, qui se dispersent dans le cône d'ombre; & qui en diminuent l'obscutité, ne parviennent pas jusqu'au centre de l'ombre ou à l'axe du cône, qui est trop large dans ce point-là; & la lune étant plus près de la terre, l'obscurité qu'elle produit sur la lune est plus entière.

disparoissoit entièrement, comme le 15 Juin 1620, ou le 9 de Décembre 1601: suivant Képler on ne distinguoit pas le bord éclipsé. Hévélius en parlant de l'éclipse du 25 Avril 1642, assure qu'on ne distinguoit pas même avec des lunettes, la place de la lune, quoique le temps sût assez beau pour voir les étoiles de la cinquième grandeur; mais il est fort rare que la lune dis-

paroiffe ainsi totalement dans les éclipses.

Des Ecuipses de Soleit.

634. Les éclipses de soleil sont produites pan l'interposition de la sune, qui dans ses conjonctions passe quelquefois directement entre nous & le soleil: elle nous le cache alors en tout ou en partie. Les éclipses rotales sont celles où le soleil parost entièrement couvert par la lune, le diamètre apparent de la lune étant plus grand que celui du soleil. Les éclipses ANNULAIRES sont celles où la lune parost toute entière sur le soleil; alors le diamètre du soleil paroissant le plus grand, excède de tout côté celui de la lune, & forme autour d'elle un anneau ou une couronne-lumineuse: telle fut l'éclipse du premier Avril 1764, que l'on vit annulaire à Cadix, à Rennes, à Calais & à Pello en Laponie, Les éclipses tentrales sont celles où la lune n'a aucune l'atitude au moment de la conjonction apparente; son centre parost, alors sur le centre même du soleil, & l'éclipse est totale ou annulaire, en même temps qu'elle est centrale;

o35. Les plus anciens auteurs nous ont configné comme des événemens remarquables les grandes éclipses de soleil. Il en est parlé dans Isaie, chap. 137 d'uns Ho-

238 ABREGÉ D'ASTRONOMIE, LIV. V.

mère & Pindare; dans Pline, liv. II, chap. 12; dans Dems d'Halicarnosse, liv. II. Ce demier dit qu'à la naissance de Romulus, & à sa mort, il y eut des éclipses totales de foleil dans lesquelles la terre fut dans une obscurité aussi grande qu'au milieu de la nuit. Hérodote nous apprend que dans la fixième année de la gueire entre les Lydiens & les Mèdes, il arriva pendant la bataille que le jour se changea en une nuit totale; Thalès le Milésien l'avoit annoncé pour cette année-là. Pliné (Liv. II, chap. 2.) parle aussi de la prédiction de Thales, & M. Coltard prouve que cette écliple fut celle du 17 Mai 603, avant J. C. (Philof. trans. 1753, pag. 23). On trouve de semblables éclipses dans les années 431, 190, & 50 ans avant J. C., & dans les années après J. C. 59, 100, 287, 860, 787, 840, 878, 957, 1133, 1187, 1191, 1241, 1415, 1485, 1544, 1560, (Kepl. afron. pars opt. pag. 200, &c.) On trouve un catalogue exact de toutes les éclipfes arrivées depuis l'ere volgaire, dans l'art de vérifier les dates, in-folio 1770. 636. C'est en effet, une chose wes-singuliere que le spectacle d'une éclipse totale de soleil. Clavius, qui fut témoin de celle du 21 Août 1560 à Conimbre, nous dit que l'obscurité étoit, pour ainsi dire, plus grande ou du moins plus sensible & plus frappante que celle de la nuit;

foit une si trilte obscurité.

637. Il n'y a eu depuis très-long-temps à Paris d'autre écliple totale, que celle du 22 Mai 1724; l'obscurité totale dura 2/2; on apperçut à la vue simple le soleil, Mercure & Vénus qui étoient sur la même ligne: il partit peu d'étoiles à cadse des nuages. La première petite partie du soleil qui se découvrit lança un éclair subit & très-vif, qui parut dissiper l'obscurité entière (Hist. de l'Acad. 1724); l'écliple de 1706 sut de dix doigts & 58 mmutes: il restoit environ; du diamètre du soleil, sa lumière étoit à la vérité d'une pâleur effrayante & lugubre; cependant tous les objets se distinguoient, aussi facile nent que dans le plus beau jour (Hist. acad. 1706). Cette éclipse sut totale à Montpellier, & l'on y remarqua autour de la lune une couronne d'une lumière pâle, large de la douzième partie du diamètre de la lune, dans

on ne voyoit pas ou pouvoir mettre le pied, & les oi-

la partie la plus sensible; mais qui diminuant peu à peu s'appercevoit encore à 4 degrés tout autour de la lune.

638. Dans l'éclipse de soleil du 23 Septembre 1699, il ne resta que 180 du diamètre du soleil à Gripswald en Poméranie, l'obscurité y sut si grande, qu'on ne pouvoit lire ni écrire; il y eut des personnes qui virent quatre étoiles, ce devoit être Mercure, Vénus, Régulus

& l'Epi de la Vierge (Hift. acad. 1700).

o 39. Les éclipses de soleil sont beaucoup plus rares que les éclipses de lune, pour un lieu déterminé: la raison en est évidente; la lune étant beaucoup plus petite que la terre, ne peut couvrir qu'une très-petite partie de notre globe; souvent même la pointe du cône d'ombre n'arrive pas jusqu'à nous, comme dans les éclipses annulaires. Il arrive toutes les années plusieurs éclipses, quelquesois jusqu'à six, en comptant celles de lune & de soleil; mais on ne les voit pas toutes dans un même lieu; car depuis 1755 jusqu'en 1764 inclusivement, on ne trouve que quatre éclipses de soleil visibles à Paris, tandis qu'on y a du voir onze éclipses de lune.

Le Roi ayant desiré de savoir s'il y auroit à Paris des éclipses totales, dans l'espace de quelques années, j'engageai M. du Vaucel à se livrer à cette recherche: il trouva que d'ici à l'année 1900, il y auroit 59 éclipses visibles à Paris, sans qu'aucune y soit totale, & une seule annulaire, qui sera celle du 9 Octobre 1847 (Membrésères, &c. 10m. V, pag. 575).

difficile & plus long que celui des éclipses de lune, à cause des parallaxes qui y entrent nécessairement; les parallaxes différent pour chaque point de la terre, ensorté qu'une éclipse de soleil paroît d'une manière différente à différens pays au contraire, les éclipses de lune paroissent de la même manière, & sont parfaitement les mêmes pour tous ceux qui les voyent; car la lune perdant alors véritablement sa lumière, devient obscure pout tout le monde.

o41. J'ai cru qu'il fafloit diminuér la difficulté en emb ployant d'abord une méthode, pour ainsi dire, mécanique, & telle que les yeux pussent soulager l'imagination; je vais donc expliquer une opération graphique, avec laquelle on pourra calculer une éclipse de soleil, pour la terre en général, avec la même facilité que l'on a cal-

R 2

culé une éclipse de lune (629), & même trouver à peuprès, pour chaque pays de la terre, les circonstances de l'éclipse par le moyen d'un globe terrestre, pourvu qu'on

ait fait seulement les calculs préliminaires (604).

642. Pour faire sentir les raisons & les principes de cette opération graphique, je vais montrer la maniere dont les éclipses de foieil arrivent sur la surface de la terre, dans le cas le plus fimple. Je supposerai un principe qu'il ne faut pas perdre de vue, favoir que le foleil est assez éloigné de nous, pour que les rayons qui partent du centre du soleil, & qui vont aux différens points de la terre, soient sensiblement paralleles. Du point T (fig. 75.) que je suppose le centre de la terre, on voit le centre du foleil par un rayon TS; le point E qui est à la surface de la terre, voit le centre du soles par un autre rayon EO, qui ne fait avec le précédent qu'un angle de 8/1 (590), & qui va par conféquent le rencontrer à une distance prodigieuse; ainsi ce rayon est fensiblement parallèle au précédent: on peut donc sup-poser que la ligne EAO parallèle à TLS, est celle par laquelle le point E de la terre voit le centre du foleil.

l'observateur placé en K sur la surface de la terre, verra une éclipse centrale de soleil (634), puisque le centre de la lune lui parostra sur le rayon même TKLS, par lequel il voit le centre du soleil. Soit AL une portion de l'orbite lunaire décrite avant la conjonction, en allant de A en L, ou d'occident vers l'orient: puisque le point E de la terre voit le centre du soleil sur la ligne EAO (612), il s'ensuit évidemment que quand la lune sera au point A de son orbite, elle couvrira le soleil, & sormera une éclipse centrale pour l'observateur placé en E, puisqu'alors le centre de la lune, aussi bien que celui du so-

leil, paroftront fur une même ligne EAO.

Si la lune emploie une heure à parcourir la portion AL de son orbite, l'éclipse aura lieu pour le point E de la terre, une heure avant qu'elle ait lieu pour le point K, ou pour le centre T de la terre, c'est à dire, une heure avant la conjonction, que je suppose arriver au point L.

644. Je fais que l'on a d'abord quelque peine à se sigurer ainsi le soleil, répondant au même instant à divers points de l'orbite lunaire pour différens lieux de la terre; mais qu'on réfléchisse à ce qui se passe dans une aliée de jardin, où l'on se promene en voyant le soleil sur sa droite; toutes les ombres des arbres sont parallèles entr'elles; quand on est sur la première ombre on voit le soleil répondre au premier arbre; quand on a fait quelques pas on voit le soleil répondre à l'arbre suivant; & s'il y à quatre personnes en même temps qui soient entre elles à la même distance que les quatre arbres sont entr'eux, elles verront répondre le soleil aux quatre arbres différens; c'est ainsi que l'observateur qui est en D voit le soleil répondre au point C de l'orbite de la lune ou de la projection, tandis que l'observateur qui est en K voit le soleil au point L (a), comme celui qui est en F

voit le soleil au point H.

645. Le point E de la terre est le premier point d'où l'on verra la lune sur le soleil; il aura l'éclipse centrale quand la lune sera en A (643), le centre de la lune répondant au centre du soleil; mais avant que d'être en A, le centre de la lune a été en un point M, tel qu'alors le bord B de la lune touchoit le bord du soleil, parce que le centre du soleil paroissant en A, le bord de son disque paroissoit en B éloigné du centre A d'environ 164 qui est l'angle sous lequel nous voyons le rayon solaire; le centre M de la lune étoit alors éloigné du centre A du soleil d'une quantité égale à la somme des demi-diamètres AB & BM, du soleil & de la lune, & c'étoit le commencement de l'éclipse pour l'observateur fitué en E, ou le premier instant où il a vu le bord de la lune toucher le bord du soleil. La distance de la lune au point L de la conjonction, ou à la ligne des centres, étant égale à la somme des demi-diamètres du soleil & de la lune plus la quantité AL, égale à ET, l'observateur qui au lever du soleil étant en E aura vu l'attouchement des bords de la lune & du soleil, verra l'éclipse centrale d'un autre point de l'espace absolu, différent du point E: & ce sera l'habitant de la terre qui sera arrivé à son

⁽a) Il n'est pas besoin d'avertir que les points E, F, K, de la terre ne sont point fixes; ils tournent par le mouvement de rotation de la terre; mais dans ces préliminaires généraux, nous n'examinons pas quels pays de la terre occupent les divers points du globe, il suffit de considérer ces points en général.

264 ABREGE DIASTRONOMIE; LIV. V.

tour au bord E du cercle d'illumination qui verra l'ésglipse centrale lorsque la lune sera parvenue en A.

646. La partie AL de l'orbite lunaire égale au rayon ET de la terre parost sous un angle AEL, égal à l'angle ELT qui est la parallaxe horizontale de la lune (578); la partie ML paroit donc égale à la somme du demi diamètre BM de la lune, du demi diamètre BA du soleil, & de la parallaxe horizontale de la lune qui est égale à AL. Amfi le point E de la terre verra commencer l'éclipse aussi-tôt que la distance ML de la lune au point L de la conjonction sera égale à la somme des demi-diamètres du foleil & de la lune, & de la parallaxe horizontale de la lune. De même le point G, le dernier & le plus oriental de la terre, verra finir entièrement l'écliple, lorique la lune, après avoir pallé la conjonction, sera éloignée du point L de la même quantité, c'est-à-dire, de la somme des demi-diamètres, du soleil & de la lune. & de la parallaxe horizontale de la lune.

Si la lune est en C, de maniere que AC soit aussi égal à la somme des demi-diamètres du soleil & de la lune, le point E de la terre verra aussi le centre C de la lune éloigné du centre A du soleil, de la somme des demi-diamètres, c'est-à-dire, qu'il verra les bords du soleil & de la lune se toucher, & l'éclipse finir; puisqu'alors le centre du soleil paroît en A & celui de la lune en C, à une distance CA égale à la somme des demi diamètres.

Mais dans le temps que la lune est en C, & que le point E de la terre voit finir l'éclipse, un autre point D de la terre, qui voit le centre du soleil sur le rayon DC parallele à TS, voit le centre de la lune sur celui du soleil, c'est-à-dire, qu'il a une éclipse centrale; il en est de même de tous les autres points de la terre qui répondent perpendiculairement sous dissérens points de la ligne ACL.

647. En même temps que le point E de la terre voit finir l'éclipse par le contact des deux bords, lorsque le centre de la lune est en C, & que le point D voit l'éclipse centrale, les points de la terre situés entre E & D, voient l'éclipse de différentes grandeurs; ainsi le point F de la terre, qui voit le centre du soleil sur la

parallele FH, voit la distance apparente de la lune C au soleil H de la quantité CH; si nous supposons que la ligne CH, prise sur l'orbite lunaire LCHAM, soit plus petite que la somme des demi-diamètres, la lune anticipera d'autant sur le soleil; si elle est plus petite d'un doigt, le bord de la lune sera d'un doigt sur le soleil, on dira que l'éclipse est d'un doigt. Si CH est supposée moindre de fix doigts folaires, que la somme des demidiamètres, il faut nécessairement que cette somme, qui forme la distance des centres de la lune & du soleil au commencement de l'éclipse, ait été retrécie d'autant; elle n'a pu l'être, que parce que le disque lunaire a anticipé d'autant sur celui du soleil; donc dans la supposition de CH moindre que CA de six doigts pour le point F, il doit y avoir six doigts du diamètre du soleil, couverts par la lune pour l'observateur F, & par conséquent l'on verra du point F le bord de la lune sur le centre même du soleil. De même si CH est plus petite que cette somme, & cela de trois doigts seulement, ou d'un quart du diamètre solaire, la lune anticipera ou mordra sur le soleil de trois doigts seulement, & l'éclipse ne sera que de la même quantité.

648. Ainsi pour trouver le point F de la terre où l'éclipse doit parostre de trois doigts, à un instant donné où l'on suppose la lune en C, il faut, en partant du point C où est la lune: 1°, prendre CA égale à la somme des demi-diamètres du soleil & de la lune; 2°, en partant du point A, prendre AH de trois doigts; &c. 3°, abaisser une perpendiculaire HFN sur la terre, (c'est-à-dire, sur le plan GE du cercle de la terre, qui est perpendiculaire à la ligne des centres), & l'on aura le point F de la terre où l'éclipse doit parostre de 3 doigts, la lune étant en C, puisque le soleil paroissant alors en H & la lune en C, leur distance est plus petite de 3 doigts, que la somme des demi-diamètres du soleil & de

la lune.

649. J'ai supposé jusqu'ici que l'orbite LBM de la lune passoit par la ligne SLT, qui joint les centres du soleil & de la terre, & que la lune en conjonction n'avoit aucune latitude; voyons ce qui arrivera dans les cas où la lune en conjonction aura une latitude. Il faut considérer d'abord que tout ce que j'ai dit du point M (645), doit s'entendre également de tout autre point qui seroit

R 4

264 Assigt MASTRONOMIE, LIV. V.

à la même diffance du point T & du point L; supposons que la ligne LM (égale à la parailaxe de la lune, plus la somme des demi-diametres du soleil & de la lune), tourne autour du point L, & décrive un cercle dont le plan soit perpendiculaire à LT, & au plan de notre figure, ensorte que tous les points de ce cercle foient à égales distances du point T; c'est ce cercle décrit dans la région lunaire perpendiculairement à la ligne des centres que nous appellerons le Cercle de projetton, parce qu'on y rapporte & qu'on y projette la terre & le soleil; & nous allons le considérer seul dans la fuire du discours, en y rapportant tout ce que nous venons de dire sur la figure 75. Il est évident que les différens points du cercle placé dans la région de la lune & décrit sur LA, répondent aux différens points de la circonférence de la terre, de la même maniere que le point A répond au point É de la terre, & le point L au point K; chaque point de la terre a sa projection ou son mage à l'extrêmité de la ligne qui va tomber perpendiculairement fur le Plan de projection, que je suppose dans la région de la lune.

longueur que la fomme LM du rayon de projection & des demi-diamètres du foleil & de la lune dans la fig. 75; décrivons un cercle BCGD fur le plan de projection; décrivons aussi un autre cercle AEFR, dont le rayon LA soit égal à la parallaxe de la lune, comme LA dans la figure 75 formoit le rayon de projection égal au rayon de la terre & vu sous un angle égal à la parallaxe de la lune; lorsque la lune approchera assez de la conjonction pour que son centre vienne à se trouver sur quelque point K de la circonférence BCD, l'éclipse commencera pour quelque point de la surface de la terre (646).

De même, lorsque le centre de la lune sera sur quelque point V de la circonférence AVE du cercle de projection, le centre de la lune paroîtra répondre sur le centre du soleil, & l'éclipse commencera d'être centrale pour quelque point de la surface de la terre, c'est-à-dire, pour celui qui se trouvera directement sous le point V, ou qui aura sa projection au point V.

651. L'ECLIPSE GENERALE de soleil est celle que l'on calcule pour la terre en général, sans examiner à quel pays elle se rapporte; c'est par où nous commençons, à

l'exemple de Képler (Epitome pag. 373.), avant de chercher les circonstances d'une éclipse de soleil pour chaque lieu déterminé de la terre. Au moment où la distance LK du centre de la projection au centre de la lune est égale à la somme des trois demi-diamètres du soleil, de la lune, & de la projection, l'éclipse de soleil commence pour un point de la terre qui répond perpendiculairement au point I (645), ou dont la projection est en I; c'est le commencement de l'éclipse générale: de même, lorsque la lune est parvenue au point G de son orbite, assez éloigné pour que la distance LG soit encore égale aux trois demi-diamètres, le bord de la lune quitte le bord du soleil pour le dernier de tous les pays de la terre où il peut y avoir éclipse; c'est la fin de l'éclipse générale. De même, la perpendiculaire LM abaissée sur l'orbite, marque le milieu de l'éclipse générale, comme dans le cas des éclipses de lune (620).

652. Pour connoître le temps du milieu de l'éclipse générale, on suppose les mêmes calculs préliminaires, & l'on suit la même méthode que pour une éclipse de lune (620); LAB représente une portion de l'écliptique; L le point où est le soleil au moment de la conjonction, LH la latitude de la lune en conjonction, KMG l'orbite relative (609). Dans le triangle LMH rectangle en M, on connoît l'angle HLM égal à l'inclinaison de l'orbite relative, & l'hypothénuse HL égale à la latitude de la lune; on cherchera le côté HM; on le convertira en temps à raison du mouvement horaire de la lune sur l'orbite relative, & l'on aura l'intervalle entre la conjonction & le milieu de l'éclipse; cet intervalle se retranchera du moment de la conjonction, arrivé en II, si la latitude de la lune est croissante, c'est-à-dire, si la lune a passé son nœud; mais il s'ajoutera au temps de la conjonction, si la lune va en se rapprochant de son nœud; & l'on aura le temps du milieu de l'éclipse générale en M, comme dans l'exemple de l'article 622.

653. Le cercle de projection AER représente le disque de la terre, ou l'image de l'hémisphère éclairé de la terre transporté dans l'orbite ou dans la région de la lune; la ligne VX est la portion de l'orbite lunaire qui sera décrite pendant la durée de l'éclipse totale, comme la ligne KG est la portion d'orbite qui sera décrite depuis le premier moment où la pénombre (631) touchera le dis-

266 ABREGE D'ASTRONOMER, LIV. V.

que de la terre en quelque point I, c'est-à-dire, où quelque point de la terre verra un commencement d'é-clipse, jusqu'au dernier instant où la pénombre abandonnera la terre au point F, le centre de la lune étant alors en G, & l'éclipse finissant pour le dernier de tous les pays où elle sera visible. Ainsi la longueur KG de l'orbite lunaire comprise entre les points K & G, nous sera connostre la durée de l'éclipse; comme le milieu M de la ligne KG nous sera trouver le temps du milieu de l'éclipse générale: la ligne KG est coupée en deux parties égales par la perpendiculaire LM, parce que les côtés LK & LG sont égaux; il en est de même de la corde VX; ainsi le point M indique le milieu de l'éclipse générale, dont la durée est exprimée par KG; & la durée

de l'éclipse centrale est représentée par VX.

654. Exemple. Dans l'éclipse du premier Avril 1764, le temps vrai de la conjonction étoit à 10h 31/23" du matin, à Paris; la latitude pour ce temps-la 30' 36" boréale; le mouvement horaire de la lune en longitude 20' 39", celui du soleil 2' 27"; l'inclinaison de l'orbite relative 5° 44' 26", le mouvement horaire relatif ou composé 27' 19"; on fera comme dans les éclipses de sune (625) ces deux proportions: R: 30' 36": : sin. 5° 44' 26": 3' 58", valeur de HM, & ensuite 27' 19" si 60' 0": : 3' 58": 8' 42" de temps, on retranchera ces 8' 42" de l'heure de la conjonction, parce que la latitude de la lune alloit en augmentant, & l'on aura 10h 22' 41" pour le temps du milieu de l'éclipse générale, compté au méridien de Paris.

Le même triangle HLM fera trouver la perpendiculaire LM 39' 24"; c'est la plus courte distance de la lune au centre de la projection dans le temps du milieu de l'éclipse; cette perpendiculaire LM nous servira pour

trouver le commencement & la fin.

655. Le commencement de l'éclipse générale compté au méridien de Paris, se trouve de la même mamère que le commencement d'une éclipse de lune (625); dans le triangle LKM rectangle en M, on connoît la perpendiculaire LM (654) & l'hypothénuse LK égale à la somme des trois demi-diamètres du soleil, de la lune, & de la projection (645); on cherchera le côté MK, on le convertira en temps à raison du mouvement horaire, & ce temps ôté de celui du milieu de

l'éclipse en M, donnera le temps du commencement de l'éclipse générale en K; étant ajouté il donnera la fin de l'éclipse en G.

Exemple. Dans l'éclipse de 1764, le côté LM est de 39' 24"; la, parallaxe de la lune de 54' o" (a) pour Paris, le demi-diamètre horizontal de la lune 14/47/1, celui du soleil 16/11; on trouvera le commencement de l'éclipse générale à 7^h 37' 48" du matin, & la fin à 1^h 7' 34" après midi; sa durée fur toute la terre étoit

donc de 5 heures 20 minutes 46 secondes.

656. Le commencement de l'éclipse centrale arrive lorsque la lune est au point V, où son orbite coupe le cercle de projection; car alors le centre de la lune, le centre du soleil & le bord de la terre sont sur une même ligne, & le point de la terre dont la projection est en V, voit le centre de la lune sur le centre du soleil,

Dans le triangle LMV, rectangle en M, on connoît la perpendiculaire LM (654) & la ligne LV qui est la parallaxe ou le rayon de la projection; l'on cherchera le côté MV, on le convertira en temps, c'est-à-dire, on cherchera le temps que la lune emploie à parcourir VM, & ce temps étant ôté de celui du milieu de l'é, clipse générale, on aura le temps qu'il étoit à Paris quand l'éclipse commençoit à être centrale pour quelque point V de la terre.

Exemple. Dans l'éclipse de 1764, supposant LV = 54' 0'' = 3240''; LM = 39'. 24'', on trouvera MV = 36' 56'', qui réduite en temps donne 1^h 21' 5''; cette demi-durée étant ôtée du milieu de l'éclipse 10h 22/ 41// (654) donnera le commencement de l'éclipse centrale 9h 1/36/, & ajoutée au milieu de l'éclipse donnera la fin 11h 43' 46". Le temps que le centre de l'ombre employoit à traverser la terre étoit donc de 21 42/10".

657. Les calculs que nous venous de faire pour l'éclipse générale, peuvent s'exécuter graphiquement comme ceux des éclipses de lune (629); on fera une grande figure dont le rayon LA soit égal à la parallaxe, ou divisé en autant de minutes qu'en contient cette paral-

⁽a) J'en ai ôté la parallaxe du soleil, afin qu'il ne restat que la quantité dont la lune est abaissée plus que le soleil; c'est de cette seule dissérence dont on a besoin pour calculer une éclipse.

368 Annici a'Astronomié, Liv. V.

Inne; on prendra la ligne LH égale à la latitude de la tone, de l'angle MLH égal à l'inclination relative de l'orbite lonaire (609); on prendra fur la même echelle une quantité égale au mouvement horaire de la lanc for son orbite relative, que l'on portera de H en N; on marquera en H l'heure de la minute de la comjunction, de en N une heure de moins; on divisera par ce moyen l'orbite GK en heures de minutes, de l'on verra à quelle heure la lune s'est trouvée en K, en V, en M, en X de en G; comme on l'a trouvé par les cal-

culs des articles précèdens.

658. Il s'agit actuellement de connoître quels font les différens pays de la terre qui sont en V, en X, aq moment oh la lune y arrive, c'est-à dire, leurs longitudes géographiques, & leurs latinudes; c'est ce que nous allons exécuter par le moyen d'un globe. Je ne conseillerois pas aux astronomes de faire ces calculs par la trigonométrie, si ce n'est dans des cas extraordinaires, & pour des observations importantes : le temps qu'exigent ces calculs rigogreux, est bien mieux employé à calculer des observations déja faites, pour en tirer des conféquences, qu'à annoncer avec une précision si serupuleuse celles qui doivent arriver; les opérations graphiques font sufficientes pour tracer des cartes semblables à celle de la planche XI. que l'on met ordinairement en abrégé dans les éphemerides. Ce fut M. Casfini qui en donna l'idée & le modèle, à l'occasion de l'éclipse de soleil qu'il avoit observée à Ferrare en 1664.

moins 6 pouces de diamètre, & une règle avec deux pieds, représentée par GVAE (fig. 77.), dont la longueur VA soit égale au diamètre du globe dont on se sert, & la hauteur égale au rayon du globe, ou un peuplus, afin d'être placée sur son horizon GE; le rayon de ce globe doit représenter le rayon de la terre, ou la parallaxe de la lune, comme LA dans la figure 76, c'est à dire, qu'il faut le supposer, par exemple, de 54/, parce que la parallaxe de la lune dans l'éclipse de 1764

étoit de 54'.

660. Comme l'on n'est pas mastre de changer le diamètre de son globe dans les différentes éclipses de soleil, il faudra calculer les différentes parties de la figure, c'est-à-dire, le mouvement horaire de la lune &



les diamètres du foleil & de la lune, en les réduisant à cette échelle; si le globe a 8 pouces de diamètre, & que la parallaxe actuelle soit, par exemple, de 54, ou tirera une ligne égale au rayon du globe, on la divisera en 54 parties, & l'on prendra 274 de ces mêmes

parties pour faire le mouvement horaire.

661. Pour placer sur le globe l'orbite de la sune, il faut avoir fait une figure, telle que la fig. 76, où la ligne BLD représente une portion de l'écliptique, & XV l'orbite relative; on y ajoutera une ligne OLQ pour représenter une portion de l'équateur; en faisant l'angle ALO égal à l'angle de position (693), ou au complément de l'angle de l'écliptique avec le méridien; l'équateur fera au midi ou au-dessous de l'écliptique à l'orient du globe, dans les signes ascendans, c'est-à-dire, quand la conjonction arrivera depuis le 21 Décembre jusqu'au 21 Juin. La somme de l'angle ALO & de l'inclinaison de l'orbite relative, ou leur disterence, saivant les cas, donnera l'angle de la perpendiculaire LM avec le méridien universel LP, ou le méridien du globe, que l'on suppose immobile; cet angle est le même que l'angle de l'orbite avec l'équateur. On prendra sur la figure avec un compas les arcs OV, QX, & l'on marquera un pareil nombre de degrés sur l'horizon du globe, à compter depuis les vrais points d'orient & d'occident, c'està-dire, depuis les intersections de l'équateur & de l'horizon du globe, en allant du côté du nord, si la latirude de la lune est boréale, ou du côté du midi, si elle est australe.

662. On élevera le pole du globe sur son horizon, du nombre de degrés que la déclinaison du soleil indiquera; si la déclinaison est boréale, c'est le pole boréal qu'il faut élever; on placera le support GVAE (sig. 77.), de manière qu'un bord de la règle supérieure VA réponde perpendiculairement au dessus deux points marqués sur, l'horizon du globe; dans cet état, cette traverse VA représentera l'orbite de la lune, placée sur l'horizon du globe, comme elle l'étoit sur le cercle de projection dans la figure 76.

Il faut prendre encore sur la figure 76 les temps de l'orbite lunaire qui répondent en V & en X, c'est-à-dire, au commencement & à la sin; on les écrira sur le support VA, que je suppose convert d'une petite bande

176 |Abrece bildher or out 127 Liv. V.

de papier collé, & l'on aura un intervalle AV, qu'on divisera en minutes de temps, comme l'on a divisé l'orbice VX de la lune (657), ou bien l'on se servira du mouvement horaire, & l'on marquera seulement le temps du milien de l'éclipse sur le milieu L de la règle, une heures de plus à une distance égale au mouvement horaire, une heure de moins à l'occident ou à la droite, & le reste

dans l'intervalle.

Theore qui lui convient; par exemple, dans l'éclipse de 1764, la lune devant être en A à 9h 2/, qui est le commencement de l'éclipse centrale (656), on tournera le globe de manière que Paris soit en C, 2h 58/ à l'occident du Méridien universel NIP; c'est ce méridien dans lequel le soleil est supposé fixe, tandis que tous les pays de la terre passent successivement devant lui par la rota-

tion du globe d'occident en oxient.

Paris, tous les autres pays sont également à seur place pour ce moment, & la lune étant supposée en A, le point de la terre qui répond perpendiculairement sous la lune, est celui où l'éclipse parost centrale dans ce même moment (645); on n'a donc qu'à abasser un à-plomb du point A, si l'horizon du globe est bien de niveau, ou placer l'œil perpendiculairement au-dessus du point A, où enfin, se servir d'une petite équerre, & l'on verra sur le globe le point de la terre que l'en cherchoit, perpendiculairement au-dessous de A dans l'horizon même du globe; l'on marquera la longitude & la latitude de ce point là; ce sera le premier point de l'éclipse centrale, marquée A sur la carte de la planche XI.

dont le rayon AD soit égal à la somme des demi-diamètres du solcil & de la lûne prise sur l'échelle des 54 minutes. On pourra faire un cercle de carton, qu'on placera parallèlement à l'horizon du globe, son centre étant en A; ou bien l'on fera circuler un compas dont l'ouverture soit égale à la somme des demi-diamètres, & dont une pointe soit en A; on remarquera tous les points du globe qui se trouveront répondre perpendiculairement sous la circonférence de ce cercle, ce sont ceux qui vertont les bords du soleil & de la lune se toucher su même instant, & celui de ces points qui se

trouvera dans l'horizon du globe verra le contact des deux bords au lever du soleil.

665. On fera un autre cercle dont le rayon soit plus petit que le précédent, d'un quart du diamètre du soleil, c'est-à-dire, de 3 doigts (ce sera 8' en 1764); ou bien on échancrera de la même quantité une portion du même cercle qui a servi pour la premiere phase, comme dans le limaçon de la figure 79; ou, si l'on veut, on diminuera seulement l'ouverture du compas dont or s'est fervi dans l'opération précédente; alors la circonférence du cercle, ainsi diminuée de trois doigts, ou l'ouverture du compas, promenée tout autour du point A (fig. 77), indiquera sur le globe, par le moyen de l'à plomb, tous les points de la terre où le soleil est éclipsé dans ce moment-là de 3 doigts seulement; on en comprendra la raison en réfléchissant sur les articles 647 & 648. 666. On pourra faire de même d'autres cerqles pour l'éclipse de 2, 3, 4, 5 doigts, &c. en diminuant de 2, 3 doigts, &c. le rayon du cercle de la pénombre, c'est-à-dire, du cercle dont le rayon étoit égal à la somme des demi-diamètres du soleil & de la lune; on pourra échancrer un seul cercle dont la circonférence soit divisée en 12 parties, & le rayon de même en 12 parties, & dont les 12 secteurs aillent en diminuant comme le limaçon d'une montre à répétition (fig. 79), chacun étant plus petit que le précédent, d'un doigt ou d'une douzième partie du diamètre solaire, pris sur la même échelle que la parallaxe horizontale & le mouvement horaire (660); en promenant un à-plomb sur les circonférences de ces fecteurs, il marquera fur le globe les pays qui pour cet instant-là auront l'éclipse d'un doigt, ou de 2, &c.

667. Si l'on place en L, sur le milieu de la traverse AV, le centre de ces cercles, & qu'on fasse la même opération, après avoir fait tourner le globe pour amener la rosette P du globe sur 10h 23l, qui est l'heure du milieu de l'éclipse générale au méridien de Paris, on trouvera tous les pays qui à 10h 23l ont l'éclipse d'un doigt, de deux, &c. C'est ainsi qu'on peut tracer sur un globe, ou sur une carte géographique, la figure de tous les points qui auront une éclipse centrale, ou qui auront l'éclipse d'un doigt, de deux, &c. Il est bon d'observer que tous ces pays qui dans un instant donné

nyi Africe D'Astronomit, Liv. V.

voient l'éclipse d'un doigt, n'ont pas cependant la graddeur de l'éclipse d'un doigt; car ce n'est pas la plus grande phase qu'on trouve par cette opération, c'est seulement la phase qui a lieu pour un moment donné; mais on pourroit trouver celui pour qui cette phase est la plus grande, en remarquant le point de la terre qui est le plus éloigné du point A (fig. 77), ou qui par un petit mouvement du globe & de la lune conserve la même distance à la lune:

Trouvet les phases d'une éclipse de faleil par le moyen des projections:

668. La méthode que je viens d'expliquer pour troidver, par le moyen d'un globe, les pays de la terre qui doivent voir une échiple de foleil, ne feroit pas affez exacte pour trouver, à une ou deux minutes près ; le commencement & la fin de l'éclipse en un lieu quelconque, à moins qu'on n'efit un globe très grand & trèsparfait; mais nous y parviendrons aifément au moyen d'une figure de projection & d'une ellipse tracée avec foin: cette opération graphique avec la règle & le compas fera plus exacte, & austi simple que celle du globe. Avant que d'en donner les règles, je vais tâcher d'en faire comprendre la théorie en expliquant avec plus de soin les principes de la projection ortographique; j'en at déja fait quelque ulage (art. 643 & fuiv.), mais je vais en expliquer ici tous les fondemens & toutes les circonflances. Flamsteed dit que Wren est le premier qui ait connu vers 1660 la manière de trouver les phases d'une éclipse sans calculer les parallaxes; il ajoute que M. Halley, avant son départ pour Sainte Helene en 1666, lui parla de la construction des éclipses, mais en lui cachant la méthode, à laquelle Flamsteed n'avoit pas alors beaucoup de confiance.

669. Projetter une figure, c'est la rapporter à un autre plan, par des lignes tirées de chaque point de la figure à chaque point du plan. On distingue plusieurs fortes de projections, mais la plus simple de toutes est la projection ortographique (a), formée par des lignes

⁽a) O'glot, reffer, parce que cette projection le fuit par des lignas' à angles droits.

perpendiculaires au plan de projection; c'est celle dons en se sert avec un très-grand avantage pour les éclipses

fujettes aux parallaxes.

670. Soit une ligne AB (fig. 78), & un plan quelconque PL, différent de cette ligne; si des extrémités A & B de la ligne donnée on abaisse sur le plan PL des perpendiculaires Aa, Bb, l'espace, ab qu'elles occuperont sur le plan PL, sera la projection ortographique de la ligne AB, & le plan PL sur lequel on a abaissé ces perpendiculaires, s'appellera le plan de projection.

671. LA PROJECTION ortographique ab d'une ligne AB faite sur un plan de projection PL par les perpendiculaires Aa, Bb, est le cosinus de son inclination. Car ayant tiré AC parallèle à PL, l'angle BAC est égal à l'inclinaison de la ligne AB sur le plan de projection PL & AC = ab est la projection de la ligne AB; or AB: AC:: R: cof. BAC. Ainsi le rayon est au cosinus de l'inclinaison, comme la ligne AB est à sa projection AC. Donc si l'on prend le rayon pour l'unité, on trouvera que la projection d'une ligne est égale à cette ligne multiplés par le cosinus de son inclinaison sur le plan de projection.

672. La projection d'un arc tel que fi est égale à son sinus. Soit la circonférence DFH (fig. 80); du demi-cercle dont on demande la projection, situé dans un plan perpendiçulaire au plan dè projection, toutes les lignes perpendiculaires FC abaissées de chaque point de la circonférence sur le rayon CH, seront perpendiculaires au plan & marqueront les projections des mêmes points; le point K sera la projection du point 1; ainsi la ligne CK sera la projection de l'arc FI; mais si C est le centre du cercle, CK égale à IL est le sinus de l'arc FI: ainsi les sinus des arcs FI seront les projections de ces arcs, si l'on prend leur origine au point F qui répond perpendiculairement au centre C. Cette proposition sera d'un grand usage dans le calcul des éclipses.

673. LA PROJECTION ortographique d'un cercle incliné est toujours une ellipse. Soit DFH le cercle dont on cherche la projection, DH celui de ses diamètres qui est dans le plan de projection, ou parallèle à ce plan; si l'on incline ce demi-cercle en le faisant tourner autour du diamètre DH, de maniere que toutes les lignes IK fassent avec le plan de projection un angle quelconque toutes ces lignes auront pour projections des lignes KG

274 Annici PASTRONOMIE, LIV. V.

ipisée par le cosinus de l'angle d'inclinaison (671), enforte que KG ser par-tout à 1K comme le cosinus de
l'angle d'inclinaison est au rayon; or, telle est la propriété d'une ellipse démontrée dans les sections coniques, que toutes ses ordonnées KG soient aux ordonnées IK d'un cercle de même diamètre dans un rapport
contiant; donc les lignes KG formeront une ellipse;
doct enfin la projection d'un demi-cercle DFH sera la
circonférence d'une ellipse DGH, dont le grand axe
DH est le même que celui du demi-cercle; & le petit
axe, plus petit en raison du cosinus de l'inclinaison. Il
en seroit absolument de même quand le diamètre DH
da cercle projetté seroit à une certaine distance au-dessous du plan de projection.

forme d'une ellipse; car on sait qu'une ligne AB (sg. 81), vue obliquement du point O, parost de la même grandeur que la ligne perpendiculaire AC = AB sin. ABC; ainsi dans un cercle CAD (sg. 82), vu obliquement, toutes les ordonnées AB, EF parossant plus petites dans le même rapport, le cercle parost une ellipse CGD, dont le petit axe est au grand comme le sinus de l'inclinaison est au rayon. Cette proposition revient au même que la précédente; mais il est nécessaire de s'accoutumer à comprendre que le cercle vu obliquement, parost en forme d'ellipse; car nous ferous un usage con-

tinuel de cette propolition.

675. Les principales lignes de la projection d'une écliple sont représentées dans la fig. 83; ST est la ligne menée du centre du soleil au centre de la terre, que nous appellons simplement la ligne des centres; IL un plan qui passe par le centre de la terre perpendiculairement à la ligne des centres. Ce plan forme le cercle d'il unination, de sépare la partie éclairée IDL de la partie obteure LOVI. Nous allons rapporter à ce plan les dissérentes parties de la projection; de tout ce que nous dirons à ce sujet pourra s'appliquer au plan de projection, lors même que nous le placerons dans la région de la lune (682), parce qu'il sera toujours parallèle de égal au cercle d'illumination. La ligne PO est s'ave de la terre, EQ le diamètre de l'équateur, PELOQIP le meridem universe (661), c'est-à-dire, ce'un qui passe

continuellement par le soleil, & que les disserens pays de la terre atteignent successivement par la rotation diurne de notre globe; ED est la déclinaison du soleil ou sa distance à l'équateur; l'arc PI est l'élévation du pole au-dessus du plan de projection; cette hauteur est égale à la déclinaison du soleil, car si des angles droits ou quarts de cercle PE & DI on ôte la partie commune PD, on aura PI=DE qui est la distance du soleil à l'équateur E, ou sa déclinaison. Cette élévation est aussi égale à l'inclinaison de tous les parallèles terrestres, par rapport à la ligne des centres, & le complément de leur inclinaison par rapport au plan de projection.

Ayant pris depuis l'équateur les arcs EG & QF égaux, à la latitude d'un lieu de la terre, tel que Paris, la ligne GH perpendiculaire à l'axe PO, & qui est le cosinus de la latitude EG, sera le rayon du parallèle de Paris, ou du cercle que Paris décrit chaque jour par la rotation diurne de la terre; GF sera le diamètre du parallèle. Des points G, F & H, qui sont les extrémités & le centre du parallèle de Paris, nous abaisserons des perpendiculaires GM, FR, HN; les points M, R, N, où ces perpendiculaires rencontreront le cercle de pro-

jection IL, seront les projections des extrémités & du centre du parallèle.

au bord intérieur M de la projection du parallèle de Paris, est égale au sinus de l'arc GD ou de la différence entre EG qui est la latitude de Paris, & DE qui est la déclinaison du soleil; la distance TR du centre T de la projection à l'extrémité la plus éloignée R du parallèle de Paris, est égale au sinus de l'arc DF, ou VF; cet arc VF est égale au sinus de l'arc DF, ou VF; cet arc VF est égal à la somme des arcs VQ & QF, dont l'un est égal à la déclinaison du soleil, & l'autre à la latitude de Paris; ainsi la distance du centre de la projection au sommet du parallèle, est égale au sinus de la somme de la latitude du lieu & de la déclinaison du soleil.

of7. La projection du pole P se trouvera en abaissant une perpendiculaire du point P sur la ligne TI; elle marque un point éloigné du centre T d'une quantité égale à TP cos. PTI ou TP cos. déclin. ① (671).

678. La distance TN ou l'espace de la projection compris entre le centre T de la projection, & le centre N: du parallèle est égal à TH. cos. HTN (671); mais

276 ABRÉGÉ D'ASTRONOMIE, LIV. V.

TH est le sinus de la latitude de Paris, HTN est égat à PI ou à DE, c'est à-dire, à la déclinaison du soleil; donc TN est égale au produit du sinus de la latitude du lieu, par le cosinus de la déclinaison du soleil pour le moment donné, en prenant pour rayon le rayon même

de la projection.

679. Le point D de la terre est cesui qui a le soleil au zénit; un autre point quelconque E qui en est éloigné de la quantité DE, a donc le soleil éloigné de son zénit de la même quantité DE; de-là il suit qu'une ligne TA étant prise sur la projection, & étant convertie en arc pour avoir DE, elle donners dans les sinus la distance du soleil au zénit ou le cosinus de sa hauteur pour le lieu de la terre qui est projetté au point A; c'est-à-dire que la ligne TA, sinus de l'arc DE, en est la projection.

680. Il suit aussi de-là que TA exprime la parallaze de hauteur pour le lieu de la terre qui est projetté en A; car TL qui est la parallaxe horizontale (646), est encore le sinus total; donc TA qui est le cosinus de la hauteur sera aussi la parallaxe de hauteur, qui est toujours = p. cos. b (582); donc en général la distance d'un Pays de la terre au centre de la projection, est égale à la parallaxe de hauteur, le rayon de la projection étant prin

pour la parallaxe horizontale.

681. Le parabèle de Paris ou le cercle dont H est le centre (sig. 83), & Gh le diamètre, étant rapporté ou projette sur le plan ITL y devient une ellipse (673), & c'est cette ellipse qu'il est nécessaire de décrire sur le plan, pour y rapporter les phases de l'éclipse; mais auparavant je dois faire observer que s'on peut transporter dans la région de la lune le plan de projection ITL, & que l'ellipse y sera parsaitement la même que sur le plan ITL qui passe par le centre de la terre; en effet elle sera comprise entre des lignes parallèles à la ligne des centres TDS, & qui s'étendent jusqu'à la lune, où elles forment une projection de la terre, égale à la terre elle même (642), puisque LA est égale à TE (sig. 75).

682. Nous choisissons pour plan de projection celuiqui est dans la région de l'orbite lunaire & qui passe à la distance de la lune, quoiqu'on pût choisir d'autres plans qui passeroient ou par le soleil ou par la terre (Mém. Acad. 1744. p. 191); mais celui qui passe par la lune me paroît le plus commode, parce que le mouvement de la lune & son diamètre y sont tels que nous les observons réellement de la terre; le rayon même de la terre y paroît d'une grandeur connue & donnée par les Tables, qui est la parallaxe horizontale de la lune. En employant un plan de projection tel que le proposoit Képler & Boulliaud, qui passeroit par le centre de la terre, on est obligé de supposer l'œil de l'obfervateur p'acé dans la lune, ce qui peut donner quelque difficulté de plus à ceux qui commencent à s'ocque difficulté de plus à ceux qui commencent à s'ocque difficulté de plus à ceux qui commencent à s'ocque difficulté de plus à ceux qui commencent à s'ocque difficulté de plus à ceux qui commencent à s'ocque difficulté de plus à ceux qui commencent à s'ocque difficulté de plus à ceux qui commencent à s'ocque difficulté de plus à ceux qui commencent à s'ocque difficulté de plus à ceux qui commencent à s'ocque difficulté de plus à ceux qui commencent à s'ocque difficulté de plus à ceux qui commencent à s'ocque difficulté de plus à ceux qui commencent à s'ocque difficulté de plus à ceux qui commencent à s'ocque difficulté de plus à ceux qui commencent à s'ocque difficulté de plus à ceux qui commencent à s'ocque difficulté de plus à ceux qui commencent à s'ocque de la ceux qui ceux

cuper de ces matières.

tre projection, voyons comment on doit y rapporter les parallèles terrestres. La projection de la terre entière sera un cercle parallèle & égal au cercle d'illumination, comme nous l'avons déjà dit; mais le parallèle de Paris n'étant point parallèle au plan de projection, il ne peut s'y projetter que sous une forme elliptique (673). C'est cette ellipse que nous allons décrire; elle est la même sur le plan de projection qui passe par la lune que sur le plan qui passeroit par le centre de la terre, c'est-à-dire sur le plan du cercle d'illumination, puisque ces deux ellipses sont rensermées entre des lignes parallèles; ainsi tout ce qui vient d'être dit à l'occasion de la Figure 83. (art. 675), aura lieu pour l'ellipse que nous allons décrire sur le cercle de projection qui passe dans l'orbite lunaire.

oublier que la distance de la lune au point de la projection qui représente un lieu de la terre, marque la distance apparente des centres du soleil & de la lune pour ce lieu là. Je suppose un point E de la terre (fig. 75), projetté en A par un rayon EA; le même lieu E de la terre voit le soleil sur la ligne EA (643); si le centre de la lune répond alors au point L de la projection, l'Observateur situé en E verra la lune éloignée du soleil de la quantité AL; ainsi la distance apparente sur le plan de projection entre la lune L & le point A qui répond au point E de la terre, sera AL. Il faut bien concevoir que le point A étant la projection que l'on rapporte le soleil quand on l'observe du point E; ainsi

ABRECE D'ASTRONOMIE; LIV. V.

peut indifféremment dire qu'un point A de la projection marque le lieu E de la terre, par exemple, la ficuation de Paris, ou qu'il marque le lieu du foleil vu

de Paris (644).

685. Au moyen des propositions démontrées dans les articles 675 & suiv. il est aisé de tracer l'ellipse de projestion pour un lieu & pour un jour donné. Soit AOB (pe: 85) le cercle d'illumination, ou le cercle de la terre qui est perpendiculaire au rayon du soleil ou à la ligne des centres; il faut supposer le soleil au-dessus de la figure, répondant perpendiculairement au desfus du centre C de la terre. La ligne OPDC est un diamètre du méridien universel dans lequel on suppose le soleil immobile; mais ce diamètre diffère de l'axe de la terre d'une quantité égale à la déclinaison du soleil. ACB est un diamètre de l'équateur, perpendiculaire au méridien: universel; P est la projection du pole, c'est-à-dire, lo point du plan de projection fur lequel le pole répondi perpendiculairement (677); on prendra les arcs BL & AK égaux à la latitude du lieu; ensuite KM, KN, LR, LV, égaux à la déclination du foleil; on tirera les lignes MER, NFV, l'on aura CE égale au finus de BR ou de la fomme de la latitude du lieu & de la déclinaison de l'astre, & la ligne CF égale au sinus de BV ou AN, c'est-à-dire de la différence des mêmes arcs. Ainsi les points E & F feront les extrémités de la projection. du parallèle (675); donc l'ellipse qui représente le parallèle aura EF pour petit axe, & divisant EF en deux parties égales au point G, l'on aura le centre de l'elliple : car le centre doit être nécessairement à égales distances des deux extrémités E, F, du petit axe.

D par lequel passe le diamètre KL du parailèle de Paris; mais cela vient de ce que le cercle AOB, sur lequel nous avons pris les arcs BL & AK égaux à la latitude de Paris, n'est pas un méridien ni un cercle sur lequel se comptent les latitudes; l'axe est incliné au cercle de projection; le méridien est incliné au cercle AOB, le point de l'axe par lequel passe le parallèle de Paris, est bien à une distance du contre égale à CD; mais de point rapporté sur le cercle de projection réponde perpendiculairement en G, ensorte que CG est égale à CD multipliée par le cosinus de la déclinaison (671).



Ainsi l'opération que nous venons de faire pour trouver le point G est seulement une construction par laquelle on a les grandeurs CE & CF telles que nous avons fait voir qu'elles devoient se trouver, mais où la ligne KDL: n'est point employée comme diamètre du parallèle.

o87. Le grand axe de l'ellipse est le diamètre du parallèle; ayant pris déjà les arcs AK & BL égaux à la latitude du lieu pour lequel on veut dresser la projection, la ligne droite KL sera le diamètre même du parallèle qui n'est autre chose que le cosinus de la latitude du lieu. Ayant la grandeur de l'axe on tirera par le centre G que nous avons déterminé, une ligne SGX parallèle & égale à KL, qui est égale au diamètre du parallèle de Paris; SGX sera le grand axe de l'ellipse qu'il s'agit de décrire.

688. Connoissant le grand axe SX, & le petit axe EGR (685) de l'ellipse que nous cherchons, il sera aisé de la, décrire, c'est-à-dire, d'en trouver tous les points d'heure en heure. On décrira sur le grand axe SX un cercle SHXQ, qui représentera le parallèle de Paris, quojque situé dans un plan différent; ce cercle étant divisé en 24 heures aux points marqués 1, 2, 3, &c. on sera sur que chaque point g du parallèle paroîtra sur la ligne gf perpendiculaire au grand axe SX, tirée par chaque point de division; car quelle que soit l'inclinaison du gercle SHX, & l'obliquité sous laquelle il sera vu, pourvu qu'il passe par les points S & X, le point g de sa circonférence répondra toujours perpendiculairement au point, b du grand axe, & l'abscisse Gb de l'ellipse sera toujours le sinus même de l'arc Hg du parallèle, ou de la distance au méridien.

oso. Pour trouver aussi l'ordonnée b b de l'ellipse, au même point, on remarquera que la ligne g b du parallèle étant vue obliquement, doit parostre d'une longueur b k, plus petite que g b, dans le même rapport que GE est plus petit que GH, ou le petit axe plus petit que le grand axe; il s'agit donc de diminuer le cosinus g b d'un angle horaire de 15°, &c. dans ce même rapport.

on peut se servir d'un compas de proportion, ou bien l'on décrira du centre G un autre cercle EYF sur le petit axe, on le divisera comme le cercle HXQ en 24 parties, si l'on se contente de 24 heures, où en 48, si l'on veut avoir une ellipse divisée en demi-heures. Par

200 ARRECE D'ASTRONOMIE, LIV. V.

les points de division du grand cercle, on tirera des lignes g b b parallèles au petit axe, & par les points de division du perit cercle, qui correspondent aux mêmes heures, on tirera des lignes comme ab parallèles au grand axe; celles-ci étant prolongées iront rencontrer les premières dans des points tels que b, qui formeront l'ellipse que l'on cherche. Par exemple, la seconde ligne parallèle au petit axe, & qui va du point 30 ou g au point f, coupe la séconde ligne ab, tirée également à 30 du point E parallélement au grand axe GX, dans le point b; ce point est celui de l'ellipse qui est à deux heures du méridien, puisque bb est le colinus de 30 dans le petit cercle, ou le cosinus g b diminué dans le rapport des axes. Le point correspondant e à gauche marque deux heures après midi. C'est ainsi qu'on a pour chaque heure la projection du parallèle de Paris, & la situation de Paris sur le cercle de projection, à toutes les heures du jour.

la méthode précédente pour 26 degrés de déclinaison, mais dans laquelle on a supprimé toutes les lignes qui ont servi à la décrire. La partie inférieure de l'ellipse à lieu quand la déclinaison est septentrionale; car alors la partie éclairée du parallèle, telle que CB dans la figuré 83, paroît la plus basse ou la plus méridionale par rapport au rayon solaire ST. Mais soit qu'on se serve de la partie supérieure ou de la partie insérieure de l'ellipse, il faut toujours considérer Paris ou le seu de l'observateur, comme allant vers la gauche, c'est-à-dire à l'orient, dans la partie visible du parallèle, ou dans la

partie qui est tournée vers l'étoile.

La partie droite ou occidentale de l'ellipse, (fig. 87), sert pour les heures du matin, dans les éclipses de soleil; mais si c'est une éclipse d'étoile sixe, cette partie sert avant le passage de l'étoile au méridien, puisque le mouvement de la terre se fait vers l'orient, soit sur la terre, soit sur la projection qui en est l'image; on marque ob ou 12h aux sommets du petit axe, lorsqu'il s'agit du soleil; mais l'on y marque l'heure du passage de l'étoile au méridien, sorsqu'il s'agit d'une éclipse d'étoile par la lune.

692. On voit au baş de la figure 87 les diamètres des e'lipses qu'on trouveroit pour différentes déclinaisons en employant le même rayon de projection. On y voit aussi

à quelle distance passervient toutes ces ellipses du sommet S de la projection, c'est-à dire, la valeur de SV. J'ai marqué au milieu 'de l'ellipse les lieux des centres de ces différentes ellipses; chacun pourra les tracer toutes sur autant de cartons différens; pour calculer les éclipses de toutes les étoiles par la lune.

693. La situation du cercle de latitude par rapport au cercle de déclination CG (fig. 84.), peut se trouver par le moyen du calcul de l'angle de position (313); mais pour abréger autant qu'il est possible, l'opération graphique dont nous allons parler, on peut se servir de la méthode suivante. Je suppose que FGH soit un arc ducercle de projection égal au double de l'obliquité de l'écliptique, c'est-à-dire, que du point G où se termine le méridien CG de la projection, on ait pris les arcs GF & GH, chacun de 23°28'; sur la tangente GV de l'arc GF & du centre G, l'on décrira un cercle XMV qu'on: divisera en 12 signes, comme l'écliptique, en commencant au point K du côté de l'occident, où l'on marquera le Bélier, c'est-à dire, os de longitude, & continuant: de X en M, V, B. L'on prendra sur ce cercle un arc: XM égal à la longitude du foleil ou de l'étoile dont on calcule l'éclipse; on abaissera sur le diamètre VX la perpendiculaire MN; & le point N de la tangente GNX où passera cette perpendiculaire MN, sera le point où L'on devra tirer le cercle de latitude CN.

En effet, GN est le cosinus de l'arc XM ou de la longitude du soleil, pour le rayon GX, donc GX:R:: GN: cof. long. \odot ; c'est à dire, $\Theta N = GV$ cof. longit. mais par la construction GM = tang. 23° 1 pour le rayon que nous supposons égal à l'unité, c'est-à-dire, CG ou CH, donc GN = tang. 23 cof. long., cela revient à la proportion de trigonométrie sphérique, par laquelle on trouve l'angle de position quand on connost la longitude du soleil & l'obliquité de l'écliptique: le rayon est au cosmus de l'hypothénuse ou de la longitude du soleil, comme la tangente de l'angle qui est l'obliquité de l'écliptique est à la cotangente de l'autre angle ou à la tangente de l'angle de position. Donc l'angle NCG est celui que doit former le cercle de latitude CN avec le méridien CG.

694. On pourroit aussi faire une construction semblable pour les étoiles fixes que la lune rencontre, il est vrai

282 ABRECE D'ASTRONOMINALIV. V.

quion supposeroit le cosinus de la latitude égal au rayon. muis l'erreur est insensible; car la latitude de la lune ne va pas à 6°, il n'y a pas d'erreur à craindre, ce qui ne fait pas 8 minutes de degré fur l'arc AF : or 8/ font insensibles même sur une figure d'un pied de rayon, telle que j'ai coutume de l'employer. J'ai marqué sur la circonférence de la figure 87 les points où il faut tirer le cercle de latitude pour différentes étoiles, telles que y 19, c'est-à-dire, l'étoile y de la constellation de la Vierge, &c. On voit que toutes celles dont la longitude est dans le premier ou le dernier quart de l'écliptique, c'est-àdire, dans les signes afcendans, sont à la droite du meridien CS, les autres font à la gauche; parce que dans la figure 84, les trois premiers & les trois derniers fignes de longitude sont à droite ou à l'occident du point E; cela est aisé à appercevoir sur un globe; la direction de l'écliptique tend à l'orient dans tous les cas; si en même temps elle se rapproche du nord, la perpendiculaire doit décliner du côté opposé à la direction de l'écliptique, c'est-à-dire, à l'occident, quand on la confidère du côté du nord.

Trouver les phases d'une Eclipse de soleit ou d'étoile, avec la règle & le compas.

605. Les constructions précédentes sussient pour faire trouver avec l'exactitude d'une minute de temps le commencement & la fin d'une éclipse, sans calculer les parallaxes. On voit dans la figure 87 un demi-cercle d'environ 51 pouces de rayon, qui représente la projection de la terre dans l'orbe de la lune (649); le rayon CR est divisé en autant de minutes qu'en contient la parallaxe; le diamètre TR est parallèle à l'équateur, CS est une portion du méridien universel ou du cercle de déclinaison qui passe par le soleil ou par l'étoile; CK est la distance du centre de projection au centre de l'ellipse, trouvée ci-dessus (678); KF est le demi-axe de l'ellipse (687), égal au cofinus de la latitude du lieu pour lequel on calcule une éclipse, par exemple, de Paris. La ligne KV ou KQ est la moitié du petit axe de l'ellipse, qui est au grand axe comme le finus de la déclinaison de l'astre est au rayon (674). Cette ellipse dans la figure 87 représente le parallèle de Paris, ou la trace décrite sur

le plan de projection par le rayon mené de Paris à An-

sarès, dont la déclinaison est de 26°.

ne, ou celui dont on doit faire usage quand la déclinaifon du soleil est méridionale; la partie inférieure FQH, est celle qui sert pour les, déclinaisons septentrionales (691): le cercle de latitude est représenté par CL

(694).

697. La latitude de la lune au moment de la conjonction étant prise sur les divisions de la ligne CR, qui sert d'échelle, & portée de C en L sur le cercle de latitude, le point L est celui où doit passer l'orbite de la lune, en lui donnant l'inclinaison convenable. Pour cet effet on tirera par le point L de la conjonction une ligne LM perpendiculaire au cercle de latitude; on prendra la quantité du mouvement horaire de la lune en longitude. moins celui du soleil, sur les divisions de CR, & l'on portera ce mouvement de L en M; on prendra aussi le mouvement horaire en latitude, on le portera de M en N parallèlement au cercle de latitude; au midi du point M, si la lune se rapproche du nord; au nord, si la lune s'approche du midi, c'est-à-dire, si la latitude est australe croissante, ou boréale décroissante. Par les points N. & L, on tirera l'orbite relative INL; on marquera au point L l'heure & la minute de la conjonction; on marquera en N une heure de moins; l'on divisera NL en do minutes de temps, & l'on portera les mêmes divisions à gauche du point L, pour avoir la situation de la lune de minutes en minutes, une heure avant la conjonc? tion, & une heure après, ou même davantage.

698. On marquera sur l'ellipse les heures du soleil ou de l'étoile qui répondent aux divisions qu'on à trouvées (690); en prenant la partie inférieure de l'ellipse si le soleil ou l'étoile déclinent du côté du pole élevé (691). Quand il s'agit d'une éclipse d'étoile, c'est l'heure du passage au méridien que l'on écrit sur le méridien, en V

ou en Q.

699. On prendra sur les divisions de CR la somme des demi-diamètres du soleil & de la lune, ou le demi-diamètre seul de la lune, s'il s'agit d'une éclipse d'étoile. Le compas étant ouvert de cette quantité, on verra si le moment de la conjonction marqué en L, & la même minute de temps prise sur les divisions de l'el-

284 ABRECE D'ASTRONOMYE, LIV. V.

lipse, sont éloignés entre eux de cette quantité des demi-diamètres; si cela arrivoit, le temps de la conjonction seroit aussi le temps du commencement ou de la fin de l'éclipse; ce seroit le commencement si le point trouvé sur le parallèle étoit à l'orient du point L; ce seroit la fin si le point de l'ellipse marqué de la même heure que le point L, étoit à l'orient ou à la

drite du point L.

Si cette distance des points correspondans sur l'ellipse & sur l'orbite de la lune n'est pas égale à la somme des demi-diamètres, on placera le compas à la droite ou à la gauche du point L sur l'orbite de la lune comme en l; on verra si le point A de l'ellipse marqué du même nombre d'heures & de minutes que le point I de l'orbite, est à la gauche de celui ci de la quantité des demi-diamètres; s'il est trop éloigné, on promenera la branche droite du compas, sans changer l'ouverture, jusqu'à ce que la branche gauche trouve un point A de l'ellipse marqué du même nombre de minutes que le point de l'orbite où est la branche droite.

Quand on aura ainsi trouvé deux semps correspondans, l'un sur l'orbite, l'autre sur le parallèle, tels que l & A marqués de la même heure & de la même minute, & éloignés de la quantité lA, de manière que le point l de l'orbite soit à la droite ou à l'occident du point A du parallele, on sera sûr que ce moment est celui du commencement de l'éclipse; car on a vu que l'éclipse commence pour Paris, quand la distance entre le point de la projection où Paris voit le soleil, c'est à-dire, auquel Paris répond, & celui où se trouve la lune au même instant, est égale à la somme des demi-diamètres du soleil & de

la lune (646).

700. La lune avance vers l'orient dans son orbite de I en E, & Paris avance sur son parallèle de A en B; mais beaucoup plus lentement, puisqu'il faut 12 heures pour décrire la demi-ellipse du parallèle de Paris, tandis que la lune en deux heures de temps ou environ fait dans son orbite un chemin aussi considérable: ainsi la lune arrivera de l'autre côté ou à l'orient de Paris, & se trouvera en E lorsque Paris ne sera arrivé qu'en B; ils seront encore une sois à la mê ne distance l'un de l'autre, c'est-à-dire, à une distance BE, égale à la somme des demi-diamètres de la lune & du soleil, la lune abandonnant le so-



leil; & quand on aura trouvé deux points B & E marqués de la même minute, on sera sûr d'avoir la fin de l'éclipse.

701. Le milieu de l'éclipse est à-peu-près le milieu de l'intervalle de temps écoulé entre le commencement & la fin: ainsi l'on cherchera la minute ou le point D qui tient le milieu entre ces momens marqués en I & en E, & la minute ou le point G qui tient aussi le milieu entre A & B. La distance de ces deux points D & G, dont l'un est sur l'orbite, l'autre sur le parallèle de Paris, donnera la plus courte distance des centres de la lune & du soleil, ou leur distance, dans le temps

du milieu de l'éclipse.

les divisions du rayon CR, se trouvera exprimée en minutes & en secondes de degré; car sur une échelle d'un pied de rayon, chaque minute occupe plus de deux lignes, & l'on y distingue facilement un intervalle de 5 à 6/1: ainsi l'on aura en minutes & en secondes la plus courte distance du centre de la lune au centre du soleil ou de l'étoile, au temps du milieu de l'éclipse. Si le point D de l'orbite est au-dessous ou au midi du point G du parallèle, ce sera une preuve

que la lune passe au midi de l'étoile.

703. Pour éviter de diviser chaque fois le rayon CR de la projection, en autant de parties qu'en contient la parallaxe, c'est à dire, tantôt en 54/, tantôt en 61/, sans compter les fractions de minutes, on forme une échelle EF (fig. 88) de 60 minutes, dont les lignes sont plus longues que le rayon du cercle, lorsque la parallaxe est plus petite que 60/; mais sont plus petites quand la parallaxe excède 60! par exemple, si la parallaxe est de 54', c'est-à-dire, plus petite d'un sixième que le rayon de la projection qu'on suppose toujours de 60/, il faut avoir une échelle où le compas puisse indiquer 54' au lieu de 60'; car la même ouverture de compas qui valoit 10/ quand le parallaxe étoit de 60/, ne doit va'oir que 9' quand cette parallaxe n'est que de 541; il faut donc avoir une échelle plus grande d'un sixieme; cette échelle, quoique divisée en 60 parties, n'en fera trouver que 54 quand on y portera le rayon de projection, parce qu'elle est plus grande que ce rayon, & que ses parties ont plus d'étendue.

186 ABREGE D'ASTRONOMIZ, LIV. V.

704. Le demi-diamètre de la lune étant toujours tes de la parallaxe (584), on pourra tirer une ligne droite CD fur l'échelle, de manière qu'elle intercepte les de toutes les échelles de parallaxe, en comptant de la ligne marquée 10, 10; on prendra facilement fut cette échelle le demi-diamètre de la lune qui est, par fi elle est de 54, & ainsi des autres; on le prendra avec le compas sans avoir besoin d'en savoir la valeur.

705. Quand on a la plus courte distance GD des cen-tres du soleil & de la lune, & qu'on en veut conclure la grandeur de l'éclipse en doigts (628), il faut re-trancher cette distance de la somme des demi-diametres, & porter le reste sur le diamètre du soleil, divise en 12 parties ou 12 doigts; l'on y verra la partie éclipfée du foleil, en doigts & fractions de doigts.

706. Lorsqu'il s'agit d'une éclipse d'étoile, on suit le même procédé que pour les écliples de foleil, en observant, i', que CL est la différence entre la latitude de la lune & celle de l'étoile; 2", que LN est le mouvement horaire de la lune seule, puisque l'étoile n'a aucun mouvement propre; 3°, que sur les points V ou Q de l'ellipse on marque l'heure du passage au méridien, ou plus exactement, la différence entre son afcension droite & celle du soleil, convertie en temps, pour l'heure de l'éclipse; 4, que l'on prend la distance IA égale au seul diamètre de la lune.

707. EXEMPLE. Le 7 Avril 1749, Antarès fut en conjonction avec la lune à 2h 22' du matin; la parallaxe de la lune étoit alors de 57/ 1, son mouvement horaire 33' 12" en longitude, & 1' 56" en latitude décroissante; la latitude au moment de la conjonction étoit de 3° 45' 22", celle de l'étoite étoit de 4° 32' 12"; ainsi la lune

étoit au nord de l'étoile de 46' 50'.

Je commence par tirer l'axe de l'écliptique ou le cercle de latitude CL au point qui convient à la longitude d'Antarès 8°6° 16' (693), je prends sur la ligne qui répond à 57' dans l'échelle des parallaxes (sg. 88), une quantité de 46' 50,1, & je la porte de C en L sur le cercle de latitude; au point L je tire la perpendiculaire LM (fig. 87.)

Je prends sur la même ligne de l'échelle des parallaxes le mouvement horaire de la lune 33/ 3/ & je le porte de L en M sur la perpendiculaire au cercle de latitude; je porte aussi 2/ au dessous du point M, parce que la lune s'avançoit de 2/ par heure vers le nord, & le point N marque le lieu de la lune une heure avant la conjonction, ou à 1^h 22/ du matin: ayant donc marqué en L le moment de la conjonction 2^h 22/, je marque en N 1^h 22/, & divisant l'intervalle LN en so parties, je marque la situation de la lune de 10 en 10/, comme on le voit dans la figure 87 depuis 0^h 50/ jusqu'à 2^h 30/.

L'heure du passage d'Antarès au méridien de Paris est 3^h 11' (363), je la marque au sommet V de l'ellipse, & je marque 2^h 11', 1^h 11', &c. sur les autres divisions de l'ellipse; je subdivise les intervalles de 10 en 10', du moins dans les heures où il parost que l'éclipse peut arriver, c'est-à-dire, qui approchent de l'heure de la

conjunction.

Je prends sur l'échelle le demi-diamètre de la lune, depuis la ligne 10, 10, jusqu'à la ligne CD, & cela sur la ligne de 57/; cette duverture de compas étant promenée sur l'orbite de la lune & sur l'ellipse, je vois qu'une des pointes étant en I sur 1^h 1/, l'autre pointe tombe en A sur l'ellipse, & y rencontre aussi 1^h 1/: ainsi la lune étant en I à 1^h 1/, & la projection de Paris, ou le lieu apparent de l'étoile en A, il doit se faire une éclipse, la distance de la lune à l'étoile étant précisément égale au demi-diamètre de la lune, ce qui suppose un contact de l'étoile au bord de la lune.

Je promène la même ouverture de compas de l'autre côté en avançant vers l'orient, & je trouve qu'une des pointes étant en E sur 2^h 11', l'autre pointe tombe aussi à 2^h 11' sur l'ellipse en B, c'est le moment de l'émersson; la lune a donc parcourà la portion IE de son orbite, depuis le moment de l'immersson jusqu'à celui de l'émersson, & le lieu apparent de l'étoile a changé de la quantité AB. C'est vers le milieu de cet intervalle, la lune étant en D & l'étoile en G, qu'est arrivée la plus courte distance; on s'en assurera en mesurant la distance de minute en minute, car l'on verra qu'aux environs de 1^h 36' elle cesse de diminuer, après quoi elle augmente; cette plus courte distance DG étant portée sur la ligne 57 de l'échelle des parallaxes, se trouvera de 6',

288 ABRECA P'ACTROMOMYR. Lev. V.

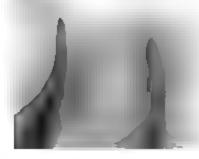
ce qui m'apprend que le centre de la lune a passe d'au midi de l'étoile, au temps de la plus courte distance! Si c'est une éclipse de soleil, on prend la somme des demi-diamètres du soleil & de la lune pour la porter sur

les divisions de l'orbite & de l'ellipse.

708. Il seroit facile de réduire au calcul les opérations graphiques, dont on vient de voir l'explication; mais on a encore d'autres méthodes pour calculer rigoureusement les phases d'une éclipse de soleil; on en peut voir le détail dans mon Astronomie; je ne puis donner sei qu'une idée de celle que j'ai adoptée & perfectionnée; et que j'appelle la méthode des angles parallactiques.

Soit S le foleil (fig. 86) ou l'étoile dont on calcule Péclipfe, ZCSD le vertical du foleil, PBSE le cercle de latitude tiré du pole de l'écliptique par le foleil, OS le cercle de déclinaison tiré du poie de l'équateur. Conpoissant la déclination du folcil, & l'heure pour laquelle on veut calculer la distance apparente des centres, l'état ou la phase de l'échipse; on cherchera la hauteur du foleil (368), & fon angle parallactique OSZ (369), of en retranchera l'angle de position OSP (313, 318) formé au centre du foleil par le cercle de déclination & le cercle de latitude; on l'ajoutera fi le pole de l'écliptique est situé de l'autre côté du point Q, ce qui peut s'appercevoir aifément avec un globe que l'on auroit placé convenablement pour le jour & l'heure proposée (192): on aura l'angle paralluctique proprement dit, formé par le vertical & le cercle de latitude.

vraie de la lune & celle du soleil, on a leur différence, qu'il faut multiplier par le cosinus de la latitude de la lune, & qui dans cet état est représenté par la ligne AB parallèle à l'écliptique, ou perpendiculaire au cercle de latitude. On connoît aussi la latitude vraie de la lune pour le même instant, c'est l'arc SB du cercle de latitude compris entre le soleil & le point B auquel la lune A répond perpendiculairement. Dans le triangle ABS rectangle en B, on connoît les deux côtés AB & BS, on cherchera par la trigonométrie rectiligne l'angle de conjonction ASB, & la ligne AS qui est la vraie distance de la lune au soleil. On retranchera l'angle parallactique PSC de l'angle de conjonction ASB, ou bien on prendra leur somme si le



point A est situé de l'autre côté de BS, & l'on aura l'angle d'azimut ASC; connoissant cet angle avec l'hypothénuse AS, on cherchera SC qui est la différence de hauteur entre le soleil & la lune, & AC qui est leur vraie différence d'azimut. Cette différence de hauteur étant ajoutée avec la hauteur du soleil, donnera la hauteur vraie de la lune. Connoissant la parallaxe horizontale, on calculera la parallaxe de hauteur (582), qui retranchée de la hauteur vraie donnera la hauteur apparente. La différence entre cette hauteur apparente & celle du foleil, donnera l'arc SD du vertical, qui désignera la ligne horizontale DL sur laquelle doit se trouver le lieu apparent L de la lune. La différence apparente d'azimut DL est un peu plus grande que la différence vraie CA; mais la différence ne va jamais qu'à 30" & peut se négliger dans bien des cas; on pourroit la trouver facilement, puisque CA est à DL comme le sinus de la distance vraie au zénit est au sinus de la distance apparente. J'en ai donné une table dans la connoissance des temps de 1764. On corrigera encore la différence d'azimut DL par la parallaxe d'azimut (592), & si l'on veut employer une extrême précision dans le calcul, on appliquera aussi à la parallaxe de hauteur CD l'équation qui vient de l'applatissement de la terre (594). Connoissant par ce moyen DL avec DS on résoudra le triangle DSL, & l'on trouvera l'hypothénuse SL, qui est la distance apparente des centres du soleil & de la lune:

diamètres apparens du soleil & de la lune (ou de la lune seule s'il s'agit d'une éclipse d'étoile), c'est une preuve que les deux bords se touchent & que l'éclipse commence ou bien qu'elle finit: si cette distance est plus petite, par exemple, de 5', on est assuré que la lune anticipe sur le soleil de 5' ou qu'il y a 5' d'éclipse. En abaissant une perpendiculaire LE du lieu apparent L de la lune sur le cercle de latitude BSE, on a la latitude apparente de la lune SE, & la différence de longitude apparente EL. Ainsi la quantité BE est la parallaxe de latitude, & la différence entre AB & LE est la parallaxe de longitude, en supposant que le point L & le point A soient l'un & l'autre du même côté du cercle de latitude BSE.

265 ABREGE D'ASTRONOMIE, LIV. V.

Tin. Quand on a fait le même calcul pour deux instants différents, on a deux latitudes apparentes, & deux différences de longitudes entre la lune & le foleil; on pourra tracer l'orbite apparente affectée par la parallaxe, le calculer les phases d'une éclipse de soleil, comme nous avons calculé celles d'une éclipse de lune en traçant l'orbite relative vraie (620).

Diage des Eclipses pour trouver les longitudes géographiques.

Tophoftre les longitudes des lieux de la terre (47), ou les différences des méridiens (51, 54), est certainerégion celle des éclipses de soleil on d'étoiles; le seul inconvenient de cette méthode est la longueur des calculs
qu'élle exige, mais cela n'empêche pas que nous n'en
fassions un usage continuel pour le bien de la

geographie.

The écliple de foieil, l'immersion & l'émersion d'une étoile cachée par la lune, ou celle d'une planète, il faut en déduire le temps de la conjonction vraie; & quand on a le temps de la même conjonction pour chacun des déux pays, la différence des temps est évidemment celle des méridiens (Kepler, astron. pars optica 395). Cette méthode est la plus directe, la plus érégante & la plus sûre dont on purse fure usage. Je choitis, pour exemple, le calcul d'une éclipse d'étoile, comme renfermant quelques considérations de plus que celui d'une éclipse de soleil; mais j'y sjouterai toujours les modifications qu'exigent les éclipses de soleil.

L la situation apparente du centre de la lune par rapport au soleil au commencement de l'éclipse; F le lieu apparent du centre de la lune au moment de l'émersion; LF le mouvement apparent de la lune par rapport au soleil ou à l'étoile, dans l'intervalle de la durée de l'éclipse; SH le cercle de latitude qui passe par l'étoile, GHI un arc de l'écliptique, DSE une signe perpendiculaire à SH, passant par l'étoile & sensiblement parallèle à l'écliptique; supposons encore FA parallèle à DE, l'on aura le mouvement apparent en latitude AL, & le mouvement relatif apparent en lenguade FA sur un arc de



grand cercle; cet arc se confond sensiblement avec le parallèle à l'écliptique, mais il est plus petit de quelques secondes que l'arc GI de l'écliptique; ce mouvement apparent est la première chose qu'il s'agit de trouver.

715. On connoît par les tables l'heure de la conjonction vraie, calculée, de même que les longitudes & les latitudes vraies de la lune, & de l'aftre éclipfé, au commencement & à la fin de l'éclipfe; on calcule pour les mêmes instans la différence des parallaxes en longitude & en latitude (710); on ajoute chaque parallaxe à la longitude vraie, ou bien on la retranche suivant que le lieu apparent de la lune est plus ou moins avancé que le lieu vrai, & l'on a les longitudes apparentes ou affectées de la parallaxe, dont la différence est le mouvement apparent de la lune sur l'écliptique; on en retranche le mouvement du soleil, ou de l'astre éclipsé (s'il est rétrograde on les ajoute); & l'on a la valeur de GI

mouvement relatif apparent sur l'écliptique.

716. On applique de même la différence des parallaxes en latitude pour chacun des deux instans, à la latitude vraie de la lune calculée par les tables (ou à su
distance au pole boréal de l'écliptique), & l'on a les
deux latitudes apparentes IL, GF, au commencement
& à la fin de l'éclipse; la différence de ces latitudes apparentes (ou leur somme, si l'une étoit australe & l'autre boréale), est le mouvement apparent de la lune en
latitude; on en ôte le mouvement en latitude de l'astre
éclipsé, si sa latitude change dans le même sens que celle de la lune, & l'on a la valeur de AL mouvement relatif apparent de la lune. On multiplie la différence
des longitudes apparentes, c'est-à-dire, GI, par le cosinus de la latitude apparente qui tient le milieu entre
les latitudes IL & GF (531), & l'on a la valeur du
mouvement FA mesuré dans la région de l'éclipse.

717. Dans le triangle FAL rectangle en A, l'on connoît les deux côtés FA & AL, on trouvera l'angle LFA
& l'hypothénuse FL, c'est-à-dire, l'inclination de l'orbite apparente, & le mouvement apparent en ligne droite, sur l'orbite apparente de la lune relativement à l'astre S, qui est toujours supposé immobile pendant la du-

rée de l'éclipse.

ARRECE MASTRONOMES, LTV. V.

le l'agrent FL en ligne droite, la fomme le de la lune & de l'aftre éclipfé, cecent augmenté à raison de sa hauteur sur l'omme des demi-diamètres pour le comle SL, pour la sin c'est SF; on cherchera le l'agrence et à la différence des segmens BL & SFL; comme des deux distances observées, ou des des des demi-diamètres, SL & SF, comme des de cette différence des segmens BL & SF; comme de cette différence trouvée, étant ajoutée avec du mouvement FL donnera le plus grand des tegmens; cette demi-différence retranchée de la tegmens.

719. Quand on aura les deux segmens, il sera facile de trouver les angles comme BLS, BFS; l'un de ces angles ajouté avec celui de l'inclination apparente LFA, & l'autre retranché, donneront les complémens des angles de conjonction apparente, c'est-à-dire, les angles

DSF, LSE.

Le rayon est à la somme des demi-diamètres apparens SF, qui répond à la plus grande latitude, comme le co-sinus de l'angle DSF est à SD; cette quantité divisée par le cosinus de latitude HS de l'astre S (si ce n'est pas le solicit), donnera la distance HG à la conjonction apparente, pour celle des deux observations qui répond à la plus grande des deux latitudes apparentes de la lune, c'est-à-dire, à DF. On ôtera cette distance de la longitude vraie du soleil ou de l'étoile, si c'est le commencement de l'éclipse auquel répond la plus grande latitude, on l'ajoutera avec la longitude de l'étoile, si c'est la sin de l'éclipse, & l'on aura la longitude apparente de la lune observée. Cette longitude observée étant comparée à celle qu'on avoit calculée, donnera l'erreur des tables en longitude.

720. La parallaxe de longitude étant appliquée à la longitude apparente donnera la longitude vraie de la lune; la différence entre cette longitude vraie & celle de l'étoile S convertie en temps à raison du mouvement horaire sur l'écliptique, sera trouver l'heure de la conjonction vraie, pour le lieu de l'observation. L'on fera



le même calcul pour une autre observation, & l'on aura pour ce nouveau méridien l'heure de la conjonction vraie; elle différera de la premiere d'une quantité qui sera la différence des méridiens entre les deux pays où l'observation a été faite.

721. La manière de déterminer les longitudes des différens pays de la terre par la conjonction yraie calculée pour les deux pays, est la plus exacte que nous ayons; le seul inconvénient comme je l'ai dit est la longueur du calcul qu'elle suppose; c'est un très-grand obstacle, à cause du peu de personnes qui s'occupent de ces recher-Cependant depuis quelques années on a déterminé les longitudes d'un très-grand nombre de villes par des observations d'éclipses de soleil, & j'en ai rapporté beaucoup dans la connoissance des temps pour 1774.

722. Les étoiles dont on observe les immersions, paroissent souvent pendant quelques secondes être entièrement sur le disque de la lune. Il est probable que cette apparence est occasionnée par l'irradiation ou le débordement de lumière de la lune; tous les corps lumineux sont ainsi bordés, & comme enflés par la lumière

qui les environne.

723. L'atmosphère de la lune produit un autre phénomène, que M. du Séjour paroît avoir démontré dans les Mémoires de l'académie pour 1767, c'est une in-FLEXION de 4/14 égale au double de la réfraction horizontale qui a lieu dans l'atmosphère de la lune: pour tenir compte de cette inflexion, il faut dans les éclipses de soleil diminuer le demi diamètre de la lune de cette quantité, en même-temps qu'on diminue celui du soleil de 3", à cause de l'irradiation: la circonstance la plus favorable pour constater cette inflexion seroit celle d'une éclipse qui seroit totale pour les pays où la lune seroit fort élevée sur l'horizon, & annulaire dans les pays où la lune seroit la plus basse; telle a dû être l'éclipse du 23 Septembre 1699.

724. Les éclipses des planètes par la lune se calculent de la même manière que les éclipses de soleil ou d'étoiles, pourvu qu'on ait égard à leurs mouvemens en longitude & en latitude, qui augmente ou qui diminue celui de la lune, & qui influe sur la situation de l'orbi-

te relative.

mege d'Astronomie, Liv. V.

Tip Tip

Ca. 2

1737

E8-4

OUP

10

planètes sont quelquesois affez proches l'utre pour s'échipser mutuellement; Mars parut
apiter le 9 Janvier 1591, & il sut éclipse par
3 Octobre 1590, (Képer, Astron. Pars Opti305); Mercure sut caché par Vénus le 17 Mai
bilos. Transact. No. 450). On trouve aussi dans
as des Astronomes plusieurs exemples des ocd'étoiles par les planètes: Saturne couvrit l'éla fixieme grandeur qui est à la corne australe
au, le 7 Janvier 1679, suivant M. Kirch,
Beroin. pag. 205).

du Ca

 DE_{δ}

40

VENUS ET DE MERur le Soleil.

tion of the time to the time t

ul tournent autour du foleil à
terre, (art. 393), fo
l à chaque révolution fyant alors que peu de latine tache noire & ronde,
environ la trentième parVénus, & seulement la

tie de cen mit it

726. Avertages crut avoit apperçu Mercure fur le Soleit, mais Albategnius & lopernic ne pensoient pas qu'il fût possible de l'y voir à la vue simple, & ils avoient raison. Kepler crut aussi avoir apperçu Mercure fur le foleil à la vue simple; mais il reconnut ensuite que ce ne pouvoit être qu'une tache du foleil; il s'en trouve quelquefois d'affez groffes pour qu'on puisse les entrevoir fans lunettes; Galilée affuroit en avoir vu & les avoir montré à d'autres à la vue simple, & nous en citerons des exemples (936, 941). Mais à l'égard de Mercure qui n'a que 12" de diamètre; il est impossible qu'on l'ait jamais apperçu fur le foleil; c'est tout ce que l'on pouvoit faire, en 1761, que d'y appercevoir Vénus, qui avoit 58" de diamètre. Il n'est donc pas étonnant qu'avant la découverte des lunettes, on n'eût jamais observé Mercure ni même Vénus sur le soleil.

727. Ces pallages n'arrivent que lorsque Vénus & Mercure dans leur conjonction inferieure, n'ont pas une latitude plus grande que le demi-diamètre du soleil,

394

Des Passages de Vénus & de Mercure, &c. 293

c'est-à dire, lorsque la conjonction arrive fort près du nœud, tout au plus, à la distance de 1° 3 pour Vénus.

728. Ces passages sont importans; ils fournissent un moyen de déterminer exactement le lieu du nœud N de Mercure, ou de Vénus (fig. 9), quand on a vu la situation OR de l'orbite de la planète; ils donnent la longitude héliocentrique indépendamment de la parallaxe du grand orbe, puisque la conjonction de la planète avec le soleil S prouve que la planète vue du soleil est la même que la longitude de la terre; mais les passages de Vénus ont sur tout l'avantage singulier de pouvoir faire connoître exactement la parallaxe du soleil (735), d'où dépendent les distances de toutes les planètes entr'elles & par rapport à nous (585); c'est ce qui leur a donné une si grande célébrité, & qui a fait écrire tant de mémoires & entreprendre tant de voyages à ce sujet.

729. Il y a dans les passages de Vénus trois choses qui concourent à donner de l'avantage & du mérite à ces sortes d'observations; 1°, la grande précision avec laquelle on observe le contact de deux objets, dont l'un est observe & placé sur celui qui est lumineux; il n'y a dans l'Astronomie que ce seul cas où l'on puisse observer un angle de distance à un dixième de seconde près; 2°, le rapport connu de la parallaxe de Vénus au soleil, avec celles de toutes les autres planètes; 3°, la grandeur de cette parallaxe qui produit plus d'un quart-d'heure de différence entre les observations, & qui est plus que

double de celle du soleil.

730. Képler fut le premier qui en 1627, après avoir dreisé sur les observations de Tycho ses Tables Rudolphines, osa marquer les temps où Vénus & Mercure passeroient devant le soleil; il annonça même un passage de Mercure pour 1631, & deux passages de Vénus, l'un pour 1631, & l'autre pour 1761, dans un avertissement aux Astronomes, publié à Leipsic en 1629: Képler n'avoit pas pu donner à ses tables un degré de perfection assez grand, pour annoncer d'une manière exacte & infaillible ces phénomènes, qui tiennent à des quantités fort petites; le passage qu'il annonçoit pour 1631 n'eut pas lieu; & Gassendi, qui s'y étoit rendu fort attentis à Paris, ne l'avoit point apperçu; mais aussi il y eut en 1639 un passage de Vénus que Képler n'avoit point annoncé & qui fut observé en Angleterre. Képler mounoncé & qui fut observé en Angleterre. Képler mounoncé

T 4

395 Abrige d'Astronomie, Liv. V,

rut quelques jours avant celui du passage de Vénus qu'il avoit annoncé pour 1631; mais le passage de Mercure

fut observe, comme il l'avoit prédit.

731. Examinoris d'abord pourquoi les passages de Mercure & sur-tout ceux de Vénus sur le soleil, sont si rares: Vénus revient toujours à fa conjonction inférieure au bout d'un an & 219 jours (454); il sembleroit donc qu'à chaque conjonction Venus devroit paroftre sur le foleil, étant placée entre le foleil & nous; mais il en est de ces éclipses comme des éclipses de lune (600), il no fuffit pas que Vénus soit en conjonction avec le soleil, il faut qu'elle soit vers son nœud, & que sa latitude vue de la terre n'excède pas le demi-diamètre du soleil, c'est-à-dire, environ 16/. Soit S le centre du soleil (fig. 91), SN l'écliptique, ORN l'orbite de Vénus; au moment où elle répond perpendiculairement au point 5 de l'écliptique où est le soleil, SV est la latitude géocentrique de Vénus; si cette latitude est plus petite que le rayon SA du foleil, il est évident que Vénus paros-tra sur le disque OAR du foleil; il en est de même de Mercure.

732. Lorsqu'on connoît la révolution synodique moyenne de Mercure ou le retour de ses conjonctions au foleil, qui est de 115i 21h 3' 22/1 3 (454), on peut trouver pour un intervalle quelconque toutes les conjonetions inférieures de Mercure au foleil; on choifit celles qui arrivent quand le folcil est près du nœud de Mercure, c'est-à-dire, vers le commencement de Mai & de Novembre, & en les calculant avec plus de foin comme les conjonctions de la lune, on voit bientôt si la latitude géocentrique au moment de la conjonction vraie n'excède pas le demi diamètre du foleil, & si Mercure peut paroftre fur le disque du soleil. C'est ainsi que M. Halley calcula, en 1691, plusieurs passages de Mercure sur le foleil, qui sont rapportés dans les Transactions philofophiques. On y trouve les calculs que M. Halley avoit faits de 29 passages tant pour le dernier siècle que pour celui-ci. Il y employoit des périodes de 6 ans, de 7, de 13, de 46 & de 265, qui fort souvent ramenent les passages de Mercure sur le soleil au même nœud, & qui suffisent pour indiquer les années où il peut y en avoir. M. Halley avoit fait la même chose pour les passages de Vénus; il y reconnut des périodes de 8 ans, de 235



Des Passages de l'énus & de Mercure, &c. 297

& de 243, qui ramenent les passages de Vénus sur le soleil, & il calcula 17 passages de Vénus, depuis l'an 918

jusqu'à l'année 2119.

733. La première observation que l'on ait eu d'un semblable phénomène, est le passage de Mercure observé à Paris par Gassendi, le 7 Novembre 1631 au matin. Depuis ce temps-là on en a observé 12 autres, y compris celui du 9 Novembre 1769, qui a été vu en Amérique & aux Indes; nous en attendons d'autres pour 1776,

1782, 1786, 1789, 1799, &c.

734. Vénus fut observée sur le soleil en 1639, elle l'a été sur-tout en 1761 & 1769, elle y passera encore en 1874, 1882, 2004, 2012, 2117, 2125, &c; le passage de Vénus, observé en 1769, est une des observations les plus importantes que les Astronomes ayent jamais faites, par la connoissance qu'elle nous a donnée de la véritable parallaxe du soleil; ce fut M. Halley qui fit cette remarque intéressante en 1677; si la parallaxe qui abaisse les astres fait parostre Vénus le long de la ligne BC au lieu de l'orbite OR, elle décrira sur le soleil une corde moins longue, & la durée observée peut nous faire juger de la parallaxe de Vénus. Aussi nous attendions avec impatience les passages de Vénus annoncés pour 1761 & pour 1769: la plupars des Souverains & des Académies de l'Europe se sont empressés de procurer des voyages dans des lieux éloignés pour que l'effet de la parallaxe fut plus considérable, & ces voyages ont réussi, sur-tout en 1769, de manière à ne laisser presque rien à desirer.

La Société Royale de Londres, secondée par le Roi d'Angleterre, envoya des Observateurs au Fort du Prince de Galles sur la Baye d'Hudson & à l'Isle de Taïti dans le milieu de la mer du Sud; l'Abbé Chappe se transporta en Californie; le P. Hell à Wardhus, qui est à l'extrémité la plus septentrionale de la Laponie. M. Planman s'étoit placé à Cajanebourg en Finlande; & ces cinq observations qui ont réussi complettement, nous ont appris que la parallaxe du soleil étoit de 8", 5 ou

8" 6, c'est-à-dire, huit secondes six dixièmes.

735. Pour parvenir à cette connoissance, il suffit de calculer le commencement & la fin d'un passage de Vénus, en y employant la parallaxe par une méthode semblable à celle que nous avons expliquée ci-dessus à

Tos Abreakin Assessania missy Letva V.

Poccasion des éclipses de folcil (770). On trouve que la durée du passage de 1769; que du centre de la terre, devoit être de 5h 41' 56" entre les deux contacts intérieurs, c'est-à-dire entre le moment où le disque de Venus se trouva tout entier sur le soleil & le pre--mier instant où elle commença d'en sortir; mais en calculant ces mêmes phases pour Wardhus, & en emplo-'yant une parallaxe de 8" y pour le foleil, ce qui donne pour ce jour-là 201 12 pour l'excès de la parallaxe de Vénus sur celle du soleil, on trouve que la tiurée du passage devoit y être plus grande de 10' 52" de temps. Au contraire, à l'îsse de Tarti elle sevoit être plus petice de 11' 43". De là il fuit que fi l'on a véritablement observé à Tati une durée plus petite de 221 35" qu'à Wardhus, la parallaxe du soleit est réellement de 8"5; or le P. Hell observa cette durée de 5h 53' 14", & MM. Green! Cook & Solander l'observerent à Tarti de 54 30/ 44 plus petité que la premiere de 23/ 10//: cette e totale de 23' 10" cela ne fait pas ; de différence; d'ailleurs avant comparé de même toutes les autres obfervations, f'ai trouvé qu'elles s'accordoient affez avec la parallaxe de 8" 6, pour prouver qu'il n'y a pas un soixantième d'incertitude fur le total de cette détermination. On peut voit toutes les observations, les calculs, la méthode & les résultats, dans mon Mémeire sur le passage de Vénus, imprimé séparément en 1772 (à Paris, chez Lattré, Graveur, rue S. Jacques); cet ouvrage, que tout le monde peut consulter, me dispensera d'entrer ici dans un plus grand détail. trouve chez le même graveur une Mapemonde dans laduelle j'ai désigné par des cercles l'effet de la parallaxe dans tous les pays de la terre, avec une explication 'où j'indiquois toutes les stations où il importoit de faire l'observation pour que le résultat fût plus con-cluant : j'ai eu la satisfaction de voir toutes mes indications fuivies, & le fuccès répondre aux espérances que j'en avois conçues.

796. La manière d'observer les passages de Mercure & de Vénus, consiste à déterminer avec un quart de cercle ou avec un réticule la différence d'ascension droite & de déclination, pour en conclure la différence de iongitude (946) & l'heure de la conjonction. Ces passages de Mercure & de Vénus sur le soleil servent encore à trouver le lieu du nœud avec une très-grande précision lorsqu'on a observé la différence d'ascension droite & de déclinaison entre Vénus & le soleil (535, 946). On en conclud la distance SM à laquelle Vénus a paru dans le milieu de son passage éloighée du centre du soleil, & sa latitude géocentrique SV, on la réduit au soleil; alors dans le triangle SNV connoissant l'inclinaison N de son orbite & le côté NV y l'on en conclud la distance SN entre le soleil & le nœud de la planète.

LIVRE VI.

Des Réfractions.

737. L'ATMOSPHERE (a), c'est-à dire, la masse d'air qui environne la terre, assoibilit la lumière, la disperse, la décompose, & change sa direction. Il est prouvé par un grand nombre d'expériences, qu'on trouve dans tous les livres d'optique, que les rayons de lumière qui entrent obliquement d'un milieu moins densé dans un milieu plus compact, changent de direction, & se rapprochent de la perpendiculaire, comme s'ils étoient plus fortement attirés par la matiere la plus dense; ce changement des rayons de lumière est différent suivant l'obliquité du rayon, & les tables qui en contiennent l'effet, s'appellent Tables de Réfractions, ou Tables Anaclassiques (b).

Soit ABD la surface de la terre, (fig. 92); EKG la surface extérieure de l'atmosphère qui environne la terre, & dont la densité est sensible jusqu'à quelques lieues de hauteur; A le lieu de l'observateur, & MK un rayon de lumière qui entre obliquement dans l'atmosphère en K; ce rayon plié & courbé dans l'atmos-

⁽a) Λ°τμος, Vapor; Σφαίρα, Globus.

⁽b) Ce mot vient de Khaw, frango.

300 ABREGE D'ASTRONOMIE, LIV. VI.

phère, parvient au point A, comme s'il avoit suivi la ligne droite NKA; l'œil reçoit l'impression de la lumière suivant la direction NKA du rayon qui arrive à l'œil en A; l'observateur rapporte sur le rayon AKN l'astre qui est véritablement en M, ensorte que la réfraction fait parostre l'astre plus élevé de la quantité de l'angle NKM, que nous appellons la RÉFRACTION As-

TRONOMIQUE.

738. Le rayon CKR étant perpendiculaire à la surface réfringente en K, on appelle ANGLE D'INCIDENCE l'an-gle MKR, que forme le rayon incident avec la perpendiculaire, avant la réfraction, & l'on appelle ANGLE DE REFRACTION, l'angle NKR, ou son égal AKC que forme ce rayon avec la même perpendiculaire, après la réfraction; les sinus de ces deux angles ont entre eux un rapport constant, qu'on appelle le Rappers de Réfraction, & que Newton suppose ici être de 3201 à 3200 ; austi n'y a-t-il point de réfraction quand le rayon est perpendiculaire à la surface réfringente, car un des angles étant nul, l'autre s'évanouit nécessairement; d'ailleurs le rayon perpendiculaire à une furface plus dense, ne change pas de direction pour en être plus attiré, puisqu'il y arrive le plus directement possible, et par le plus court chemin. De là il suit que la réfraction se fait toujours dans un plan vertical; car le rayon rompu n'ayant de tendance que pour se rapprocher de la ligne verticale ou du zénit, ne se détournera ni à droite ni à gauche de cette ligne, le rayon rompu fera dans le même plan que le rayon direct & la ligne du zénit; ainfi le lieu vrai & le lieu apparent seront dans le même vertical.

739. On trouvera les loix, les propriétés & les effets de la réfraction, & ceux de la lumière, dans plusieurs livres d'optique, sur tout dans celui qui a pour titre; A compleat System of Optiks by Robert Smith, Cambridge, 1738, 2 vol. in-4°. Il y en a deux éditions Françoises d'Avignon & de Brest, données par le P. Pé-

zenas & par M. le Roy.

Les anciens connurent très bien le phénomène des réfractions en général: Aristote dans un de ses problèmes parle de la courbure apparente d'une rame dans l'eau, & Archimède passe pour avoir écrit un traité sur la figure d'un cercle vu sous l'eau; on croyoit alors que les angles de réfraction étoient proportionnels aux angles d'incidence: Snellius & Descartes ont fait voir que la proportion n'avoit lieu qu'entre les sinus de ces angles,

La réfraction astronomique nè fut même pas inconnue à Ptolomée, quoiqu'il n'en ait pas fait usage dans
ses calculs; il dit sur la fin du VIIIe livre de l'Almageste, qu'il y a des différences dans le lever & le coucher
des astres, qui dépendent des changemens de l'atmosphère: il en faisoit mention d'une manière plus détaillée,
dans son Optique, Ouvrage qui ne nous est pas parvenu,
(Montucla, Histoire des Mathématiques, 1. 308). Alhazen, Opticien Arabe du dixième siècle, qu'on soupçonne généralement d'avoir pris dans Ptolomée presque
toute son optique, en parle décidemment & fort au
long; il donne même la manière de s'en assurer par

l'expérience.

Prenez, dit-il, un instrument composé avec des cercles ou armilles qui tournent autour des poles; mesurez la distance d'une étoile au pole du monde, lorsqu'elle passe près du zénit dans le méridien; & lorsqu'elle se lève près de l'horizon, vous trouverez la distance au pole plus petite dans ce dernier cas; Alhazen démontre ensuite que cela doit arriver par l'effet de la réfraction; il ne dit point, à la vérité, quelle est la quantité qui en résulte sur les observations; mais ce passage d'Alhazen fait voir de quelle manière on observa l'effet de la réfraction, & comment on parvint d'abord à le reconnoître. De même quand les Anciens observoient l'équinoxe avec ces armilles, ils pouvoient l'appercevoir deux fois en un même jour, par l'effet des réfractions, (Flamstéed, Prolegom. pag. 21). Cet effet pouvoit aussi se reconnostre facilement par les étoiles circompolaires; car si l'on observe deux étoiles, comme y d'Andromède & l'étoile polaire, éloignées l'une de l'autre de 47°, on trouvera leur distance plus grande d'un demi-degré, quand la première passera par le méridien, près du zénit, que quand elle passera sous le pole, près de l'horizon; & toutes les distances des étoiles entre elles changeront ainsi plus ou moins.

Snellius, en publiant les observations de Waltherus, remarqua que ces observations étoient si exactes, qu'elles avoient appris à Waltherus l'augmentation de hauteur que cause la réfraction; mais Tycho sut le pre-

102 Abrece d'Americandmuz, Liv. VI.

mier qui la détermina d'une manière à en dreffer des mbles: Voicible manière dont il raconte lui - même cette. découverre aftronomique (Progymnasmata, pag. 15.) -- 740. Il avoit déterminé avec un ou deux instrumens affez bien faits, la hauteur du pole par les hauteurs supérieures & inférieures de l'étoile polaire (33), il la dégermina austi-par les hauteurs du soleil dans les deux solffices (70), & il crouva la seconde plus petite de 4/; il eit d'abord un foupçon fur la bonté de fes inftrumens. il continua d'en faire construire jusqu'à dix de différentes grandeurs & de différences formes, travaillés avec plus grand foin, & il trouva toujours le même réfultats il ne pouvoit plus alors attribuer cette différence au dé-Faut des observations; il pensa sérieusement à chercher ime cause de ce phénomène, & il imagina enfin, qu'il provenoit d'une réfraction considérable que le folcil devoit éprouver au folifice d'hiver, niétant élevé que de he pour lui. Cette explication étoit d'accord avec les Hémonstrations de l'optique, cependant il avoit peine à Te persuader que cette réfraction sût assez considérable pour produire une si grande erreur; il jugeoit qu'il y avoit au moins of de réfraction (a) à la hauteur de 11"; c'est pourquoi Tycho fit faire encore des armilles de dix pieds de diamètre, dont l'axe répondoit exactement su pole du monde, & avec lesquelles il mesuroit la déclinaison des astres hors du méridien, il reconnut alons que, même en été, la réfraction, quoiqu'insensible à la hauteur méridienne du foleil, devenoit fenfible, près de l'horizon, & que l'effet alloit à un demi-degré.

Tycho-Brahé crut que la réfraction du soleil devenoit nulle à 45° de hauteur, & celle des étoiles à 20°; quoiqu'à cette hauteur elle soit de 2/1; cette erreur subsista long-temps: le P. Riccioli, même en 1665, supposoit encore que les réfractions n'avoient plus lieu au delà de 26° de hauteur, ou environ; quoiqu'elle soit encore de

deux minutes.

741. Ce fut M. Cassini qui, vers l'an 1660, entreprit de former une nouvelle table de réfractions, en même temps que les nouvelles tables du soleil, qui représente-

⁽a) Il n'y en a récliement que 41, mais Tycho en augmentoit l'effet par la parallage du foient gu'il hyppotoit de 2/5/2 cette hauteur, au heu de 8.

rent les observations avec une justesse beaucoup plus grande qu'on ne l'avoit fait avant lui. Mais pour éprouver la justesse de sa nouvelle cable de réfractions. M. Cassini souhaita d'avoir des observations du Poleir faites au zénit, où tout le monde convenoit qu'il n'y avoit point de réfractions; par la il pouvoit vérisser-si les observations dus y seroient states ne seroient pas beaucoup mieux représentées par les nouvelles tables du soleil, que par les Tychoniciennes; car dès lors il n'y avoit plus de doute que les tables du soles des réfractions, ne fussent présérables à celles de Tycho, représentant mieux les observations, & dans les cas ou il y a réfraction & dans ceux ou il n'y en a point.

Louis XIV, & le grand Colbert, dont le zele pour la gloire des sciences avoit déja paru tant de fois , laisfoient à l'Academie le choix des entreprises: elle jugea qu'il h'y avoit point de lieu plus commode pour de pareilles observations que l'Isle de Cayenne, qui est à 5 de l'équateur, '&' ou la France envoyoit des vaisseaux plusieurs fois l'année. Les hauteurs méridiennes du soleil devoient être, en tout temps de réfrictions, si cette réfraction étoit nulle au-dessus de 45°; car la plus petite hauteur du soleil y est de 61°, on devoit donc trouver l'obliquité de l'écliptique, sans aucune diminution de réfractions, minis en contraire, augmentée par l'effet de la parallaxe du solett dans les deux folstices; ainfi dans les hypothèfes I ychohiciennes, la distance des deux tropiques devoit se trouver à Cayenne de -plus de 47 31, & lelon M. Gallini qui diminuoit la parallaxe & supposoit de la réfraction, même dans les grandes hauteurs, cette distance ne devoit parostre à Cayenne que de 46° \$85, il y avoit donc entre ces hypotheses une différence de 5' qui pouvoit s'observer exactement à Cayenne d'écides à la fois ces trois-objets, la parallaxe, la réstaction & l'obliquité de l'écliptique. Ces seuls motifs étoient plus que suffisans pour faire entreprendre le voyage de Cayenne. Il y avoit encore d'autres objets intéressans à constater, tels que la longueur du pendule, la parallaxe de la Lune; de Mars & du Soleil, la théorie de Mercure, les longitudes géographiques, la position des étoiles australes, les marées, les variations du baromètre; tels furent les motifs curieux du voyage qu'entreprit M. Richer. Il partit de Paris

ARRECE PASTRONOMIE, LIV. VI.

Todaise 1671, & il féjourna à Cayenne des 1672, jusqu'à la fin de Mai 1673; ses 1672 publiées en 1679, & sont aussi rap-1672 publiées en 1679, & sont aussi rap-

MINESE ES 1695.

28' 32", c'est-à-dire, beaucoup plus periore de se l'écliptique de 23' 28' 32", c'est-à-dire, beaucoup plus periore de celle ne devoit être, suivant Tycho-Brahé; elle anexa que de 5" de celle qu'il devoit y avoir, en anexa pour les réstractions, & pour la parallaxe du soir en les réstractions de Cayenne, si ce a'est de les élemens par lesquels il avoit représenté les observations faites en Europe, représentoient avec la mêment de l'écliptique; ce que raisoient point les élémens dont s'étoit servi Tycho-Brahé à l'égard de l'obliquiré de l'écliptique, de la parallaxe du soleil & des réstractions astronomiques.

Mishodes pour observer la quantité des Réfractions.

742. Après avoir tracé l'histoire de la réfraction, je pesse aux méthodes qui ont été employées successivement pour l'observer. On a vu celle des déclinations (740): voici celle des hauteurs. La réfraction étant la différence entre la hauteur apparente & la hauteur vraie, il s'agit de pouvoir calculer celle-ci pour le moment où

l'on a observé la premiere.

Lorsqu'on n'avoit pas l'usage des horloges, on employoit l'azimut ou l'angle Z (fig. 31), pour résoudre le triangle PZS, & trouver la véritable hauteur; l'angle Z ou PZS ne dépend point de la réfraction & n'en est point affecté, puisque le lieu vrai & le lieu apparent sont dans un seul & même vertical ZS (730), & par conséquent au même degré d'azimut; ainsi dans le triangle PZS, on connostra pour l'instant donné les côtés PZ & PS avec l'angle Z opposé à l'un d'eux; l'on trouvera par la trigonométrie sphérique, le troissème côté ZS, dont le complément est la hauteur vraie, qui comparée avec la hauteur apparente, observée en même temps que l'azimut, donne la quantité de la réfraction. (Tycho



(Tycho, Progymń. pag: 93). Cette méthode des azi-

muts n'est point usitée actuellement.

743. Les hauteurs correspondantes du soleil, ou d'une étoile, sont le moyen le plus propre à faire connostre la quantité de la réfraction, si elles sont prises avec un grand quart-de-cercle & une pendule excellente. Je suppose, par exemple, que la hauteur du soleil observée à six heures de distance du méridien, le matin & le soir; se soit trouvée de 9° précisément, & que suivant le calcul (368), elle ne doive être réellement que de 8° 54'; on saura dès-lors qu'à la hauteur apparente de 9° il y a 6' de réfraction, & que le soleil paroit tropélevé de 6'.

Dans le triangle PZS (fig 31,) formé au pole, au zénit & au soleil, on suppose connues la distance PZ du pole au zénit, & la distance PS du soleil au pole boréal du monde, indépendamment des réfractions; mais l'erreur qui peut en résulter sur les grandes réfractions est très-petite; on connoît aussi, par l'observation des hauteurs correspondantes, l'heure qu'il est, & l'angle horaire ZPS: ainsi l'on trouvera par la résolution du triangle PZS la distance au zénit, ou ZS; c'est le complément de la hauteur vraie, puisque les deux côtés PZ & PS, aussi bien que l'angle P, sont des quantités vraies, & données indépendamment des réfractions. Cette hauteur vraie, trouvée par le calcul, est toujours plus petite que la hauteur apparente observée avec le quart-de-cercle, & la différence est la quantité de réfraction qui convient à la hauteur observée. Cette méthode fut employée autrefois par M. Picard, & l'a été en 1751 par M. de la Caille; l'on a reconnu par ce moyen que la réfraction horizontale, ou la plus gran-de de toutes les réfractions astronomiques, est d'environ 32 minutes & demie.

744. M. de la Caille, avant son voyage en Afrique, avoit aussi entrepris de déterminer les réfractions par le moyen des angles horaires & des hauteurs correspondantes du soleil, & des étoiles fixes les plus brillantes; il est le premier qui ait eu l'avantage d'employer cette méthode d'une manière indépendante des hypothèses; carà son retour du Cap, connoissant les déclinaisons des étoiles observées près du zénit du Cap, indépendamment des réfractions, il avoit le côté PS avec une exement des réfractions, il avoit le côté PS avec une exement des réfractions.

306 ABRÉGÉ D'ASTRONOMIE, LIV. VI.

trême exactitude; il a donc calculé à son retour la plupart de ces hauteurs correspondantes; elles lui ont servi à di sser une table de réfractions, plus exacte &

plus e qu'on ne l'avoit eu jusqu'alors.

y a un moyen de trouver la réfraction à de cen s hauteurs, sans supposer connu l'angle P; elle course à observer une étoile qui passe au méridien, par le point même du zénit, ou fort près de là, & qui passe ensuite au méridien sous le pole. La réfraction étant nulle au zénit, on aura la vraie distance de l'étoile au pole; environ 12 beures après, passera au méridien sous le pole & fort près de l'horizon, ou trouvera sa distance au pole beaucoup moindre, parce qu'elle sera accourcie par la r fraction qui élevoit l'étoile, & l'on aura la quanti de la réfraction à cette hauteur.

Exemple La Chi de ques années, étoit fûr que conféquent à 41° 4' du l'observoit ce que la réfra

ée passoit, il y a quelépit de Paris; ainsi l'on le étoit de 410 4', par n méridien sous le pole de hauteur vraie. On l'; ainsi l'on étoit assuré coile de 6' 25" à 7'524

746. M. de la Caille trouva aussi une méthode ingénieuse de déterminer les réfractions lorsqu'il étoit au Cap de Bonne-Espérance, en comparant les observations des étoiles qui étoient fort près de son zénit, tandis qu'elles étoient presque à l'horizon de Paris, & de celles qui étoient vers notre zénit, tandis qu'il les voyoit à l'horizon.

747. Lorsqu'on eut ainsi observé les réfractions à divers degrés de hauteurs, il étoit facile d'appercevoir que depuis le zénit jusqu'à plus de 80° de distance, elles suivoient les rapports des tangentes des distances au zénit; mais ce suit M. Bradley qui vers l'année 1760 étendit cette regle, guidé par les recherches de M. Simpson sur la trajectoire des rayons de lumière; il sit voir qu'en diminuant chaque distance au zénit de 3 sois la réfraction, la tangente du reste étoit exactement comme la réfraction même: d'après cette loi M. Bradley construssit une table de réfractions qui différent peu de celles de M. de la Caille; elles sont plus petites de 14/2 à 6. de hauteur, de 26/2 à 20°, & de 11/2 à 40°.

748. M. Bouguer observa au Pérou en 1740 que la réfraction horizontale étoit de 27', au lieu de 32' 4 que nous trouvons en Europe; mais cette diminucion n'a lieu que dans la Zone Torride, & l'on trouve en Laponie & jusques sous le cercle polaire, que les réfractions sont les mêmes qu'à Paris. M. de la Caille les a trouvées à peu-près les mêmes au Cap de Bonne-Espérance.

M. Picard reconnut par les hauteurs méridiennes du soleil en 1669, que les réfractions étoient plus grandes en hiver qu'en été: il les trouva aussi plus grandes la nuit que le jour. Il étoit naturel d'en conclure que lorsque l'air devenoit plus ou moins dense, les réfractions devoient être plus ou moins considérables, & que ces variations devoient suivre celles du baromètre & du thermomètre. M. Mayer trouva en 1753 que la réfraction moyenne augmentoit d'une vingt-deuxième partie, toutes les fois que le baromètre montoit de 15 lignes, ou que le thermomètre descendoit de 10 degrés sur la division de M. de Réaumur.

Les vapeurs qui bordent l'horizon & qui changent par l'humidité, par les vents & autres circonstances très - variables, affectent sensiblement les réfractions; aussi les Astronomes évitent le plus qu'ils peuvent de

faire des observations trop près de l'horizon.

749. La réfraction augmente toutes les bauteurs des astres, elle diminue aussi leurs distances respectives; & toutes les fois qu'on mesure sur la mer l'arc de distance entre la lune & une étoile, pour trouver la longitude du vaisseau, il est nécessaire de faire une correction à cette distance observée.

La réfraction fait paroître le soleil & la lune d'une forme ovale, dont un diamètre est plus petit que l'autre de 4/21"; elle fait paroître aussi les objets terrestres trop élevés, & l'on est obligé d'en tenir compte dans les nivellemens d'une certaine étendue, où l'on

veut mettre beaucoup de précision.

750. Les rayons en traversant obliquement l'atmosphère, se dispersent, ensorte que l'intensité de la lumière du soleil, lorsqu'il est à l'horizon, est 1354 fois moindre que lorsqu'il est au zénit, suivant les expériences de M. Bouguer: voyez son Livre intitulé: Traité d'Oprique fur la gradation de la lumière.

308 ABRÉGÉ D'ASTRONOMIE, LIV. VI.

: 753. Le Créposcule ou la lumière crépusculaire qu'on apperçoit vers l'horizon, après que le soleil est couché, de même que l'aurore qui nous annonce son lever (108), sont encore des effets semblables à celui de la réfraction; c'est l'atmosphère qui disperse les rayons du soleil, ensorte qu'il en parvient jusqu'à nos yeux une partie assez forte pour nous empêcher de distinguer les aitres, quoique le soleil soit déja au-dessous de l'horizon.

752. L'ARC D'ÉMERSION d'un aftre est la quantité dont le foleil est abaisse sous l'horizon dans un vertical; lorsque l'on commence à appercevoir cet astre à la vue simple. On estime ordinairement l'are d'émerfion de 5º pour Venus, quorque dans certains temps il soit absolument nul, & qu'on la voie en plein jour; de 10. pour Mercure & Jupiter; de 11 à 12 pour Mars, Saturne & les étoiles de première grandeur. Cependant Sirius se voit en plein jour dans les Pays méridionaux; M. de la Nux l'a vu fouvent à l'Isle de Bourbon. Canopus est une étoile aussi grande en apparence que Sirius, du moins dans une belle nuit; mais fa lumière est un peu moins blanche, ou un peu plus terne, & on ne la voit pas aussi facilement dans le crépuscule. L'arc d'émersion, suivant Ptolomée, est de 14° pour les étoiles de 3° grandeur : enfin il est d'environ 18° pour les petites étoiles, puisqu'on ne les apperçoit distinctement à la vue simple, que quand le soleil est abaissé de 18°; c'est ce qu'on appelle l'abaissement du cercle crépusculaire; les plus petites étoiles paroissent alors; ainsi l'arc d'emersion est de 18. pour les petites étoiles. Mais on sent que cette quantité varie beaucoup: il y a des pays méridionaux où l'air est si pur dans certains temps, que l'on apperçoit Sirius en plein jour ; à Paris même on distingue Venus à la vue simple, en été lorsque le temps est bien net, & qu'elle est assez éloignée du foleil & assez près de la terre pour que son éclat soit le plus vif.

753. La hauteur de l'atmosphère indiquée par ces 18° est d'environ 15 lieues suivant le calcul de M. de la Hire (Mém. Acad. 1713); mais à onze lieues d'élévation ou 25100 toises, l'air est déja si rare que le baromètre ne s'y soutiendroit qu'à une ligne de hauteur, au lieu de 27 pouces. Si l'on divise 25275 pieds par le nombre de

lignes qui exprime la hauteur du mercure dans le baromètre, on a la quantité dont il faut s'élever pour que le baromètre varie d'une ligne; ce nombre de pieds suppose le thermomètre à la température de dix degres. Voyez le grand ouvrage de M. de Luc intitulé: Recherches sur les modifications de l'atmosphère, en 2 vol. in-4°, dans lequel il a approfondi tout ce qui concerne le thermomètre & le baromètre, la chaleur de l'air, & les réfractions, avec la sagacité du plus habile Physicien.

LIVRE VII.

Des Mouvemens des Etailes fixes.

ndoit considérer six espèces de mouvemens, dans les étoiles sixes, la précession, l'aberration, la nutation, le changement général de latitude, les changemens particuliers à différentes étoiles, & la parallaxe annuelle que plusieurs Astronomes y ont soupçonnée. Nous avons déja parlé de la précession (320), c'est-à-dire, de ce changement annuel d'environ 50% par année, qui s'observe dans les longitudas de toutes les étoiles sixes. Il en résulte des changemens sur les ascensions droites & sur les déclinaisons, dont les Astronomes font un usage fréquent. Mais il est facile, quand on connoît la longitude & la latitude d'un astre, de trouver par la trigonométrie sphérique l'ascension droite & la déclinaison (318), par conséquent d'avoir le changement de l'une quand on connoît le changement de l'autre.

755. Cette précession générale vient de la rétrogradation des points équinoxiaux le long de l'écliptique immobile; elle ne suppose par conséquent aucun changement dans les latitudes des étoiles fixes; on peut imaginer à cet égard que tout le ciel ait un petit mouvement autour des poles & de l'axe de l'écliptique, & que toutes les étoiles soient transportées vers l'orient, paral-

lèlement à l'écliptique de 5011 ; par année.

and Arrior D'Astronomis, Liv. VII.

Cette rétrogradation des points équinoxiaux vient, comme nous le dirons en parlant de l'attraction, de la figure aplane de la terre qui donne prife à l'attraction isnérale du soleit & de la tune; ces deux astres attirant de côté l'équateur terrestre, le déplace insensiblement, de sorte qu'il ne répond plus aux mêmes étoiles; il en est peu-près comme si les étoiles avoient eu un mouvement par rapport à l'équateur, en avançant parallèlement à l'écliptique.

756. Depuis la découverte de l'attraction, on a reconnu que toutes les planètes devoient avoir un mouvement dans leurs nœuds (1062) auffi-bien que la lúne; l'observation l'a constaté (518). Il s'ensuivoit que la trace ou l'orbite de chaque planète étoit changée ou déplacée par l'attraction des autres: l'orbite de la terre

devoit l'être à fon tour.

M. Euler remarqua en 1748 que l'attraction de Jupiter sur la terre devoit être sensible, & qu'elle suffisoit pour expliquer la diminution de l'obliquité de l'écliptique, & le changement de la latitude des étoiles sixes par rapport à l'écliptique dont Tycho-Brahé avoit

déja parié.

757. Eratosthène, Hyparque & Ptolomée avoient trouvé l'obliquité de l'écliptique de 23° 50'; Albategnius vers l'an 880. l'observa de 23° 35'\$; Tycho-Brahé en 1587 de 23° 31' 30': nous ne la trouvons actuellement que de 23° 28 0%, enforte qu'il est difficile de se resuser à admettre une diminution dans l'obliquité de l'écliptique. Cette diminution doit être accompagnée d'un changement dans la latitude des étoiles sixes, & d'une petite inégalité dans leurs longitudes : je l'ai expliqué fort au long dans le XVI Livre de mon Astronomic.

758. Les mouvemens généraux que nous venons d'expliquer affectent toutes les étoiles; mais il y en a quelques-unes qui forment exception à ces règles, & qui ont eu un mouvement propre, un dérangement physique dont on ignore la cause, & qu'on tâche de déterminer

par observation.

M. Halley en fit la remarque en 1718; Arcturus est de toutes les étoiles celle dont le mouvement propre est le plus sensible. Survant les observations de Flamsteed, la déclination d'Arcturus au commencement de 1690, étoit de 20° 49 0/, &, suivant les observations

de M. de la Caille, 'elle étoit au commencement de 1750 de 20' 29' 39", la différence est de 19 21", tandis qu'elle ne devroit être que de 17' 7" 2, suivant les soix connues de la précession des équinoxes; il y a donc 2' 13" 8 de plus, pour le mouvement propre de cette étoile en déclinaison dans l'espace de 60 ans, ou 22" 3 tous les dix ans.

759. Les étoiles de la premiere grandeur, telles que Sirius, Aldébaran & Rigel, paroissent avoir éprouvé de semblables dérangemens, quoique d'une moindre quantité. Nons ne pouvons les attribuer qu'à l'attraction des autres étoiles, ou des planètes de quelques systèmes voisins; mais les étoiles sont si éloignées de nous qu'il est impos-

fible de rien affirmer sur cette matière.

760. La Parallaxe annuelle, dont nous avons vu les effets sur le mouvement des planètes (441), auroit de l'influence sur le mouvement des étoiles, si elles n'étoient pas très éloignées de la terre. On a cru pendant longtemps, qu'elles devoient avoir une parallaxe annuelle; mais quoiqu'il soit démontré actuellement que la parallaxe annuelle est absolument insensible & comme nulle dans les étoiles sixes, j'ai cru qu'il étoit nécessaire de donner au moins une idée d'une question qu'on a

traitée si souvent, & même en 1760.

761. Soit & se soleil (fig. 93), AB le diamètre du grand orbe que la terre décrit chaque année (413), A le point où se trouve la terre au premier Janvier, B le point où elle est au premier Juillet, E une étoilé qu'on apperçoit sur le rayon AE; la ligne AB étant dans le plan de l'écliptique, & l'orbe de la terre étant conçu perpendiculaire au plan de la figure, ensorte qu'on ne le voye que sur son épaisseur, l'angle EAB est la latitude de l'étoile; mais quand la terre sera en B, l'étoile étant en opposition par rapport au soleil, elle paroîtra sur le rayon BE & sa latitude apparente sera l'angle EBC; cette latitude EBC est plus grande que la première, & la différence est l'angle AEB; ensin l'angle AES qui est sensiblement la moitié de AEB à cause de l'extrême petitesse de AB, est la parailaxe annuelle en latitude.

762. Si la distance SE de l'étoile fixe est deux cent mille fois plus grande que la distance SA du soleil à la terre, l'angle AES sera d'une seconde, & la latitude EAS d'une étoile en conjonction sera plus petite de 2//

313 ABREGÉ D'ASTRONOMIE, LIV. VII.

que la latitude EBC de l'étoile observée dans son opposition; en supposant que la latitude de l'étoile soit à peu-près de 90°, Copernic en démontrant par plusieurs raisons le mouvement de la terre ne dissimula pas cette objection, (Cop. L. L. a. to). Pour que la latitude des étoiles paroisse la même en tout temps de l'année, malgré le mouvement de la terre, il faut que la distance des étoiles soit si grande que l'orbite de la terre n'y ait aucun rapport sensible, & que l'angle AES soit comme insimment petit; mais, dit-il, n je pense qu'on dois plutôt admettre cette grande distance des étoiles que la grande quantité de mouvemens qui auroient lieu si la terre étoit immobile"; d'ailleurs la grande distance des étoiles est un fait que rien ne contredit, & qu'il est

très-aifé de concevoir (404).

763. Si la parallaxe annuelle étoit sensible, par exemple, de 201, une étoile située réeliement au pole de l'ecliptique, paroîtroit décrire chaque année un petit cercle de 201 de rayon, parce qu'elle paroîtroit toujours de l'autre côté du pole, & toujours de 201, ainsi elle seroit toujours placée à la partie opposée de ce petit cercle par rapport au lieu de la terre. M. Picard avoit remarqué en 1672 quelques variations dans l'étoile poplaire, elles n'étoient point conformes à cet effet de la parallaxe annuelle, mais elles étoient exactes; & ce célèbre Observateur a eu la gloire, en faisant la première découverte de l'Astronomie moderne sur les étoiles sixes, de jetter les fondemens de toutes celles que l'on a faites depuis.

764. Le Docteur Hook, célèbre dans presque tous les genres de littérature, & qui se regardoit lui-même comme le plus savant homme de l'Angleterre, voulut aussi avoir l'honneur de déterminer ces variations en 1669. Il avoit placé au collège de Gresham à Londres une lunette de 36 pieds, avec laquelle il observa les distances au zénit de y du Dragon; & les observations qu'il rapporte sont aussi exactement d'accord avec la théorie des parallaxes, que si on les y est ajustées par avance, en supposant que la parallaxe de y du Dragon s'êt de 15#,

eependant tout cela s'est trouvé faux.

765. M. Picard voulut vérifier cette observation; mais la hauteur méridienne de la lyre observée dans les deux solstices, lui parut la même, ce qui étoit contrai-



qua lui-même dans l'assemblée de l'Académie, le 4 Juin

1681. (Hist. céleste, page 252).

Flamstéed, ayant observé l'étoile polaire avec son quart-de-cercle mural en 1689, & dans les années suivan, tes, trouva que la déclinaison étoit plus petite de 4011 au mois de Juillet, qu'au mois de Décembre; ces observations étoient justes, mais elles ne prouvoient point la parallaxe annuelle, comme le sit voir M. Cassini, (Mém. Académ. 1699). Au reste, quoique Flamstéed, crût reconnoître l'effet de la parallaxe annuelle dans les dissérences qu'il avoit observées, il avoit quelques doutes sur ses observations, & il souhaitoit que quelqu'un voulût faire construire un instrument de 15 à 20 pieds de rayon, sur un fondement inébranlable, pour éclaircir une question qui, sans cela, dissit-il, pourroit être bien long-temps indécise. M. Cassini crut trouver dans Sirius une parallaxe de 611, (Mém. Acad. 1717, pag. 265).

766. La découverte de l'aberration dont nous allons parler, a fait voir que les inégalités apperçues dans les étoiles ont une cause toute différente de la parallaxe annuelle; car cette nouvelle cause satisfait si bien à toutes les observations, qu'elle exclut toute idée de parallaxe.

767. La connoissance de la parallaxe annuelle nous conduiroit à celle de la distance des étoiles, si cette parallaxe pouvoit s'observer; mais puisqu'elle est insenfible, nous en tirerons au moins par exclusion une des limites de cet éloignement. Si la parallaxe absolue d'une étoile ou l'angle APS (fig. 93) étoit de 1/1, le côté PS seroit 206264 fois plus grand que le rayon AS de l'orbe annuel, qui est lui-même de 34 millions de lieues. La distance moyenne du soleil AS, contient 22198 fois le demi-diamètre de la terre, en supposant la parallaxe o/; donc si la parallaxe annuelle d'une étoile étoit seulement de 1/1, sa distance seroit 4727200000, ou 4727 millions de fois plus grande que le rayon de la terre, c'est-àdire, de 6771770 millions de lieues. Mais la parallaxe des étoiles n'étant pas d'une seconde, même pour les étoiles les plus proches de la terre, leur distance doit être encore plus confidérable, c'est-à-dire, plus de 6771770000000 de lieues.

768. La grandeur apparente des étoiles que l'on croyoit d'une minute, avant la découverte des lunettes, est

114 Annies B'Astronomik, Lit. VIL

incomparablement plus petite: il est prouvé aujourd'indique 4 étoiles de la première grandeur, Régulus, Aldébaran, l'Epi de la Vierge & Antarès, n'ont pas 1/ de diamètre: car lorsque ces étoiles sont éclipsées par la lune, elles n'emploient pas deux secondes de temps à se pronjer sous le disque de la lune; ce qui arriveroit nécessairement si le diamètre de ces étoiles étoit de 1/1. En effet, la lune emploie environ 2/1 de temps à avancer d'une se conde de degré; ainsi pendant l'espace de 2/1 de temps, on verroit une étoile diminuer de grandeur & disparoîtré peu-à-peu; or; il n'en est pas ainsi: les étoiles disparosité peu-à-peu; or; il n'en est pas ainsi: les étoiles disparosité même promptitude & comme un éclair; donc le diamètre n'est pas d'une seconde.

769. Si l'on voit dans les lunettes une lumière éparfe qui environne les étoiles, qui les amplifie & les fait paroître comme si elles avoient 5 à 6" de diamètre, on doit attribuer cette apparence à la vivacité de leur lumière, à l'air environnant & illuminé, à l'aberration des verres, à l'impression trop vive qui se fait sur la rétine.

770. Si le diamètre d'une étoile étoit d'une seconde, Et sa parallaxe annuelle d'une seconde, le diamètre réel de l'étoile seroit égal au rayon du grand orbe, c'est àdire, de 34 millions de lieues; mais il peut se faire que Jes parallaxes des étoiles soient plus grandes que leurs diamètres apparens, ensorte que le diamètre réel soit beaucoup plus petit que 34 millions de lieues; nous ne pouvons rien décider là-dessus, peut-être un jour les Astronomes seront ils plus instruits.

771. L'extrême petitesse du diamètre apparent des étoiles fixes est probablement la cause du mouvement de scintillation qu'on y remarque; cette scintillation qui n'a point lieu dans les planètes, vient de ce que le diamètre des étoiles étant extrêmement petit, la moindre molécule de vapeur qui passe devant l'étoile en cache une partie, de façon que la disparition & la réapparition continuelle des étoiles ressemble à un mouvement de

vibration dans leur lumière.

DE L'ABERRATION DES ETOILES.

772. L'Aberration des étoiles est un mouvement apparent découvert en 1728 dans les étoiles fixes, par le-



quel elles sembleat décrire des ellipses de 40// de diamètre; il est causé par le mouvement de la lumière, combiné avec le mouvement annuel de la terre (783). La désinition de la Nutation se trouvera ci-après (794); l'Histoire de la découverte de ces deux mouvemens exige que l'on se rappelle ce qui a été dit à l'occasion de

Ta parallaxe annuelle (763).

observations du Docteur Hook (765), mais encore d'après les siennes propres, qu'il y avoit une parallaxe annuelle dans les étoiles sixes; cependant la quantité & la loi en étoient peu connues; Samuel Molyneux, Irlandois, entreprit vers l'an 1725, de vérisier ce qu'on avoit dit là-dessus, & de déterminer avec plus de soin les circonstances de ces mouvemens; c'est au projet de Molyneux que nous sommes redevables de toutes les connoissances qui vont faire la matière de ce Chapitre; mais M. Bradley eut la gloire d'exécuter ce que Molyneux n'avoit fait qu'entreprendre.

774. Molyneux sit construire un instrument dans le même goût & choisit les mêmes étoiles que le Docteur Hook; Georges Grabam, cet Horloger célèbre dans les arts, autant par son génie que par son zèle, contribua plus que tout autre à ce travail: il sit construire pour Molyneux un secteur de 24 pieds, dont l'exactitude surpassoit de beaucoup tout ce qui avoit jamais été fait pour parvenir à mesurer dans le ciel de petits arcs,

Le secteur de Molyneux sut placé à Kew, près de Londres, & le 3 Décembre 1725, il observa au méridien l'étoile y à la tête du Dragon; il marqua exactement sa distance au zénit; il répéta cette observation le 5, le 11, le 12 du même mois, il ne trouva pas de grandes dissérences; & comme on étoit dans un temps de l'année où la parallaxe annuelle de cette étoile ne devoit pas varier, il crut qu'il étoit inutile de continuer pour-lors les mêmes observations.

775. M. Bradley se trouva dans ce temps-là à Kew, il eut la curiosité d'observer aussi la même étoile le 17 Décembre 1725, & ayant disposé l'instrument avec soin, il vit que l'étoile passoit un peu plus au sud que dans les premiers jours du mois; d'abord les deux Astronomes ne firent pas grande attention à cette différence, elle pouvoit venir des erreurs d'observation; cependant le 20

346 ABRESE D'ASTRONORIE, LIV. VII.

Décembre l'étoile avoit encore avancé vers le sud, & elle continua les jours suivans, sans qu'on pût attribuer ce

progrès au défaut des observations.

776. Cette différence paroiffoit d'autant plus surprenante qu'elle étoit dans un sens contraire à l'effet que devoit avoir la parallaxe annuelle; comme on ne concevoit aucune autre cause qui pût produire un pareil chan. gement, on craignit qu'elle ne vint de quelque altération dans les parties de l'instrument; il fallut donc s'asfurer par diverses expériences de son exactitude; mais l'étoile alloit toujours vers le fud, on ne fongea plus qu'à mesurer exactement ce progrès, pour tâcher d'en découvrir les circonstances & la cause. Au commencement du mois de Mars 1726 l'étoile se trouve parvenue à 20/1 du lieu où on l'avoit observée trois mois auparavant, alors elle fut pendant quelques jours stationaire; vers le milieu d'Avril elle commença de remonter vers le nord, & au commencement de Juin elle passa à la même distance du zénit que dans la première observation faite fix mois auparavant; la déclinaison changeoit alors de 1/1 en trois jours; d'oh il étoit naturel de conclure. qu'elle alloit continuer d'avancer vers le nord; cela arriva comme on l'avoit conjecturé; l'étoile se trouva au mois de Septembre de 20// plus au nord qu'au mois de Juin, & 30" plus qu'au mois de Mars: de-là l'étoile retourna vers le sud, & au mois de Décembre 1726, elle fut observée à la même distance du zénit que l'année précédente, avec la feule différence que la précession des équinoxes devoit produire.

777. Par-là étoit bien prouvé que le défaut de l'inftrument n'étoit pas la cause des différences observées; d'un autre côté, l'effet étoit trop régulier pour pouvoir être attribué à une fluctuation irrégulière de la matière éthérée, comme Manfredi l'avoit soupçonné dans un temps où l'on n'avoit que de mauvaises observations; mais la difficulté étoit de trouver une explication suf-

fisante.

778. La première idée fut d'examiner si cela ne provenoit point de quelque nutation dans l'axe de la terre, produite par l'action du soleil ou de la lune, à cause de l'aplatissement de la terre, ainsi que cela devoit avoir lieu par l'attraction (794); muis d'autres étoiles observées en même temps ne permettoient pas d'adopter cette hy-

pothèse: une petite étoile qui étoit à même distance du pole, & opposée en ascension droite à y du Dragon, auroit dû avoir par l'effet de cette nutation le même changement en déclinaison; cependant elle n'en avoit eu qu'environ la moitié, comme cela parut en comparant jour par jour les variations de l'une & de l'autre, observées en même temps; c'étoit la trente-cinquieme étoile de la Giraffe. Pour éclaireir mieux les faits, M. Bradley sit construire un autre secteur, qui fut placé en 1727, & M. Bradley commença d'examiner soigneusement quelles étoient les variations des étoiles, suivant leur différente situation.

779. Il vit alors que chaque étoile paroissoit stationaire, ou dans son plus grand éloignement vers le nord ou vers le sud, lorsqu'elle passoit au zénit vers six heures du soir ou du matin; que toutes avançoient vers le sud lorsqu'elles passoient le matin, & vers le nord lorsqu'elles passoient le soir, & que le plus grand écart étoit à peu-près comme le sinus de la latitude de chacune. Enfin, lorsqu'au bout d'une année il eut vu toutes les étoiles reparoître, chacune au même lieu où elle avoit d'abord paru, M. Bradley, muni d'un assez grand nombre d'observations, entreprit de chercher la cause de ces va-Il falloit trouver une cause annuelle & conftante, égale pour les étoiles foibles & pour les plus brillantes, dont le plus grand effet du nord au sud fût comme le sinus de la latitude de l'étoile, c'est-à-dire, nul pour les étoiles situées dans l'écliptique, & contraire à l'effet de la parallaxe, & dont la plus grande valeur fût de 40%.

780. M. Bradley apperçut heureusement que cette distérence de 40" étoit précisément le chemin que la terre parcourt dans son orbite en 16 minutes de temps, il se rappella que la lumière employoit le même temps à parcourir le diamètre de l'orbite de la terre, suivant la découverte faite par Romer en 1675 (838). M. Bradley put d'abord imaginer que l'on voyoit les étoiles 16 plus tard, à cause de leur éloignement, quand elles étoient en conjonction, que lorsqu'elles étoient en opposition, & que par-là on les voyoit de 40 moins avancées; mais suivant ce raisonnement il n'y auroit point eu d'aberration pour l'étoile située au pole de l'écliptique, dont la distance est toujours la même.

518 Abrece D'Astronumes, Liv. VII.

781. Cependant l'étoile y du Dragon avoit une abertation de 20" au nord & au sud, qui croissoit comme
les sinus des distances au point où elle étoit nulle. M.
Bradley jugea que cette étoile décrivoit un cercle
semblable à celui qui auroit lieu par une parallaxe de
20"; mais qu'elle le décrivoit de manière à être toujours avancée de 20" vers le côté où va la terre. Tel
est le phénomène qui étoit indiqué par les observations
de M. Bradley; nous en parlerons plus au long (791).
Il restoit donc à chercher un moyen pour faire ensorte
que l'étoile parût toujours du côté où alloit la terre.

782. Enfin M. Bradley eut l'idée heureuse de combiner le mouvement de la lumière avec celui de la terre, suivant les loix de la décomposition des forces; il essaya cette hypothèse, & voyant qu'elle s'accordoit parfaitement avec toutes les observations, il rendit compte de sa découverte au mois de Décembre 1728 (Philosophical

Transactions).

Pour faire voir combien son hypothèse s'accordoic avec ses observations, M. Bradley disposa dans une table 15 observations de y du Dragon faites dans tous les mois de l'année; on y voit combien à chaque jour elle devoit être plus méridionale, suivant le calcul rigoureux fait d'après les principes que nous allons indiquer, de combien elle avoit paru l'être par l'observation, la différence ne va jamais au delà d'une seconde & demie.

Le même accord que l'on voyoit dans cette table de y du Dragon, parut par toutes les autres étoiles; ainsi M. Bradley dut regarder cet accord des observations, comme une démonstration de son hypothèse, ou plutôt il dut cesser de regarder comme hypothèse une théorie qui s'accordoit si bien, & avec le mouvement des étoiles & avec la propagation successive de la lumière, déja connue par les éclipses des satellites

(838).

783. Je passe donc à l'explication de la cause que M. Bradley assigna aux phénomènes qu'il avoit observés, & comme on a ordinairement quelque peine à la bien concevoir, je ferai mes efforts pour la mettre hors de doute, & en rendre le principe aussi évident que doit l'être une proposition de pure géométrie; je vais donc le présenter sous dissérentes formes; toutes supposent néanmoins que l'on ait une idée de la décomposition des forces dans les parallélogrammes (479), telle qu'on

la trouve dans tous les livres élémentaires de Mécanique. Soit E une étoile (sig. 94), qui lance vers nous un rayon de lumière, considéré comme un corpuscule qui va de E en B; soit AB une petite portion de l'orbite de la terre, de 20/ par exemple (l'on verra dans un instant pourquoi nous choisissons ce nombre 20/), & CB l'espace que le rayon a parcouru pendant que la terre décrivoit AB; ainsi le corpuscule de lumière B étoit en C lorsque la terre étoit en A, & arrive au point B en même temps que la terre; par ce moyen CB & AB expriment; les vstesses de la lumière & de la terre en 20/ de temps.

784. Je tire la ligne CD parallèle & égale à AB, & je termine le parallelogramme DBA; suivant le principe si connu de la composition & décomposition des forces, on peut regarder la vîtesse CB de la lumière comme résultante de deux vstesses suivant les directions CD & CA; la vîtesse CD étant du même sens & de la même quantité que la vîtesse AB de la terre, ne sauroit être apperque, elle est détruite pour nous; l'œit ne sauroit voir en vertu d'un rayon qui seroit poussé du même sens & avec la même vîtesse que l'œil. seule partie CA de la vîtesse de la lumière subsistera pour nous; le rayon parviendra à notre œil sous la direction CA, & nous appercevrons l'étoile dans la ligne AC, ou suivant BD qui lui est parallèle; l'angle CBD est ce que nous appellons l'Aberration; c'est la quantité ou l'angle CBD dont une étoile parost éloignée de sa véritable place, ou de la ligne BCE, par un effet du mouvement de la terre & de celui de la lumière.

785. L'on peut encore se représenter le même effet sous une autre forme; le corpuscule de lumière B vient frapper notre œil avec la vîtesse CB; mais puisque l'œil avance en même temps de A en B, ayec la vîtesse AB, il vient aussi frapper le rayon, ensorte qu'il y a un double choc tout à la fois, celui de la lumière qui vient contre l'œil avec la vîtesse CB, celui de l'œil qui va contre la lumière avec la vîtesse AB. A la place de ce dernier choc, on peut imaginer (sans rien changer à l'esset qui en résultera), que le corpuscule soit venu de F en B, frapper l'œil avec une vîtesse FB, égale à AB; ainsi l'œil reçoit une impression suivant CB, & une suivant FB; de ces deux impressions faites suivant les côtés CB & FB du parallélogramme CF, il en résulte une impression unique & composée, qui se fait sentir

320 ABREGE D'ABTRONOMIE, Liv. VII.

fuivant la diagonale DB, donc l'on appercevra l'étoile dans la direction BD, & non dans la direction BCE.

786. Un exemple familier fera peut-être encore mieux comprendre le mécanisme de ces impressions composées. Soit un vaisseau GCFA (fig. 95), qui va de droite 2 gauche; que d'un angle C de ce vaisseau on ait jetté une pierre à l'autre angle A, & que dans le temps où elle a parcouru CA, le vaisseau ait avancé de la quancité CD ou AB; celui qui est dans le vaisseau en A se trouvera alors parvenu au point B, & sera frappé de la même manière que si le vaisseau n'avoit eu aucun mouvement; la pierre lui paroîtra venir de l'angle D suivant DB, comme elle lui auroit paru venir de C fuivant CA; fi le vaisseau eut été immobile; l'impression sera la même, puisque la relation du point C au point A, leur fituation, leur distance, ne dépendent en aucune façon du mouvement de ce vaisseau; ce mouvement est commun La pierre & au vailleau; & il est nul par rapport au choc. Néanmoins dans l'espace absolu cette pierre est venue de C en B; ainsi elle a fait le même chemin réel qu'auroit fait une pierre qui du rivage R, eût été jettée directement en B. Voilà donc deux pierres, l'une qui vient du rivage R, & qui a parcouru la ligne CB, l'autre qui est partie du point C, angle du vaisseau, & qui a de même parcouru CB, à cause du mouvement de ce vaisseau: or celle-ci s'est fait sentir suivant la direction DB, donc celle qui auroit été jettée du rivage R, se feroit fait fentir réellement aussi dans la direction DB, à celui qui étant à l'angle A du vaisseau se seroit trouvé transporté de A en B, tandis que la pierre venoit de

787. L'aberration de 20" répond à 8'7", dans la table des mouvemens du foleil, ainsi l'on est assuré à moins de 5" près, qu'il faut 8'7" à la lumière du soleil pour arriver jusqu'à nous dans ses moyennes distances; d'où il suit que la vitesse de la lumière est 10313 sois plus grande que la vitesse moyenne de la terre. (a).

788. Avant

⁽a) La vitesse de la terre dans son orbite est de 23531 lieues par heure, ou 6 lieues par seconde; mais celle de la rotation diurne n'est que de 238 toiles par seconde, à peu près comme la vitesse d'un boulet de canon.

788. Avant que d'entrer dans l'explication détaillée des phénomènes de l'aberration, je dois avertir que le plan ECBA (fig. 94), qui joint la ligne AB décrite par la terre avec l'étoile E, s'appelle plan d'aberration, parce que c'est dans ce plan que l'aberration se fait : le lieu apparent de l'étoile, son lieu vrai, l'œil de l'obsservateur, & l'espace qu'il décrit en 8' de temps, se trouvent tous ensemble dans ce plan, ensorte que l'aberration ne peut saire parostre l'étoile dans un autre plan. On appelle aussi triangle d'aberration le triangle CBA formé par le chemin de la lumière avec celui de la terre, & dont le petit angle C mesure l'aberration. Voyons ce qui arrive quand le triangle d'assertation.

berration est rectangle ou obtus-angle.

789. On doit être convaincu par les démonstrations précédentes (783), qu'une étoile nous paroît toujours plus avancée du côté où nous marchons, & cela de la quantité de l'angle BCA; la valeur de cet angle dépend du rapport de la vîtesse AB de la terre, à la vîtesse CB de la lumière, ce rapport est celui de 1 à 10313 (787); ce qui donne un angle de 204 dans le cas où CB est perpendiculaire à AB; ainsi l'aberration sera toujours de 201/ quand la route de l'œil sera perpendiculaire au rayon de l'étoile: mais lorsque CB (fig. 99), est inclinée sur la route AB de l'œil, alors l'angle ACB d'aberration devient moindre, & parce que CB est à AB, comme le sinus de l'angle A est au sinus de l'angle C, il suit que le sinus de l'arc d'aberration, ou l'aberration même, est comme le sinus de l'inclinaison du rayon CA sur la route de l'œil, qui est toujours un petit arc de l'orbite terrestre; c'est-à-dire, qu'il est égal à 2011 multipliées par le sinus de l'angle que fait la route de l'œil, avec le rayon de lumière. Enfin, si la ligne CA s'inclinoit jusqu'à se confondre avec la ligne ABD, l'angle C s'évanouiroit, & il n'y auroit plus d'aberration; ce qui d'ailleurs est évident, puisqu'alors le rayon de lumière arriveroit toujours à nous sous la même direction.

790. Supposons maintenant que l'œil au lieu d'avancer de A en B, avance de B en A, ensorte que le rayon arrive en A en même temps que l'œil; si l'on décompose la vstesse CA (784), suivant CE & CB, on verra aisoment que la vstesse CE est détruite par la

323 ABRECE D'ASTRONOMER, LIV. VII.

vîtesto BA, de la terre, & qu'il na reste que CB ou sa parallèle EA; ainsi dans ce cas l'étoile parostra s'élever au-dessus de la ligne que l'œil décrit, au lieu qu'elle paroissoit s'abaisser dans le cas précédent; elle parofira en E au lieu de parofire en C: toujours l'aberration porte une étoile du côté où va la zerre. Quand la terre est au point G de son orbite GHD (fig. 96), & ensuite au point K, elle paroît alder en deux sens opposés: dans le premier cas, l'étoide oft en opposition, & paroit à gauche du lieu moyen E: dans le second cas, la terre allant de D en K, l'étoile est en conjonction avec le soleil, & parost de 20 secondes à droite, c'est-à-dire, à l'occident du point E sur une ligne DS. Quand la terre décrit le petit arc FL, l'aberration diminue, parce qu'il n'y a que la valeur de la perpendiculaire LN qui cause de l'aberration, & cette partie LN est plus petite que LF dans le même rapport que le cosinus de l'arc GL de l'élongation est plus petit que le rayon, ou SV plus petit que SL, à cause des triangles semblables LFN, SVL, qui donnent cette proportion LF: LN: : SL: SV. Ainsi l'aberration en longitude qui dépend du mouvement BG, ou NL de la terre perpendiculairement au rayon mené vers l'étoile, est proportionnelle au sinus de la distance au point où elle est nulle, c'est-à dire, au point H de la quadrature. Par la même raison, l'aberration en latitude dépend du chemin ou du mouvement de la terre dans la direction perpendiculaire à cellelà, c'est-à dire, du petit mouvement FN, & elle est proportionnelle au sinus de la distance GL, ou à la ligne LV, à cause des mêmes triangles LFN, LVS, dans lesquels LF: FN::SL: LV.

791. Si cette étoile étoit au pole de l'écliptique, on la verroit toujours 20 fecondes en avant du côté où va la terre; & par conféquent la terre décrivant un cercle, l'étoile paroîtroit en décrire un, c'est ce que M. Bradley remarqua du moins à très-peu-près sur l'étoile 2 du

Dragon.

Si l'étoile est plus près du plan de l'écliptique, & qu'on la voie par un rayon oblique, l'effet de l'aberration perpendiculairement au plan de l'écliptique deviendra plus petit, à raifon du finus de l'obliquité (789;) mais il restera le même dans le sens parallèle à l'éclipti-

que, ainsi le cercle deviendra une ellipse comme LAK (fig. 98). Le grand axe LK parallélement à l'écliptique sera toujours de 40/, parce que quand l'étoile est en conjonction ou en iopposition, l'aberration est toujours de 20/, soit que l'étoile ait une latitude on qu'elle n'en ait point, la route BG de la terre (fig. 96) étant toujours perpendiculaire au rayon de l'étoile; mais le petit axe AF de l'ellipse sera moindre à raison du sinus de la latitude.

Le poinc L qui est le plus à gauche ou à l'occident est le lieu on parost l'étoile lorsqu'elle est en opposition; le point K est celui de la conjonction; le point A si c'est une étoile australe, ou le point F si c'est une étoile boréale, c'est-à-dire, le point de l'ellipse qui est le plus près de l'écliptique, marque le lieu apparent de l'étoile trois mois après la conjonction. L'aberration en longitude étant comme le cosinus de l'élongation de l'étoile dans le cercle circonscrit à l'ellipse, & qui forme l'ellipse par son inclinaison, si l'on marque, en. K. le: lieu du soleil qui est égal à la longitude de l'étoile, & qu'on divise le cercle circonscrit en 360°; les perpendiculaires abaissées de chaque degrés de longitude sur le grand axe LEK, marqueront sur l'ellipse tous les points où l'étoile doit parosere aux mêmes: temps; c'est ainsi que j'ai marque sur l'ellipse ALFK les lieux d'Arcturus sur son ellipse d'aberration

pour le premier jour de chaque mois.

792. Arcturus est à l'extrémité occidentale du grand axe de son ellipse à droite, le 13 Octobre jour de sa conjonction; il est à l'extrémité inférieure ou méridionale F du petit axe, le 11 Janvier jour de la première quadrature. L'ellipse d'Arcturus est inclinée par rapport à la ligne horizontale AB, que je suppose parallele à l'équateur, de la quantité de l'angle de position (318); il suffiroit d'abaisser des perpendiculaires sur AB pour voir dans les différens temps de l'année, l'aberration en ascension droite & en déclinaison. On voit dans cette même ellipse l'effet de la parallaxe (763), qui feroit paroître l'étoile aux mêmes points de l'ellipse trois mois plutôt que me fait l'aberration, en supposant que la plus grande parallaxe fût de 20" comme l'abetration; c'est en dedans de l'ellipse que j'ai marqué les situations que donneroit la parallaxe annuelle quatre fois l'année.

324 Abreof D'Astronomia, Liv. VII.

.793. L'aberration en longitude, que l'on prendroit dans cette figure sur le parallèle de l'étoile en supposant EL de 20", doit être réduite à l'écliptique pour les usages astronomiques, c'est - à - dire, qu'il faut la diviser par le cosinus de la latitude de l'étoile (531): de - là vient que l'aberration absolue qui est toujours de 20 de grand cercle, si on la prend dans la région d'une étoile, devient très-grande pour les étoiles voisines du pole, si on la mesure sur l'équateur, ou qu'on ait égard au changement qui en résulte sur l'ascension droite; j'ai donné des tables d'aberration pour un grand nombre d'étoiles dans plusieurs volumes de la Conscissance des temps.

DE LA NUTATION.

794. LA NUTATION OU déviation est un mouvement apparent de 9st observé dans les étoiles fixes, dont la période est de 18 ans, causé par l'attraction de la lune fur le sphéroïde de la terre. On verra dans le XIIe, livre que la précession des équinoxes qui est de 50" par an, est produite par l'action du foleil & de la lune sur la partie de la terre que l'on conçoit relevée vers l'équatour du fphéroïde (1064). De ces 50/ il y en a au moins 36 qui font produites par l'action feule de la lune; or, la lune ne peut pas produire ces 36" de precession d'une manière uniforme, puisque les nœuds changene continuellement de place & que fon inclination par rapport à l'équateur, d'où son effet dépend, varie de dix degrés; il en doit réfulter non-seulement une inégalité dans la précession annuelle des équinoxes à différentes années, mais aussi un balancement ou une nutation dans l'axe de la terre. Par l'effet de cette nutation les étoiles doivent paroître se rapprocher & s'éloigner de l'équateur, puisque l'équateur répond à différentes étoiles.

Nous voyons que Flamstéed avoit espéré vers l'an 1690, au moyen des étoiles voisines du zénit, de déterminer la quantité de cette nutation qui devoit suivre de la théorie de Newton; mais il abandonna ce projet, parce que, dit-il, si cet effet existe il doit être insensible jusqu'à ce qu'on ait des instrumens bien plus longs que 7 pieds, plus solides & mieux sixés que les mieus

(11 ft. Cel. toin. 1/1, pag. 113).

M. Horrebow rapporte un passage formel, tiré des manuscrits de Romer, par lequel on voit qu'il soupçon-noit aussi une nutation dans l'axe de la terre, & qu'il espéroit d'en donner la théorie: Basis astronomiæ 1733,

pag. 66.

Ces idées de nutation devoient se présenter naturellement à tous ceux qui avoient apperçu dans les étoiles des changemens de déclinaisons, & nous avons vu que les premiers soupçons de M. Bradley en 1727, furent qu'il y avoit quelque nutation de l'axe de la terre qui faisoit parostre l'étoile y du Dragon plus ou moins près du pole (778); mais la suite des observations l'obligea de chercher une autre cause pour les variations annuelles; ce ne sut qu'au bout de quelques années qu'il reconnut le second mouvement dont il s'agit ici.

795. Pour bien expliquer la découverte de la nutation par M. Bradley, il faut remonter au temps où il observoit les étoiles pour découvrir l'aberration; il vit en 1728, que le changement annuel de déclinaison dans les étoiles voisines du colure des équinoxes étoit un peuplus grand qu'il ne devoit résulter de la précession des équinoxes supposée de 50%, & calculée à la manière ordinaire, sans que cette différence put être attribuée à l'instrument, parce que les étoiles voisines du colure des solstices ne donnoient point la même différence.

En général, les étoiles situées proche le colure des équinoxes avoient changé de déclinaison d'environ 2/ plus qu'elles n'auroient fait par la précession moyenne des équinoxes, qui est très-bien connue; & les étoiles voisines du colure des solstices moins qu'elles n'auroient dû faire; mais, ajoute M. Bradley, foit que ces perites » variations viennent d'une cause régulière, ou qu'elles n soient occasionnées par quelque changement dans le secteur, je ne suis pas encore en état de les déterminer". M. Bradley n'en fut que plus ardent à continuer ses observations pour déterminer la période & la loi de ces variations; il demeura presque toujours à Wansted jusqu'en 1732, qu'il fut obligé d'aller à Oxford, pour remplacer M. Halley; il continua d'observer avec la même exactitude toutes les circonstances des changemens de déclinaison sur un grand nombre d'étoiles. année il voyoit les périodes de l'aberration se rétablir fuivant les règles que l'on a vues ci-dessus; mais d'une année

236 ABREG! P'ASTRONOMIE, LIV. VII.

à l'autre il y avoit d'autres différences ; les étailes littées entre l'équinoxe du printemps & le solttice d'hiver se trouvoient être plus près du pole boréal, & les étoiles opposées s'en étoient éloignées; il commença de soupconner que l'action de la lune fur l'équateur, c'est-à-dire, fur la partie la plus relevée de la terre, pouvoit caufer une variation ou un balancement dans l'axe de la terre: son secteur étant demeuré fixe à Wansted, il continua d'y venir observer souvent, & il s'est trouvé en état, en 1747, de prononcer sur la cause de ce phénomene; nous alions rendre compte de cette nouvelle découverte d'après M. Bradley Iui-même (Phil. tranjactions , Janv. 1748).

796. En 1727, le nœud afcendant de la lune concouroit avec l'equinoxe du printemps, de forte que la lung s'écartoit de l'équateur dans les plus grandes latitudes de 28°4; en 1736, le nœud ascendant s'étant trouvé dans l'équinoxe de la balance, la lune ne pouvoit plus s'écarter de l'équateur que de 18'1, de forte que son orbite étoit plus éloignée de l'équateur de 101 en 1727 » qu'en 1736, ce qui rendoit son attraction plus sensible

fur l'équateur.

M. Bradley observa en 1727, par le changement de déclination des étoiles voifines du colure des équinoxes que la précession des équipoxes paroissoit avoir été plus grande que la moyenne (795), & cependant les étoiles fituées proche le colure des foltlices, paroiffoient se mouvoir d'une manjère contraire aux effets de cette augmentation; les étoiles opposées en ascension droite etoient affectées de la même manière; y du Dragon, & la 35° étoile de la Giraffe avoient éprouvé le même changement en déclination, l'une vers le nord, l'autre vers le fud; cela s'accordoit très-bien avec une nutation de l'axe de la terre, qui doit évidemment produire la même différence fur les étoiles opposées en ascenfion droite.

En 1732, le nœud de la lune avoit rétrogradé jusqu'au folftice d'hiver; alors les étoiles fituées proche le colure des équinoxes parurent changer leur déclination fuivant la précession de 50%. Dans les années suivantes, ce changement diminua, jusqu'en 1736, que le nœud

ascendant parvint à l'équinoxe de la balance.

Les étoiles lituées vers le colure des solstices changerent leur déclinaison depuis 1727, jusqu'en 1736, de 18" moins que n'exigeoit la précession de 50"; de sorte que le pole du monde ou l'axe de la terre avoit éprouvé une nutation de 18" pendant une demi-révolution des nœude de la lune. En 1745, au bout de 18 ans, les nœuds étant revenus à leur première situation, les étoiles reparurent toutes aux mêmes points, ayant égard à la précession des équinoxes; on vit les mêmes phénomènes qu'en 1727, & M. Bradley ne douta plus que la nutation de l'axe terrestre n'en fût la véritable cause. 797. M. Machin, secrétaire de la société royale, à qui il envoya ses conjectures, vit bientôt qu'il suffisoit pour expliquer, & la nutation & le changement de la précession, de supposer que le pole de la terre décrivoit un petit cercle, comme Tycho lavoit supposé pour l'orbite luraire. En donnant 18/ au diamètre de ce cercle, & supposant qu'il étoit décrit par le pole dans l'espace de la révolution observée par M. Bradley, & qui étoit celle des nœuds de la lune, il expliquoit, & le "changement de la précession annuelle, tel que les étoiles voisines du colure des équinoxes l'avoient indiqué, & la nutation de l'axe de la terre démontrée par les éroiles voisines du colure des solstices.

Pour faire voir l'accord de sa théorie avec les phénomènes, M. Bradley rapporte grand nombre d'observations faites depuis 1727, jusqu'en 1747, sur différentes étoiles & sur-tout y du Dragon. De plus de 300 ob-servations qu'il avoit faites de célle-ci, il ne s'en est trouvé que onze qui différassent de la moyenne de 21.

798. Soit E le pole de l'écliptique (fig. 97), P le pole de l'équateur qui en est éloigne de 23.1, de autour du point P un petit cercle, dont le rayon PB soit de 9". Au lieu du point P qui est le lieu moyen du pole, on suppose que le vrai pole décrive un cercle ABCD, qu'il soit en A lorsque le nœud de la lune est dans l'équinoke du printemps, ou sur le colure des équinoxes P V, & qu'il continue de se modvoir d'A en B de la même manière que le nœud; ensorte que quand le pole du monde est en O l'arc AO soit égal en degrés à la longitude du nœud de la lune; le lieu du vrai pole sera toujours plus avancé de 3 signes en ascension droîte dans le cercle ABC que le lieu du nœud de la lune dans l'é-

1328 ABREGE PASTADROMIE, LIV. VIL.

cliptique, & le pole sera en D lorsque le nœud sera en 25. Puisque le pole rétrograde de A en B, il doit se rapprocher des étoiles qui sont dans le colure PB V des équinoxes; de forte que la précession parostra plus grande, en occasionnant dans les étoiles qui sont sur le colure des équinoxes, un changement de déclination plus grand de 9/ qu'il ne devoit être, & cela dans l'espace ede 4 ans & 8 mois que le nœud employera à venir du Bélier au Capricorne, & le pole à venir de A en B; en même temps le pole paroîtra s'être approché des étoiles qui sont vers le solstice d'hiver ou du côté de E; teiles font en effet les circonstances que M. Bradley avoit ob-- **Cervées** (796).

799. Le premier effet général de la nutation, celui qui est le plus facile à appercevoir, est le changement de l'obliquité de l'écliptique; cet angle augmente de off quand le nœud ascendant de la lune est dans le Bélier : puisqu'alors le pole est en A, & que la distance des poles EA devient plus grande de of que quand le nœud cest dans la Balance. L'obliquité de l'écliptique étoit en 1764 de 23° 28' 15"; elle n'étoit en 1755 que de 234 28/ 5/; non-seulement elle n'a pas diminué de 8" comme elle auroit du faire (758), mais elle a augmenté de 10"; ce qui fait 18" de plus pour le seul effet de la na-tation, qui est égal à AC.

Quand le pole de la terre est arrivé de A en O, l'obliquité de l'écliptique est EO ou EH, & la nutation fe trouve égale à PH; l'arc AO ou l'angle APO est égal à la longitude du nœud, & PH en est le cosinus; or PH=9" sin. OB ou 9" cos. AO, donc la nutation PH=+9" cos. nœud, ou 9" multipliées par le cosinus de la longitude du nœud de la lune. Cette nutation doit se retrancher de l'obliquité moyenne ou uniforme, tant que le nœud de la lune est entre 3 & 9 signes; elle s'ajoute dans le premier & le quatrieme quart de la longitude du nœud.

La nutation change également les longitudes, les als centions droites & les déclinations des attres; il n'y a que les latitudes qu'elle n'affecte point, puisque le pole È de l'écliptique est immobile dans la théorie de la nutation : l'hypothèse précédente suffit pour calculer ces changemens; car il ne s'agit que de prendre O pour le pole de l'équateur. EO pour colure des équipoxes au



MANY AND I De la Figure de de Torre de a la como

de, l'on tire un arc OS vers une étoile S, alors OS est le complément de sa déclination, l'angle SEO le complément de sa longitude, l'angle SOE le complément de son ascension droite, l'arc SE le complément de la latitude; c'est la seule quantité qui ne varie point dans le triangle ESP, qui devient le triangle ESO; il est aisé de calculer par la trigonométrie sphérique tou-tes ces variations, des qu'on connost la position du colure EO, par rapport au colure moyen EP qui auroit lieu sans le phénomène de la nutation.

LIVRE VIII. De la Figure de la Terre.

800. In a vu dans le premier Livre, la méthode par laquelle on a trouvé la grandeur de la terré (39); mais les anciens éroient peu certains de leurs metures: finvant les dimensions rapportées dans Pline, le degré de la terre étoit de 100 frades, & les stades de Pline avoient or toilest, ainsi le degré étoit de 66000 toiles; suivant d'autres, on n'en trouvoit que 8000 (art. 30). Par des metures faites vers l'an 890, par ordre du Calife Almamon, le degré se réduisoit à 47000 toises. Fernel en 1550 avoit trouvé 56746 toises; Snellius en 1617, 550215; Norwood en 1635, 57424; & Riccioli, 62000 toifes: telle étoit l'incertitude de nos connoissances à oet égard, lorsque l'Académie des Sciences entreprit de connoître la véritable grandeur de la terre en mesurant un degré au milieu de la France. Il ent été long & difficile de mesurer toise à toise, d'un bout à l'autre, un espace de 25 lieues, quoique cela se soit fait dans l'Amérique septentrionale (Pbil. trans. 1768). M. Picard aima mieux employer la trigonométrie, & se contenta de mesurer avec soin un espace de deux lieues. du chemin de Ville-juive à Juvisy, qui étoit déja pavé en droite lighe, & il en conclud tout le reste par des triangles. Depuis ce temps, l'Académie a fait élever à Ville-juive & à Juvisy, deux pyramides, dont les axes

de Annes Partervourity Liv. VIII.

the controver i gray toller l'un de l'autre, fulvant le motive que vous svous faité en 1756. tes is and our rous a fervi pour cette opération, a comme de l'Académie, & l'on en la enser mouves exacts dans toutes les Généralités du Inches and the court of the plus a l'avenir de difficilin a remaine rouse de France, comme il y en post en médie préfent, & commé il y en a même en Anglewie, où l'on n'est pas encore convenu d'une mainte certaine ; la toife de l'Académie ést de toutes les melures de l'Univers la mieux conferée, & la ples ceiebre dans mus les pays où il y a des favans. J'ai donné dans la Commissance des temps, pendant plufieurs années, une table des mesures étrangères avec la nôtre. 802. Le premier triangle formé par M. Picard fur h base de Ville juive, se terminoit au clocher de Briecomre-Robert; le fecond avoit pour base la distance de Ville-jurve à Brie comte-Robert, & se terminoit à la tour de Monthéry; ce second triangle lui sit trouver le déthince de Brie à Mouthéry 13121 | toifes. En continuant sinfi de triangle en triangle, il parvint jufqu'au clocher de Notre-Dame d'Amiens, qui ett plus feprencrional que la façado méridionale de l'observaroire de 60390 totles (Meridienes virifies, p. 46 6 50), mais dont la latitude est aussi plus avancée de 1 · 2/94: ce car donne pour la longueur d'un degre juste 57069 turfes. La 25e partie de ce degré est ce que l'on est convenu affez generalement d'appeller une lieue; la lieue est donc de 1283 toules, enforte que la circonference entière de la terre est de 9000 mille lieues, chacune de 2283 toifes. Les lieues marines font de 20 au degré ou 2853 toiles, on les compte ainfi fur la mer pour que 3 minutes, qui sont trois milles marins d'Angiererre & d'Italie, failent une lieue marine de France, & que les Navigateurs de tous les pays puisfeet s'entendre plus affement.

DE LA FIGURE DE LA TERRE, ET DE SON APLATISSEMENT.

833. Le passer mesuré par M. Picard, entre Paris & Aniens, suffision pour connoître la grandeur de la certe excèrt, en la supposant sphérique; mais si la cerre n'est pas ronde de qu'elle foit plus convexe dans une partie de fa circonférence que dans l'autre, les 350 degrés doivent êtte différens entre eux; & celui des environs de Paris ne sera plus la 300e, partie de la circonférence de la terré; ce fut pour l'en assurer que l'Académie des Sciences de Paris songes en 1683 à se procurer la mesure de plusseurs degrés sous différentes latitudes, afin de voir si ces degrés étoient égaux. comme ils devoient l'être en supposant la terre sphé-

804. Je ne sais pas à qui l'on dut la première conjecture qui donna naissance à toutes ces recherches. je trouve seulement que M. Picard, dans l'article-IV de sa mesure de la terre, publiée en 1671, parle d'une conjecture qui avoit déju été proposés dans l'assemblée, que supposé le mouvement de la terre les poids decroient descendre avec moins de force sous l'équateur que sous les poles, & M. Picard observe que, de-là ile résulteroit, une différence sur les pendules qui battent les secondes, & qui iroient plus vîte là où il y auroit plus de pesanteur, ou moins de force centrifuge. Il ajoute qu'on a fait à Londres, à Lyon & à Bologne en Italie quelques expériences, d'où il semble qu'on pourroit conclure que les pendules à secondès doivent être plus courts à mesure qu'on avance vers l'équateur, mais qu'on n'est pas suffisamment informé de la justelle de ces expériences pour en conclure quelque chose; d'ailleurs, dit-il, on doit remarquer qu'à la Haye, où la hauteur du pole est plus grande qu'à Londrés, la longueur du pendule exactement déterminée par le moyen des horloges, a été trouvée la même qu'à Paris.

805. On ne savoir donc encore rien de positif en 1671, sur la figure de la terre & sur la diminution du pendule sous l'équateur; mais la même année M. Richer fut envoyé à Cayenne (742), & parmi les objets de son voyage nous voyons qu'il étoit chargé par l'Académie d'observer la longueur du pendule à sécondes. Dans le chapitre X des observations qu'il sit imprimer à son retour, il donne un article exprès sur la Longueur du pendule, & il dit que c'est l'une des plus considérables observations qu'il ait faites. , La même ,, mesure qui avoit été marquée en Cayenne sur une ver-,, ge de fer suivant la longueur qui s'étoit trouvée né-

332 Abrick D'Astronomie, Liv. VIII.

cessaire pour faire un pendule à secondes de temps; ayant été apportée en France, & comparée avec celle de Paris, leur différence a été trouvée d'une li-, gne & un quart, dont celle de Cayenne est moindre , que celle de Paris, laquelle est de 3 pieds 8 lignes 1; cette observation a été réitérée pendant dix mois entiers, où il ne s'est point passé de semaine qu'elle n'ait n été faite plusieurs fois avec beaucoup de soin. Les wibrations du pendule simple dont on se servoit étoient fort perites, elles duroient fort sensibles jusqu'à 52 minutes de temps, & ont été comparées à celles d'une horloge très-excellente dont les vibrations marquoient les secondes de temps". (Recueil d'observazions faites en plusieurs voyages, in-fol. 1693). D'ailleurs le pendule de l'horloge de M. Richer qui battoit les fecondes à Paris, retardoit à Cayenne de 2 minutes par four ; ce qui prouvoit que la pesanteur de la lentille étoit moindre à Cayenne, & que la lentille y descendoit vers la terre avec moins de vîtesse (Regias scient. academia bistoria, L. 1).

806. Depuis ce temps-là on a observé la longueur du pendule en divers pays, & l'on a trouvé les quantités fuivantes en pouces, lignes, & centiemes de lignes.

807. Ainsi la première expérience qui prouva démonstrativement que la terre tourno't sur son axe, sut celle du pendule en 1672. Huygens soupçonna dès-lors qu'en vertu de la force centrifuge qui rendoit la pesanteur des corps sous l'équateur moindre qu'à Paris (1011), il pouvoit très-bien se faire que les parties de la terre y sussent aussi plus relevées & plus éloignées du centre, ce qui devoit donner à la terre la figure d'up



sphéroide aplati vers les poles; le disque de Jupiter, dont M. Cassini avoit déja observé l'aplatissement, même avant l'année 1666, étoit une grande raison de croire aussi la terre aplatie; comme il le dit lui-même,

(Mém. Acad. 1701, pag. 180.) 808. Voyons donc la manière dont les Astronomes pouvoient s'assurer de cet aplatissement, par la mesure des degrés de la terre sous différentes latitudes. Si la terre n'est pas ronde, la mesure de ses degrés doit se faire autrement que sur le globe. Soit EPQO (fig. 100) la circonférence aplatie de la terre; EDFQ celle d'un cercle circonscrit, & qui a le même diamètre ECQ; ayant pris un arc DF de ce cercle, qui soit ; de la circonférence entière, c'est-à-dire, un degré, l'angle DCF sera aussi d'un degré; mais l'arc GH de la terre n'est point ce qu'on doit appeller un degré de la terre, quoiqu'il soit compris entre les lignes DGC & FHC qui

font un angle d'un degré au centre de la terre.

809. Je supposerai d'abord comme un principe d'hydrostatique démontré par l'expérience & par le raisonnement, que la pesanteur agit toujours perpendiculairement à la surface de la terre, quelle que foit sa figure. Les niveaux à bulle d'air, les niveaux d'eaux, les niveaux formés par un fil à-plomb, donnent toujours le même résultat dans les nivellemens; cela prouve que le fil àplomb est exactement perpendiculaire à la surface de l'eau qui marque la surface de la terre, & qui prend nécessairement la figure que la gravité donne à la terre. Les eaux de la mer ont toujours été nécessairement disposées perpendiculairement à la direction de la pesanteur; car du premier instant où elles auroient pu ne l'être pas, elles auroient coulé du côté où la pesanteur inclinoit; elles seroient venu chercher l'équilibre, qui ne peut avoir lieu que quand la pesanteur est exactement perpendiculaire à la surface de l'eau, & n'a aucune action latérale. 810. Le fil à-plomb qui, dans nos instrumens, marque la ligne du zénit, & auquel nous rapportons les hauteurs des astres, est donc perpendiculaire à la surface de la terre; & si un observateur en P (fig. 101), par exemple, à Paris, voit une étoile, comme la Claire de Persée, passer au méridien précisément par le zénit, il la verra sur la ligne BPZ, qui est perpendiculaire à la surface de la terre, & qui ne va point se diriger au cen-

28 Abbegand sthonomic, Liv. VIII.

ment sphérique. Un autre observateur situé en A, par exemple, à Amiena, voit une étoile sur un rayon AS, qui est parallèle à PZ à cause de la grande distance des étoiles; cette étoile parost éloignée de sa verticale XAB d'un angle SAX. Si avec les instrumens exacts qu'en emploie à ces observations, on trouve que la Claire de Persée passe à un degré du zénit d'Amiena, il s'ensuit que l'angle SAX est d'un degré, ainsi l'angle PBA qui est égal à SAX sera aussi d'un degré; dans ce cas-la, nous dirons que l'arc AP de la terre, compris entre Paris & Amiens, est un degré de la terre, d'où resulte la définition suivante.

1811. Le decre du sphéroide terrefire (quelle que soit se figure) est l'éspace qu'il saut parcourir sur la terre pour que la signe verticale ait changé d'un degré. Ainsi les degrés que nous mesurons par observation, sont des angles B qui n'ont point leur sommet au centre C de la terre mais au point de concours des verticales ZPB & XAB perpendiculaires à la terre en A & en P, c'est-à-dire, aux deux extrémités du degré. Cette manière de concevoir & de mesurer les degrés nous est donnée par la nature même, à cause du sil à plomb qui s'emploie nécessairement dans les observations s'et qui seul peut nous faire trouver les distances des étoiles au zénit, & par

conféquent les degrés de la terre.

812. Il fuit de cette définition que dans les endroits les plus aplatis de la terre les degrés doivent être les plus longs; en effet, plus un arc PA (fig. 102) aura de convexité ou de courbure, l'angle F étant toujours supposé d'un degré, plus cet arc PA sera court; si au lieu de PA nous prenons l'arc PD, plus convexe & puls courbe que PA, DG étant parallèle à AF, & l'angle PGD d'un degré, aussi-bien que PFA, cet arc PD sera plus court. quoiqu'il ait la même amplitude, c'est à dire, qu'il soit aussi d'un degré; sa longueur en toises sera plus petite que celle de PA. Dans une ellipse & dans toutes les courbes qui lui ressemblent, la courbure est la plus grande au fommet du grand axe, & la moindre au fommet du petit axe; donc si la terre est aplatie vers les poles. l'arc d'un degré aura plus de longueur, renfermera un plus grand nombre de toifes à mefure qu'on approchera des poles où l'aplatifiement est le plus grand.

-8131. He suffisoit donc de mesurer l'étendue d'un degré. à différentes distances des poles, pour juger si la terre étoit sonde. En conséquence l'Académie obtint en 1683 des ordres du Roi pour continuer la méridienne de Paris, au Nord & au Sud, depuis l'Océan jusqu'à la Méditerrance; Mc Cassini partit pour aller au Midi, accompagné de MM. Sedileau, Chazelles, Varin, Deshaies & Pernim; M. de la Hire alla au Nord de Paris avec MM. Potenot & le Fevre. L'ouvrage avançoit lorsqu'il fur fuspendu, tout-à coup par la mort du grand Colbert arrivée le 6 Septembre 1683.

2: 814. Ce travail ne fut repris qu'en 1700; mais comme il ne s'étendoit pas au-delà du Royaume, & que la différence d'un degré à l'autre est très petite, on disputa jusqu'en 1733 sur l'inégalité des degrés. M. de la Condamine représenta pour-lors qu'on leveroit toute difficulté & de la façon la plus sûre, en mesurant un degré aux environs de l'équateur, par exemple, à Cayenne; il din lut aussi un Mémoire sur les avantages qu'on pourmit tirer d'un voyage à l'équateur, qu'il offrit d'entréprendre avec M. de Fouchy. M. de Maurepas, Ministre d'Etat, fit agréer au Roi ce voyage que MM. Godin, -de la Condamine & Bouguer, entreprirent effectivement, Ces trois Académiciens partirent, au mois de Mai 1735; peu après leur départ M. de Maupertuis représenta à M. le Comte de Maurepas qu'on détermineroit avec une précision bien plus grande l'inégalité des degrés, & par conséquent la figure de la terre, si l'on alloit mesurer aussi un degré dans le nord, le plus loin qu'il seroit possible de l'équateur; l'Académie reçut les ordres du Roi, & choisit pour ce voyage du Nord MM. de Maupertuis, Clairaut, &c; ils partirent en 1736 pour la Suède, & ils arrivèrent La Tornéo vers la fin de l'hiver.

815. Cette entreprise fut exécutée avec autant de promptitude que de soin; car l'année suivante le 13 No--vembre 1737, dans l'assemblée publique de l'Académie des Sciences, Mr. de Maupertuis lut un Discours qui contenoit la relation & le résultat de ce voyage célèbre, comme il en avoit lu 18 mois auparavant le motif & le projet; cette relation est imprimée dans son Livre qui a pour titre: La Figure de la Terre, &c, où l'on

146 ABREGO DASTRONSES LIV. VIII.

voit que le degré du méridien qui coupe le cercle polaire est de 57422 toises, plus grand de 353 toises que le degré de Paris. Cette augmentation forma des-lors une démonstration complete de l'aplatissement de la

816. Les trois Académiciens envoyés au Pérou trouvèrent plus de difficultés dans leur melure, & y employèrent plus de temps; ce ne fut qu'en 1741 qu'elle fut terminée. Ils trouvèrent que le premier degré du méridien étoit de 56750 toiles (Mesure de 3 prem. degrés du meridien dans l'hémisphère Austral, Sc, par M. de la Condamine). Ce fut une nouvelle confirmation de la diminution des degrés en allant vers le midi, & de l'aplatissement en allant vers le nord. Cet aplatissement de la terre est aussi confirmé par la diminution du pendule (805), par la figure de Jupiter dont on voit que le disque est sensiblement aplati; il est d'ailleurs une suite du mouvement de la terre fur, son axe, & de la force centrifuge qui tend à soulever les parties de l'équateur (10io).

817. Newton, & après lui Maclaurin & Clairaut, dans la Théorie de la figure de la terre, ont démontré qu'en sapposant la terre homogène & fluide, elle a dû prendre une figure elliptique & aplatic de 1; la différence des degré que nous venons de rapporter est un peu plus confidérable; mais plusieurs autres degrés mefurés en Allemagne, en Italie, au Cap de Bonne-Espérance & en Amérique, nous persuadent que l'aplatissement n'est pas plus considérable; il est peut-être encore moindre, & le P. Boscovich ne le trouve que de en corrigeant tant soit peu les différens degrés pour les concilier ensemble, suivant les règles de la probabilité.

818. Quand on suppose la terre elliptique on peut, avec deux degrés mesurés à des littudes quelconques, trouver l'aplatissement. Si l'on suppose que N & M soient les deux desrés se avec de la configuration del configuration del configuration de la configuration de la configuration de l degrés, & que s & t soient les sinus des latitudes géographiques vers le milieu de ces deux degrés, on aura pour la frac-N-Mtion qui exprime l'aplatissement, 3 M (s s -- t s) (Mém. de l'Acad. 1735). Si le degré M se trouve mesuré sous l'équateur même, on aura t=0, & $\frac{N-M}{3Mss}$ pour l'aplatissement cherché. Cette expression fait voir que dans l'hypothèse de la terre elliptique, les accroissemens des degrés sont à très-peu-près comme les carrés des sinus des latitudes, car N—M est pro-

portionnel à ss, dès que la fraction $\frac{N-M}{3 M s s}$ est constante.

Si l'un des degrés M étant situé sous l'équateur, l'autre degré N se trouve exactement au pole, l'on aura $\frac{N-M}{3M}$ pour l'aplatissement; ainsi la différence des diamètres de la terre n'est que le tiers de celle des degrés; par exemple, les deux degrés extrêmes différant entre eux de $\frac{1}{77}$, les diamètres de la terre

ne différeront que de 310

819. En substituant dans cette formule les degrés mesurés en France & au Pérou, M. de la Condamine trouve que l'aplatissement de la terre est de 364; mais en y substituant le degré du Nord & celui du Pérou, il ne trouve que 216. Cette dissérence de résultat fait croire que la terre n'a pas une figure régulièrement & parfaitement elliptique, ou qu'il y a dans les degrés mesurés quelque impersection ou quelqu'autre raison d'inégalité, sans quoi l'on auroit le même degré d'aplatissement, par ces deux dissérentes comparaisons; le P. Boscovich en a conclu que le degré du Nord étoit un peu trop grand.

820. Quand on a trouvé le degré d'aplatissement, il est facile de calculer l'angle de la verticale avec le rayon de la terre sous une latitude quelconque. Supposons le demi-petit axe CF(fig. 101) = 1, le demi-grand axe = 1 + β , la lettre β exprimant la fraction de l'aplatissement: le carré de 1 + β sera 1 + 2 β , car à cause de la petitesse de β l'on peut négliger le terme β^2 ; soit l'abscisse CM = x, la sous-nor-

male MK fera = x. $+2\beta$ par la propriété de l'ellipse = x $(1-2\beta)$ en négligeant encore les termes suivans; donc CK $= 2\beta x = 2\beta$ cos. latit. La petite perpendiculaire KD

abaissée sur CO = CK. sin. KCD = CK. sin. latit. = 2 β cos. lat. sin. lat. = β sin. 2 lat. & le sinus de l'angle KOD,

 $= \frac{DK}{DO} \text{ ou } \frac{DK}{CO} = \beta \text{ fin. 2 lat. Nous supposons } OD \text{ sen-}$

siblement égal au demi-petit axe, car il n'en dissère que d'une quantité qui n'introduiroit rien de sensible dans cette formule. C'est ainsi que l'on peut calculer la seconde colonne de la table suivante ou les angles tels que COK formés par le rayon CO,

38 Arrici D'Astronomie, Liv. VIII.

de par la ligne verticale O II perpendiculaise à la furface en

Suppotent 🚑 d'aplantifement.

there de la terre effectione, les extrès des rayons de la terre for le peut are font angune les carrès des finos des latitudes; put exemple, que O d'ifig. 100) est à KM, comme le carré de fines notal est un carre du fines de l'art EL, en supposant mantours les aufferences des degrés extrêmement petites. En estit, par la propiente de l'ellipse O A: KL:: CA: BL on B. KL:: I fin. lat.; donc KL:: B fin. lat., mais à cause des rimples semblables B KC. M KL. on a KL: KM:: CK: B K, on B fin. lat.: KM:: I fin. lat. Donc K M = B fin. lat. *, c'est-1-dire, que la différence entre le rayon de l'é-

quarent, de le rayon C K pour me la- rimée donnée, est éga, a l'appanisment muliplie par le carré du finus de la la-	ļetīt.	dc	· ba	augun, de la patal,
tirade. C'est sur ce principe que sont calculés les nombres de la Table ci-	Da.	0/	di	15"8
jointe qui sont les augmentamons de la	10			1543
paradase de la lune à différences latt-	20	9		13.9
tudes, dépendantes de l'infendité des	30	12	58	11,8
rayous CE, CP. Ainfi la parallaxe bo-	40	14	44	9,2
rizontale de la lune fons le pole, qui a	42	14		
pour bale CP étant imposée de 60/0/		14		8, 2
ou de 3600%. On voit dans cette		44	58	7,0
Table qu'à 50° de lariende il faut y a-	48	14	52	7,0
jouter 67 i pour aveir la parallaxe qui	50	14	44	6,5
convient au rayon CG lous cette la-	55	14	- 4	5,2
titude, & l'angle de la verticale avec le	60	12	58.	4.0
rayon de la terre fous cetre latitude est	65	11	26	2, 8
de 14' 44'. On se sert de cet angle	70	9	36	1,9
pour corriger les distances au zénit ob-	80	5	6	0,5
servées, & pour les réduire au centre	90	0	o'	0,0
de la terre.				

822. On a remarqué dans les accroissemens des degrés, en allant de l'équateur vers les poles, quelques irrégularités, qui viennent peut-être des circonstances locales, plus que de l'irrégularité de la terre: on trouve, par exemple, que le degré mesuré en Italie est plus petit, & que celui du Cap est plus grand qu'il ne devroit être suivant la loi établie par les trois degrés, mesurés sous l'équateur, en France & au cercle polaire; mais une partie de cette différence peut venir de l'attraction latérale des montagnes sur le fil à plomb. Par



les observations que M. Bouguer & M. de la Condamine firent avec grand soin en 1737 au Pérou, près de la montagne de Chimboraço, le fil à plomb étoit détourné de 8" par la masse de cette montagne. On a éprouvé de semblables effets dans les Pyrénées, dans les Alpes

& dans l'Apennin.

823. Si l'on suppose elliptique la figure de la terre, que l'on décrive un sphéroïde sur les deux diamètres de la terre, dont l'un est de 0562024 toises ou de 2874 ; lieues, l'autre de 6525376 toises ou 2858 3 lieues, son volume ou sa solidité sera 12366044000 lieues cubes, la surface de ce sphéroide seroit de 25858089 lieues carrées. d'où il est aisé de conclure la surface de chaque zone

(139).

Pour avoir une idée de la masse ou du poids total de la terre, supposons qu'elle soit composée intérieurement d'une matière à peu-près analogue à l'argille, dont le pied cube pese environ 140 livres; la toise cube pesera 30240 livres, la lieue cube 359775200000000, & le poids livres, ce nombre étant composé de 25 chiffres. Si l'on vouloit pousser le calcul jusqu'à avoir le nombre de grains de sable dont cette masse est composée, chaque grain de sable sensible ne peut avoir moins d'un vingtième de ligne, on trouveroit qu'il doit y avoir en tout dans la masse du globe terrestre..... ce nombre étant composé de 33 chiffres.

824. L'abaissement du niveau vrai par rapport au niveau apparent est l'effet le plus connu de la courbure de la terre. Si la ligne AH (fig. 92) est horizontale, & qu'à une distance AO il y ait une montagne OH, on ne verra du point A, que le sommet H de la montagne sur la ligne horizontale AH, & OH est l'abaissement du niveau vrai O par rapport au'niveau apparent H. Il est aisé de calculer OH, ou CH, puisqu'on connoît le rayon CA de la terre & l'arc AO de la terre ou l'angle ACO. Cette courbure OH est d'un pied pour 1050 toises, ou, ce qui est plus aisé à retenir, else est d'une aune pour une lieue (3pieds 8pouces. pour 2000 toises), mais elle augmente comme le carré des distances (988), & à 4000 toises elle est de 14 pieds 8 pouces. C'est ce qui détermine la distance de

340 Abrede d'Astronomie, Liv. IX.

l'horizon sensible (12) du moins en pleine mer; car si l'observateur est en H, la ligne HA va toucher la mer à l'extrémité de l'horizon sensible; & il varie à raison de la hauteur OH.

LIVRE IX.

Des Satellites de Jupiter & de Saturne.

Les Satellites de Jupiter sont quatre petites planètes qui tournent autour de Jupiter, comme nous l'avons indiqué dans la figure 42; Galilée les appelloit Medicea Sydera; Hévélius les nommoit Circulatores Jours, Jovis Comuter: ils servent continuellement aux Astronomes pour déterminer les différences de longitudes entre les différens pays de la terre (54); il importoit donc beaucoup d'avoir une théorie sûre & exacte de leurs mouvemens, & plusieurs Astronomes y ont tra-

vaillé avec la plus grande affiduité.

825. Les quatre satellites de Jupiter furent apperçus par Galilée le 7 Janvier 1610, peu après la découverte des lunettes d'approche; Simon Marius prétendit les avoir vus dès le mois de Novembre précédent; Gasfendi assure dans la vie de M. Peirese, que celui-ci sut un des premiers après Galilée & Reineri, qui entreprit conjointement avec Morin, de reduire en tables les mouvemens des satellites. Mais on n'eut de tables un peu exactes des mouvemens des fatellites qu'en 1668, par M. Cassini. Celles dont nous nous servons aujourd'hui pour calculer les éclipses des fatellites de Jupiter, sont de M. Wargentin; il en avoit donné une première édition en 1746 dans les Mémoires d'Upsal: ses nouvelles tables sont imprimées dans mon Astronomie.

826. La première chose qu'on doit faire pour construire les tables, est de déterminer les temps des révolutions; on pourroit y parvenir en observant plusieurs fois le moment où chaque satellite parostroit en conjonctions vu de la terre, pourvu qu'elles soient les mêmes que les conjonctions vues du soleil; il faut donc chossir pour determiner ces révolutions, les cononctions des satellites qui arrivent quand Jupiter est en

opposition; car alors si le satellite passe au dessus, ou au-dessous du disque de Jupiter, le moment où il répond au centre de Jupiter est celui de la conjonction. vue du soleil & vue de la terre. On a encore d'une, manière plus facile & plus commode les conjonctions vues du foleil, par le moyen des éclipses; car lorsqu'un satellite est au milieu de l'ombre que Jupiter répand derrière lui, il est évident que le satellite est en conjonction avec Jupiter, puisqu'il est sur la ligne me-née du soleil à Jupiter. L'intervalle d'une éclipse à l'autre sera la durée d'une Révolution synopique (557), c'est à dire, d'une révolution par rapport au soleil; & ce sont presque les seules révolutions dont on fasse usage. On a soin de comparer entre elles des conjonctions très-éloignées, pour mieux compenser les inégalités des satellites, celles de Jupiter, & les erreurs inévitables dans les observations; on trouvera ces révolutions calculées avec le plus grand soin, à l'art. 860, & telles que M. Wargentin les a déduites des observations les plus récentes.

827. LA RÉVOLUTION PÉRIODIQUE est le retour d'un satellite au même point de son orbe, ou au même point: du ciel vu de Jupiter, après avoir fait 360°; cette révolution périodique est un peu plus courte que la révolution synodique; car elle ne le rameneroit pas jusqu'à l'ombre de Jupiter qui pendant ce temps là s'est avancé lui-même, d'une certaine quantité dans son orbite, tout ainsi que nous l'avons expliqué pour la lune (557). Nous ne parlerons guères que des révolutions fynodiques.; ce sont les seules que nous puissions immédiatement observer, & celles dont dépendent les éclipses qui sont aujourd'hui les seules choses que l'on observe; cependant on trouvera dans la table des élémens (860), les révolutions périodiques des quatre satellites par rapport aux équinoxes. Pour avoir les révolutions périodiques par le moyen des révolutions synodiques observées, il faut faire la proportion suivante; 360. plus le mouvement de Jupiter, pendant une révolution synodique, sont à la durée de cette révolution synodique observée, comme 360° seulement sont à la du-rée de la révolution périodique.

828. Connoissant les révolutions des satellites, il faut aussi connoître leurs distances par rapport au centre de

342 Annick D'Astronomia, Liv. IX.

Jopiter, en les mesurant dans le temps de leur plus grande élongation, avec un micromètre; il suffit même de mesurer la distance d'un seul, les autres distances se calculent aisément par le rapport constant qu'il y a entre les carrés des temps & les cubes des distances (832).

C'est ainsi qu'on a trouvé les distances ou les élongations telles que je les ai rapportées, dans la table de l'article 860. Celle du 4º. satellite a été trouvée par M. Pound de 8/ 16" avec un micromètre appliqué à une lunette de 15 pieds, de celle du 3º. satellite de 4' 42" avec une lunette de 123 pieds. Les deux autres ont été conclues par le calcul, de 2/ 56" 47", &

1/ 51/ 6/11. (Newton, Liv. III.).

Comme il est plus commode d'exprimer ces distances en demi-diamètres de Jupiter, &t en centièmes de ce même rayon, c'est aussi la forme que l'on emploie; on trouvera ces distances dans la table des élémens (860), telles qu'elles furent déterminées par M. Cassini; par exemple, la distance du premier satellite est de 5, 67, c'est-à-dire, 5 demi-diamètres de Jupiter, &t 67 centièmes, ou deux tiers. On en déduiroit aisément leurs distances réelles, car le diamètre de Jupiter est environ onze fois plus grand que celui de la terre. Il sussimplier de multiplier par 11 les distances que nous donnons en demi-diamètres de Jupiter, pour les avoir en demi-diamètres de lupiter, ou par 16132 pour les avoir en lieues.

829. Le diamètre de Jupiter, vu du centre du foleil dans fes movennes distances au foleil, ou vu de la terre dans ses moyennes distances à la terre, est de 37//4, fon demi-diamètre est donc 18" 2. Si l'on multiplie cette quantité par les distances exprimées en demidiamètres de Jupiter, on aura ces mêmes distances en minutes & en fecondes, telles qu'on les observe quand Jupiter est dans ses moyennes distances à la terre, mais elles peuvent augmenter enfuite ou diminuer d'un cinquième à cause de la distance de Jupiter, plus ou moins grande par rapport à la terre. Les distances des fatellites en minutes & en secondes, peuvent servir à comparer les distances de ces satellites avec celles des planètes au foleil; supposons, par exemple, qu'on veuille prendre la distance de Vénus au soleil pour unite, ou pour échelle commune, & qu'on demande la distance du quatrième satellite par rapport au centre de Jupiter; on fera cette proportion: la distance de Vénus au soleil 723 (art. 450), est à celle de Jupiter comme 1 est à 7, 1903 distance de Jupiter au soleil; on dira ensuite, le rayon est au sinus de 8/16//, élongation du fatellite, comme 7, 1903 est à 0, 01729, distance du satellite, en parties de celle de Vénus; nous en serons

usage sous cette forme-là (1020).

830. En comparant les distances des fatellites avec les durées de leurs révolutions périodiques, on remarqua bientêt que la loi de Képler (469) y étoit obfervée, aussi bien que dans les planètes. En esset, il l'on prend le carré de 1 18th 28/, & celui de 161 16th 32', ou plus exactement les temps périodiques du premier & du 4e sacellite par rapport aux étoiles sixes; & si l'on prend aussi les cubes de leurs distances 5, 67 & 25, 30, on aura (en ne prenant que les premiers chissres), les nombres 6642, 5775, 1820, 1619, qui sont véritablement en proportion.

831. Les révolutions des fatellites étant additionnées fuccessivement jusqu'à ce qu'elles forment des nombres semblables, on trouve à peu-près les périodes suivantes.

247 révolutions du I. font 437 3^h 44/ 123 révolutions du II. font 437 3 42 61 révolutions du III. font 437 3 36 26 révolutions du IV. font 435 14 16

832. Ainsi dans l'intervalle de 437 jours, les 3 premiers satellites reviennent à une même situation entre eux, à 8' près; cette période nous servira quand nous parlerons des attractions réciproques des satellites (843.) & des inégalités qui en résultent, sur-tout dans les trois premiers.

Inègalités des Satellites.

833. La plus grande inégalité qu'on ait remarqué dans les révolutions des satellites, par rapport au disque de supiter, est celle qui est produite par la parallaxe annuelle (441); soit S le soleil (fig. 103), I le centre de Jupiter, B un satellite en conjonction sur la ligne des centres, ou sur l'axe de l'ombre, T le lieu de la terre,

544 Abrici D'Astronomie, Liw IX.

TIG le rayou mené de la terre par le centre de Jupiter; l'angle TIS égal à l'angle BIG est la parallaxe annuelle de Jupiter, qui peut aller à 12°; il faut alors que le satellite arrive de B en G & parcoure 12° de son orbite, pour nous paroître en conjonction sur la ligne TIG, quoique sa véntable conjonction soit arrivée au point B; ces 12° sont 1 h 25' de temps pour le premier satellite, 2h 50', 5h 44' & 13h 24' pour les autres; telle est l'inégalité qu'on trouve entre les révolutions des satellites, ou leurs retours observés de la terre, quand on les compare au disque apparent de Jupiter, & qu'on observe les passages des satellites sur ce disque; mais quand on se serve les passages des satellites sur ce disque; mais quand on se serve les passages des satellites sur ce disque; mais quand on se serve les passages des satellites sur ce disque; mais quand on se serve les passages des satellites sur ce disque; mais quand on se serve les passages des satellites sur ce disque; mais quand

a'est point exposé à cette inégalité.

834. Passons aux inégalités qui ont lieu par rapport à la ligne des centres SIB, & qui affectent les retours des fatellites à leurs conjonctions, & les intervalles des écliples. Nous avons supposé dans la recherche des périodes (826), qu'on avoit pris un intervalle de temps afsez long pour que les inégalités fussent fondues & compenfées; fi dans la recherche des révolutions ou des moyens mouvemens, on ne prenoit que l'intervalle d'une seule révolution du satellite, le résultat seroit affecté des inégalités de Jupiter, & de celles du fatellite; mais si l'on compare des observations éloignées d'une période entière de lupiter, ou de plusieurs, c'est-à-dire, de 12, de 24 ans, &c. tout fera compensé, & l'on aura exactement le mouvement moyen, abilitaction faite de l'inégalité des retours; on parvient ensuite à connoître ces équations en comparant entre eux les intervalles des différentes écliples; intervalles qui ne diffèrent entre eux qu'à raifon des inégalités dont il s'agit.

835. La plus grande inégalité dans les retours des conjonctions & des éclipses, est celle qui vient de l'inégalité du mouvement de Jupiter; car la différence entre le retour d'une conjonction & une révolution périodique complète du fatellite, dépend du mouvement de Jupiter vu du foleil, dans cet intervalle de temps, ou de l'arc que le satellite doit parcourir pour revenir à sa conjonction avec le soleil; ce mouvement est irrégulier, ainsi les éclipses par cela seul ne reviendront point dans des intervalles de temps égaux. L'intervalle entre deux éclipses est égal à une révolution du satellite, plus le temps qu'il

lui faut, pour atteindre l'ombre de Jupiter, qui s'est avancée autant que Jupiter lui-même, mais inégalement; or l'équation de Jupiter étant de 50 34, tantôt additive, tantôt soustractive, la somme de tous les petits intervalles dont chaque révolution synodique excède chaque révolution périodique, peut faire une différence

de 11° entre deux observations.

836. Soit ABP (fig. 104), l'orbite de Jupiter, S. la foleil, F le foyer supérieur de l'ellipse, autour duquel le mouvement de Jupiter est sensiblement uniforme (495); supposons un satellite qui dans une période de Jupiter fasse un nombre complet de révolutions périodiques; que Jupiter ait fait le quart de sa révolution en temps, c'est-àdire, que l'angle AFB qui exprime l'anomalie moyenne, soit de 90°; le satellite doit aussi avoir achevé le quart des révolutions périodiques qu'il peut faire pendant une période de Jupiter, & être paryenu au point H qui répond dans le ciel au même point que le lieu moyen de Jupiter; mais le satellite arrivera en K, où se fait la conionction avec Jupiter, & sera éclipsé, long-temps avant que d'être arrivé en H; la différence KH mesure l'angle KBH égal à l'angle FBS, qui est l'équation du centre de Jupiter, c'est-à-dire, 5° 34/, le premier satellite emploie 0h 39/25/ à parcourir 5° 34/ de son orbite; ain-si les éclipses que l'on observe devront avancer de 39/ 25// au bout de 3 ans; fix ans après, lorsque Jupiter lera dans la partie opposée de son orbite elles retarderont d'autant.

837. Pour trouver la quantité de cette équation dans chaque orbite des satellites on fait cette proportion: 360° sont à la durée de la révolution synodique, comme 50 34' 1/' sont à un quatrième terme qui se trouve de 39/22'; 1h 19' 13"; 2h 39' 42"; & 6h 12/59". Tel est le fondement de la plus grande inégalité des conjonctions &

des éclipses des satellites.

L'inégalité qui dépend de l'excentricité de Jupiter, & qué je viens d'expliquer, fut la première que M. Cassini employa dans ses tables pour le calcul des éclipses; mais il remarqua bientôt qu'elle ne suffisoit pas pour expliquer toutes les différences qui s'observoient entre les retours de ces éclipses. Il employa d'abord dans ses éphémérides certaines équations empiriques, c'est à dire,

846 ABRECT D'ASTRONOMIE, LIV. IX.

que l'observation sui indiquoit, fant en connoître la soi ni le principe; et nous en employons encore pour ainsi

dire de femblables (846).

138. La première inégalité dont on ait apperçu la véritable cause, est celle qui vient de la propagation successive de la lumière. Soit S (sig. 104.) le solai; ABP l'orbite de lupiter, TVR l'orbite de la terre, dont le diamètre TR est de 69 millions de lieues; la lumière que Jupiter nous résiéchit, est un corps dont l'impression doit arriver jusqu'à nous, pour nous faire appercevoir jupiter & ses satellites; le mouvement de ce corps ne surroit être d'une vitesse infinie, il lui faut un certain temps pour arriver de T en R; ainsi quand la terre est en T, Jupiter étant en opposition, sa lumière arrive plutôt à nos yeux que quand la terre est en R, Jupiter approchant de sa conjonction; on observa en esset que les éclipses des satellites artivoient environ un quart, d'heure plus tard quand la terre étoit vers R, que quand elle étoit en T.

839. Nous voyons dans l'histoire de l'Académie que le 22 Août 1675, M. Cassini publia un petit écrit pour annoncer les configurations des satellites, & qu'il y parloit de la propagation successive de la lumière, sur laquelle M. Romer lut sa dissertation à l'Académie le 22 No-

vembre fuivant; voici les termes de M. Caffini.

M. Romer expliqua très-ingénieusement une de ces " inégalités, qu'il avoit observée pendant quelques années dans le premier fatellite, par le mouvement fuc-" cessif de la lumière, qui demande plus de temps à ve-" nir de Jupiter à la terre lorsqu'il en est plus éloigné, # que quand il en est plus près; mais il n'examina pas si oette hypothèfe s'accommodoit aux autres fatellites qui demanderoient la même inégalité de temps : il m'est arrivé fouvent, qu'ayant établi les époques des fatellites dans les oppositions avec le soleil, où les inégalités fynodiques doivent ceffer, & les ayant comparées ensemble pour avoir le moyen mouvement, lorsque je calculous fur ces époques, & fur ce moyen mouwement les écliples arrivées près de l'une & de l'autre quadrature de Jupiter avec le foleil, le moyen mou-» vement calculé au temps de ces quadratures s'est trouwé différer d'un degré entier, ou un peu plus, du vrai mouvement trouvé par des observations immédiates; mouvement établi dans les oppositions, d'où l'on pouvoit inférer que cette équation seroit doublée dans les

conjonctions ".

840. Cette inégalité étoit sur tout bien sensible dans le premier satellite; mais la découverte de l'aberration (782) ayant prouvé invinciblement la propagation successive de la lumière, il a été reconnu que cette équation devoit être commune aux 4 satellites. M. Maraldi trouvoit en 1741 que les tables du 3º. étoient fort rapprochées de l'observation par le moyen de cette équation, & M. Wargentin s'assura en 1746 de cette équation de la lumière, par la comparaison d'un grand nombre d'observations.

841. La vîtesse avec laquelle les rayons de lumière parviennent depuis le soleil jusqu'à nos yeux, est telle que pendant le même temps la terre fait dans son orbite un arc de 20" (787); or la terre décrit un arc de 20" en 0h 8' 7" ; de temps à peu-près; la lumière met donc 8' à parvenir du soleil à la terre. Lorsque la terre sera en R, Jupiter étant en conjonction avec le soleil, c'est-à-dire, en A, la lumière mettra pour venir jusqu'à nous 16' 15" de plus qu'elle n'en employoit lorsque la terre étoit en T, & Jupiter en opposition dans le point A; ainsi les éclipses des satellites arriverent 16' 15" plus tard dans les conjonctions que dans les oppositions, & dans les autres temps à proportion; c'est l'objet de l'équation principale de la lumière.

842. On suppose jusqu'ici que Jupiter soit dans ses moyennes distances; mais à cause de l'excentricité de son orbite, Jupiter est quelquesois plus ou moins éloigné du soleil, & la différence des distances est quelquesois égale à la moitié de SR; ensorte que quand Jupiter en conjonction ou en opposition, est en même temps aphélie, il y a 4' 5" de plus que quand il est périhèlie; cette petite équation de la lumière dépend de l'anomalie

de Jupiter.

843. La grande équation qui est causée par l'excentricité de Jupiter (835), & les deux équations de la lumière, sont des causes d'inégalités communes à tous les fatellites; mais il y a d'autres équations particulières à chacun d'eux; on les a reconnues par observation; on en

ABRICE D'ASTRONOMIE, LIV. IX.

a decembre les quantés à quelques minutes près, sans en composite parfete pent la cause, & l'on applique une de ces es autres empiriques à chacun des quatre satelli-tes: savet 3 i pour le premier, 16/4 pour le 20, 8/

pour le 3. L 10 0 pour le 4e.

tence care le calcul & l'observation forme l'équation que fon cherche; quand on a fait cette comparaison un grand nombre de fois, l'on est en état de former une

able de l'inegalité & d'en voir la période.

845. L'équation du premier satellite est de 3/ 30/ de temps, en plus & en moins, ce qui répond à un demi-degré de son orbite; M. Bradley apperçut en 1719 que dans les années 1682, 1695 & 1708, c'est-à-dire, environ tous les 12 ans, les éclipses du premier satellite duroient environ 2h 20', tandis que dans l'autre nœud, en 1677 & 1689, ces durées n'étoient que de 26 14'; cette différence paroiffoit prouver que dans le premier cas le fatellite avoit un mouvement plus lent. & se trouvoit par conséquent à une plus grande distant ce qui indiquoit une excentricité dans son orbite; cependant M. Bradley regardoit l'attraction des fatellites comme étant la principale cause de cette inégalité, & il indiqua la période de 437 jours (Philof. tran/. 1726). M. Wargentin détermina par les observations la loi & la quantité de cette équation du premier fatellite, & il la fit entrer dans fes premieres tables publices en 1746; ce qui leur donna un très-grand degré d'exactitude,

Depuis ce temps là on a reconnu que toutes les inégalités sensibles du premier satellite sont dûes à l'action du second, mais que la plus considérable de toutes est en effet de 3' 35 de temps, comme l'a trouvé M.

Wargentin, avec une période de 437 jours.

846. Le fecond satellite est celui de tous qui a les plus grandes mégalités; l'excentricité de son orbite peut bien y entrer pour quelque chose; cependant on approche beaucoup de l'observation par l'équation seu-le de 16/1, dont la période est de 437 jours 20h, & qui paroît provenir de l'attraction du premier & du troisieme satellite. M. Bradley indiqua le premier cet-



te période de 437 jours, en assurant qu'elle ramenoit les erreurs des tables à peu-près dans le même ordre. Il ajoutoit cependant que les dernières observations indiquoient encore une excentricité dans cette orbite.

Le troisieme satellite est celui dont les inégalités sont les moins connues; il parost qu'il y en a une qui dépend de son excentricité, & d'autres qui dépendent des attractions du premier, du second & du quatrieme; tout cela fait environ 8/ de temps en plus & en moins: mais on les partage en plusieurs équations, dont les périodes sont de 437 jours, de 121 ans & de 14, pour les ajuster aux observations.

L'inégalité du quatrième satellite qui va jusqu'à 16 de temps, ne dépend que de l'excentricité de son orbite; & les attractions des autres satellites n'y sont pas

lensibles.

L'Académie ayant proposé, à ma sollicitation, cette matière pour le sujet du prix de 1766, M. de la Grange composa sur l'effet de toutes ces attractions un Mémoire intéressant, qui parostra bientôt dans le IXe Volume des Pieces qui ont remporté le prix de l'Académie.

Des Eclipses des Satellites.

847. Les éclipses des satellites sont un phénomène si important pour la géographie, que nous croyons nécessaire d'en développer ici les principales circonstances. La premiere chose qu'il faut connostre, c'est le diamètre de Combre de Jupiter en temps, ou la durée du passage de chaque satellite au travers 55" Illh de l'ombre de Jupiter, quand il la tra-2 1 40 verse par le centre; la moitié de cet-3 1 0 te quantité ou le demi-diamètre de 0 l'ombre se trouve dans la table cijointe.

848. Si les orbites des satellites étoient toujours dans le même plan que l'orbite de Jupiter autour du soleil, chaque satellite seroit éclipsé à toutes ses révolutions, & la demi-durée de chaque éclipse seroit comme dans la table précédente; mais aussi-tôt qu'on est observé plusieurs sois ces éclipses, on s'apperçut bien-

cot que la durée n'en étoit pas toujours égale; quelquesois le 3º satellite n'est éclipsé que pendant sh 17/2 quelquesois 3h 34/. On vit même que le 4º satellite dans certains temps s'éclipsoit à chaque révolution, de qu'après quelques années il passoit au dessus de Jupiter sans être éclipsé. Cela sit juger que les orbites des satellites n'étoient pas couchées dans le même plan que l'orbite de jupiter; car si cela est été, tous les satellites auroient été éclipsés à chaque révolution, de toujours pendant le même temps; ces dissérences dans la durée des éclipses sont la seule méthode qu'on em-

ploie pour connoître les inclinaisons des orbites.

849. Il est nécessaire d'expliquer ici la menière dont l'inclination des orbites produit l'inégalité dans les durées des éclipses, & suivant quelle loi varie cette durée. Lorsqu'un satellite traverse le cône d'ombre par son centre, il est exactement dans la ligne droite qui joint les centres de Jupiter & du soleil; ainsi il est dans la commune fection de son orbite avec celle de Jupiter. car il fe trouve à la fois & dans le plan de son orbite (puisqu'il ne la quitte jamais), & dans celui de l'orbe de Jupiter, puisque la ligne menée du foleil à Jupiter est toujours dans le plan de cette orbite. Le satellite étant alors dans la commune section de son orbite & de celle de Jupiter, il est évident que Jupiter y est aussi; l'on peut donc alors dire que Jupiter est dans le nœud de son satellite; ainsi quand Jupiter est au degré de longitude, où répond un des nœuds de l'orbe d'un fatellite (vu du centre de Jupiter, le fatellite traverse l'ombre par le centre, & la durée de son éclipfe est la plus longue.

850. Soit SO (fig. 105) la ligne des nœuds, ou la ligne sur laquelle étoit supiter, quand le plan de l'orbite du satellite étoit dirigé vers le soleil, & que les satellites traversoient l'ombre par le centre; supposons que supiter ait avancé de O en I avec l'orbite du satellite autour de lui, cette orbite restera toujours parallèle à elle-même, puisque rien ne tend à la déranger, & la ligne des nœuds sera sur une direction AC parallèle à SO. Ainsi quand supiter s'éloigne du nœud, la ligne de l'ombre n'est plus dans la commune section des orbes de supiter & du satellite; donc le fatellite venant à se trouver en opposition au point M ne sera



pas dans le plan de l'orbise de Jupiter, & ne sera pas sur la ligne des centres, mais au dessus ou au-dessous.

851. Quand Jupiter est dans le nœud d'un de ses satellites, un observateur sapposé dans le soleil se trouve dans le plan de l'orbite du satellite, & il la voit
en forme de ligne droite; pour qu'il la vit toujours
droite il faudroit qu'elle passat toujours par son œil,
que la commune section ou la ligne des nœuds passat
toujours par le soleil; pour cela il faudroit qu'elle fit
le tour du ciel aussi bien que Jupiter en douze ans,
ce qui n'arrive point: la ligne des nœuds est à peuprès sixe dans le ciel; c'est-à-dire, parallèle à ellemême, & dirigée sensiblement vers le même point du
ciel; quand Jupiter y a passé une fois, il s'écoule six

années avant qu'il y revienne.

852. Soient donc NCIA la ligne des nœuds, ABCD l'orbite du satellite qui traverse en A & en C le plan de l'orbite de Jupiter; il faut concevoir que l'orbite du satellite est relevée en B au-dessus du plan de la figure, & se trouve un peu vers le nord; au contraire en D elle est un peu vers le midi, ou au-dessous du plan de la figure; depuis A jusqu'en B, le sarellite va toujours en s'élevant au-dessus du plan de l'orbide Jupiter; depuis B jusqu'en C, il revient vers ce plan, & depuis C jusqu'en D, il descend au-dessous du plan, & il y revient depuis D jusqu'en A. Puisque B est la limite, le point de la plus grande latitude, ou de la plus grande élévation du satellite au-dessus du plan de l'orbe de Jupiter, ce satellite arrivé en M dans sa conjonction supérieure où il est éclipsé, ne sera pas encore à sa plus grande latitude, & il sera d'autant moins éloigné du plan de la figure ou de l'orbite de Jupiter, que l'angle A I M sera moindre, ou son égal SIN. Or l'angle SIN, qui est la distance du satellite à son nœud, est égal à l'angle ISO, ou à la distance qu'il y a entre le lieu I de Jupiter, & la ligne SO supposée fixe, à laquelle la ligne des nœuds IN reste toujours parallèle, quel que soit le lieu de Jupiter; ainsi la latitude du satellite en M dépendra de l'arc AM, ou de l'angle 10S, distance de Jupiter à la ligne des nœuds SO, qui répond toujours vers le milieu de l'onzième figne de longitude.

352 Abrese d'Astronomie, Liv. IX.

853. La quantité dont le point M s'élève au-dessus du plan de l'orbite de Jupiter, est à la quantité dont la simite B s'en éloigne, comme le sinus de AM est au sinus de l'arc AB, c'est-à-dire, au rayon; car si deux cercles se coupent en A & en C, leur distance en différens points, tels que M, perpendiculairement au cercle incliné, ou à l'orbite du satellite, est comme le sinus de la distance au point A, c'est-à-dire, à l'interfection des deux cercles (531). Ainsi la latitude du satellite en M, est comme le sinus de la distance de Jupi-

ter au nœud du fatellite.

874. Lorsque par le mouvement de Jupiter dans son orbite, le rayon SI est devenu perpendiculaire à la ligne des nœuds SO ou IN; le point M de la conjonction supérieure concourt avec le point B, qui est la limite de la plus grande latitude; alors l'angle de l'orbite avec le rayon visuel SIM, est égal à l'inclinaison du farellite, par exemple, 3°; & l'orbite vue du soleil parott sous la forme d'une ellipse, dans laquelle le grand axe est au petit comme le rayon est au sinus de 3° (674) en ne confidérant pas le mouvement de Jupiter pendant la durée de la révolution du fatellite, ou bien en confidérant le fatellite feulement par rapport à Jupiter. Soit S le soleil (fig. 108), I le centre de Jupiter, I H le rayon de l'orbite d'un satellite qui est dans un plan perpendiculaire à l'orbite de Jupiter, & qui est incliné sur le rayon folaire de la quantité de l'angle SIH; on aura IH: KH:: R: fin. KIH, done KH=IH fin. KIH, donc KH=IH fin. KIH, c'est la quantité dont le fatellite paroîtra s'élever au-dessus du plan de l'œil. dans le temps où l'ellipse sera la plus ouverte. Dans les autres positions de Jupiter par rapport au nœud, cette quantité diminuera comme le finus de la distance de Jupiter au nœud (853); ainst appellant I la plus grande latitude, ou l'inclination du fatellite, comptée sur l'orbite de Jupiter, & R la distance du satellite à sa planéte, ou le rayon de son orbite, on aura R. sin. I. sin. D pour la quantité dont le fatellite paroîtra élevé au-deffus du plan de l'orbite de Jupiter, perpendiculairement à l'orbite du fatellite, dans le moment de fa conjonction supérieure ; il n'en faut pas davantage pour calculer les durées des éclipses.

853. Cet-

Est. Cette élévation du satellite au-dessus de Jupiter est égale à son abaissement dans le point opposé; l'ellipse qu'il parost décrire est donc plus ou moins ouverte, suivant que Jupiter s'éloigne de la ligne des nœuds; quand le petit axe de cette ellipse devient plus large que le cône d'ombre, le satellite passe au-dessus de l'ombre, comme on le voit dans la figure 100; c'est ce qui arrive toujours au 4° satellite de Jupiter environ deux ans après le passage de Jupiter dans les nœuds des satellites. Quand Jupiter est à 30 degrés de la ligne des nœuds, l'ellipse (sig. 107) a la moitié de l'ouverture qu'elle avoit dans le cas précèdent, parce que le sinus de 30° est la moitié du sinus cotal; alors le satellite traverse l'ombre malgré l'obliquité de son orbite.

856. La section de l'ombre de Jupiter dans la région du satellite est représentée par le cercle EDBF (sig. 109) que je suppose perpendiculaire à la ligne des centres du soleil & de Jupiter; il est traversé par un diametre QB, qui est une portion de l'orbite CN de Jupiter; ED est une portion de l'orbite du satellite, N le nœud ou l'intersection, CA est la perpendiculaire sur cette orbite; r'est un arc qui vu du centre de Jupiter n'est autre chose que la latitude du satellite; son sinus seroit égal à sin. I sin. D, par la propriété ordinaire du triangle sphérique rectangle CAN.

857. Quand on connoît CA, il faut le comparer au rayon CD ou CB, dont la valeur est connue par observation en secondes de temps, parce que c'est le demidiamètre de l'ombre (847); c'est-à-dire, la demi-durée des éclipses, qui est la plus grande de toutes, & qui est exprimée par CB; nous exprimerons même, la distance du satellite à Jupiter, ou le rayon de son orbite, en parties semblables, ou en secondes de temps, en mettant au lieu de R le temps que le satellite emploie à parcourir un arc de même longueur que le rayon de son orbite, c'est-à:-dire, un arc de 57%; car il n'importe pas que cette distance qu'on prend pour unité, soit en temps, en degrés, ou en demi-diamètres de Jupiter, ni même que le mouvement de Jupiter rende plus long le temps des 570, parce que nous ne cherchons ici que le tapport entre la distance & l'arc parcouru pendant l'éclipse. Pour connoître le temps qui répond à un arc d'environ 57°, il suffit de faire cette proportion 300° sont

554 Anneck MASTRONOMIE, Liv. IX.

à la révolution synodique, comme 570 on 20525511 font au temps cherché que j'appelle s. Ayans multiplié fin. I fin. 1) par ce nombre de fecondes de remps, on aura CA en secondes de temps = r' fin. I sin. D; on a auffi le rayon CD ou CB en fecondes de temps, c'est · la demi - durée de la plus grande éclipfe, celle qui a lieu quand supiter est dans le nœud du fatelline; enfin, c'est "le demi-diamètre de l'ombre en temps (#47); on chetchera le côté AD exprimé de même en seçondes de

· temps, & l'on aura la demi - durée de l'éclipfe.

· 858. Ainfi la durée des écliples quand elle est la moindre de toutes, nous fait trouver l'inclination de l'orbite, & quand elle est la plus grande, elle nous apprend le lieu du nœud; mais un phenomène bien fingulier, & qui a long - temps exercé les Altronomes, c'est un changement dans les inclinations du fecond oc du troifieme fatellite; la premiere change depuis 20 48/ jusqu'à 30 48. de la période de cette inégalité est de 30 ans ; le troisseme fatellite change depuis 3º 2/ jusqu'à 3º 26/; il pa-rost que la période est de 132 aus, or que l'angle étoit le plus grand en 1765. On n'avoit aucune idée de la cause de ces variations singulières, lorsque je fis voir en 1762 que les nœuds des fatellites devoient avoir un mouvement tantôt direct & tantôt rétrograde par rapport de l'orbite de Jupiter, en vertu de leurs attractions mutuelles, & qu'il en réfultoit une variation dans leurs inclinations (Mem. acad 1762, pag. 239); on a vu à l'occafion des planètes la manière dont le mouvement des nœuds produit ce changement d'inclinaison (527); mais cette découverte a mis le dernier degré de perfection à la théorie des fatellites de Jupiter.

859. Celle du premier fatellite est constamment de 20 18' 38", & celle du quatrieme de 20 36' o'. Le mouvement du nœud paroft nul pour le premier & le troifieme fatellite ; il est de 2/3" par année pour le fecond fatellite, & de 4/ 19" pour le quatrieme, mais ce mouvement est sujet à des inégalités analogues à celles de

l'inchmation.

860. Elémens que servent à la théorie & au calcul des

The same of the sa	4		مسو بالهوم و	HANN CO. U.S.
	1.	it.	III.	IV.
Révolution périodiq. Révolution synodique. Dist. en demi-diam. Dist. en min., dans les	1 18 28 30 5,965 1/-51//	3 13 17 54 9,494	7 3 59 30 15,141	16j 16h 32/ 8// 16 18 5 2 26,630 8/·16//
moy. dist. de supiter. Long.moy.jovic. 1700.	25 12° 12/ 10//	2 3 i 2	58 12° 47/ 16/	78 178 5/44//

861. La parallaxe annuelle dont nous avons vui l'effet pour les planètes (441), a lieu également pour les fatellites (833); & comme elle peut aller jusqu'à 12°, il en résulte des différences très, sensibles sur la situation apparente que nous observons de la terre, lorsqu'un satellite est au même point de son orbite; voilà pourquoi les satellites, lors même qu'ils sont en conjonction os qu'ils sont éclipsés, nous paroissent quelquesois assez éloignés de Jupiter. Le temps où il importe le plus de connostre la situation apparente des satellites, est celui des immersions et des émersions; c'est pourquoi je vais parler séparément des effets de la parallaxe annuelle sur la situation des satellites au temps des éclipses; ils peut vent se représenter par une simple sigure avec une précision sufficante pour l'usage des observateurs:

862: Soit I, le centre de Jupiter (fig. 1.12), énvironné des orbes de ses quatre satellites; IG la ligne des syzygies ou l'axe du cône d'ombre qui va du soleil à Jupiter, & ensuite au-delà du côté du point G de l'opposition; GE un arc de 11, pris sur la circonférence de l'orbite du 4e satellite; det arc étant égal à la plus grande parallaxe annuelle de Jupiter, dans ses moyennes distances, la ligne IE marquera la direction du rayon visuel de la terre quand Jupiter est dans sa quadrature, entre l'opposition & la conjonction, passant au méridien à on du soir; car alors nous voyons Jupiter 110 à l'occident de son vrai lieu héliocentrique, marqué par la ligne IG. Si par les points G, F, g, f, sur lesquels se trouvent les satellites en conjonction, on tire des patallèles à la ligne IE, telles que GD, FC, gB, fA, l'on aura les 4 points, A, B, C, D, où les satellites doivent parostre à côté de Jupiter, au moment de leur

356 Abrece B'Astronomia, Liv. IX.

conjunction héliocentrique; c'est sur la droite de Jupiter, après l'opposition dans une lunette qui renverse, de

même que dans la figure 112.

parallaxe annuelle sera moindre que 110, on trouvera la position du rayon visuel IE, qui est la ligne des conjonctions géocentriques, en décrivant sur l'arc EG comme rayon, un demi-cercle, divisé en degrés, ou en heures; on prendra 300 en partant du point E de 6 heures, l'on y marquera 4h & 8h, parce que jupiter étant éloigné de 300 de sa quadrature, passe au méridien environ à 8h du soir, où à 4h du soir; & l'on tirera vers ce point de 4h la ligne telle que IE; il est plus commode pour les astronomes d'avoir ce demi-cercle divisé en temps que de l'avoir en degrés, parce que le temps du passage au méridien se trouve calculé dans les éphémérides, & que les astronomes en sont un usage continuel.

Lorsque Jupiter, après la conjonction passe au méridien le matin, c'est du côté droit ou dans la partie orientale qu'on doit tirer la ligne I E de la conjonction géocentrique; & les satellites nous parostront à gauche ou à l'occident de Jupiter dans le temps de leurs conjonctions

héliocentriques.

864. On trouvers par le moyen de cette figure la diftance des fatellites au moment de l'émersion, en prenant du côté de l'orient, c'est-à-dire, à droite des points A, B, C, D, une quantité égale au demi-diamètre de l'ombre, qui est à peu-près égal au demi-diamètre IH de Jupiter, & l'on aura la distance des fatellites par rapport au bord de Jupiter, pour le temps de leurs émerfions; ou bien l'on examinera la distance I A d'un satellite au centre de Jupiter, pour le temps de la conjonction, & ce fera fa distance au bord occidental H, pour le temps de l'immersion, & au bord oriental X, pour le temps de l'émersion. Ces distances au bord X sont rapportées au dessous de la figure, elles sont de 14, & 24 diamètres de Jupiter, dans les émersions qui arrivent au temps des quadratures de Jupiter, c'est-àdire, quand il est à 900 du soleil, & qu'il passe au méridien à 6 heures du soir.

DES SATELLITES DE SATURNE.

865. M. Huygens, le 25 Mars 1655, observant Saturne avec des lunettes de 12 & de 23 pieds, apperçut le 4e satellite pour la première fois; c'est le plus gros de tous, & le seul qu'on puisse voir avec des lunettes ordinaires de 10 à 12 pieds; M. Cassini apperçut le cinquième sur la fin d'Octobre 1671, avec une lunette de 17 pieds; il vit ensuite le troisième avec des lunettes de 35 & 70 pieds, le 23 Décembre 1672, & il publia pourlors un petit ouvrage à ce sujet. Au mois de Mars 1684, il observa les deux intérieurs, c'est-à-dire, le premier & le second, avec des lunettes de Campani de 34, 47, 100 & 136 pieds, avec celles de Borelli de 40 & de 70, & avec celles d'Artonquelli, qui étoient encore plus longues. (Fournal des Sav. 15 Mars 1677 & 1686. Phil. trans. 10. 133, 154, 181. Mém. acad. 1714).

866. L'on doutoit en Angleterre de l'existence des quatre satellites que M. Cassini avoit découverts; mais en 1718 M. Pound ayant fait élever au dessus du clocher de sa Paroisse l'excellent objectif de 123 pieds de foyer que M. Huygens avoit donné à la Société Royale de Londres, il les observa tous les cinq; & l'on vérissa les élémens de leur théorie, comme M. Cassini l'avoit fait à Paris en 1714. Dans le même temps M. Hadley, Vice Président de la société Royale, ayant trouvé le moyen de faire d'excellens télescopes, à l'instigation de Newton, ce sur avec ces télescopes qu'on continua d'observer les satellites de Saturne. (Philos. trans.

867. Le premier & le second satellite ne se voyent qu'à peine avec des lunettes ordinaires de 40 pieds, le troissème est un peu plus gros, quelquesois on l'apperçoit pendant tout le cours de sa révolution; le 4° est le plus gros de tous, aussi fut-il découvert le premier. Le 5 surpasse les trois premiers quand il est vers sa digression occidentale, mais quelquesois il est très petit, & disparoit même entièrement. M. Wargentin m'a assuré les avoir vu tous avec une lunette acromatique de dix

pieds.

1723).

868. On détermine les révolutions des satellites en comparant ensemble des observations faites lorsque Sa-

458 ABBEGE B'ASTRONOMER, LIV. IX.

turne est à peu-près dans le même lieu de son orbe, de les satestites à même dustance de la conjonction; on choisit aussi les temps où leurs ellipses sont les plus ouvertes, c'est-à-dire, où Saturne est à pa- de leurs nœuds, parce qu'alors la réduction est nulle, & le lieu du satestite sur son orbite est le même que son vrai lieu réduit à l'orbite de Saturne; c'est ainsi que M. Cassini a détermine en 1714 leurs périodes vues de Saturne à

l'égard de l'équinoxe, telles qu'on les voit dans la table ci jointe. Il détermina aussi les époques de leurs longijudes, vues du centre de Saturne, & complées le long des plans de leurs orbites;

Satell.	Révol. périod.		
	ti 21 ^h	18'	27"
11	2 17	44	22
	4 13	25	12
V	15 22	34	30
	177 1	44	- 0

je les ai rapportées dans la table de l'article suivant, pour l'année 1760, afin qu'on puille trouver aisément leur position en tout autre temps, comme on les trouveroit par les tables détaillées, qui font dans les Mémoires de l'académie de 1716, ou dans le livre des tables de M. Cassini. Si l'on veut avoir ces positions avec exactitude, il faut les réduire au plan de l'orbite de Saturne, comme nous avons réduit les planères au plan de l'écliptique (431). L'argument de latitude se trouve en retranchant de la longitude du fatellite vue de Saturne celle du nœud, qu'on verra ci-après (873), c'est-à-dire, 5s 4° pour le 5c, & 5s 22° pour les quatre autres; quand on connoît aussi l'inclinaison de l'orbite on resout un triangle pour trouver la latitude du satellite vue de Saturne; c'est aussi l'angle que fait l'orbite avec notre rayon visuel, & par conséquent la valeur du petit axe de l'ellipse que le satellite parost décrire, le grand axe ou le diamètre de l'orbite étant pris pour unité.

869. On a employé plusieurs méthodes pour déterminer les distances des satellites au centre de Saturne; il est fort difficile de les voir avec Saturne dans le même champ de la lunette, pour mesurer leurs plus grandes digressions; d'ailleurs cette methode ne peut guères servir que pour les deux premiers satellites. L'on emploie pour les autres l'intervalle de temps qui s'écoule entre le passage de Saturne & celui du fatellite par un fil horaire place au foyer d'un telescope. M. Cassini ob-

serva que la règle de Képler (469) se vérisioit trèsbien dans les cinq satellites, (Mém. acad. 1716). M. Pound s'en servit pour trouver, par la distance du 4e, celles des autres satellites; il détermina, au moyen de l'objectif de 123 pieds, le plus exactement & le plus souvent qu'il sût possible, la distance du 4e au centre de Saturne dans ses plus grandes digressions, qu'il trouva de 8, 7 demi-diamètres de l'anneau (971), & connoissant d'ailleurs la durée de leurs révolutions, il en conclut par la règle de Képler les distances des 4 autres, comme je vais les rapporter en demi-diamètres de l'anneau, & en demi-diamètres de Saturne, ceux ci étant entre eux comme 7 est à 3.

		itudes & des d de Satyrn		
SATELLITES.	i.ongit. en 1760 . iniv. M. Callini.		demi-d. de l'Anneau fuivant M.	Dist. en min. & sec. déduites de celle du quatrième.
I.	9 10 18	6s 10° 41/51// 4 11 32 5	2,686	0/ 43//\$
[]]. [V. V .		2 19 41 25 O 22 34 37	3,752 8,698	1 18 3 0

870. Les distances en demi-diamètres de l'anneau étant multipliées par 33364 ; donneroient les distances en lieues, mais il faudra rejetter trois chiffres du produit, à cause des trois décimales qui sont jointes dans la table

précédente au nombre des demi-diamètres.

Le 9 Juin 1719, à 1ch, M. Pound avec la lunette de 123 pieds, & un excellent micromètre, trouva que le 4e satellite, parvenu à peu près à sa plus grande digression orientale, étoit à 3'7" du centre de Saturne; ainsi la distance du satellite à Saturne étoit à la distance moyenne du soleil à la terre, comme 825 est à 100000; d'où il seroit aisé de conclure les quatre autres distances, en parties de celle du soleil.

360 Abrécé d'Astronomie, Liv. IX.

87 t. En comparant les fatellites avec l'anneau de Saturne en divers points de leurs orbites, & en examinant l'ouverture de ces ellipses; on a vu que les quatre premiers paroiffoient à l'œil décrire des ellipfes semblables à l'anneau, & situées dans le même plan, c'est à dire, inclinées d'environ 31. à l'écliptique ou 30' fur l'orbite de Saturne. En effet le petit axe des ellipses que décrivent ces satellites, lorsqu'elles paroissenc les plus ouvertes, est à peu près la moitié du grand. axe ; de même que le petit diamètre de l'anneau est alors la mortié de celui qui passe par les anses; ces facellices dans leurs plus grandes digressions sont toujours fur la ligne des anses; tout cela prouve qu'ils fe meuvent dans le plan de l'anneau. Or, M. Maraldi trouva, en 1715, que le plan de l'anneau de Saturne coupoit le plan de l'orbite de Saturne sous 30° d'inclinatfon (972). Ainsi l'angle des orbites des 4 premiers satellites avec l'orbite de Saturne est de 301.

872. A l'égard du cinquième satellite, M. Cassini le fils, reconnut en 1714, que son orbite n'étoit inclinée, soit sur le plan de l'anneau que de 15° 1 (Mém. Acad. 1714), & il vit ce satellite décrire une ligne droite qui passoit à peu-près par le centre de Saturne, pendant que les autres s'en écartoient sensiblement au-dessus & au-dessous; ajust l'orbite du 5e satellite étoit inclinée de 15 à 16. sur l'écliptique, & autant sur le plan de l'anneau & sur celui des orbites des 4 satellites intérieurs, mais dans un

autre fens.

873. M. Maraldi détermina en 716, la longitude du point d'interfection de l'anneau sur l'orbite de Saturne 5° 10° 48° 1, & sur l'écliptique 5° 10° 1. Telle est la longitude du nœud des 4 premiers satellites. On a cru reconnoître en 1744, que les nœuds de l'anneau avoient en un moment rétrograde; il est difficile d'en juger sur un petit intervalle de temps, cependant il est naturel de croire que les attractions des satellites sur cet anneau y produisent un semblable effet, puisque la lune le produit sur le sphéros de terrestre (1064); on s'en assurera mieux cette année 1773, Saturne se trouvant dans le nœud de l'anneau, & des satellites, ensorte que leurs orbites paroîtront des lignes droites, leurs plans passiant par notre œil.

Le nœud du 5e satellite fut trouvé en 1714 par M. Cassini à 5s 4° sur l'écliptique, c'est-à-dire, moins avancé de 17° que le nœud des 4 autres satellites sur l'orbite de Saturne qu'il supposoit à 58 210 sur l'écliptique, (Mém. acad. 1714, pag. 374) M. Cassini le dé-termina ainsi en observant le lieu de Saturne le 6 & le 7 Mai 1714; le 5e satellite paroissoit alors se mouvoir en ligne droite, & nous étions par conséquent dans son plan & dans le nœud de son anneau. On croit aussi qu'il y a un mouvement dans ce nœud du cinquieme satellite.

874. LE SATELLITE DE VENUS, que M. Cassini avoit cru appercevoir, a été soupçonné par M. Short, & par d'autres Astronomes (Hisi. de l'acad pour 1741, Philos. trans. no. 459, Encyclopédie, tom. XVII. pag. 837); mais les tentatives inutiles que j'ai faites pour l'appercevoir, de même que plusieurs autres astronomes, me persuadent que c'est une illusion optique formée par les verres des télescopes & des lunettes; c'est ce que pensent le Pere Hell à la fin de ses Ephémérides pour 1766, & le P. Boscovich dans sa cinquieme dissertation d'optique: M. Short à qui j'en parlai à Londres en 1763, me parut lui-même ne pas croire

l'existence d'un satellite de Vénus.

.

875. On peut se former une idée de ce phénomène d'optique, en considérant l'image secondaire qui paroît par une double réflexion, lorsqu'on regarde au travers d'une seule lentille de verre un objet lumineux placé sur un fond obscur, & qui ait un fort petit diamètre; pour voir alors une image secondaire semblable à l'objet principal, mais plus petite, il suffit de placer la lentille de manière que l'objet tombe hors de l'axe du verre; cette image sécondaire, qu'on a prise pour un satellite de Vénus, parost du même côté que l'objet. ou du côté opposé, & elle est droite ou renversée, suivant les diverses situations de la lentille, de l'œil & de l'objet. Si l'on joint deux lentilles, on aura plusieurs doubles réflexions de la même espèce, du moins dans certaines positions; mais elles sont insensibles la plupart du temps, parce que leur lumière est éparse, & que leur foyer est trop près de l'œil, ou qu'elles tombent hors du champ de la lunette; mais il y a bien des cas où ces rayons se réunissent & forment une fausse image qu'on a pu prendre pour un satellite de Vénus.

LIVRE X.

BESCOMETES.

a de la corps célestes qui pade la corps célestes qui pade la composite de la composite de celui de la composite de la celui de la composite de celui de la composite de la celui de la composite de la celui de la cel

e anne es ées comètes qui les distingue . a cas cella ci l'on n'a jamais wast (287); d'ailleurs la lu-== = unucurs turble & douce, c'eft une a a este refermient vers nous, auffi-. == nt >==== (pécialement par a maisse of 1744, done la parmanue , Alen. acad. 1744, 2 - Tante To Municipal pas toujours, The raid of the part des coméand the second of the second s tonde, s vorges par ces traînces a. I a. where communees & fuivies. a service, amuse la queue de la and the second test cometes fans and the servenice: L'ambètes de 1585, Scar, etoit ronde, elle - Entement la circonféthe state of the s nuclques fibres lu-- ce con claire, suivant Tenant no ne chevelure; en-A TOTAL & M. Caffini, étoit - Den acad. 1699);

and the first parce que les



ainsi l'on ne doit pas regarder les queues des comètes, comme leur caractère distinctif.

877. Riccioli dans son énumération des comètes n'en compte que 154 citées par les Historiens, jusqu'à l'année 1651, où il composoit son Almageste, & la dernière étoit celle de 1618. Mais dans le grand ouvrage de Lubienietz, où les moindres passages des auteurs sont scrupuleusement rapportés toutes les fois qu'ils ont le moindre rapport aux comètes, on en voit 415 jusqu'à celle de l'année 1665, qui parut depuis le 6 jusqu'au 20 Avril, entre Pégase & les cornes du Bélier. Depuis ce temps-là on en a observé 39, en comptant celle qui a paru au mois de Février 1772.

1878. Mais de toutes ces apparitions de comètes, nous n'en trouvons aucune dont la route soit décrite d'une façon circonstanciée, avant l'année 837, & le nombre de celles, dont on a pu avoir assez de circonstances pour calculer leur orbite, se réduit jusqu'ici à 6/, en ne comptant que pour une seule comète celles de 1456, de 1531, 1607, 1682 & 1759, qui sont bien reconnues pour n'être qu'une seule & même planète (92); j'ai réuni de même celles de 1532 & de 1661, & celles de 1264 &

de 1556, dont nous parlerons, art. 914.

879. Au reste, nous devons être persuadés qu'il a paru de tous les temps beaucoup de comètes dont nos Historiens ne parlent point, & qu'il y en a eu beaucoup plus encore qui n'ont point été apperçues; les Anciens même le savoient, car Posidonius avoit écrit, suivant Sénèque (Quast. nat. l. VII, c. 20), qu'à la faveur de l'obscurité produite par une éclipse de soleil on avoit vu une comète très-proche du soleil, c'étoit vers l'an 60 avant J. C.; ce qui donne lieu de croire que dans de pareilles circonstances on en verroit souvent. Depuis l'année 1757 qu'on a attendu & cherché la comète de 1682, & que l'attention des observateurs s'est tournée de ce côté - là., on a observé sept autres comètes, dans l'espace de 7 ans; M. Messier s'est occupé sur - tout à les chercher & sou vent il les a vues le premier; il y a lieu de croire que quand on prendra la peine de les chercher dans le ciel, on en trouvera un grand nombre.

Alstedius observe que dans les années qui précédèrent & qui suivirent 1101, date de la 223e comète, on en

364 Annege d'Astronomie, Lev. X.

nit presque toutes les années (Lubisalsais sbass. come-

Il est même arrivé plus d'une fois que l'on a vu en même temps plusieurs comètes. Riccioli en rapporte plusieurs exemples. Le 11 Février 1760, on en voyoit

deux (Mim. acad. 1760, pag. 168).

880. Les comètes dont l'apparition a été la plus longue, sont celles qui ont paru pendant 6 mois; la première du temps de Néron, l'an 64 de J. C. (Sen. 1.7, c. 21); la seconde vers l'an 603, au temps de Mahomet; la troisième en 1240, lors de l'irruption du grand Tamerlan. De nos jours la comète de 1729 a été observée pendant six mois, depuis le 31 Juillet 1729 jusqu'au 21 Janvier 1730; celle de 1769, pendant près de 4 mois. Riccioli nous donne une table de la durée de beaucoup d'autres comètes, suivant différens Historiens; on y voit 4 comètes de 4 mois, savoir celles des années 676, 1264, 1363, 1433.

881. Toutes les comètes paroissent tourner comme les autres astres par l'effet du mouvement diurne (art. 2); mais elles ont encore un mouvement propre, aussi bien que les planètes, par lequel elles répondent successivement à différentes étoiles sixes. Ce mouvement propre se fait tantôt vers l'orient, comme celui des autres planètes, tantôt vers l'occident, quelquefois le long de l'écliptique ou du zodiaque, quelquefois dans un seus tout

différent & perpendiculairement à l'écliptique.

La comète de 1471 fit en un jour 120 degrés, ayant rétrogradé depuis l'extrémité du figne de la Vierge, jufqu'au commencement du figne des Gémeaux, suivant l'observation de Regiomontanus. La comète de 1760 entre le 7 & le 8 de Janvier, changea de 41° i en songitude; on pourroit enter d'autres exemples d'une trèsgrande vitesse observée dans le mouvement apparent des comètes: on verra ci-après (920), qu'elle pourroit aller bien plus loin, si une comète passoit plus près de la terre.

882. Quelquefois les comètes paroissent si peu de temps que dans la durée de leur apparition leur situation ne change pas beaucoup; mais il y a des comètes dont le mouvement est fort étendu, celle de 1664 parcourut 164 degrés par un mouvement rétrograde en apparence, du 20 Décembre jusqu'au 6 Janvier 1665, & en 17 jours.

elle parcourut 113°; celle de 1760 parcourut 8 signes ou 240°, tant avant qu'après sa conjonction; celle de 156 un demi-cercle environ, ou 180°; celle de 1472 sit environ 170°; celle de 1618 ne parcourut que 107°4, mais ce sut dans l'espace de 28 jours (Riccios, alm. II, 28).

883. Les Anciens n'ont parlé communément de la grandeur des comètes qu'en faisant attention au spectacle de leur queue, ou de leur chevelure, nous en parlerons plus bas (923); cependant il y a des comètes dont le diamètre apparent semble avoir été très-considérable, indépendamment de la queue. Après la mort de Démétrius, roi de Syrie (146 avant Jesus Christ), il parut une comète aussi grosse que le soleil (Sen. VII, 15.). Celle qui parut à la naissance de Mithridate, répandoit, suivant Justin, plus de lumière que le soleil.

La comète de 1006 (rapportée par erreur à l'an 1200 dans quelques livres), étoit quatre fois plus grosse que Vénus, & jettoit autant de lumière que le quart de la lune pourroit faire; cette comète parose être la même

que celles de 1682 & 1759 (art. 911).

Cardan dit la même chose de celles de 1521 & 1556. Nous n'avons rien de bien déterminé sur la grandeur apparente des comètes avant celle de 1577; son diamètre apparent, suivant Tycho, étoît de 7/, c'est-à-dire, selon lui, le double du diamètre de Vénus.

Différentes opinions sur les Comètes.

884. Apr es avoir parlé des principales circonstances qui ont rendu les comètes remarquables, je vais parler des différens systèmes auxquels elles ont donné lieu. Il y a eu de tout temps des Philosophes persuadés que les comètes étoient des planètes, dont le mouvement devoit être perpétuel & les révolutions constantes; on a attribué peut-être mal à propos, ce sentiment aux anciens Caldéens; mais ce sut réellement celui des Pythagoriciens & de plusieurs autres, tels que, Apollonius le Myndien, Hippocrates de Chio, Æschyle, Diogènes, Phavorinus, Artemidore & Démocrite, qui au jugement de Cicéron (Tusc. 1.5.) & de Sénèque (Quest. nat. lib. 7), sut le plus subtil de tous les anciens Philosophes. On peut voir au sujet des systèmes anciens, Pline, 1. II. c. 25.

Arist. Messor. F. S. Plutarque de Plac. Phih. 3. 2. Aulus Gelle 14. 1. Sen. 4, VII. c. 13. Riccioli, Am. 11. 35 p. & ce que j'ai dit moi-même dans les Mêm. de 1750 p. ag. 1 & suiv. Mais on doit, sur tout à Sénèque à ce témoignage, qu'aucun auteur n'a parlé. des comètest d'une manière aussi sublime que lui dans le VIIs. livet de ses questions naturelles. Un astronome auroit peine à s'exprimer aujound'hui d'une manière plus philosophique.

phique.

1885. Maigré des idées aussi hunineuses, on a vu des hommes célèbres regarder les comètes, comme des corps nouvellement fotmés & d'une existence passagères Lels, furent Atistote, Ptolomée, Tycho, Bacon, Gan lilée, Hévélius, Longomontanus, Képler, Riccioli, Ma de la Hire (Môm. acad. 1702, pag. 112). Plusieurs d'entr'eux les regardent comme des corps sublunaires, qui des météores de l'atmosphère; M. Cassini lui-même avoit cru que les comètes étoient formées par les exhalaisons des autres astres. (Abrégé des observations)

Ce fut fur-tout le sentiment qui domina dans les écoles, pendant les siècles d'ignorance; aussi les Astronomes s'occupèrent très-peu à determiner leurs mouvé;
mens. Tycho-Brahé fut le premier qui ayant chservé
longtemps, & avec soin, la comète de 1577, pared
qu'on observoit tout dans son château d'Urambourg,
composa un ouvrage considérable à cette occasion; il
trouva qu'on pouvort assez bien représenter ses apparences, en supposant qu'elle avoit décrit autour du soleil
une portion de cercle qui rensermoit les orbites de Mercure & de Vénus.

Tycho faisant voir dans cet ouvrage que les comètes étoient des corps fort élevés au dessus de la moyenne région, renversoit le système ancien des cieux solides à comme Newton se servit ensuite des comètes pour détruire le plan de Descartes & l'hypothèse des tourbillons.

Képler ayant trouvé que les observations de la comète de 1618, s'accordoient mieux avec une ligne droite qu'avec un cercle, crut que les comètes avoient un mouvement purement rectiligne. M. Cassini crut que ce mouvement se faisoit autour de la terre; mais Hévéhus, dans sa cométographie, imprimée en 1668, sit voir que la route des comètes approcheit plus d'une parabole décrite autour du soseil.

836. Ce fut la découverte de l'attraction qui ouvrit, pour ainsi dire, aux Philosophes, un nouveau ciel; Newton, en voyant les autres planètes soumises à la force centrale du soleil, pense que les comètes devoient être du nombre des planètes, à suivre les mêmes loix dans leur mouvement autour du soleil; il falloit pour cela que leurs orbices sussent fort excentriques, c'est-dire, très-alongées, afin d'expliquer une très-longue disparition.

Pour voir si cela s'accorderoit avec les observations, Newton examina l'orbite de la comète de 1680; il trouva qu'une portion d'ellipse très-alongée, ou ce qui revient au même, une portion de parabole, convenoit parfaitement avec toutes les observations, pourvu qu'on supposat les aires proportionnelles aux temps, comme dans les mouvemens planétaires (472); dès-lors il ne douta plus que les comètes ne sussent des planètes aussi périodiques ex aussi anciennes que les autres.

M. Halley appliqua ces principes à différentes comètes (908), en choisissant celles qui avoient été les mieux observées; peu-à-peu il étendit ses calculs à 24 comètes, & én 1705 il publia les élémens de ces 24 paraboles dans sa cométographie, que j'ai publiée de nouveau en François, dans une nouvelle édition des tables de Halley, en 1759.

887. Depuis ce temps-là le nombre des comètes observées & calculées s'est augmenté jusqu'à 61 (968);
plusieurs de ces comètes ont été observées pendant des
mois entiers, sur une très grande portion de la circonférence du ciel, avec des inégalités apparentes extrêmement considérables, & cependant quand on les réduit
à une parabole décrite autour du soleil, on trouve entre les observations un accord si parfait, qu'il n'y a aucune autre hypothèse, ni aucune autre loi qui pût approcher de cette exactitude; ainsi nous allons expliquer
le mouvement des comètes, dans une orbite parabolique
dont les dimensions sont données; & nous chercherons
ensuite la manière de trouver ces dimensions, ou l'orbite d'une comète qui parost pour la première fois.

368 Assect S'Astronomes, Lry. X.

Do mondemint purabellque des Comètes.

fervir, à l'exemple de Newton & de Halley, n'est qu'ane approximation; on l'adopte à cause de la facilité des
calculs, & du peu de différence qu'il y a entre une parabole & une ellipse fort alongée. L'avantage consiste
en ce que toutes les paraboles sont des courbes semblables; elles donnent une même proportion entre les
rayons vesteurs semblablement placés, & il suffit de
comostre les distances perihélies de différentes comètes pour les calculer toutes par une seule & même table (899). On verra ci-après la construction de cette
table générale, où l'anomane vraie est donnée pour chaque jour, & qui tert pour toutes les comètes, au lieu
que les ellipses exigent chacune une table particulière.

889. La table générale suppose une comète dont l'ofbite soit la parabole PCOD (sig. 110), le soleil 8 occupe le soyer, P est le péribélie de la comète ou le sommet de la parabole, SP est la distance péribélie, que l'on suppose égale à la distance moyenne de la terre au soleil, qu'on prend conjours pour échelle de tou-

tes les diffances céleftes.

Cette comète, dont la distance péribélie SP est égale à la distance moyenne du soleil à la terre, emploie 109 jours à aller de P en O, ou du péribélie jusques à l'extrémité de l'ordonnée SO perpendiculaire à SP (894). Je l'appellerai, pour abréger, comète de 109 jours, & je serai voir comment on peut y rapporter toutes les autres comètes, en changeant seulement les temps: je supposée la nature & les propriétés générales de la parabole qui sont dans les sivres de sections coniques, & celles qui se trouvent aussi démontrées dans ma théorie des comètes (Tabies astr. de Halley, 1759, pag. 76 & suiv.).

890. La première chose que nous avons à faire pour calculer le mouvement des comètes, consiste à déterminer la vitesse qui doit avoir lieu dans des paraboles de différentes grandeurs; car une comète dont la parabole est plus grande emploie plus de temps à parcourir un angle de 90°, tel que l'angle PSO, c'est-à-dire, à aller de P en O, tout ainsi que Saturne emploie 30 sois plus de temps à décrire un degré de son orbite que la terre n'en emploie à décrire un degré de la sienne; voici un théorème fondamental que je démontre d'une manière très-simple.

891. LE RAPPORT des vitesses dans la parabole & dans le

tercle est celui de 🎷 2 à 1.

Dém. Supposons une comète en P; qui décrive la parabole PO à la distance SP du soleil; & la terre en T décrivant un cercle TLM; dont le rayon 8 T soit égal à SP: la force centrale, ou l'attraction du soleil pour retenir la comète, & la terre, chacune dans son orbite, est égale, puisque la distance est la même, & que le soleil ne peut pas avoir plus de sorce sur la comète que sur la terre à la même distance. Je suppose un petit arc PC de la parabole, & un petit arc TL de l'orbite de la terre, tels que l'abscisse PB de la parabole & de l'abscisse T I du cercle scient égales, ou que l'écart de la tangente par rapport à la courbe soit le même dans la parabole & dans le cercle, ces abscisses ou les écarts de ces tangentes expriment la force centrale du soleil, puisqu'esses font la quantité dont la planète obéit à l'action du soleil en se détournant de la ligne droite (1005); elles sont donc égales dans les mêmes temps, quand la force est la même; donc si les abscisses sont égales, les arcs P C & TL sont décrits en temps égaux, & expriment les vîtesses de la comète & de la terre: Je vais partir de cette, supposition que les deux inflexions sont é. gales pour trouver les arcs eux-mêmes.

Les arcs ne peuvent pas être égaux, puisque deux arcs égaux pris sur des courbes très-différentes ne sauroient avoir des inflexions égales, & que quand les inflexions sont égales les arcs ne sont pas égaux; j'en conclurai le rapport des arcs, ce sera celui des vitesses, puisque le temps est le même de part & d'au-

tre. Par la propriété du cercle l'on a $TI = \frac{IL^2}{2ST_4}$ (588); mais par la propriété de la parabole on a le carré de l'ordonnée BC égal au produit de l'abscisse PB par le paramètre, qui est qua-

druple de SP; donc $PB = \frac{BC^2}{4SP} = \frac{BC^2}{4ST}$; or PB = TI par

I'hypothèle, donc $\frac{fL^4}{2ST} = \frac{B.C_2}{4ST}$: où $2IL_2 \cong B.C_2$; done

 $ILV_2 = BC$, ce qui donne cette proportion j BC:IL: $V_2:I$; or IL est égal à l'arc TL, ou du moius il n'en diffère que d'une quantité infiniment plus petite; ainsi IL est la vitesse de la tetre; de même BC est la vitesse de la comète j donc la vitesse de la comète est à celle de la terre à même diffance du soleil, comme la racine de 2 est à I:

Az

370 ABRECH D'ASTRONOMIE, LIV. X.

392. De là listit que la vitesse de la comète en P sur la parabole P O, sera les 7 de la vitesse de la terre; car 1 2 = 7 environ; donc l'aire décrite en une seconde de temps par la comète, sera 7 de l'aire décrite par la terre; mais les aires sont toujours égales en temps égaux; (472) ainsi à quelque distance que la comète parvienne par rapport au soleil dans sa parabole P O, l'aire décrite en une seconde de temps, sera toujours 7 de l'aire décrite par la terre, & l'aire décrite par la terre sera égale à l'aire de la comète divisée par 7 ou 1 2. Je vais me servir de cette proposition pour démontrer que la comète doit employer 109 jours à aller de P en O, ou à parcourir 90° d'annomalie.

893. Soit la distance péribélie SP ou ST = 1, la circonférence du cercle TM, ou le nombre 6, 283 = c, l'aire de ce cercle sera $\frac{c}{2}$, l'aire parabolique PSO, qui est les deux tiers du produit de SP par SO, sera $\frac{d}{d}$; cette aire de la comète, divisée par $\sqrt{2}$, donnera $\frac{d}{3\sqrt{2}}$ pour l'aire que la terre décrit (892), dans le même temps que la comète va de P en O; mais si l'on appelle A la longueur ou la durée de l'année, on aura cette proportion : l'aire totale $\frac{c}{2}$ de l'orbite terrefire est au cette proportion : l'aire totale $\frac{c}{2}$ de l'orbite terrefire est au

temps A, comme l'aire $\frac{4}{3V^2}$ est au temps qui lui répond, &

qui sera $\frac{8 A}{3 c \sqrt{2}}$; c'est la valeur du temps que la comète emploie à décrire l'arc parabolique PO ou les 90° d'anomalie vraie.

894. La durée de l'année sydérale est 365 6h 9' 10", ou 11" (321), c'est-à-dire, 365 256379; si de son logarithme on ôte celui de 1/2, avec celui de trois sois la circonsérence; & qu'on y ajoute le logarithme de 8, on aura celui de 109 6154, ou 109 14h 46' 20" pour le temps qui répond à PO.

li ne sussit pas d'avoir trouvé le temps employé à décrire ces 90° d'anomalie, il faut, pour calculer le lieu d'une comète en tout temps, connoître le nombre de jours qui répond à chaque portion de la parabole, comme PD, ou à chaque angle d'anomalie vraie compté depuis le périhèlie, en supposant toujours les aires proportionnelles au temps, c'est la matière du problème suivant.



trouver le temps écoule depuis le péribélie. Je suppose que la patrabole PCOD est donnée, c'est-à-dire, qu'on connoît sa distance périhélie SP, & le temps employé à parcourir l'arc PO; on demande le temps employé à parcourir un autre arc PD, ou un autre angle PSD d'anomalie viaie: on tirera la ligne DP, & ayant pris SE & SRégales au rayon vecteur DS; l'on tirera DR & DE, dont l'une sera la normale, & l'autre la tangente de la parabole.

896. Si nous prenons pour l'unité la sous-normale RQ, c'està-dire, la moitié du paramètre, nous autons le paramètre égal

à 2, & $PQ = \frac{DQ^2}{2}$; le segment parabolique DOPQ qui est

les deux tiers du produit des co-ordonnées, ou $\frac{1}{3}DQ$. PQ fera $\frac{1}{3}DQ^3$; le triangle DPQ est égal à $\frac{1}{3}DQ$. $PQ=\frac{1}{3}DQ^3$, donc en le retranchant du segment DOPQ, il rettera le segment $DOPQ=\frac{1}{12}DQ^3$; on y ajoutera la surface du triangle

 $PDS = \frac{PS.DQ}{2} = \frac{DQ}{4}$, & l'on aura $\frac{1}{12}DQ$. $+ \frac{1}{2}DQ$

pour l'aire PSDOP.

897. La ligne RQ étant prise pour l'unité, DQ est la tangente de l'angle DRQ = 1DSE, c'est-à-dire, la tangente de la moitié de l'anomalie vraie. Si nous appellons cette tangente t, nous aurons l'aire parabolique PSDOP, égale à $\frac{t}{12} + \frac{t}{4}$;

l'aire de 90° PSO sera alors = $\frac{1}{12} + \frac{1}{12} = \frac{3}{12}$. Mais il saut prendre l'aire PSO pour unité, & pour-lors l'aire PSDOP devient $\frac{1}{4} + \frac{3}{4}$, car $\frac{1}{4} + \frac{3}{4} + \frac{1}{4}$ est à $\frac{1}{4}$, comme $\frac{1}{4} + \frac{3}{4} + \frac{1}{4}$ est à 1; ainsi l'aire de 90° étant connue, & la tangente d'une demi-anoma-

lie vraie étant \dot{t} , l'on multipliera l'aire de 90° par $\frac{\dot{t}^3}{4} + \frac{3\dot{t}}{4}$,

à l'on aura l'aire décrite par la comète depuis son passage par le périhélie; mais les aires sont proportionnelles aux temps; ainsi l'on aura de même le temps qui répond à PD, en multipliant les 109 jours, ou en général le temps de 905 par le quart de t, +3t.

898. Exemple. La comète qui emploie 109 jours à parcourir 90° d'anomalie, ayant 47° d'anomalie vraie; l'on demande combien de jours il s'est écoulé depuis le périhélie. La tangengente t de 23° i est 0,4348124, donc t'=0,0829, & le quart de 11 + 31=0,3467; il faut donc multiplier par 0,3467 les

372 Abreck D'Astronomie, Lev. X.

rog jours, ou le temps pour 90° (894), l'on trouvera 38 jours; ainsi la comète de 109 jours se trouvera à 47° de son périhélie au bout de 38 jours.

On trouveroit de même pour chaque degré d'anomalie vraie, les jours correspondans; ordinairement on a quelques fractions décimales plus, parce qu'il est trèsrare qu'à un degré précis d'anomalie on ait un nombre complet de jours; mais avec des parties proportionnelles on trouve facilement les anomalies vraites qui répondent

à chaque jour complet.

899. C'est ainsi qu'on a calculé une table générale des orbites paraboliques; on y voit l'anomalie vraie qui répond à chaque jour de distance au périhélie pour la comète de 109 jours. On pourroit faire ce même calcul par une méthode directe, en résolvant l'équation 13 + 3 t = a (a exprime le quadruple du temps par PO), pour trouver l'inconnue t; mais il est plus facile de trouver le temps par le moyen de l'anomalie vraie, & il est supersu de chercher une autre méthode pour

construire la table.

Cette table générale s'applique facilement à toutes les comètes; en effet, si l'on considère différentes comètes dans d'autres paraboles, à un même degré d'anomalie vraie, les temps écoulés depuis le passage au périhélie, seront entre eux comme les temps employés à aller du périhélie jusqu'à 900, par exemple, quand 2 #3 + 2 # fera égal à 1, le temps fera la moitié du temps pour 900, dans toutes les paraboles possibles; de-là il fuit que pour une comère quelconque, si je connois le temps des 900, j'aurai (avec une simple regle de trois) le temps pour tout autre angle d'anomalie vraie, en me servant de la table calculée pour la comète de 109 jours. Il ne reste donc plus qu'à chercher le temps des 900 pour des paraboles plus ou moins grandes, ou le nombre de jours qu'exigera l'arc PO, quand la distance périhélie SP ne sera plus égale à la moyenne distance de la terre au foleil.

900. Les carrés des temps qui répondent à une même anomalie vraie dans différentes paraboles, sont comme les cubes des distances périhélies. Cette loi analogue à celle du mouvement des planètes (469), est tout de même une suite nécessaire des forces centrales;

.. vons démontré que sur le rayon de l'orcrit en 3651, on avoit un quart de pajours (894); ainsi le temps de la parairon 3 de celui du cercle; mais si l'on rens cercles ou différentes planètes, à ences du soleil, on aura différentes révoluticarrés des temps seront comme les cubes (464, 1022); donc les temps des parasont toujours les 3 seront aussi dans la mêtion; donc les temps qui répondent à PO, me les racines des cubes des distances péri-

UNE SEULE TABLE servira donc pour trouver vraie dans toutes les paraboles, pourvu que mente les temps en raison de la racine carrée renne de la distance périhélie; en effet, pour un elegré d'anomalie vraie, les carrés des temps de ntes paraboles doivent augmenter comme les cus distances périhélies, où les temps comme les mes carrées des cubes des distances perihélies; ainsi o d'anomalie vraie répondent 109 jours quand la die périhélie est 10 (894), & 126 jours quand la pace périhélie est 11, parce que la racine carrée du e de 11 est plus grande dans le même rapport; il donc augmenter aussi à proportion les autres nomde jours, quand on cherchera dans la table généle, les anomalies pour la comète de 126 jours.

L'ai mis dans la taci-jointe, à côté e chaque distance frihélie, le nombre par lequel il faut mul-**Ablier les jours de la** ble générale, pour avoir les jours qui ms d'autres comè-🖪 répondent à une eme anomalie; je appose la distance du oleil à la terre divikee en dix parties, & Lai calculé le nom

	Nomb. par lefq. on mul- tiplic lesjours de la table.	Jours . pour 90°.
I	0,935	3.5.
2	. 0,089	9,8
3	0,164	18,0
4.	0,253	27,7
5	.0.353	38,8
7	0,465	50,9
8	0,585	64,2
9	0,715	78.4
10	0,854	93,6
11	1,000	109,6
16	1,152	126 3

e des jours pour l'arc PO dans onze paraboles diffé-

A a 3

The Course of the Course with the N.

🛌 📚 🚾 🚟 2 Sgure 112 pluficurs p.a -= Ton peut y apperceyois and and a compare de ces comètes s'éloigne-ARC.

The second the que quand la distance de celie de la terre au so-= = : : ar our de la table générale, en The sur to their que o, 25 ou le quart; comere dont la distance est 4 n'em The se in wars a parenunt les 900 d'anomalie, & comme de 28 jours, comme The state of the content of 109 jours (pour abréger) crite que men activace 100 jours à aller du pénhélie THE I AS A SHOULD BE

Done zour disque degré d'anomalie, au logarithme se see a same, il fandra ajouter une fois & derac e ogardinar de la cilance perihélie d'une comèes sumes, at surs le nombre de jours qui répond à cette conteste aumitée, pour le même degré d'anomalie : ne recurement l'aportable pour un nombre de jours

annue, a amagner de penhelie.

par le report verificar SD de la comète ou fa diffance au ples at gu a a refrance péribelle SP, divifée par le carré in miles a le move de l'anomalie vraie, car en abuiffant 1 1 more I'm oc perpen ficulaire SX on aura le triangle The parces egales, langle DRQ est done to the parce of the transle restangle RDE transle Reine : . ou comme le carré du cofinus de la moitié de Townse 200 ait be dere du rayon. Ainsi quand pour un sups ware by a wave anomalie visite d'une comète dans · where St. on a le rayon vecteur SD en divitant la cause v vice 37 par le carré du cofinus de la moitié de action at it on a un rayon vecteur avec l'anomalie see l'en peut également trouver la diffance péri-

. 🗸 🛴 o sa connecti deux rayons vecteurs d'une parawe a some so on pout trouver la diffance périand the second of the repondent aux rayons vecteurs. the seas tarons verteurs dance parabole, dont I .aux. Vindie, a e quatt de la fomme des deux anoanoma-" " " " THE MORNIGOD: V b + V C: V b - V C: 2

in your applications

Dém. Le carré du cosinus de la moitié d'une anomalie vraie est au carré du rayon, comme i est au rayon vecteur (903); mais la plus grande des deux anomalies est 2 a 4 2 x, la plus petite 2a - 2x; $ainfi \ b : 1/c : cof. (a-x) : cof. (a+x);$ or cof. (a-x) = cof. a cof. x + fin. a fin. x, & cof. (a+x)= col. a col. \dot{x} — fin. a fin. x, comme on le démontre dans la trigonométrie; ainsi \sqrt{b} . cos. a cos. $x-\sqrt{c}$. cos. a cos. $x=\sqrt{b}$ fin. a fin. $x + y \in fin.$ a fin. $x : done y + y \in fin.$

cof. a fin. x Vc:; cof. a cof. x; fin. a fin. x:: iin-a. col.x.

x, c'est-à-dire, que la somme des racines des rayons vecteurs est à leur différence, comme la cotangente de la demi somme des demi anomalies vraies est à la tangente de leur demi diffé-Quand on a la somme & la différence, il est alse d'ari voir chacune des anomalies vraies, & par le temps qui leur répond, le temps du passage par le périhélie, en même temps

que le lieu du périhélie.

905. Au moyen des théoremes précédens on peut trouver une parabole qui fatisfasse à deux longitudes; d'une comèté observées de la terre; supposons que la terre soit en T à une distance TS du soleil, & qu'elle voie la comète réduite à l'écliptique sur un rayon-TD, enforte que l'angle STD soit l'angle d'élongation ou la différence entre la longitude du soleil & celle de la comète. On ne connoît dans le triangle STD qu'un côté & un angle, on est obligé de faire une supposition: ou une hypothèse sur la valeur du côté SD distance accourcie de la comète au soleil; d'après cette supposition, arbitraire si l'on veut, mais qui sera vérissée ou démentie par la suite-du calcul, on cherche l'angle au soleil en résolvant le triangle TSD, & l'on a la longitus. de héliocentrique de la comète, sa latitude héliocentrique (443), sa distance vraie (445), ou le rayon vecteur.

On fait la même chose pour une seconde observation; & l'on a deux longitudes héliocentriques, & par conséquent l'angle des deux rayons vocteurs, qui est nécessairement la somme ou la dissérence de deux anomalies vraies; on en conclura chacune des deux anomalies (904), & par conséquent le lieu du périhélie; la distance périhélie (903), & le temps qui répond à ces deux anomalies (902), dans l'hypothèle qu'on a faite: sur la distance SD de la comète au soleil; mais si l'intervalle de temps trouvé par le moyen de ces deux.

376 ABREGÉ B'ASTRONOMIE, LIW X.

anomalies, n'est pas d'accord avec l'intervalle donné des deux observations, c'est une preuve qu'une des deux distances au soleil qui ont été supposées doit être changée; on en conservera une & l'on sera varier l'autre par diverses suppositions, jusqu'à ce qu'à la fin du calcul on trouve un intervalle de temps égal à celui des deux observations; alors on aura la parabole

qui satisfait à toutes deux.

goo. Mais il ne suffit pas d'avoir un parabole qui satisfasse à l'intervalle de deux observations; il y en a une
infinité; car à chaque hypothèse qu'on aura faite sus
la première distance SD de la comète au soleil, on
trouvera par les diverses suppositions de la seconde
observation une parabole qui satisfera aux deux mêmes
observations. La difficulté qui reste est de se déterminer par une troissème observation entre toutes ces
paraboles qui représentent les deux premières, mais
dont une seule s'accorde avec la troisseme observation.

907. Quand on a trois observations d'une comète. on peut déterminer son orbite au moyen des théoremes précédens; car l'on est en état de trouver qu'elle est la parabole qui satisfait à trois observations, quand on en a qui fatisfont à deux de ces observations. On choifit d'abord deux longitudes & deux latitudes géocentriques observées, on cherche des paraboles qui puissent satisfaire à ces deux observations; quand on a deux ou trois paraboles, c'est-à-dire, deux ou trois hypothèfes qui s'accordent également bien avec les deux observations, on calcule dans chacune de ces trois hypothèses le lieu de la comète au temps de la troissème observation; en cherchant le lieu du périhelie (904), la distance périhélie (903), l'anomalie vraie (902), le rayon vecteur, la longitude héliocentrique, & enfin la longitude géocentrique (442), comme pour les planetes; celle des différentes hypothèses qui s'accorde le mieux avec la troisième observation est la meilleure, & une simple proportion suffit quelquefois pour trouver une autre hypothèse qui satisfasse exactement à toutes les trois observations. Cette méthode indirecte & de fausse position me parost plus simple & plus commode, que les méthodes plus directes & plus élégantes, données par MM. Euler, Fontaine, &c. J'en ai donné les détails, préceptes & les exemples, dans le XIXe livre de mon Astronomie; je ne pouvois don-

ner ici que l'esprit de la méthode.

oos. C'est par des essais à peu-près semblables, maisbien plus longs, sans doute, que M. Halley détermina par les anciennes observations 24 paraboles ou orbites cométaires, y compris celle de 1698. M. Bradley, M. Maraldi, M. de la Caille, M. Struick, M. Pingré & moi, en avons calculé plusieurs autres; ensorte que le nombre s'est accru jusqu'à 61, y compris celle de 1772. Mais je ne compte que pour une seule toutes les apparitions de celles dont les périodes sont connues.

909. Les élémens d'une comète sont les six articles qui déterminent la situation & la grandeur de l'orbite qu'elle décrit, & qui établissent sa théorie: le lieu du nœud vu du soleil, l'inclinaison, le lieu du périhélie, la distance périhélie, & le temps moyen du passage par le périhélie, qui tient lieu d'époque; ensin la direction de son mouvement qui peut être direct ou rétrograde.

Du retour des Comètes.

de 1680 avoit décrit sensiblement une parabole pendant le temps de son apparition, avec des aires proportionnelles au temps (888), il fut persuadé que cette comète étoit une véritable planète, & que l'orbite qui paroissoit une parabole n'étoit réellement que la partie inférieure d'une ellipse très-grande & très-alongée (Princip. math. pag. 508, édit de 1687). Il savoit que ces ellipses très-excentriques ressemblent à très-peu-près à des paraboles, & en approchent d'autant plus que la distance périhélie est plus petite par rapport au grand axe de l'ellipse.

911. Ce fut Halley qui en 1705 eut la gloire de vérisier, par le calcul des anciennes observations, ce que Newton avoit présumé d'après les loix de sa physique; Halley démontra la ressemblance ou plutôt l'identité de la comète de 1607, & de celle de 1682, & il annonça son retour pour 1759; prédiction qui s'est vérisée sous nos yeux. J'ai donné dans ma théorie des

276 Azzteż d'Astronomen, Liv. X.

process, à la faite de celle de Halley, l'histoire du perous de cette comèté fameule; on peut voir auffi ce que j'en ai du dans les Mimoires de 1759. Il me suffira de retraopr ici en peu de mots la marche des inven-

912. Lorfque M. Halley out calculé par observations (908) les paraboles de 24 comètes, il s'en trouun trois qui se reflembloient beaucoup, celles de 1531, de 1607 & de 1682; les trois paraboles étoient fituées de même, les distances périhélies étoient égales, & les intervalles de temps étoient de 75 à 76 ans ; il penfe des-lors que ce pouvoit être la même coméce; cependant la déference des inclinaisons & des pémodes has paroutious une peus trop grande, & il n'ofoit pronuncer fur l'idencité ; mais lorsqu'après les recherches qu'il ne des anciennes cometes il en eut trouvé trois autres, dont il est parlé dans les historiens sous les années 1305, 1380, 1456, à des intervalles de semps toujours à peu-pres egaux, il ne douca plus que le resour me filt commin, & il rejetta fur les attractions mutuelles des corps celeftes les différences qu'il trouvoix entre les diverfes périodes de cette comète,

contra d'inciens philosophes regardèrent les comètes cuante des corps célettes de périodiques (884). Newton en conclar qu'elles pouvoient décrire des elliptes tres-excentiques, de reparoère a chaque révolution; Halley ventia cette belle idée en calculant plutieurs comètes, parmi lesquelles il s'en trouva trois qui avoient décrit exactement la même orbite; ce qui annonçoit trois apparations; de cela s'elt trouve plemement confirmé quand cette comèté à reparu en 1750 dans la même orbite de

apres le même espace de temps,

ora il y a encore deux comères dont la période paroit connact, de done en cipère le retour; celle de 1532 & de 100, il qu'en attend pour 1789 ou 1790; celle de 1504 de de 1550 pour 1848 (Memoires de l'acad. 1760, ag., 102), il a grande co dete de 1680, inivant M Halley, activat reparoitre l'an 2254 il croit que c'est celle qui parat du temps de Cetarità elle auroit para dans les actives o de 2349 avant i. C., enforte qu'elle pourroit servicant qui voulent expliquer physiquement le deluge, coulaire M. Mandon (Mem tient) 3 the carté, pag. 186);



mais il faut convenir qu'il y a des doutes sur la période de cette comète de 1680, & j'ai reconnu qu'il y a huit autres comètes qui peuvent approcher bien davantage de la terre, & y causer de plus grandes révolutions (Voy. mes Résexions sur les comètes, à Paris, chez Cibert 1770)

Gibert, 1773).

les carrés des temps sont comme les cubes des distances; ainsi des qu'on connost la période d'une comète, par deux retours observés, on trouve par une simple proportion le grand axe de son orbite, & l'on calcule son lieu vrai de la même manière que celui des autres pla-

nètes (493, 441).

916. Si l'on avoit vu une comète assez long-temps, & qu'on l'eût observée avec une grande précision, on pourroit avoir une idée de la durée de sa révolution, ou, déterminer son ellipse par des méthodes indirectes semblables à celles que j'ai employées dans la parabole; mais le calcul en seroit si long, & le résultat si peu susceptible de précision, que je ne pense pas devoir entrer dans ce détail. J'observerai seulement qu'en pareil cas la méthode la plus commode sera peut-être celle-ci. On déterminera d'abord dans l'hypothèse parabolique la distance périhélie, & le temps du passage au périhélie par des observations qui n'en soient pas fort éloignées, afin que cette distance périhélie convienne également & à l'ellipse & à la parabole, & soit indépendante de l'hypothèse; on calculera ensuite la différence entre la parabole & l'ellipse pour les observations les plus éloignées, dans différentes hypothèles de révolutions elliptiques; les différences calculées étant comparées avec l'erreur observée, c'est-à-dire, avec la différence qu'il y a entre l'observation & le résultat de l'hypothèse parabolique, on jugera laquelle des différentes ellipses supposées convient à ces observations éloignées.

917. J'ai reconnu par un calcul fait seulement à peuprès pour la comète de 1750, que si l'on eût déterminé le périhélie par trois observations, faites le 12 Mars, le 1 Avril & le 1 Mai, on auroit trouvé le 31 Mai 2' d'erreur pour 3 ans de différence sur la révolution; ce qui prouve qu'il n'est pas impossible de trouver la période d'une comète à trois années près, par une seule appari-

tion de trois mois.

Assess o'Astronomen, Liv. X.

Laure Remerce for les Comètes.

A B DE PRESENT l'inégalité du mouvement for excentriques, par le 2 = 2 c and Clairment cométaire; il a été = _ _ _ mobileur foyer, l'une conduit l'autre ar a mes d'ant carde qui les embraffe toutes deux e e man alles; les poulies fe touchent contia i resulte que fi la première tourne uni-I counte courners plus vice quand fon pémand fon a conterr le peribelle de la première. Si la secome alidade ment, porte une alidade a conte, it que cette alidade enfile un pe-= = = me coulife elliptique, il reprévicent to ben a viteffe du périhèlie & la lenceur e ser es ser terent même proportionnelles aux ALC: N

in concrete observé pendant la concrete de la concrete du reconnut trèsle de la constant de la

tette de trop, que M. Caffini observa conse pres ivoir fair plus de 15° vers à rete au rear Cheval jusques sur la conse. è courba subitement pour reconse. à qui montroit d'une manière frap-



pante l'effet de la parallaxe annuelle. Il pourroit arriver des cas où cet effet seroit bien plus grand: si une comete rétrograde, dont la distance à la terre seroit égale à la distance moyenne de la lune, se trouvoit périhélie & en opposition, elle auroit 140° de mouvement par heure; on pourroit voir une comète aller depuis l'horizon jusqu'au zenir en moins de trois quarts d'heure, & employer ensuite plus de quatre heures à gagner l'horizon occiden-

tal, ou d'autres fingularités de même espece.

Les inégalités dont je viens de parler, sont purement apparentes, mais je dois dire un mot d'une autre irrégularité qu'on a reconnue en 1759, & qui affecte le mouvement réel & intrinsèque de toutes les comètes dans leurs ellipses, c'est l'attraction des autres corps célestes; celle de Jupiter & de Saturne est la plus remarquable; mais il y a grande apparence que les attractions des autres planètes & des autres comètes peuvent y influer fensiblement. Cette attraction s'est manifestée de la manière la plus frappante dans le retour de la comète de 1682, observé en 1759. Sa période entre le passage par le périhélie du 26 Octobre 1607, & celui du 14 Septembre 1682, a été plus petite de 585 jours que la période suivante qui s'est terminée au 13 Mars 1750.

921. Lorsqu'on commençoit à parler en 1757 du retour de cette comète, prédite par M. Halley, on s'apperçut que l'inégalité de ses périodes précédentes nous laissoit près d'une année d'incertitude sur le temps de son apparition; M. Halley avoit remarqué que cette comète en 1681 passant fort près de Jupiter en avoit du être fortement attirée, & que cela pourroit retarder l'apparition suivante jusqu'au commencement de 1759: cette considération étoit trop vague pour qu'on dût y compter, & M. Halley n'y comptoit pas lui-même; je proposai à M. Clairaut d'y appliquer sa théorie de l'attraction, ou du problème des trois corps, en lui offrant tous les calculs astronomiques dont il avoit besoin; je lui donnai les situation de la comète, & les forces que Jupiter & Saturne avoient exercées sur elle pendant l'espace de 150 ans, ou de deux révolutions, soit dans la direction des rayons vecteurs, soit perpendiculairement aux rayons, avec les ordonnées & les surfaces de toutes les courbes qui représentoient les intégrales des équations du problème. Par ce moyen M. Clairaut trouva

384 Abuece B'Asthonomit, Liv. X.

que la révolution de la comête devoit être de 611 jours plus grande que celle de 1607 à 1682, dont 100 jours pour l'action de Saturne, & 511 pour celle de Jupiter. Suivant ces premiers calculs la comête devoit passer dans son périhélie au milieu d'Avril; elle y passa le 13 Mars, ce malgré l'immensité des calculs que nous simes à cette occasion, M. Clairaut & moi, les quantités négligées produisirent environ un mois d'erreur dans la prédiction. Voy, la Théorie du mouvement des camètes, par M. Clairaut, & les Opuscules mathématiques de M. d'Alemiaut, & l

bert, t. II.

022. Parmi les 60 comêtes que nous connoissons, je trouve qu'il y en a plusieurs qui peuvent affer affer de la terre pour y produire des effets sensibles; & parmi le grand nombre de celles que nous ne connoissons pas, il pourroit y en avoir qui fussent également capables d'y causer des révolutions prodigieuses. Une comète de la grosseur de la terre, qui seroit seulement à 13290 lieues de nous, auroit la force nécessaire pour produire une mi rée ou une élévation de 2000 toifes dans les eaux de la mer; fi elle y restoit affez long-temps elle pourroit submerger les quatre parties du monde, comme je l'ai fait voir plus en détail dans mes réflexions fur les comètes, imprimées en 1773; il est difficile qu'il n'arrive pas un jour quelque révolution de cette espece : mais il est impossible d'en fixer le temps. Nous ne connoissons pas probablement le quart des comètes, & parmi les 60 qu'on a observées, il y en a 7 ou 8 qui peuvent approcher de la terre, & même la choquer si la terre se rencontroit dans le nœud au moment qu'une des comètes y passera, ensorte que le nœud fût alors précisément fur la circonférence de l'orbite de la terre; mais ces trois circonstances sont si difficiles à réunir, que l'on a dû regarder comme une folie, la terreur générale qui s'étoit répandue au mois de Mai dernier à l'occasion de mon Mémoire.

La comète de 1680, n'étant éloignée du foieil dans fon périhélie que de la 6º partie du diamètre folaire, il pourroit arriver par la réfiftance de l'atmosphère du solieil, & l'attraction des autres comètes dans son aphélie, qu'elle retombât dans le soleil; c'est ainsi, dit Newton, que la belle étoile de 1572 a pu paroître tout d'un

coup, étant ranimée & augmentée par une abondance de matière nouvelle.

923. Les anciens ont tiré le nom des comètes de cette lumière inégale dont elles paroissent communément environnées, & ils les ont distinguées par ce moyen en plusieurs espèces (Pline, II. Hévélius, in cometographia). Cependant il a paru quelquefois des comètes sans queue ni chevelure; mais celles dont les queues ont paru les plus longues, sont les suivantes. Celle dont par-le Aristote, qui vers l'an 371 avant J. C. occupoit le tiers de l'hémisphère ou environ 60°. Celle dont parle Justin (Liv. 37), & qui parut à la naissance de Michridate, 130 ans avant J. C. étoit si terrible qu'elle sembloit embraser tout le ciel, elle occupoit 45°. Une autre comète, au rapport de Séneque (VII. 15), couvroit toute la voie lactée, vers l'an 135. La comète de 1456 occupoit 2 signes ou 60° (Pontanus, in centilaquie); & celle de 1460 en occupoit environ 50, suivant le même auteur. La comète de 1618 avoit une queue au moins de 70., suivant Képler, & même de 104°, suivant Longomontanus, le 10 Décembre 1618. On peut voir les mesures d'un grand nombre d'autres queues de comètes dans le P. Riccioli (Aimag. II. 25); mais depuis ce temps-là on a vu la comète de 1680, l'une des plus étonnantes qui eût jamais paru, par l'étendue de sa queue (Voyez le traité de M. Cassini sur la comète de 1680 & 1681).

924. La comète de 1744 s'est montrée de nos jours avec une lumière en éventail ou une queue divisée en plusieurs branches, qui étoit très-remarquable, & qui s'étendit le 19 Février jusqu'à 30°. Voyez le Traite de la comète de 1744, par M. de Chesaux. Dans les pays méridionaux où l'on jouit d'un ciel pur & serein, les queues de comètes se distinguent mieux & paroissent plus longues; la comète de 1680 avoit une queue de 62° à Paris, suivant M. Cassini, & de 90° à Constantinople; celle de 1759 parut à Paris presque sans queue, on avoit beaucoup de peine à en distinguer une légère trace d'un ou de deux degrés; tandis qu'à Montpellier, suivant M. de Ratte, la queue avoit 25° le 29 Avril, la partie la plus lumineuse étant de 10°. M. de la Nux, correspondant de l'Académie, à l'Iste de Bourbon, la vit même beaucoup plus grande. Ensin la queue de la comète de

184 ARREGED'ASTRONOMIE, LIV. X.

1769 paroissoit d'environ 10. à Paris, de 40. à Marseille, de 70° à Bologne, de 90° à M. Pingré, qui étoit sur mer, entre Ténérisse & Cadix; mais elle étoit très soible: c'est ainsi que dans la Zone torride la lumière zo-diacale parose constamment, & de plus de 100 degrés de longueur.

925. Séneque favoit que les queues des comètes sont transparentes, & qu'on voit les étoiles au travets, (in. VIII c. 18). Newton fait voir qu'elles sont d'une sub-france infiniment plus tenue & plus rare qu'on ne sau-

roit l'imaginet.

des comètes étoient toujours à peu près opposées au foleil (Astronomicum Casareum, 1540); cette règle sut confirmée alors par Gemma Frisius, Cornelius Gemma, Fracastor, Cardan; cependant Tycho-Brahé ne croyoit pas qu'elle sût bien générale ni bien démontrée; mais cette loi est actuellement reconnue. On apperçoit seu-lement une courbure qui est une suite de la position de la terre hors du plan de l'orbite de la comète, & du mouvement de celle-ei (Hevelius, in tometog. Cassini, sur la comète de 1680, pag. X. Newton, l. 111).

927. La queue des comètes, suivant Newton, vient de l'atmosphère propre de chaque comète (Princ. mal. Hb. III. prop. 41). Les fumées & les vapeurs peuvent s'en éloigner, dit-il, ou par l'impulsion des rayons so-laires, comme le pensoit Képler, ou plutôt par la ratéfaction que la chaleur produit dans ces atmosphères.

928. Il confirme ce sentiment par la comète de 1680; qui au mois de Décembre après avoir passé fort près du soleil, répandoit une lumiere beaucoup plus longue & plus brillante qu'elle n'avoit fait au mois de Novembre avant son périhélie; cette règle est même générale, & lui parost suffisante pour prouver que la queue des comètes n'est qu'une vapeur très-légère, élevée du noyau de la comète par la force de la chaleur. M. Euler y ajoute l'impussion de la lumière (Mém. de Berlin, année 1746, pag. 121), & M. de Mairan l'atmosphère du soleil, ou la lumière zodiacale.

929. On n'a guère vu de queue plus grande que celle de la comète de 1680, parce qu'on n'a guère vu de comète passer si près du soleil: le 18 Décembre 1680 elle en étoit 166 fois plus près que la terre. Cette co-

mèle



mète recevoit une chaleur 28000 fois plus grande que celle que nous éprouvons au solstice d'été; la chaleur de l'eau bouillante est trois fois plus grande que celle qu'une terre seche reçoit alors du soleil, & la chaleur d'un fer rouge trois ou quatre fois plus grande que celle de l'eau bouillance, suivant l'estimation de Newton; ainsi la comète de 1680 dut être échauffée environ deux mille fois plus qu'un fer rouge, & un globe de fer de même diamètre auroit conservé sa chaleur plus de 50000 ans. M. de Buffon estime que ce calcul de Newton doit être réformé dans plusieurs points, & il se propose de publier des expériences très-curieuses sur la chaleur & la durée du refroidissement des métaux, qui dépend de leur fusibilité.

LIVRE XI.

De la Rotation des Planètes, & de leurs Taches.

930. On a vu le soleil tourner sur son axe dès le temps où l'on a découvert les lunettes d'approche. Nous favons que la terre tourne chaque jour par un mouvement de rotation (384): nous sommes très-assurés que la Lune, Jupiter & Mars tournent aussi sur leurs axes; d'ailleurs il est difficile de concevoir que le mouvement imprimé aux planètes, & par lequel elles décrivent leurs orbites, ne soit pas accompagné d'un mouvement de rotation: il faudroit que la direction passat tellement par le centre qu'il n'y eût pas la plus petite différence.

Cependant la rotation, quant à sa durée, est indépendante de la révolution; une planète peut suivre son orbite par un mouvement de translation d'occident en orient, sans tourner sur son axe; & elle peut tourner sur un axe quelconque, en sens contraire, & avec une vstesse quelconque (405); ainsi le mouvement de rotation est absolument indépendant du mouvement de révolution que nous avons confidéré dans le IIIe livre; ce n'est •••

Manufact officer officers, Liv. XI.

ar le missanion qu'on peut le déterminer, &

rest to the rest Moss entreprendre.

per derrouli deus un mémoire de Dynamique, nt a commonte les centres spontanés de rotation, fait curume force de prejection appliquée; non pas au centre de la terre, mais un peu plus loin du folen, & cete de du rayon, donneroit à la terre, supposée ronde & homogene, deux mouvemens affez conformes à Cent que l'on observe; pour Mars il trouve ;; pour Jup ter 7, Bern. Opera. T. W. pag. 283); pour la have on trouve it. Si l'impulsion primitive est été apphquée à de plus grandes distances de chaque centre, le mouvement de rotation feroit plus rapide, cette vitesse ment fans doute à la caufe de l'impulsion primitive, & it est probable que rous les corps qui ont un mouvemene de révolution ont auffi un mouvement de rotation; le foleil même tourne fur son axe dit il est probable que les étoiles font dans le même cas.

oga. La rotation du soleil est la premiere qui ait été découverte, & c'est aussi la plus sensible; les taches qui paroussent de temps en temps sur le soleil, ont fait découvrir ce mouvement, & nous servent encore à l'observer. La premiere découverte des taches du soleil est contenue des un grand ouvrage de Scheiner intitulés Rosa Unsi-

NA, & publié en 1630.

Ingolftadt, au mois de Mars 1611, lorsqu'én resont un jour le soleil avec une lunette d'approche, travers de quelques nuages, il apperçut pour la precière sois les taches du soleil, & les sit voir au P. Cytel & à plusieurs de ses Disciples; le bruit s'en révolut bientôt: on sollicita le P. Scheiner de publier découverte; mais comme ce phénomene paroissoit contraire aux principes de la Philosophie péripatéireme de ce temps là, ses supérieurs craignirent qu'il fint à les compromettre, & ses premieres observant ne furent publiées que sous un nom supposé, soit sabulam, par un Magistrat d'Augsbourg, nom-

Galilée l'accusa de plagiat & prétendit avoir dévoirt ces taches le premier; Scheiner s'en justifie fort long dans son ouvrage; Jean Fabricius, fils de David



Fabricius, les avoit aussi observées à Wittemberg, & il en publia même la relation au mois de Juillet 1611;" Képler pense qu'il les avoit vues avant le P. Scheiner. Weidler, (Hiff. Astronomia, p. 435).

935. Les taches du soleil sont des parties poires irrégulières qu'on apperçoit de temps en temps sur le 10leil, & qui paroissent tourner uniformément en 25 jours & 14 heures autour du soleil (959); on en voit une re-

présentée en N'(fig. 114), sur le disque du soleil. Les facules dont Scheiner & Hévélius parlent souvent, me paroissent n'être autre chose que le fond sumineux du soleil qu'on apperçoit quelquesois dans les interstices des taches ou des ombres, & qui semblent? être comme des points plus lumineux que le reste du! soleil. M. Cassini dit cependant aussi qu'on a vu sur le soleil'des points plus brillans que le reste de sa surface (Elem. d'Ast. 403), mais il appelle facules des taches légéres & foibles que l'on apperçoit quelquefois à l'èl. droit même où une tache a disparu (Anciens mem. de

l'acad. tom. X. pag. 661).

Les ombres sont une nébulosité blanchatre qui environne toujours les grandes taches; Hévélius les compare à l'impréssion que l'haleine fait sur une glace de miroir en ternissant son éclat (Selenographia, pag. 84); quelquefois, dit-il, cette atmosphère des taches est jaunatre instar balonis, & il en donne un exemple; quelquefois ces ombres se trouvent toutes seules, & don-nent ensuite naissance à des taches, comme il l'observa au mois d'Août 1643; ces ombres sont sodvent d'une très-grande étendue. Hévélius en a vu une au mois de Juillet 1643 qui occupoit près du tiers du diamètre du soleil (pag. 506).

936. Les taches du soleil servent à expliquer divers phénomènes racontés dans les historiens. Ainsi dans les annales de France imprimées à Paris en 1588 (Vie? de Charlemagne, pag. 62), on trouve que l'an 807, xvi. kal. April. Mercure parut sur le soleil comme une petite tache noire, qu'on apperçut en France pendant 8 jours, & que les nuages empêcherent d'observer dans quel temps se sit l'entrée & la sortie. Ce ne pouvoit être autre chose qu'une tache (727); il en faut dire autant de ce que crut voir Képler le 28 Mai 1607. Scheiner explique aussi par le moyen des taches!

Bb 2

382. Anneck D'Astronomie, Liv. XI.

du foleil plusieurs singularités qu'on trouve dans les historiens sur la diminution de lumière dans le foleil.

937. C'est à d'énormes taches du soleil qu'il faut rapporter, si on veut les admettre, les deux faits qui sont dans Abulfaradge (Hys. Dynast.). L'an 535 le soleil eut une diminution de lumière, qui dura 14 mois, & qui étoit très-sensible; l'an 626 la moitié du disque du soleil sut obscurcie, & cela dura depuis le mois d'Octobre jusqu'au mois de Juin: on voit souvent ces taches à la vue simple avec un verre sumé (941).

938. Après la découverte des taches du soleil, le P. Scheiner les observa assidument; il avoit soin de rapporter à l'écliptique les taches dont il observoit la situation par rapport au vertical, ou aux parallèles à l'équateur; par ce moyen il décrivoit sur un carton la route d'une tache pendant les 13 jours de son apparition. On en trouve un très grand nombre de gravées dans son ouvrage, depuis 1618, jusqu'en 1627; & elles lui sirent reconnostre les regles suivantes (Rosa Uts.

pag. 225).

1939. A la fin de Mai & au commencement de Juin, les taches décrivent des lignes droites inclinées fur l'éccliptique du nord au fud, c'est-à-dire, qu'elles vont de A en B (sig. 113). A la fin de Novembre ou au commencement de Décembre, elles décrivent des lignes droites en allant du midi au septentrion, ou de C en D; pendant l'hiver & le printemps, leur route est concave vers le midi, & convexe du côté du nord; mais dans les six autres mois, ou depuis le commencement de Juin, jusqu'au commencement de Décembre, la concavité est tournée vers le nord, comme dans l'ellipse R X V M O.

La plus grande ouverture de ces ellipses arrive au commencement de Mars & de Septembre; alors le petit axe de chaque ellipse est du grand axe. Toutes les taches du soleil, même les ombres & les facules, décrivent des routes semblables, depuis le moment où elles paroissent jusqu'à celui de leur disparition; on observe la même chose dans les petites & dans les grandes, dans celles qui ne durent que quelques jours, comme dans celles qui font plusieurs révolutions; dans celles qui traversent le soleil par le centre, comme dans celles qui sont près de ses poles. Cette régularité suffit seule pour

démontrer que ces taches sont adhérentes au corps du soleil, & qu'elles n'ont d'autre mouvement que celui du soleil même autour de son axe. Les taches prouvent donc la rotation du soleil, & le P. Scheiner en tira bientôt cette conclusion.

Presque toutes les observations de Scheiner furent enfuite confirmées par celles d'Hévélius; M. Cassini les observa beaucoup aussi; & l'on en trouve beaucoup d'observations dans plusieurs volumes des mémoires de

l'académie, au commencement de ce siecle.

o40. Il résulte de toutes ces observations que les taches du soleil sont très-variables; Scheiner en a vu changer de forme, croître, diminuer, se convertir en ombres, disparoître totalement. M. de la Hire a vu aussi des taches se dissiper sur le disque apparent du soleil (Mém. 1702, pag. 137). Il y a des taches qui après avoir disparu long-temps reparoissent au même endroit; M. Cassini pensoit que la tache du mois de Mai 1702, étoit encore la même que celle du mois de Mai 1695 (Mém. Acad. 1702, pag. 140), c'est-à-dire, qu'elle étoit au même endroit. On n'en a guère vu qui ayent paru plus long-temps que celle qui fut observée à la fin de 1676 & au commencement de 1677; elle dura pendant plus de 70 jours, & parut dans chaque révolution (M. Cassini, Elémens d'Asir. pag. 81).

o41. Les apparitions des taches du soleil n'ont rien de régulier: vers l'année 1611 qu'elles furent découvertes, on ne trouvoit presque jamais le soleil sans quelques taches; il y en avoit souvent un très-grand nombre. Le P. Scheiner en a compté 50 tout à la fois. Bientôt elles devinrent plus rarès: depuis l'année 1650, jusqu'en 1670, il n'y a pas de mémoire qu'on en ait pu trouver plus d'une ou deux, qui furent observées fort peu de temps. Depuis 1605 jusqu'en 1700 l'on n'en vit aucune; depuis 1700 jusqu'en 1710: les volumes de l'académie en parsent continuellement; en 1710 on n'en vit qu'une seule; en 1711 & 1712, on n'en observa point du tout; en 1713 on n'en vit qu'une, au mois de Mai; depuis ce temps-là, on en a presque toujours vu: M. Cassini écrivoit en 1740, elles sont présentement si fréquentes qu'il est très-rare d'observer le soleil sans en appercevoir quelques-unes d'observer le soleil sans en appercevoir quelques-unes

d'observer le soleil sans en appercevoir quelques-unes, & même souvent un assez grand nombre à la fois":

PARTE D'ARTRONOMIE, LIV. XI.

dire que depuis 1749, jusqu'à 1773 à celle pas d'avoir jamais vu le soleil sans des taches sur son disque, & souvent un surère. C'est vers le milieu du mois de Septer 1763, que j'ai apperçu la plus grosse & la moins de longueur, ensorte qu'elle devoit être moins de longueur, ensorte qu'elle devoit être sois plus large que la terre entiere; j'en ai vit de très grosses le 15 Avril 1764, & le 11 Avril 1766.

ouz. Les taches du soleil paroissent sur le bord oriental de son disque extrêmement étroites, comme un trait fort délié, ce qui prouve qu'elles ont peu de bauteur, ou plutôt qu'elles sont à la surface même du soleil; il faut cependant considérer que quand elles auroient une très-grande hauteur elles pourroient bien ne parostre pas au bord ou à l'extrémité du soleil, parcè qu'elles n'ont aucune lumière, & qu'on ne les voit que quand elles interrompent la lumière du disque solaire; mais du moins si elles avoient une certaine hauteur, bit vérroit la hauteur toute entière aussi-tôt qu'elle commenceroit à être toute projettée sur le soleil.

o43. Quelques Physiciens crurent autrefois que les taches du soleil étoient des corps solides qui faisoient leur révolution autour du soleil (a); mais si cela étoit, les taches nous cacheroient à peu-près la même portion du soleil, soit sur les bords, soit au milieu; & le temps qu'elles parossent sur le soleil seroit plus court que le temps où on les perd de vue, au lieu que nous voyons ces taches employer autant de temps à parcourir la partie antérieure du soleil, que la partie postérieure, saus la petite dissérence que doit produire la grosseur du diamètre du soleil, & la proximité de ces taches à l'un des poles du soleil; enfin ces planètes ne poutspient pas devenir invisibles pendant des années entieres (941), & faire leurs révolutions toutes dans le même intervalle de temps.

Galilée, qui n'étoit point attaché, au système de l'incorruptibilité des cieux, pensa que les taches du soleil

⁽a) Tarde les nomma Sydera Borbonia , & un sutre nommé Maupertuis Sydera Aufridea (Hevelli Selen. pog. 83).

étoient une espece de fumée, de nuage, ou d'écume qui se formoit à la surface du soleil, & qui nageoit sur un océan de matière subtile & fluide; Hévélius étoit aussi de cet avis (Solou. pag. 83), & il résute fort au long à cette occasion le système de l'incorruptibilité des cieux.

044. Mais il me paroft évident que fices taches étoient auffi mobiles que le supposent Galisée & Hévélius, elles me seroient point auffi régulières qu'elles le sont dans leur cours, d'afilieurs la force centrifuge que produit la rocation du folcil, les porteroit toutes vers un même endroit , au lieu que nous les voyons, tantôt aux environs de l'équateur folaire, tantôt du côté des poles; enfin elles reparoiffent quelquefois précilément au même point où elles avoient disparu; sinsi je trouve beaucoup plus probable le sentiment de M. de la Hire (HML Acad. 1700, pag, 118. Man. 1702, pag. 138). Il penle que les taches du foleil ne sont que les éminenque d'une masse solide, opaque, irrégulière, qui nage dens la marière fluide du foleil & s'y plonge quelquefois en entien, Peut-être aussi ce corps opaque n'est que la masse du soleil recouverte communement par le fluide igné, de qui per le fiux & le reflux de ce fluide se montre quelquefois à la furfage, & fait voir quelques unes de fes éminences. On explique par là d'où vient que l'on voit ces taches sous tant de sigures différentes, pendint qu'elles paroiffent, pourquoi après avoir disparu pendant pluficurs révolutions ches reparoiffent de nouveau à la même place qu'elles devroient avoir si elles suffent continué de le montrer. On explique pay-là les facules, & cette néhulofité blanchatre dont les taghés sons toujours environnées de qui sont les parties du corps solide fur lequel il ne reste plus qu'une très-petite conche de ce fluide. Cependant M. de la Hire pensois d'après quelques oblervations qu'il falloit admettre plusieurs de ces corps opaques dans le soleil, ou supposer que la partie noire pouvoit se diviser de ensuite sa réunir.

De l'Equateur foloire, & de la Reseston du Soloit.

p45. Les taches du foieil qut fait councitre que la foieil tournoit fur lui-même autour de deux points.

B b 4

292 ABRECE D'ASTRONOMIE, LIV. XI.

qu'on doit appeller les poles du soleil. Le cercle du globe solaire qui est à la même distance des deux poles (15), s'appellera l'équateur solaire; c'est par le mouve-ment apparent des taches qu'on déterminera la situation de cet équateur, c'est-à-dire, soh inclinaison & ses nœuds sur l'écliptique, nous allons expliquer sa méthode.

946. La manière d'observer les taches du soleil est la même que pour les passages de Vénus; on y emploie le quart de cercle ou le réticule. Scheiner & Hévélius recevoient l'image du foleil dans une chambre obscuré au travers d'une lunette. Nous préférons aujourd'hui de regarder directement le soleil, & de déterminer la différence de hauteur d'azimut ou la différence d'afcension droite & de déclinaison entre la tache & le centre du foleil, pour en déduire la différence de longitude & de latitude à laquelle il faut toujours en venir. Soit D (fig. 111) une tache, ou le disque de Vénus, NM le diamètre vertical du soleil : quand on a observé le passage du soleil & de la tache par on fil vertical PB, ou HD, on a la différence horizontale DB & par conféquent DE; les passages à un fil horizontal MG, EB, nous donnent la différence de hauteur DG & par conséquent CE; dans le triangia CED l'on trouve l'angle ECD & le côté CD. L'angle du vertical avec le cercle de latitude LCl, ou l'angle MCI étant retranché de l'angle ECD il reste l'angle de conjonction DCK, & connoillant CD avec l'angle adjacent il est facile de trouver la latitude CK de la tache & la différence de longitude KD entre le soleil & la tache.

947. Quand on aura observé plusieurs jours de suite (946) la différence de longitude & de laureude entre la tache & le centre du soleil, on les rapportera sur un carton, pour juger de leur progrès; soit S (fig. 114) le centre du disque solaire; SE une portion de l'écliptique, M une tache, ML la différence de satitude entre le soleil & la tache, X, V, M, O, les positions successives de la tache sur son parallèle apparent RO, l'on verta facilement que ces positions forment à peuprès une ellipse, si ce n'est vers le commencement de suin & de Décembre où cette ellipse se réduit à une ligne droite.



948. L'ouverture apparente des ellipses que décrivent les taches du soleil, est proportionnelle à l'inclinaison du rayon vifuel, ou à l'élévation de la terre au-dessus du plan de l'équateur' solaire, de cette élévation doit se mesurer au centre du soleil; soit S le centre du soleil (fig. 115), EAQV le plan de l'équateur solaire, ST la ligne dirigée vers la terre qui est toujours dans le plan de l'écliptique, & qu'il faut concevoir relevée au dessus de la figure; l'angle TSV est l'élévation de notre œil au-dessus du plan de l'équateur solaire, c'est l'obliquité fous laquelle nous voyons ce cercle équatorial; & le sinus de cet angle sera le petit axe de l'ellipse, le grand axe étant le sinus total (674). Ainsi en voyant que le petit axe de ces ellipses est is de leur grand axe, au temps où elles sont les plus ouvertes, c'est à-dire, au commencement de Mars & de Septembre, on en peut conclure que l'équateur du soleil n'est jamais incliné à notre œil de plus de 701. L'angle TSV est la latitutude héliocentrique de la terre par rapport à l'équateur du soleil; l'argument de cette latitude est la distance de la terre au nœud de l'équateur solaire, où au 10e degré du Sagittaire (959). Pour trouver en tout temps l'ouverture des ellipses que décriront les taches, il suffit de multiplier le sinus de 70 à par le sinus de la distance de la terre ou du soleil à l'un des nœuds.

949. La règle précédente, pour trouver l'ouverture de ces ellipses, suppose que la terre soit immobile pendant la durée de l'apparition d'une tache; mais le mouvement de la terre rend le grand axe en apparence plus long, ou plutôt il empêche que la trace ne soit réellement une ellipse; & les règles précédentes ne sont exactes qu'après qu'on a réduit les observations à ce qu'elles donneroient si la terre ou le soleil eussent été immobiles pendant l'intervalle de ces observations. effet, la terre qui s'élève continuellement au dessus du plan de l'équateur solaire, ne permet pas que le cercle décrit par la tache paroisse jamais exactement sous la forme de la ligne droite, ni de l'ellipse qui auroit lieu si la terre étoit immobile, ou du moins c'est une ellipse qui change tous les jours de forme; ainsi cette trace apparente, ou cette courbe décrite sur un carton, ne nous sert qu'à reconnostre le

B b 5

994 Abres D'Astronoming Liv. XI.

progrès bu l'exaltitude des chlervations, de à nous conduire dans le calcul.

2 950. La différence de longitude SL (fig. 114), & la différence de latitude L.M. étant commes (946), on en théditira la ligne SM, épl'angle LSM; cette ligne droite SM prise sur le disque apparent du soleil est la projection ou le finus d'un arc du globe folaire, dont le centre est au centre S de ce globe; tout ainsi que nous avons vu dans le calcul-des éclipses de folcil que les arcs de la circonférence de la terre projettés fur un plan devenoient égaux à leurs sinus (672). Pour composere l'are du globe du foleil qui répond à la ligne droite SM, ou l'arc de diffance, on fera cette proportion, le rayon du soleil réduit en secondes est au cosmus du demi-diamètre du foleil, comme la longueur SM est au finus de l'arc qui lui répond, & l'on aura l'arc ou l'angle fous lequel un observateur situé au centre du soleil verroit la taché M éloignée de la terre; car la terre paroit répondre au point S, ou au pole même du cercle AROBD, qui est la limbe du foleil vu de la terre.

951. Pour sentir la vérité de la règle précédente, il faut considérer le rayon TG (fg. 116) qui touche se disque solaire en G, & sorme avec CAT l'angle du demi-diamètre apparent CTG; si cet angle est de 154, l'angle TCG est de 89° 45′, & c'est exactement la perpendiculaire GH ou le sinus de 89° 45′ qui répond à 15′ ou à 900′; ainsi il faudra dire, 900° est au sinus de 89° 45′, comme le nombre de secondes observé pour une distance BE est au sinus des degrés & minutes de

l'arc AB qui lui répond.

952. Nous pouvons actuellement déterminer la longitude héliocentrique de la tache, & sa latitude vue du soleil. Soit P & E (fig. 117) les poles de l'écliptique sur le globe du soleil, PREK le grand cercle qui sépare l'hémisphère tourné vers la terre de l'hémisphère opposé; T le point du globe solaire où répond la terre, c'està-dire, le point qui a la terre à son zénit, ou qui nous parost répondre au centre même du disque solaire, M le point où est la tache, TM l'arc de distance déterminé par le calcul précédent (950); l'angle MTP formé par le cercle de latitude PT & par le cercle TM qui joint le lieu de la terre avec celui de la tache, est composé d'un angle droit PTL, & de l'angle sphérique LTM, qui est le même que l'angle plan, L8M de la sigure 114, déterminé par observation (950). Dans le
triangle sphérique MTP formé sur la convexité du globe solaire, l'on connoît PT qui est toujours de 90°, TM
qui est l'arc de distance, et l'angle PTM; on cherchera l'angle TPM au pole de l'écliptique, c'est la différence de longitude entre le lieu; de la terre et le lieu de
la tache qui répond au point L de l'écliptique; l'on trouvera aussi PM qui est la distance de la tache au pole
boréal de l'écliptique, et l'on aura la latitude hélipcentrique LM de cette tache.

953. On ajoutera la différence de longitude trouvée avec la longitude de la terre (c'est-à-dire, celle du lo-leil augmentée de 6 signes); si le point L est réellement à la droite ou à l'occident du centre du soleil (sig. 114 & 117); on la retranchera si la tache est dans la partie orientale du soleil, c'est-à-dire, si elle n'a pas encore passé sa conjunction apparente, et l'on aura la longitude de la tache, vue du centre du soleil, c'est-à-dire, le point de l'écliptique, on un observateur situé au centre du soleil véroit répondre cette tache.

positions de la tache vue du soleil, on connost par songitudes de la tache vue du soleil, on connost par songitudes de latitudes 3 points X V, M, (se 117) d'un
petit cercle R X V M, qui est parallèle à l'équateur solaire, on peut déterminer le pole de ce petit cercle; de
c'est aussi le pole de l'équateur solaire G H K, auquel le
cercle M R est parallèle.

1955. Si la longitude héliocentrique d'une tache étoit la même dans les trois observations, ce seroit une preuve que le soleil ne tourne point sur son axe, cas le centre du soleil ne peut voir une tache répondre toujours au même point du ciel si cette tache est entrainée par la circonférence du soleil; la longitude héliocentrique d'une tache que nous venons de déterminer (952) ne change donc que par le mouvement du solell; mais elle ne change pas uniformément, parce que l'écliptique, sur laquelle nous comptons les longitudes, n'est pas l'équateur même du soleil, autour duquel se fait le mouvement du soleil, et sur lequel on a des progrès uniformes.

956. Si la latitude héliocentrique d'une tache dans les trois observations étoit constante, tandis que la longitude change, on seroit assuré que la cache tourne parallèle-

١

395 Abrege b'Astronomin, Liv. XI.

ment à l'écliptique, c'est à dire, autour des poles inémes de l'écliptique, qui dans ce cas seroit confondue

avec l'équateur du foleil.

957. Mais si la longitude & la latitude de la tache changent tout à la fois, c'est une preuve que la tache décrit un parallèle à quelqu'autre cercle de l'écliptique; d'où il suit que l'équateur du soleil est incliné

fur l'écliptique.

or8. Si nous avora une fuite d'observations d'une tache pendant une demi-révolution autour du foleil dans le temps où le foleil est dans les nœuds de son équateur. nous verrons cette tache à sa plus grande & à sa plus petite latitude; la différence de ces deux latitudes donners le double de l'inclinaison de l'équateur solaire; car soit AB (fig. 114) le diamètre de l'équateur solaire, KE l'écliptique, RO le parallèle de la cache, les latitudes OE & KR de cette tache (quand elle est sur le cercle AROE de ses plus grandes latitudes) diffèrent entr'elles du double de EB, c'est-k-dire, du double de l'inclinaifon de l'équateur folaire, puisque dans l'une des observations, la latitude EO de la tache est plus grande que BO de la quantité BE, & que dans l'autre observation la latitude KR est au contraire plus petite que AR ou BO de la même quantité AK = EB.

C'est ainsi que nous trouverons l'inclinaison de l'équateur lunaire, parce que les taches de la lune peuvent s'observer pendant toute la durée d'une rotation lunaire. Mais comme nous voyons rarement les taches du soleil pendant une moitié de leur révolution, nous ne pouvons pas avoir immédiatement l'inclinaison de l'équateur solaire par les deux latitudes extrêmes; on la déduit de l'in-

égalité des trois latitudes obfervées,

959. Il y a plusieurs méthodes directes pour y pervenir, mais il est évident qu'on peut très-bien se passer de ces méthodes, en faisant quelques fausses suppositions sur le lieu du nœud & sur l'inclinaison de l'équateur, jusqu'à ce qu'on soit parvenu à une supposition qui donne exactement les trois longitudes héliocentriques & deux des latitudes déduites des observations. On trouve par ce moyen que le nœud de l'équateur solaire est à 2º 10 de longitude, que l'inclinaison de cet équateur sur l'écliptique est d'environ 7°, & que sa rotation véritable est de 251 14° 8′; ce qui sait que les taches du soleil revien-

nent par rapport à nous au même point du disque solaire

en 27j 12h 20'.

L'équateur solaire parost accompagné d'un atmosphère très-vaste, qu'on observe sous le nom de lumière zodiacale (297).

De la Rotation lunaire, & de la Libration.

oso. La lune présente toujours à la terre à peu-près la même face, mais nous sommes au-dedans de son orbite; si nous étions placés à une très-grande distance audelà de l'orbite lunaire, nous verrions successivement tous les points de sa circonférence; d'où il suit que la lune tourne sur son axe, & qu'elle a un mouvement de rotation.

os. Il paroît que ce mouvement de rotation est uniforme; & comme le mouvement de révolution ne l'estpas, il en résulte une *libration* ou un petit changement de 7 à 8 degrés dans la partie visible du disque lunaire, & cette différence va quelquesois à un huitieme de la

largeur du disque de la lune.

Galilée qui le premier observa les taches de la lune après la découverte des lunettes, (Nuncius Sydereus 1010), fut aussi le premier qui remarqua la libration de la lune. Il comprit dès-lors qu'il y avoit une libration en latitude qui vient de l'inclinaison de l'orbite lunaire & du parallélisme constant de son axe: je commence donc par l'explication de celle-ci, comme la première dont l'inventeur ait parlé. Il observa que des deux taches de la lune appellées Grimaldi & mer des Crises dans les figures du disque lunaire, l'une se rapprochoit du bord de la lune quand l'autre s'éloignoit du bord opposé vers lequel elle est située.

962. Supposons, pour l'expliquer, que la lune présente toujours la même face au même point du ciel, &
qu'un de ses diamètres, que nous appellerons l'axe de la
lune, soit toujours incliné de 2° sur l'écliptique. Soit T
la terre (fig. 118), TE le plan de l'Ecliptique, TC une
ligne inclinée de 2° sur l'écliptique, L le centre de la
lune dont l'axe ILK soit perpendiculaire à TC; lorsque
la latitude de la lune ou l'angle LTE est de 5°, l'angle LTC est de 3° aussi-bien que l'angle GLD, &
une tache située en G, sur l'équateur lunaire, parost éloi-

Annett starrhonisultry ber. XL

da rayon de la lune; mais 14 jours après quand line M a 5° de latitude australe, l'angle E T M étant de 5° de l'angle C T M de 7°, la tache qui étoit en G se trouve en Q, & sa distance F Q au centre apparent F de la lune est l'arc F Q égal à l'angle C T M, = 7°; aissi la tache située dans l'équateur parost à 7° au midi du centre apparent F de la lune, tandis qu'auparavant elle parosissoit 3° plus au nord; donc la tache de la lune parost de 10° plus au midi, ou plus près du bord méridional de la lune, que lorsque la latitude étoit septentrionale en L. Cela suppose que la ligne T C, à l'aquelle l'axe est perpendiculaire, soit immobile, ou que l'axe I K soit toujours parassèle à lui-même; nous vertons bientôt qu'il a un mouvement (967); mais il n'est pas sensible en 14 jours.

aiofi expliquée, il ne me reste qu'à expliquer aussi libration en longitude par l'inégalité du mouvement de la lune dans son orbite. Ce sur Riccioli qui parla le premier en 1651 de cette hypothèse. La troissème hypothèse, dit-il, seroit fondée sur l'excentricité de la lune, si nous imaginions que la lune présente tou-jours la même face, non à la terre, mais au centre de l'excentrique, ensorte que la ligne menée du centre de l'excentrique, ensorte que la ligne menée du centre de parcourt, passeroit toujours par le même point du globe lunaire ". Cette hypothèse sur employée pat Hévélius qui l'avoit imaginée, dit-il, en 1648; Newton & Cassini l'adoptèrent également, & je vais l'expli-

quer en peu de mots.

964. Suivant la théorie du mouvement élliptique, le foyer supérieur F de l'orbite lunaire ALP (fig. 119), est celui autour duquel la lune a un mouvement presque uniforme (495): si donc la rotation de la lune est aussi uniforme, comme le prouve l'observation, la lune après le quart de la durée de sa révolution, présentera au foyer F le point B de sa surface, qui dans l'apogée A étoit dirigé suivant AFT, & par conséquent vers la terre; mais dans cette position du rayon LBF, l'angle FLT étant de 6 ou 7°, le point C de la lune qui est dirigé vers la terre & qui forme le centre apparent de la lune, est différent du point B, de 7° de la circonféren-

ce de la lune; ainsi la tache qui est en B (& qui paroissoit au centre apparent du disque lunaire quand la lune étoit apogée), en paroîtra éloignée de 7°, ou d'en viron une huitième partie du rayon de la lune du côté de l'occident; c'est ce que l'on observe réellement; on en conclud que la durée de la rotation de la lune est uniforme, & égale à celle de sa révolution, sans part ticiper aux inégalités de celle ci....

965. Il n'est pas aisé de comprendre la raison de cetté parfaite égalité entre les durées de la rotation & de la révolution de la lune. Newton ayant trouvé par l'attraction de la terre sur la lune, que le diamètre de la lune dirigé vers la terre doit surpasser de 280 pieds, les diamètres perpendiculaires à notre rayon visuel ; en conclud que le plus grand diamètre doit être toujours à peu-près dirigé vers la terre; & il est vrai que l'équateur lunaire doit être en effet allongé dans le sens du diamètre qui va de la lune à la terre, parce que l'attraction de la terre est plus grande sur les parties qui en sont les plus voisines.

D'un autre côté, la rotation de la lune autour de son axe, doit en faire un sphéroïde aplati par les poles, & rendre les méridiens elliptiques; ainsi dans la lune, les méridiens, l'équateur & les parallèles doivent être des cilipses; & le corps de la lune doit être, pour ainsi dire, comme un œuf qu'on auroit aplati par les côtés, indé-

pendamment de son allongement naturel.

966. M. de la Grange, dans la pièce qui a remporté le prix de l'Académie en 1774, suppose avec Newton que la lune est un sphéroide allongé vers la terre, & il trouve que cette planète doit faire autour de son axe une espèce de balancement ou d'oscillation, par lequel la vîtesse de rotation est tantôt accélérée, tantôt retardée; qu'alors la lune doit nous montrer toujours à peuprès la même face, quoiqu'elle ait pû recevoir dans le principe une rotation dont la durée ne seroit point, par elle seule, égale à celle de la révolution. Il fait voir aussi que la figure de la lune peut être telle que la précession de ses points équinoxiaux, ou la rétrogradation des nœuds de l'équateur lunaire, soit à peu-près égale au mouvement rétrograde des nœuds de l'orbite lunaire, ainsi que les observations le prouvent.

top Abrica n'Astronomia, Liv. XL.

967. On détermine les nœuds de l'inclination de l'équateur lunaire par trois observations d'une tache, de la même manière que nous l'avons expliquée pour l'équateur solaire (959). C'est au centre de la lune qu'il sont réduire les longitudes des taches, de choisir pour déterminer l'inclination de l'équateur lunaire les temps de les taches sont le plus au nord ou au midi. On a trouvé par ce moyen l'inclination de deux degrés, de l'on a reconnu que le nœud de l'équateur lunaire est aoujours sensiblement d'accord avec le nœud de l'or-

bice lunaire fur l'écliptique.

968. Je terminerai ce qui concerne la félénographie, en disant un mot de la hauteur des montagnes de la lu-Hévélius observa des sommets de montagnes dans lune, qui étoient quelquefois éclairés, quoiqu'éloignés de la ligne de lumiere de la treizieme partie du rayon de la lune; de-là on peut conclure que ces montagnes ont de hauteur le 338° partie du rayon lunaire, ou une lieue de France. En effet, soit BM (fig. 120), le rayon solairé qui éclaire la lune en quadrature, BE le côté éclairé, BH le côté obscur, HM une montagne lunaire; quand le rayon BM commencera à éclairer le fommet M, si l'on connoît le côté TB & le côté BM = 4 du rayon TB, il est aisé de résoudre le triangle TBM & de trouver TM, dont l'excès sur le rayon est HM. Le rayon de la lune est 3 de celui de la terre, qui lui-même est de 3281000 toises; avec ces données on trouve HM de 2643 toiles, c'est-à-dire, plus d'une lieue commune.

grande, car il disoit avoir observé la distance BM des points lumineux de du rayon de la lune; mais on doit préférer à cet égard les observations d'Hévélius qui ont été plus répétées, plus détaillées & plus exactes.

De la Rotation & de la figure des autres Planètes.

970. La rotation du soleil & celle de la lune sont les plus faciles à observer, mais les autres planètes ont aussi donné matière à de semblables observations. M. Cassini ayant remarqué des taches dans Vénus, jugea que cette planète tournoit sur son axe, dans l'espace de 13 heures; mais la durée de cette rotation n'est point

point aussi facile à observer que celle de Jupiter, que l'on voit distinctement tourner sur son axe en 9 heures 56. Il parost que l'équateur de Jupiter n'est incliné que de 2 ou 3 sur l'orbite de cette planète, à peu-près comme celle des satellites. L'aplatissement de Jupiter est très-sensible, son axe est plus petit que le diamètre de son équateur de 4, & c'est une suite naturelle de la force centrisuge qui naît d'une rotation aussi rapide.

La rotation de Mars observée par M. Cassini en 1666

lui parut être de 24 heures 40'.

La rotation de Mercure & de Saturne ne peut s'obferver, l'un est trop près du soleil pour que l'on puisse en distinguer les taches, l'autre est trop éloigne de nous.

971. Les phases de Saturne sont une des choses les plus singulières que l'on ait observé dans le ciel, quelquésois il parost tout rond, & quelquesois on y distingue deux anses; les Astronomes disputèrent long temps sur ces singulières apparences, jusqu'à ce que M. Huygens en 1659 en donna l'explication.

Saturne est environné d'un anneau fort mince, presque plan concentrique à Saturne, également éloigné dans tous ses points; il est soutenu par la pesanteur naturelle & simultanée de toutes ses parties, tout ainsi qu'un pont qui seroit assez vaste pour environner route la terre, se soutiendroit sans piliers.

o72. Le diamètre AB de l'annéau de Saturne (fig. 121) est à celui du globe de Saturne CD, comme 7 est à 3, suivant les mesures de M. Pound; l'espace E qu'il y a entre le globe & l'anneau est à peu-près égal à la largeur de l'anneau, ou tant soit peu plus grand; suivant M. Huygens; ainsi la largeur de l'anneau est à peu-près ; du diamètre de Saturne, aussi bien que les espaces vuides & obscurs E, que l'on voit entre le globe & les anses. Il est incliné sur l'écliptique de 31.23, & il la coupe à 5.17 de longitude.

973. L'anneau de Saturne disparoît quelquesois, & il y a trois causes qui peuvent occassonner cette phase ronde. Lorsque Saturne est vers le 20° degré de la Vierge & des Poissons, le plan de son anneau se trouve dirigé vers le centre du soleil, & ne reçoit de lumiere que sur son épaisseur, qui n'est pas assez considérable pour être

apperçue de si loin; Saturne alors paroit road & sans anneau, cela doit arriver vers le 22 du mois d'Octobre de cette année 1773; dans ce cas-là, on distingue une bande obscure qui traverse Saturne par le milieu, & qui est formée par l'ombre de l'anneau sur son disque. Cette

difparition dure environ un mois.

plan de l'anneau passe par notre œs, étant dirigé vers la terre; nous ne voyons alors que son épaisseur qui est trop petite, ou qui réséchit trop peu de lumière pour que nous puissions l'appercevoir; enfin cet anneau peut disparosne lorsque son plan passe entre le soleil & nous, car alors la surface éclairée n'est point tournée vers nous; tant que Saturne est entre 11° 20° & 5° 20° de longitude, le soleil éclaire la surface méridionale de l'anneau; si la terre est alors élevée sur la surface septentrionale, elle ne peut voir la lumière de l'anneau, & ce sera un des temps de la phase ronde; ainsi l'on peut voir disparostre les anses deux sois dans la même année, & les voir reparostre deux sois, comme on l'a véritablement observé (Mém. Acad. 1715).

975. Par exemple, en 1773 la terre doit se trouver le 10 Octobre dans le plan de l'anneau, & nous cellesons de l'appercevoir, même 8 jours auparavant. Nous ne le reverrons ensuite que le 23 Janvier 1774, le soleil ayant passé à son tour au nord de l'anneau dès le 8; car il lui faut à peu-près 15 jours pour que le soleil étant affez élevé fur le plan de l'anneau y répande une lumiere fuffisante, & que nous puissions l'appercevoir; mais comme Saturne fera en conjonction avec le foleil le 8 Septembre, il fera difficile de bien observer la premiere disparition le 24 Mars; la terre revenant vers le plan de l'anneau il disparostra pour la seconde fois jusqu'au 11 Juillet que la terre dépassera de nouveau le même plan, après quoi cet anneau ne disparottra plus pendant 15 ans. J'en ai donné les preuves & les calculs, qui paroîtront dans les Mem de l'Acad. pour 1773.

De la pluralisé des Mondes.

976. La ressemblance que l'on a vue entre les planèces et la terre dans le cours de ce livre, a fait croire

aux plus grands Philosophes que les planères étoient destinées à récevoir des êtres vivans comme nous, et qu'elles étoient habitées. La pluralité des mondes se tropyules déja dans les Orphiques, ces anciennes poélies Greeques attribuées à Orphée (Plut. de Plac. phil. L. a , c. 13): les Pythagoriciens, tels que Philolaus, Nicetas, Herachides, enseignoient que les astres étoient autant de mondes! (Plut. L. 2, c. 13 & 30): (Achilles Tatius I/ag. ad Arab) phase, c. 10. Diog. Laërt, in Emped.). Pluficurs ancient Philosophes admettoient même une infinité de mondes! hors de la portée de nos yeux (Epicure, Luerece L. 2, v. 1069), tous les Epicuriens étoient de même sentiment : & Métgodore trouvoit qu'il étoit auffi abfurde de ne mettre qu'un seul monde dans le vuide infini, que 🕪 dire qu'il ne pouvoit croître qu'un feul épi de blod dansune valte campagne (Plut. L. 1, c. 5): Xenophanes, Zenon d'Eléc, Anaximenes, Anaximandre, Leucippe, Democrite, le foutenoient de même. Enfin il y avoit suffides Philolophes qui en admettant que notre monde étois unique, donnoient des habitans à la lune; tels écoient Anaxagore (Macrob. Somn. Scip. L. 1, c. 11), Xenophipes (Cic. Ac. qu. L. 4), Lucien (Plutarque & Grecol. desettu; de facis in orbe lune). On peut voir une lifte betucoup plus ample de ces opinions des Anciens fur la giuralité des mondes, dans l'abricrus (Biblioté. Gr. 1910. 1.; c. 20), & dans le Mémoire de M. Bonamy, (Acad. de Infor. 1998. 1x). Hévélius appelle les habitans de la lube Steniue, & il examine tous les phénomènes qui s'obser? vent dans leur planète (Samogr. p. 294), à l'exemple det Képlet (Aftron. lunaris).

of fontenelle de toutes les graces & de tout l'esprit qu'ent peut mettre dans des conjectures physiques; M. Hitygens (mort en 1695) dans son livre intitulé, Cosmetteres, differta aussi fort au long sur cette matière. En esset, le rellemblance est si parfaite entre la terre & les autres planètes, que si nous supposons la terre faite pour être habitée, nous ne pouvons douter que les planètes ne le soient égalément; & si nous concevons quelque rapport nécessaire entre l'existence du globe terrestre & celle des bommes, nous sommes forcés de l'étendre aux planètes; celui qui voudroit s'y resuler sesoit aussi inconséquent que celui qui dans un troupeau de moutons auroit vu

Cc'a

404 Annick D'Asthonomin, Liv. XI.

les uns avoir des entrailles d'animaux, & croiroit que les

sutres peuvent ne contenir que des piétres.

978. Nous voyons six planètes autour du soleil, la terre est la troisieme; elles tournent toutes les six dans des orbites ellipriques; elles ont un mouvement de rotation comme la terre; elles ont, comme elle, des caches, des inégalités, des montagnes; il y en a trois qui ont des fatellites, & la terre en est une; Jupiter est aplati comme la terre; enfin, il n'y a pas un feul caractere. visible de ressemblance qui ne s'observe réellement entre les planètes & la terre : est-il possible de supposer que l'existence des êtres vivans & pensans soit restreinte à la terre; fur quoi feroit fondé ce privilege, fi ce n'est peut être sur l'imagination étroite & timide de ceux qui ne peuvent s'élever au-delà des objets de leurs fenfations immédiates? Ce que je dis des fix planètes qui tournent autour du foleil, s'étendra naturellement à tous les systemes planétaires qui environnent les étolles; chaque étoile paroît être, comme le foleil, un corps lumineux & immobile: si le soleil est fait pour retenir & éclairer les planètes qui l'environnent, on doit préfumer la même chose des étoiles; & si l'on suppose que l'existence des habitans de la terre ait quelque rapport nécessaire avec celle du globe terrestre, on doit supposer des habitung dans les autres planètes.

979. Il y a eu des écrivains aussi timides que religieux, qui ont reprouvé ce système comme contraîre à la Religion; c'étoit mal foutenir la gloire du Créateur : si l'étendue de ses ouvrages annonce la puissance, peut-on en donner une idée plus magnifique & plus fublime? Nous voyons à la vue simple, plusieurs milliers d'étoiles; il n'y a aucune région du ciel où une lunette ordinaire n'en fasse voir presque autant que l'œil en distingue dans tout un hémisphère; quand nous passons à de grands télescopes, nous découvrons un nouvel ordre de choses, & une autre multitude d'étoiles qu'on ne soupçonnoit pas avec les lunettes; & plus les instrumens sont parfaits, plus cette infinité de nouveaux mondes se multiplie & s'étend; l'idée perce au-delà du télescope, & découvre une nouvelle multitude de mondes, infiniment plus grande que celle dont nos foibles yeux appercevoient la trace; l'imagination va plus loin, elle cherche inutilement des bor-

nes; quel étonnant ipectacle!

LIVRE

De la Pesanteur, ou de l'Attraction des Planetes.

A pesanteur est cette force que nous éprouvons à chaque instant, par laquelle tous les corps tiennent au globe de la terre, & y retombent d'eux-mêmes aussi-tôt

qu'on les en éloigne & qu'ils sont libres. 980. Cette pesanteur est l'effet d'une force universelle répandue dans toute la Nature, & qui réside dans tous les corps aussi bien que dans le globe de la terre, comme nous le démontrerons bientôt (989); mais il faut commencer par examiner ses effets sur la terre,

avant de la confidérer dans le reste de l'univers.

981. Le premier phénomène qu'on observe dans la pesanteur des corps terrestres, c'est la vîtesse avec laquelle ils tombent vers la terre: tous les corps, grands ou petits, quels que soient leur étendue, leur volume, leur densité & leur masse, commencent à tomber avec une vîtesse de 15 pieds par seconde (ou plus exactement 15,0515, sous l'équateur); mais après avoir parcouru 15 pieds dans la premiere seconde de temps, ils en parcourent trois fois autant dans la suivante, cinq fois autant dans la troisieme; les espaces parcourus sont comme les nombres impairs, 1, 3, 5, 7, 9, &c. Ga-lilée reconnut le premier cette loi, confirmée ensuite par toutes les expériences.

982. De-là il réfulte évidemment que les espaces parcourus sont comme les carrés des temps; car le corps. qui n'avoit parcouru qu'une perche à là fin de la premiere seconde, se trouve en avoir parcouru quatre au. bout de deux secondes, neuf après trois secondes, seize, &c. donc les espaces parcourus dans la chûte des corps sont comme les carrés 1, 4, 9, 16 des temps. 1, 2, 3, 4, que la chûte a duré.

Cc3

Los Abrese D'Astronomie, Liv. XII.

epag- Ce fait qui est prouvé par expérience est indiqué par la nature même de la chofe; la gravité étant une force continue, agit sans interruption sur le corps qui y est soumis, plendant la durée de sa chitte; des-lors les espaces qu'elle lui fait parcourir doivent être comme les carrés des temps. En effet, exprimons les instans que dure la chûte par les portions d'une lighe BK (fg. 122), croissante également, & divisée en parties égales BG, GM; les vitesses du corps di tombe croissent dans la même proportion, puisque à chaque instant il survient an nouveau degré de vîteffe égal au précédent, qui ne le détruit point, mais qui se joint avec lui; ces vîtesses peuvent donc s'exprimer légitimement par les ordonnées GH, KL du triangle, puisque ces ordonnées croissent uniformément, ou comme les temps BG, BK. Les espaces parcourus à chaque instant doivent être d'autant plus grandes que l'instant est plus long & la vitelle plus grande; mais puisque les instants sont exprimés par BG ou BK, & les vitesses par GH ou par KL, la valeur absolue des espaces parcourus pourra être exprimée par le produit des lignes BG & GH, ou par celui des lignes BK & KL, c'est-à-dire, dans chaque cas par la surface du triangle; mais la surface du petit triangle est à celle du grand, comme le carré de BG est à celui de BK; donc les espaces parcourus sont comme les carrés des temps.

ost. Les espaces étant comme les carrés des temps, & les vitesses comme les temps pendant lesquels elles ont été acquises, les espaces sont comme les carrés des vitesses; donc les vitesses sont comme les racines des espaces parcourus, c'est-à-dire, des hauteurs d'où les graves doivent tomber pour acquerir ces vitesses. On peut dire également que les vitesses sont comme les racines des hauteurs doubles, c'est-à-dire, des espaces qui seroient parcourus uniformément avec les mêmes

vitelles acquifes.

985. On doit étendre cette proposition à toute force attractive constante, c'est à-dire, à toute force qui agit unisormément, constamment & sans interruption; les espaces parcourus sont nécessairement alors comme les carrés des temps; on fait souvent uiage de cette remarque, on suppose toujours que si f est la force, de le petit intervalle de temps, & de le petit espace, on doit avoir sde 2 = de; ainsi pour comparer la force

d'une planète quelconque avec la force que la terre exerce sur les corps graves, f étant supposée la force accélératrice d'une autre planète, comme la lune, ensorte que f soit de la force de la terre, à pareille distance, & de un nombre de secondes comme 4/1, on aura l'espace que cettte force f seroit parcourir en 4/1 égal à fdt2 = 75. 16, ou 75 des 15 pieds que la terre fait parcourir aux corps terrestres (981). Si la force n'est pas constante & uniforme, l'augmentation de la vitesse est à chaque moment en raison composée de la force, & du temps pendant lequel cette force s'exerce.

986. De ce que toutes les forces accélératrices constantes font parcourir des espaces qui sont comme les carrés des temps, j'ai aussi conclu que les équations séculaires doivent être comme les carrés des temps (455), & cela suit des mêmes raisonnemens; car si la cause agit toujours également, & que son effet ne soit jamais détruit, cet effet croîtra comme les carrés des

temps.

987. La même loi s'observe dans les mouvemens célestes; une planète ne se meut dans une orbite, que parce qu'elle est sans cesse retenue par une force centrale (479 & suiv.); aussi l'écart de la tangente, ou la petite ligne AB (fig. 123) qui marque l'effet de la force centrale, & la quantité dont cette force retire la planète du mouvement rectiligne PA, est comme le carré des temps, qui sont exprimés par les petits arcs décrits, tels que PB; c'est ce que nous allons démontrer dans le lemme suivant.

988. Le sinus verse AE (fig. 124), d'un arc infiniment petit AP est égal à $\frac{AP^2}{AD}$; car par la propriété con-

nue du cercle, EP₂=AE. ED, donc AE= $\frac{EP^2}{ED}$, mais ED ou ED \perp EA $\sim 10^{-1}$ $\stackrel{!}{\sim}$ ED ou ED + EA, c'est-à-dire, AD, sont absolument la même chose, puisque AE est infiniment petit, donc $AE = \frac{-1}{ED}$. A la place de EP nous pouvons mettre l'arc AP qui n'en diffère que d'un infiniment petit du troisieme ordre, donc nous aurons AE

gra Andres Whiteonomin, Les XII.

- 993. Képler ayant une fois conque que la lune étoit attirée par la terre, de confidérant que chaque planéte a sa pesanteur (989), devoit en conclure que la lune attiroit aussi la terre; mais en considérant les eaux de la mer qui se soulevent tous les jours quand la lune passe au méridien, il ne douts plus que ce ne fitt-là un

effet de l'attraction lunaire.

C'est sur tout dans sa nouvelle physique céleste (468) que Képler s'exprime sur la gravité, d'une façon bien remarquable pour ce temps-là. Il voyoit d'une manière frappante & lumineuse pour lui, toutes les planètes assujetties au soleil, & la lune à la terre, comme les corps terrestres que nous avons continuellement sous les yeux; il sentoit que l'attraction étoit générale entre tous les corps de l'univers; que deux pierres se réuniroient par leur attraction mutuelle si elles étoient hors de la sphère d'activité de la terre; que les caux de la mer s'éléveroient vers la lune si la terre ne les attiroit, & que la lune retomberoit vers la terre sans la force avec laquelle elle décrit son orbite.

La comparaison entre les attractions célestes & ceste de l'aimant paroissoit d'autant plus naturelle à Képler, que Gilbert, Physicien Anglois, venoit de faire voir en 1600 que le globe de la terre étoit comme une espece de grand aimant. Perbellum equidem attigi exemplum magnetis, & omnino rei conveniens, ac parum abest quin res ipsa dici possit. Nam quid ego de magnete tanquam de exemplo? Cum ipsa tellus, Gulielmo Gilberto, Anglo, demonstrante, magnus quidam sis magnes (cap. 34, p. 176).

994. La lecture des ouvrages de Képler suffisoit pour persuader aux savans, que cette attraction de la matiere étoit universelle; aussi voyons-nous qu'en Angleterre & en France, même avant Newton, plusieurs auteurs

en parlèrent difertement.

On trouve dans Fermat le passage suivant: (Var. ep. Math. pag. 24) " La commune opinion est que la pesanteur est une qualité qui réside dans le corps même qui tombe; d'autres sont d'avis que la descente des corps procède de l'attraction d'un autre corps qui attire celui qui descend, comme la terre. Il y a une troisieme opinion qui n'est pas bors de vrassemblance, que c'est une attraction mutuelle entre les corps, cau-

sétant pas l'ira trouver, & si le fer est arrêté, le fer ne l'étant pas l'ira trouver, & si le fer est arrêté, l'aimant ira vers lui; & si tous deux sont libres ils s'appropheront réciproquement l'un de l'autre, ensorte toute fois que le plus fort des deux fera le moins de chemin".

18 Jacon, dans ce livre fameux qui a pour titre saluratio magna ou Novum organum (Liv. II. art. 36, 45 & 48), parle souvent de l'attraction magnétique de la terre sur les corps graves, de la lune sur les eaux de la mer, du soleil sur Mercure & Vénus; il propose des expériences propres à vérisser ces attractions; & quoiqu'il m'ait paru à la lecture de cet ouvrage que l'auteur n'étoit point au fait de l'astronomie, on voit cependant que ce qu'il dit des attractions célestes étoit propre à fournir des idées très lumineuses & très physiques sur la gravité universelle.

Galilée reconnoissoit aussi cette sympathie de la lune avec la terre: Hévélius attribuoit au soleil une force

Temblable à l'occasion des comètes.

L'attraction générale étoit sur-tout le principe fondamental du livre que Roberval publia en 1644, intitulé Aristarthi Samii de mundi systemate liber; il attribue à toutes les parties de matiere dont l'univers est composé, la propriété de tendre les unes vers les autres; c'est pour cela, dit-il, qu'elles se disposent sphériquement, non par la vertu d'un centre, mais par leur attraction mutuelle, & pour se mettre en équilibre les unes avec les autres.

les corps célestes indiquée d'une maniere positive dans un livre du Docteur Hook que j'ai cité (765). J'expliquerai, dit-il, (p. 27,) un système du monde qui differe à plusieurs égards, de tous les autres, mais qui s'accorde parfaitement avec les regles ordinaires de la mécanique; il est fondé sur ces trois suppositions: 10. Que tous les corps célestes, sans en experter aucun, ont une attraction ou gravitation vers leur propre centre, par laquelle, non-seulement ils attirent leurs propres parties & les empêchent de s'écarter, comme nous le voyons sur la terre; mais attirent encore les autres corps célestes qui sont dans

414 Anikap:Markanangs. XII.

la Tohère de feup activités : . . . so. Que tous les corps qui ont reçu un mouvement simple & direct. l'eontinuent à se mouvoir en ligne droite jusqu'à ce que par quelqu'autre force effective ils en foient détournés & forces à décrire un cercle, une ellipse ou quela qu'autre courbe composée, 3°. Que les forces attractives font d'autant plus puillantes dans leurs opérations, que le corps fur lequel elles agissent est plus près de leur centre. Pour ce qui est de la proportion. fuivant laquelle ces forces diminuent à melure que la , distance augmente, j'avoue que je ne l'ai pas encore vérifiée.... Je donne cette ouverture à ceux qui ont affez de loifir & de connoissances pour cette recherche". Cette loi qu'il proposoit de trouver, sut précifément celle que chercha Newton; aussi voyons nous qu'il cite le Docteur Hook, au commencement de fou Hvre de Mundi Systemaso. (Nuntoni Opuscula, 1744, II, 6), Voyez la traduction de Newton par Madame du Châtelet, & l'Histoire des Marb. de M. Montucia, 1758, tom. 11, pag. 527.

Il ne manquoit donc plus à l'attraction qu'un Géophètre qui découvrit la loi suivant laquelle elle décrost,
Pythagore l'avoit connue comme l'observe Gregori
dens la préface de ses élémens d'astropomie; mais elle
étoit oubliée, elle n'étoit point démontrée, il falloit
la découvrir de nouveau & sur-tout la démontrer, &
Newton étoit plus que personne en état de le faire;
s'il n'eût pas trouvé cette loi, je crois qu'avant la fin
du dernier siecle d'autres Géomètres l'auroient apperque, les choses étoient trop avancées pour qu'on pût
l'ignorer plus long-temps; mais Newton en eut la gloire.
Je vais tracer l'histoire de cette découverte, en traduifant un passage d'Henri Pemberton, contemporain &

ami de Newton.

oo7. Les premieres idées qui donnerent naillance au livre des principes de Newton, lui vinrent en 1666, lorsqu'il eut quitté Cambridge à l'occasion de la peste. Il se promenoit seul dans un jardin, méditant sur la pesanteur, & sur ses propriétés: cette force ne diminue pas sensiblement quoiqu'on s'éleve au sommet des plus hautes montagnes; il étoit donc naturel d'en conclure que cette puissance devoit s'étendre beaucoup plus loin. Pourquoi, disoit-il, ne s'étendroit-elle pas



jusqu'à la Tune? Mais si cela est, il faut que cette pefanteur influe sur le mouvement de la lune; peut être de l'ert-elle à retenir la lune dans son orbite? Et quoique à la force de la gravité ne soit pas sensiblement affoiblie par un pest changement de distance, tel que nous pouvons' l'éprouver ici-bas, il est très - possible que dans " l'éloignement ou le trouve la lune, cette force soit fort diminuée. Pour parvenir à estimer quelle pouvoit " être la quantité de cette diminution, Newton songe, à que si la lune étoit retenue dans son orbite par la force de la gravité, il n'y avoit pas de doute que les planétes- principales ne tournassent autour du soleil nen 🙀 vertu de la même puissance. En comparant les pénjodes des différentes planètes avec leurs distances au soleil, il trouva que si une puissance semblable à la gra-* vité les retenoit dans leurs orbites ; la force devroit di " minuer en raison inverse du carré de la distance (1012). l'Il supposa donc que le pouvoir de la gravité s'éténdoit " jufqu'à la lune & diminuoit dans le même rapport, & il calcula fi cette force seroit sufficience pour retenir la lune dans son orbite. Il faisoit ces calculs dans un temps oh il n'avoit point sous sa main les divres qui luic au-"roient été nécessaires; & il supposoit, suivant l'estime s commune employée par les Géographes & par nos Mas rins, avant la mesure de la terre faite par Norwood 6 (800), que 60 milles d'Angleterre faisoient un degré n de latitude sur la terre; mais comme cette supposition » étoit très-défectueuse, (puisque chaque degré doit » contenir 69 i milles), le calcul ne répondit point à son attente; il crut alors qu'il y avoit au moins quelqu'au-* tre cause jointe à la pesanteur qui agit sur la lune, & * il abandonna ses recherches sur cette matiere. Queln ques années après, une lettre du Docteur Hook lui fit rechercher quelle est la vraie courbe décrite par un " corps grave qui tombe, & qui est entraîné par le mouy vement de la terre sur son axe. Ce fut une occasion pour Newton de reprendre ses premieres idées sur la pesanteur de la lune. Picard venoit de mesurer en Fran-" ce le degré de la terre (802), & en se servant de ses mesures, il vit que la lune étoit retenue dans son or-n bite par le seul pouvoir de la gravité (1014), d'où il n suivoit que cette gravité diminuoit en s'éloignant du

414 Aridotinlarrammanera Liga XII.

ecentre de la tétre, de la même manière que gotre auteur l'avoit autrefois conjecturé. D'après ce principe, Newton trouve que la ligne décrite par la châte d'un corps étoit une eilipse dont le centre de la terre ocqupoit un foyer; or les planètes principales décrivent aussi des ellipses autour du soleil (468); il eut donc la fatisfaction de voir que cette folution, qu'il avoit entreprife par pure curiofice, pourroit s'appliquer aux plus grandes recherches. En conféquence, il composi une douzaine de propositions relauves au mouvement des planètes principales autour du foleil. Plusieurs années après, le Docteur Halley étant allé voir Newson A Cambridge, l'engagea dans la conversation à reprendre ses médications à ce sujet, & fut l'occation du grand Ouvrage des Principes qui parut an 1687, (# n Wiew of Sir Isaac Newton's Philosophy, London 1728 n in-40. Préface)".

yeux plusieurs indications de cette attraction; la diminution du pendule observée à Cayenne (805); l'appladissement de Jupiter; la libration ou le balancement de l'apogée de la lune indiquée par l'observation des diamètres de la lune que Picard & Auzout avoient mesurés avec leurs pouveaux micromètres; sont gela sermoit des

indices de l'attraction.

Depuis ce temps - la les effets de cette force ont été si bien reconnus que cette attraction universelle des planètes, la tendance reciproque de l'une à l'autre, a été prouvée par les faits de tant de façons différentes; elle se retrouve dans des circonstances si éloignées; enfin toutes les conséquences qu'on en tire sont si bien d'accord avec les phénomènes, qu'il n'est plus possible de la

révoquer en doute.

999. Voici une énumération succinte des phénomènes observés, qui chacun séparément suffiroit pour prouver l'attraction, quand on ignoreroit tous les autres, & qui sournissent au moins quinze espèces de preuves disférentes de cette attraction universelle. I. Le slux & le ressux de la mer, qui sournit deux sois le jour la preuve la plus palpable & la plus frappante, pour tous les yeux, de l'attraction lunaire, & dont tous les phénomènes s'accordent réellement evec le calcul des attractions du soleil

& de la lune comme nous l'expliquerons bientôt (1082). IL Les inégalités de la lune qui dépendent visiblement du soleil (503). III. Le mouvement des planères autour du soleil (479), avec cette loi que les cubes des distances font comme les carrés des temps (1038). IV. La figure elliptique des orbites de la lune autour de la terre, de toutes les planètes, et même des comètes autour du fojeil. V. La précession des équipoxes (1064), VI. La nutation de l'axe de la terre, produite par l'action de la lune (1009). VII. Les inégalités que Jupiter, Saturne & toutes les planètes éprouvent dans leurs différente positions. VIII. Les inégalités prodigieuses de la comété de 1750, dont la dernière révolution s'est, apprée de 585 jours plus longue que la précédente, suivant le calcul des attractions de Jupiter & de Saturne (921). IX. L'aplatissement de Jupiter & de la terre (1074). X. L'attraction des montagnes sur le pendule (\$24) XI. Le changement de latitude & de longitude des étolles fixes (757). XII. La diminution de l'obliquité de l'écliptique (758), XIII. Les mouvement des apsides des planètes (514), sur-cout de l'apogée de la lune (559), qui s'observe incontestablement dans le ciel. XIV. Le mouvement des nœuds de toutes les planètes (518) fur-tout des nœuds de la lune, qui est si considérable & fi fensible que dans neuf ana l'orbite de la lune se renverse, or qu'elle patte à so des étoiles qu'elle couvroit auparavant (568). XV. Les inégalités des fatellites de Jupiter. (845).

De ces quinze espèces de phénomènes, la plupart sont inexpliquables dans le système des tourbillons & du plein, & c'est avoir démontré d'une manière complète l'impossibilisé du système des Cartésiens, que d'avoir prouvé l'existence de ces phénomènes & la manière dont ils résultent de l'attraction. Il ne peut y avoir actuellément un Géomètre ou un seul Astronome passablement instruit des phénomènes & des nouvelles théories, qui croie encore aux systèmes des tourbillons & du plein,

ou qui rejette l'attraction Newtonienne,

1000. Plusieure Physiciens célèbres se sont efforcés d'expliquer la loi universelle de l'attraction, par une cause impulsive, par un fluide, par le mouvement des atô-

ABERGEBAYTEONOWYE EIF XIL

mes, &cc. (a). Mais en seroit on plus avancé? il resterioit à expliquer la cause de ce mouvement primitif, or les causes premières sont au dessus de notre entendement.

Pour moi je pense avec M. de Maupertuis & la plus part des Métaphyficiens Anglois, que l'attraction de pend d'une propriété intrinsèque de la matière. Si cette propriété étoit métaphysiquement impossible, dit M. de Maupertuis (b), "les phénomènes, les plus pressans de la nature ne pourroient pas la faire recevoir; mais si elle ne renferme ni impossibilité, ni contradiction, on peut librement examiner si les phénomènes la prouvent ou non; car des-lors l'attraction n'est plus qu'une question de fait, & c'est dans le système de l'univers qu'il faut aller chercher si elle est un principe qui ait effectivement lieu dans la nature. Or certainement il n'y a point d'impossibilité métaphysique ni de contradiction dans la loi de l'attraction; c'est-à-dire, que rien ne démontre la proposition contradictoire: Les corps eln lestes ne s'attirent point. Je me flatte qu'on ne m'obpettera pas que cette propriété dans les corps, de pefer les uns vers les autres, est moins concevable que e celles que tout le monde y reconnost. La manière dont les propriétés rélident dans un fujet est toujours inconcevable pour nous; on ne s'étonne point de voit un mouvement communiquer ce mouvement à d'autres corps, l'habitude qu'on a de voir ce phériomène empêche qu'on en voie le merveilleux; mais au fond la force impulsive est aussi peu concevable que l'attrac-, tive. Qu'eit-ce que cette force impulsive? comment , réside-t-elle dans les corps? Qui ent pu deviner " qu'elle y réfide, avant que d'avoir vu les corps fe choquer?

"L'existence des autres propriétés dans les corps "n'est pas plus aisée à concevoir, & nous sommes par-"tout obligés de supposer des loix primitives, dont

, nous

la lettre du même auteur, dans le Mercure de Mai 1756.

(b) Discours sur les dissérentes figures des Altres, par M. de Mauper-

tuis , 1732. 10 8..

⁽a) Voyez sur-tout l'Essai de Chymie Mécanique, par M. le Sage, Ci-toyen de Genève, qui a remporté le prix de l'Académie de Rouen, & la lettre du même auteur, dans le Mercure de Mai 1756.

nous ne connoissons ni la cause, ni l'origine; seur existence est la seule chose qui soit du ressore de l'es-, prit humain, mais sur-tout de la géométrie.".

1001. Supposons donc l'existence de l'attraction universelle, & cherchons les effets qui doivent en résulter; leur-accord avec les phénomènes observés & connus, nous fera voir par-tout la certitude & l'évidence de cette loi.

Nous supposerons, comme on a coutume de le faire, que l'attraction est proportionnelle à la masse ou à la quantité de matière qui attire; on ne peut pas le démontrer par les faits, car nous ne pouvons juger de la quantité de matière que par le poids ou l'attraction; mais à moins qu'on ne put démontrer le contraire, il est trèsnaturel de supposer que chaque particule est douée de la même propriété; c'est-à-dire, que l'attraction de deux particules sera double de l'effet d'une seule, & qu'en général l'attraction est proportionnelle à la matière qui attire.

La force avec laquelle une planète est attirée ne dépend point de la masse de cette planète attirée; car si une seule particule de matière est attirée avec une force f, toutes les particules que vous placerez près d'elle seront attirées chacune avec la même force f3 il n'y a aucune raison pour que la seconde soit attirée moins que la première; & la présence de la seconde ne change rien à la force qui agissoit sur la première; donc la force attractive ne dépend que de la masse qui attire, & non pas de celle qui est attirée.

1002. Il y a dans la géométrie nouvelle des expressions abrégées, qu'un usage fréquent dispense les Géomètres d'expliquer, mais qui embarrassent néanmoins ceux qui entrent dans la carrière; telle est l'expression

qu'on emploie en disant que $\frac{S}{r^2}$ est la force que le soleil, dont la masse est supposée S, exerce à la distance r fur une planète quelconque; il s'agit d'une force attractive, & on la suppose égale à une masse S divisée par le carré d'une distance r; or les forces, les masses & les distances sont des choses fort héterogènes & de natures fort différentes; on ne voit pas d'abord comment il peut y avoir égalité entre des choses si disparates.

418 Abrege D'Astronomia, Liv. XII.

Pour le concevoir, il faut confidérer que quand on est convenu du choix des unités, toutes les autres quantités de même espèce peuvent être prises pour des fractions de ces mêmes unités, & que des fractions égales n'expriment qu'une proportion réduite en équation. On ne calcule l'effet d'une force qu'en la comparant avec une autre force ; ainsi en prenant la terre pour terme de comparaison, la masse S du soleil étant supposée 365412 sois plus considérable que celle de la terre, & son rayon r 113 fois plus grand que le rayon de la terre, $\left(\frac{365412}{(113)^2}\right)$ == 29 à peu-près; cela veut dire que l'attraction du foleil fur les corps folaires placés à fa furface est 29 fois plus grande que celle de la terre sur les corps terrestres, & qu'au heu de parcourir 15 pleds en une seconde (981. 1009), ils en parcourent 434; car la maffe seule à distance égale feroit parcourir 5500000 pieds, mais à une distance 113 fois plus grande l'attraction agit 12720 fois moins (1012), donc le foleil fera parcourir vers fa furface 434 pieds par feconde, au lieu de 15, & la force - vant 29 en supposant que celle de

la terre est l'unité. 1003. Si l'on cherche les dérangemens que la force du foleil cause à la lune, c'est en examinant le rapport qu'il y a entre la force du foleil pour tirer la lune de fon orbite, & la force de la terre pour l'y retenir, ou la quantité dont la force du foleil peut balancer ou contrarier celle ci. En faisant cette comparaison des forces, on prend pour unité la masse d'une planète & l'on exprime les autres masses en parties de cette unité; on prend aussi une distance pour unité & l'on exprime toutes les autres distances en unités ou en fractions de cette première distance, c'est-à-dire, qu'on compare une fraction avec une autre. Par exemple, on peut faire cette proportion, la force du foleil fur la lune, que nous appellerons S, est à la force de la terre fur la lune dans fa movenne distance, en raison composée de la masse du soleil à la masse de la terre, & du carré de la distance moyenne de la lune à la terre, au carré de la distance moyenne du foleil à la lune, c'est-à-dire, comme la masse du soleil divisée par le carré de fa distance à la lune, où par 📲, est à la



maffe de la terre divifée par le carré de fa diffance moyenne à la fune. Prenons pour l'unité des messes, la masse de la terre; pour unité des distances, celle de la lune à la terre, ot pour unité des forces, celleque la terre exerce fur la lune dans les moyennes distances. Alors la proportion précédente donnera pour la force du foleil

fur la lune l'expression

1004. Lorsqu'il s'agit des troubles qu'une planète éprouve par l'attraction d'une autre, on emploie les mê, mes expressiones, par exemple, la masse du soleil qui est I , retient la terre dans son orbite à une distance qui est 1. Jupiter trouble cette action avec une maffe environ 1000 fois plus petite que celle du foleil (1020); siafi fa masse ou si force peut s'appeller 🚜; & comme il agre encore à une distance environ 5 fois plus grande que le soleil (450), son action est as fois plus petite que relle du foiell gainfi il faut encore rendre 25 fois plus per tite la force fire, c'est-à-dire, qu'il faut étrire F == 17000 f pour avoir la force de Jupiter sur la terre; cette force n'est autre chose qu'une vingt-cinq millième partie de la force du foleil fur la terre; c'est la force dont on cherche l'effet par le calcul intégral en réfolvant le problèmedes trois corps, c'est-à-dire,, que l'on chérche combien le mouvement de la terre doit être altere par une force qui est à chaque instant area de celle qui retient la terre dans son orbite, mais dont la direction varie continuellement.

DE LA FORCE CENTRALE DANSLES OR BITES CIRCULATRES,

1005. Les orbites des planètes sont des ellipses (468), mais les loix de l'attraction auroient lieu de la même manière dans les mouvemens circulaires, car les cercles font aussi des ellipses dont l'excentricité est infiniment petite; & comme la confidération des orbites circulaires est beaucoup plus facile, je m'en tiendrai à celle-ci. une planète P (fig. 123), qui décrit autour du soleil S l'orbite circulaire PEB, à raison de la force ou de l'attraction du foleil, & se courbe en B, su lieu de suivre la ligne droite PA (479). C'est un principe reconnu qu'un

Dd 2

420 ABREGE D'ASTRONOMIE, LIV. XIL

corps en monvement continue de se mouvoir sur une même lighe droite, s'il né rencontre aucun obstacle, & qu'un corps mû circulairement s'échappe par la tangente aussi - tôt qu'il cesse d'être contraint & assujetti à tourner dans le cercle (479); ainsi la planète décritoit PA si elle n'étoit forcée par l'attraction du centre S à descendre de A en B; donc AB est l'effet ou la mesure de la force centripete, pendant le temps que mesure l'arc PEB; cela est également vrai quelle que soit la nature de cet arc PB, circulaire, parabolique, &c. puisque c'est la quantité dont la planète est détournée de la ligne droite, ou approchée du centre, & qu'elle seroit également rapprochée si la planète destituée de toute force de projection cut descendu directement vers le soleil: la force de projection perpendiculaire au rayon folaire ne peut empêcher que l'attraction du foleil n'ait tout son effet, ne lui étant pas opposée.

mouvement de projection de P en A, ou que ce mouvement qui tend à lui faire parcourir P A vint à être détruit, la planète P livrée à la seule force centrale qui agit de P en S descendroit avec la même vitesse P C égale à B G ou à B A: car si l'on conçoit le côté P B de la courbe comme infiniment petit, il sera la diagonale du parallélogramme C A; B A est l'espace que feroit décrire la force centrale si elle agissoit seule, donc le sinus verse P C de l'arc P E B décrit en une seconde de temps exprime la force centrale, dont il est l'este. Le sinus verse est comme le carré de l'arc P B (988), donc la force centrale est comme le carré de la vîtesse, c'est-à-dire, que pour retenir une planète dans la même orbite, si la vîtesse doubloit il faudroit

1007. La quantité BA est aussi l'effet de la force centrifuge, c'est-à-dire, de la force par laquelle les corps qui tournent autour d'un centre tendent à s'en écarter

une force quadruple.

(479); puisque c'est l'espace que le corps parcourroit en s'éloignant du centre S s'il étoit libre; or B A

 $= \frac{CR^*}{2CS} = \frac{BP^*}{2PS}$ (988); donc le mouvement cir-

produit une force centrifuge qui est égale au la vitesse, divisé par le diamètre du cercle,

la force de projection étant prise pour unité; ainsi la force centrifuge, aussi bien que la force centripete, est

comme le carré de la vîtesse.

On emploie pour exprimer la vitesse d'une planète un arc infiniment petit, parce que c'est le feul qui soit parcouru uniformément, & que l'uniformité est nécessaire pour la mesure du mouvement. Or un arc infiniment petit ne se courbe que d'un infiniment petit du second ordre AB ou BG, ainsi la force centrale ne peut être exprimée que par un infiniment petit du second ordre, ce qui prouve la nécessité des secondes différences & du calcul infinitésimal pour ces sortes de recherches.

1008. Si l'on examine les forces centrifuges des différentes parties d'une sphère qui tourne sur son axe, on verra qu'elles sont proportionnelles aux rayons de chaque parallèle; car la vîtesse de chaque partie est alors comme le rayon du cercle qu'elle décrit, c'està-dire, que PB est proportionnel à PS, donc la force

centrifuge est proportionnelle à $\frac{PS^2}{^2PS}$, c'est-à-dire, à PS,

qui devient l'ordonnée parallèle au grand axe de l'ellipse du méridien, quand on suppose la terre aplatie.

1009. La force centrifuge sous l'équateur de la terre est is de la pesanteur qu'on y éprouve scar cette pesanteur fait parcourir en une seconde de temps moyen 15,051 pieds (981); he force centrifuge est mesurée par le petit écart de la tangente qui pour un arc de 15", est suivant les tables des finus 0,00000002644249; il faut les augmenter dans le rapport du carré des heures solaires moyennes & des, heures du premier mobile, ou de la rotation de la terre, qui sont plus courtes que les heures solaires. (349), & multiplier par le rayon de la terre (802) réduit en lignes; on aura 7 lignes 5581, qui sont contenus 280,77 fois dans les 15 pieds que les corps parcourent en tombant, & environ 288 fois dans l'espace total que les corps graves décriroient sous l'équateur, fans la force centrifuge.

Ainsi un corps qui se trouveroit dégagé de la force de pesanteur, s'échapperoit à l'instant par la tangente, & éloigneroit de zalignes de la surface de la

Ddg

422 ABREGS D'ASTRONOMIE, LIV. XII.

terre dans la première seconde; & cette tendance à échapper, qui vient de la rotation de la terre, diminue de in la pefanteur qui auroit lieu fous l'équateur. Delà il suit que si les corps graves parcourent en upe faconde 15,0515 pleds par feconde, ils en parcour-

roient sans le mouvement de rotation 15.104.

1010. Quand on s'éloigne de l'équateur, cette force centrifuge diminue dans le même rapport que la grandeut des parallèles diminue, c'est-à-dire, comme la colinus de la latitude, quand on la confidère dans le plan de chaque parallèle (1008); mais elle diminue comme le carré du cossons de la latitude, quand ou la confidere dans la direction du centre de la terre foit TA (fig. 124) l'axe de la terre. PG l'effet de la force contrifuge sous le parallèse PE, & qui est pro-portionnel à PE; cette force suivant PG décomposée dans la direction GT devient plus petite encore dans le repport du sinus de AP au sinus total, ou de PE à PT, à cause des triangles semblables GPD, PET: donc cette force centufuge GD est à la force qui a lieu fous l'équateur, comme PE2: PT2 -

1011. Cette force centrifuge diminue celle de la pefaticur, & par conféquent rend la longueur du pendule à secondes plus petite qu'elle ne seroit si la cerre étoit pumobile; pas exemple, il faut ajouter una ligne a la longueur du pendule à fecondes, observée sous l'equateur, pour avoir celle qui s'observeroit & la terre étoit immobile. Sous une latitude de 60° où le patallèle n'est que la moitié de l'équateur, la quantité qu'il faut ajouter au pendule observé n'est que le quart de 1 lig. 53 ou o lig., 38, & si l'on multiplie 1 lig. 53 par le carré du cofinus de la latitude, on aura la correction pour toute autre latitude. (M. Bouguer, fig. de la Terre, pag. 346); & de là vient une partie de la différence qu'on a vue ci-dessus dans la longueur du

pendule.

1012. LA FORCE centrale qui retient les planètes dans l'urs orbites est en raison inverse du carre de la distance.

DEMONSTRATION. La première preuve que Newton apperçut de cette fameuse los (997), est celle qui se tire de la loi de Képler (469); le Docheur Hook avoit compris que la pefanteur devioit diminuer à mefure qu'on s'éloignoit du centre des graves; il avoit proposé aux

. (

Géomètres de trouver suivant quelle proportion cette force devoit diminuer (996). Newton avoit eu la même idée, au rapport de Pemberton. Voici la manière dont je crois qu'il dut s'y prendre pour chercher cette proportion, par le moyen de la loi de Képler, & reconnoître, par exemple, que la force du soleil pour retenir Saturne dans son orbite est cent sois plus petite que la force avec laquelle le soleil retient la terre dans la sienne, la distance de Saturne étant dix sois plus grande que la distance de la terre. J'ai fait voir comment Képler découvrit cette loi, d'où nous allons partir (469); ainsi je crois qu'il ne manquera rien à l'Histoire de cette grande & importante découverte de l'attraction.

Je vais d'abord faire, voir en nombres comment cette proportion s'apperçoit du se vérisse des qu'on a la loi de Képler. Soient ideux orbites circulaires & concentriques PB, TV, (fg. 123), dans lesquelles tournent deux planètes; par exemple, Saturne & la terre; supposons les arcs PB & IV infiniment petits & femblables, c'est-àdire compris entre les rayons STP, SVB; ces arcs P.B. & TV. femient parcourus en temps égaux, si les révolutions des deux planètes étoient égales; mais la planète fupérieure P ayant une révolution 30 fois plus lence que la terre T, ne décrira qu'un arc. PE; tandis que la terre décrira l'arc TV; alors PD sera l'effet de la force centrale que le soleil exerce sur cette planète, tandis que TR est l'effet de la force centrale qu'il exerce fur la terre T (1006); & nous n'avons à chercher que le rapport de PD à TR. On vois que PE évalué en degrés est 30 fois moindre que PB, donc PD est 900 fois moindre que PC (988); mais si la distance SP est 9 ou 10 fois plus grande que ST, comme nous l'apprenons par la loi de Kepler, PC est aussi plus grand que RT o ou 10 fois, donc PD est seulement 100 fois plus petit que RT, or 100 est le carré de 10 qui est la distance de Saturne, donc la force centrale diminue comme le carré de la distance.

Pour prouver cette proposition plus généralement, j'observe que suivant la proposition démontrée (988), PD: PC:: PE2: PB2; mais la planète supérieure auroit parcouru PB, si la durée de sa révolution que j'appelle t, était égale à la durée I de la révolution de la terre; donc PE: PB:: I:t: ainsi

Quand il eut trouvé ce rapport dans l'attraction de la loi de Quand il eut trouvé ce rapport dans l'attraction de foicil fur les planètes; il le vérifia bientôt fur les planètes; il le vérifia bientôt fur les pour retenir la lune dans fon orbite, n'est autre que la gravité naturelle des corps terrestres, diamuée en raison inverse du carré de la distance de la lune la terre. En effet, les corps graves parcourent re preds en une seconde de temps (981), la lune décrit me arc de son orbite qui est deto \$49, ou environ 33 de dont le sinus verse est à peu-près sit des pied; donc la sune est retenue vers la terre, ou rapprochée de la terre 3600 fois moins que les corps terrestres; or elle environ 60 fois plus loin du centre de la terre, donc la force qui agit sur la lune diminué comme le darré de la distance.

d'ailleurs pour trouver la distance de la lune, de la parallaxe, avant qu'elle ent été observée avec exactitude. Soit e le deinité diamètre de l'équateur terrestre réduit en pieds, le le tapport entre-ce rayon de la distance moyenne de la lune, égal environ à 60, ensorte que la distance de la lune soit ex; f la force de la terre, exprimée par les 15 pieds qu'elle sait parcourir en une seconde, à sa surface, u le sinus verse de l'arc décrit par la C en une seconde te temps ou la quantité dont la lune, est décournée de ramenée vers nous en une seconde; cet espace est denc exprimé en pieds par us x. Mais par le principe des

forces centrales, le même espece est aufii dgal à 🚣 (1013).

ுள்ள ஒரு இருகுறி **நடி** donc)égalant ces déux quantités on a rent = 1/2 cinf. le fanus de la parallaxe horizontale de la lune fous l'équateur, ou le rayon de le terre divisé par celui de le lune. Pour réduire en nombres cette quantisé, l'on pretid le logar, du finui verle de l'arc décrit par la lune en une feconde de temps; on y sjoute celuidit rayon de l'équitour (823) réduit en pleds, on a le log. de 🕏 u 💳 518434490 ; on en lôte celui-de 15 pi, le tiers du reffe est le logarremme de sinus de 37/18/; c'est la parallaza sous l'équiteur, qui se surpasse que de 6 ou 7", celle quitréssie des meilleures observations (589), & qui affide 584, 19/4...

1015. Ainsi la loi de l'attraction, ou ses changemens en railon inverse du carre de la distance, furent prouvés de deux manières très différentes & très bien d'accord ener'elles. Une autre confidération différente dut éncore apprendre à Newton qu'il falloit que l'attraction fût en raison inverse du carre de la dillance : toutes les quali-tes sensibles , comme les émanations, la lumière, dimiquent de denlité & de force en raison inverse du carré de la distance. Enfin la suite de ses calculs lui en donna de nouvelles preuves dans toutes les parties du fystème

1016. H est vrai qu'on a soupconné dans les corps terrestres une actraction en milon inverse du cube des distances, mais cela n'est point de mon sujet; on peur voir ce qu'ont dit la dessua M. de Maupertuis (Men. Aoed. 1732, pag. 362.); M. Keill dans un petit traité composé de 30 propositions, qui se trouve à la fin de ses ouvrages; M. d'Alembert dans l'Encyclopédie au mot attraction, (1000 1, 1000, 850.) le P. Boscovich dans l'ouvrage qui a pour titre, Philosophia naturalis sbeoria redacts ad unicam legem virium in natura existentium. Vilnna , 1758 in-4. S Vantia , 1364.

· 1017. L'élevation des fluides dans les tubes capillafres est encore une suite nécessaire de l'attraction des corps terrestres, comme je l'ai fait voir dans un Mémoire fur les tubes capillaires, (chez Defaint, 1770). Poyez Musschenbroek Cours de Physique, tom. 11. pig. 1, édition de 1769; le Dictionnaire de Chymie de M.

Macquer, su mot Psfantuar.

Dd 5 "

Liv. XII.

andres, c'est-à-dire, leur quana ar force attractive, fe deduit de and ailément leur e cur pefanteur spécifique. Come and abord bien finguliere, est cepenresie de la loi d'attraction, puisque la a si un indice certain de la quantité de pour terme de comparaison la matie and arrette de la terre dont les effets nous it in the state of the characters of the state of the sta Le pro-- me de l'apiter fait la révolution à une distance res est la même que celle de la lune à la terwas elle n'est que d'un douzieme plus perite). -- rate litte cournoit auffi autour de Jupiter dans le - ne espace de temps que la lune tourne autour de la e l' s'enfuivioit évidemment que la force de Jupiy your recenir ce fatellite dans for orbite, feroit égale selle de la terre pour retenir la lune, & que la quansoe de matière dans Jupiter, ou sa masse, seroit la meque celle de la terre; dans ce cas là il fautiroit que à destité de la terre fût 1479 fois plus grande que celte de Jupiter, car la groffeur (ou le volume) de Jupiter contient 1479 fois la groffeur de la terre (539); or fi le poids est le même, la densité est d'autrant plus granle que le volume est plus petit. Mais si le satellite tourne 16 fois plus vite que la lune, il faut pour le retenir 256 for plus de force (16 fois 16 = 256), car la force centrale est comme le carré de la vitesse (1006); une vidfe double exige & sappose une force centrale quadruple à diffances égales; & la viteffe du fatellite 16 fois plus grande que celle de la lune, quoique dans une orbite égale, suppose dans Jupiter une énergie ou une masse 256 fois plus grande que cesse de la terre; dans ce cas l'on trouve un volume 1479 fois pius grand & une pefantçur feulement 236 fois plus grande que celle de la terre ; donc le volume de Jupiter confidéré par rapport à celui de la terre est cinq fois plus grand que la quantite de matière réelle & effective, par rapport à colle de la terre; donc la denfité de la terre est cinq l'ois plus grande que celle de Jupiter.

ton a calculé les masses & les densités des planètes qui



seront à la fin de ce Livre: plus un satellite est éloigné de sa planète, & plus il tourne rapidement, plus aussi il indique de force & de matière dans la planète principale qui le retient; je vais y appliquer le cascul rigoureux, & je prendrai le foseil pour terme de comparaison, parce que les Astronomes s'en servent pour le calcul des attractions célesses.

1020. Soit la distance de Jupiter au soleil, prise pour

unite, = 1.

La durée de la révolution de Jupiter, = 1.

La force du soleil sur Jupiter, = 1.

La distance d'un de ses satellites, = r.

La durée de la révolution du même satessite, = t.

La force actuelle de Jupicer sur son surellice sera

comparée à celle du soleil sur Jupiter (1912). Si ce satellite étoit aussi éloigné de Jupiter que lupiter l'est du soleil, il faudroit que la force dans ce cas-là sût à la force actuelle qui est = , comme r²: 1, c'est-à-dire, en raison inverse du carré de la distance; donc alors à pareille distance, la force seroit, ; telle est donc en esset la force absolue de Jupiter (par rapport à celle du soleil, considérée à égale distance), c'est-à-dire, sa masse totale ou la quantité de marière qu'il contient; donc en général pour connostre la masse d'une planère, en

se totale ou la quantité de marière qu'il contient; donc en général pour connoître la masse d'une planète, en prenant celle du soleil pour unité, il suffit de diviser le cube de la distance d'un satellite de cette planète par le carré du temps qu'il emploie à tourner, pourvu que l'on ait pris l'unité des distances & des temps, dans l'une

des planètes qui tournent autour du foleil.

1021. Exemple. La révolution de Venus autour du foleil, qui est de 5393h, est 13 fois plus longue que celle du 4e satellite de Jupiter qui est 400h , donc elle du 4e satellite à Jupiter vue du soleil, est de 8/16", d'où il est aisé de conclure la distance du satellite à Jupiter, celle de Vénus au soleil étant prise pour unité, ou la valeur de r=0,017290. Si l'on prend le cube de r & le carré de r, qu'on divise l'3 par 12, on trouve 0,0009370, ou 1017, qui est la masse de Jupiter, celle du soleil étant = 1. On trou-

428 Abrice D'Astronomie, Lev. XII.

veroit de même celle de la terre person que Newton fupposoit carine, parce que les élémens qu'il employoit

n'étoient pas affez exacts.

1022. Cette force ou cette masse d'une planète étant, divifée par le volume, exprimé de même en prenant pour unité le volume du soleil, donne la densité de la planète cherchée par rapport à la denfité du foleil; c'est ainsi que Newton trouva que la terre étoit environ quatre fois plus dense que le soleil, quatre fois & un quart plus denfe que Jupiter, & fix fois plus denfe que Saturne. (Newton, Liv. III. prop. 8. ou Mac-laurin, Expos. des plus exactement dans la table qui est à la fin de ce volume. Nous pouvons les comparer avec des objets familiers: on fait que l'antimoine est quatre fois plus denfe que l'eau, & six fois plus dense que le bois de pruhier; ainsi en supposant que les substances du soleil & de Jupiter aient la densité de l'eau, la terre aura celle de l'antimoine, & Saturne aurà la légéreté du bois; il me paroît même que ces substances répondent affez bien Le ce que j'ai voulu exprimer par leur moyen. On trougeroit à peu-près le même rapport entre l'acier, l'ivoire & le bois le plus pefant, comme l'ébène; il sussira de confulter la table des pelanteurs spécifiques, donnée par M. l'Abbé Nollet dans ses Leçons de Physique, ou la Physique de Musschenbroek.

ne peuvent se trouver par la méthode précédente, puisque ces planètes n'ont point de satellites qui puissent pous indiquer l'intensité de leur attraction; mais voyant dans les trois planètes dont les densités sont connues, une augmentation de densité quand on approche du so-leil, il est très probable que cet accroissement a lieu également pour les trois autres planètes; en essayant de reconnostre une loi dans ces augmentations, on voit que les densités sont presque proportionnelles aux racines des moyens mouvemens; par exemple, le mouvement de la terre est environ 11, 86, celui de Jupiter étant 1; la racine de ce nombre est 31, & la densité de la terre est en esset y celle de Jupiter, ou environ: on peut donc supposer la même proportion dans les autres planètes; & c'est ainsi que j'ai calculé les den-

sités rapportées dans ma Table.

nète, il est aisé de trouver l'effet de la pesanteur à sa surface, c'est-à-dire, la force des graves dans la planète, car cette force est en raison de la masse & en raison inverse du carré du rayon. C'est ainsi que j'ai calculé dans la Table qui est à la fin de ce Livre la vstesse des graves pour chaque planète pour la première seconde en pieds & centièmes de pieds; ce n'est autre chose que la vstesse des corps terrestres sous l'équateur 15^{pi}, 104 (art. 1009) multipliée par la masse de chaque planète, & divisée par le carré du rayon, en prenant pour unités la masse & le rayon de la terre (1002).

1025. La masse de la lune, & par conséquent sa densité, sont difficiles à déterminer exactement, parce qu'elles se manifestent par des phénomènes que nous ne pouvons mesurer avec assez d'exactitude; les hauteurs des marées nous apprennent que la force de la lune est 2; fois celle du soleil (1000); pour en conclure la masse de la lune il suffit de savoir quelle est sa force, à la

distance du soleil.

1026. La force centrale en général diminue en raison inverse du cube de la distance, quand on la décompose sur une direction différente de sa direction primitive (1050); il faut donc multiplier la force actuelle de la lune par le cube du rapport des distances ou du rapport

des parallaxes $\frac{8''5}{57'3''}$, & l'on aura la masse de la lune, celle du soleil étant prise pour unité; mais la masse de la terre est seulement de celle du soleil (1021); il faut donc encore diviser la masse trouvée par cette fraction, & l'on aura qui est la masse de la lune, celle de la terre étant prise pour unité.

1027. On peut encore considérer ainsi la chose: la

masse de la terre $\frac{f^3}{f^2}$ (1020) est $\left(\frac{9^{1/3}}{55^{1/3}}\right)^3$. Celle du soleil étant l'unité; la masse de la lune est $\left(\frac{9^{1/3}}{57}\right)^3$. 21, elles sont donc comme $\frac{2}{7}\left(\frac{365}{27}\right)^2$: 1; donc le carré de la durée de l'année 365;, divisé par celui de la durée du mois 27;, & multiplié par $\frac{2}{7}$ qui est

ABRECH DECEMBER THONOWYS, LIV. XII.

la force de la lune, departe le nombre 71,49, qui exprime combien de fois la terre contient la lune; ainfi la musse de la lune sera 0,013991, de celle de la terre.

1028. La masse de la lune étaite divisée par son volume qui est 4, on 0,0204 (584), denne sa densité 0,68706; c'est-à-dire, que la densité de la lune est seulement 4 de celle de la terre, comme on le verra marqué dans la table des densités.

1029. LA VITESE de projection, telle que PA, nécest saire pour décrire un cercle PB, est en raison inverse de la

racine du rayon SP:

DEMONSTRATION. Supposons que deux planètes P&T (fig. 123) décrivent autour du foleil 3 les cer-clés PB, TV, & que SP soit quadruple de ST, je dis que la vitesse PE sera la moitié de la vitesse TV. En effet PC sera quadruple de TR, parce que les figures PBC, TVR sont comme les rayons; mais la gravité en P étant 16 fois moindre qu'en T, il faut prendre PD 10 fois moindre que TR, ou 64 fois moindre que PC, pour avoir l'espace PE que la planète P pourra décrire, étant rétenue par la force centrale du soleil; alors P E sera un huitième de PB, puisque les sinus verses sont comme les carrés des arcs (988); donc PE fera la moitlé de TV, dans un même especie. de temps; c'est-à-dire, que la vitesse d'une planète doit être en raison inverse de la racine de la diffance, pour que la force centrale, qui est en raison inverse du carré de la distance, puisse la retenir. Voulà pourquoi Jupiter qui a une orbite cinq fois plus grande que celle de la terre, emploie 12 fois plus de temps à la parcourir, fa vîtesse absolue n'étant pas la moitié de celle de

1030. Si la vîtesse de projection qu'une planète a reque primitivement en partant de son aphélie, s'est trouvée plus petite que celle qui étoit nécessaire pour décrire un cercle PB, la force centrale étant trop grande, a dû prendre le dessus, & la planète se rapprocher du soleil: voilà pourquoi les planètes en partant de leur aphélie se rapprochent du soleil; mais nous démontrerons bientôt qu'après avoir parcouru 180°, la même planète doit s'éloigner du soleil autant qu'elle s'en étoit rapprochée, parce que la force centrisque devient plus grande que la force centrispete, à mesure que la planète se rapproche

du foieil. On a vu que la vitesse périhélie est à la vitesse àphélie en raison inverse des distances (473); il s'ensuit que la force centrifuge augmente plus que la force centripete ; c'est ce que je vais démontrer.

ser/s du cube de la diflance, lorsque la visesse est en raison inverse des diflances.

DEMONSTRATION. Supposons que SP soit double de ST; l'arc PB sera double de l'arc TV, la ligne PC double de TR, & la force centrifuge en P double de la force centrifuge en T (a); mais si la vitesse en P, au lieu d'étre double de la vitesse en T, n'en est que la moitié, c'est à dire, si PE est à fois moindre que PB, le sinus verse PD sera 16 fois moindre que PC, puisqu'il est comme le carré de l'arc (988); donc PD sera 8 fois moindre que TR, c'est à dire, que la force centrifuge est en raison inverse des cubes des dissances SP & ST, que nous avons supposées être comme 1 à 2.

En général, on voit que PB: TV::SP:ST. à cause des arcs semblables; donc si TV:PE::SP:ST (473); l'on aura en multipliant terme à terme, PB:PE:: SP::ST'; or PC: PD::PB':PE'; donc PC: PD::SP::ST'; mais PC: TR::SP:ST; donc divisant terme à terme, TR::PD::SP':ST'; ce qui fait voir en général que l'effet de la force centrifuge est en raison inverse du cube de la distance, quand la vîtesse est en raison inverse des distances. C'est le cas d'une planète, quand on la considère dans son aphélie & dans son périhésie; & cette proportion nous servira bientôt (1035) à faire voir pourquoi les planètes s'éloignent du soleil après s'en être approchées, quoiqu'elles soient toujours attirées vers le soleil.

1032. Si la force de projection qui anime les planètes & leur fait décrire des orbites, étoit détruite lorsqu'elles sont dans leurs moyennes distances au soleil, la force ce centrale les précipiteroit vers le soleil; Mercure y arriveroit en 15 jours & 13 heures; Vénus en 39 jours 17^h; la terre en 64ⁱ 10^h; Mars en 121ⁱ; Jupiter et

⁽a) C'est le premier des Théorèmes de la force centrifuge, que M. Huygens donns en 1673, dans son Livre de Horolog. escillatorie.

432 Annighten on the Liv. XII.

de la terre, si le passage étoit libré, en 21'0". (White fton, Astronomical principes of religion, p. 65.) La règle qui sert à faire ces calculs, consiste à dire, la racine carrée du cube de 2 est à 1, comme la demi-durée de la révolution d'une planète, est au temps de sa chîte jusqu'au centre de l'attraction (Frist de gravite: 16, pag. 100).

Du Mouvement elliptique des Planètes.

1093. LA FORCE CENTRALE en raison inverse du carré de la distance, ne peut avoir lieu dans des orbites planétaires, à moins qu'elles ne foient des fections coniques. Newton, dans le premier Livre de ses Principes, démontra que si les planètes décrivoient des sections coniques, la force centrale dont elles étoient animées, devoit être en raison inverse du carré de la distance; mais M. J. Bernoulli démontra le premier que la proposition inverse est également vraie, & que la force centrale étant supposée en raison inverse du carré de la distance. l'orbite est nécessairement une section conique (Mem. Acad. 1710 & 1711. (Oewores de J. Bernoulli, Tom. I, pag. 469). Ces deux fortes de démonstrations pour les forces centrales dans les fections coniques en général, font trop compliquées pour pouvoir trouver place ici.

1034. Mais il est nécessaire de faire voir d'une manière plus palpable la caufe du mouvement alternatif, qu'on a souvent peine à bien concevoir. Il semble, dite on, qu'une planète sans cesse attirée vers le soleil. & qui s'en est approchée à un certain point; devroit s'en approcher toujours, puisque le soleil ne cesse point de l'attirer; cependant les planètes descendues à leur périhélie, s'éloignent du foleil & retournent à leur aphélie! voici donc la cause de ce mouvement alternatif. Une planète qui a été projettée de fon aphélie, avec une vîtesse trop petite pour décrire un cercle à une si grande distance (1030), ou avec une force de projection grop petite par rapport à la force centrale, se rapproche du foleil; mais en se rapprochant elle augmente en viresse. sans quoi les aires ne seroient plus proportionnelles au temps; supposons qu'elle est arrivée à 180° du point de départ .

départ, c'est à dire; à son périhélie, & que sa distante au soleil est le quart de la distance aphélie; sa vîtesse est quadruple de la vitesse aphélie, car la vitesse augmente en raison inverse des distances (473); mais la vîtesse qui seroit nécessaire dans le périhélie pour décrire un cercle, est seulement deux fois plus grande que la vîtesle qui étoit nécessaire pour décrire un cercle dans l'aphé lie, parce qu'elle augmente seulement en raison inverse de la racine de la distance (1029), donc la planète a acquis, en descendant de l'aphélie au périhélie, une vitesse double de celle qui lui seroit nécessaire pour décrire un cercle du rayon SP égal à la distance périhé. lie. Elle sortira donc de ce cercle pour s'écarter du soleil, & remonter vers l'aphélie: cette première raison fait voir qu'il est nécessaire que la planète, après s'être approchée du soleil; s'en éloigne ensuite: voici une seconde manière de démontrer la même chose:

1035. Supposons toujours une planète projettée en A (fig. 128), avec une vîtesse trop petite pour décrire un cercle du rayon SA, ensorte qu'elle soit obligée, dès le premier moment, de descendre dans une orbite plus courbée, en se rapprochant du soleil. Lorsqu'elle sera artivée en un point P, à une distance quatre fois moindre, la force centrale ou l'attraction du soleil sera seize fois plus grande (1012), parce qu'elle est en raison inverse du carré de la distance; mais la force centrifuge sera soixante-quatre fois plus grande (1031), parce qu'elle augmente; soit par le carré de la vstesse; soit par la diminution de la distance; donc la force centrifuge est alors beaucoup plus grande que la force centrale; il n'est donc pas étonnant que la planète commence à s'écarter du soleil.

1036. On croira peut-être que la planète devroit cesser de s'approcher du soleil aussi-tôt que la force centrifuge se trouve égale à la force centripete; mais il faut considérer que dans cet instant, qui arrive lorsque la planète est vers sa moyenne distance M au soleil, la direction MN de son mouvement est trop oblique au rayon vecteur MS, & fait un angle N.MS, trop petit pour que cet angle puisse devenir tout de suite un angle droit; il faut que la planète descende de plus en plus, & que la courbure de sa route se soit arrondie affez pour que le rayon vecteur SP foit perpendiculaire

454 Abrece D'Astronomia, Liv. XII.

au mouvement de la planète; c'est alors que l'excès de la force centrisuge, sur la force centrale, sera employé tout entier à écarter la planète du soleil, & cela n'arrive que dans le point P qui est diamétralement opposéé au point A. En partant du point P la planète emploira, pour perdre son excès de sorce centrisuge, autant de temps qu'il lui en a failu pour l'acquérir; voilà pourquoi la seconde partie de l'ellipse sera égale à la partie descendante ALMNP, & décrite dans le même intervalle de temps.

Des Inégalités produites par l'Astraction.

1037. Si chaque planète, en tournant autour d'un centre, n'éprouvoit d'autre force que celle qui la porte vers ce centre, elle décriroit un cercle, ou une ellipse, dont les aires feroient proportionnelles aux temps (480); mais chaque planère étant attirée par toutes les autres, dans des directions différentes & avec des forces qui varient sans cesse, il en résulte des inégalités & des perturbations continuelles. C'est le calcul de ces perturbations qui occupe depuis quelques années les Géomètres & les Astronomes; Newton commença par celles de la lune; M. Euler, M. d'Alemberr, M. Clairant, ont perfectionné cette théorie. M. Euler a calculé les inégalités de Sarurne dans une pièce qui a remporté le prix de l'Académie en 1748; M. Clairaut & M. d'Alembert ont donné des recherches fur les inégalités de la terre; j'ai examiné moi-même celles de Mars & de Vénus (Mem. Acad. 1758, 1760 & 1761), qui se sont trouvées assez considérables pour mériter d'être employées dans les calculs astronomiques. Les inégalicés de Jupiter ont été calculées par M. Euler dans la pièce qui a remporté le prix en 1752:1 (Recueil des Fièces qui ont remporté les prix, T. v11.), & ensuite par M. Mayer; M. Wargentin en a fait usage dans les Tables de Jupiter, qui par-là se sont trouvées beaucoup plus exactes, de même que celles des fatellites; mais je ne puis donner ici que les premiers principes & la plus légère idée de ces immenfes calculs.

1038. Si deux planètes, dont l'une tourne autour de l'autre, étoient attirées également, & suivant des directions parallèles, par une troissème, cette nouvelle at-



traction ne changeroit rien à leur système, à leur mouvement, à leur situation relative; ce seroit la même chose que si l'espace même, ou se plan dans lequel se fait le mouvement, avoit changé de position; mais ce qui avoit lieu dans l'espace ou dans le plan que l'on transporte, continue d'avoir lieu comme auparavant, & la planète vue du centre de son mouvement paroît tou-

jours décrire une ellipse:

1039. Ainsi deux attractions égales & parallèles ne changent jamais rien dans un système de corps; ce n'est que la différence des attractions qui produit une inégalité ou une différence de mouvement; la lune n'est troublée dans son mouvement autour de la terre, que parce qu'elle est attirée par le soleil, un peu plus ou un peu moins que la terre; la mer n'est agitée deux fois le jour par la lune, que parce que la lune attire les caux plus qu'elle n'attire la terre, quand elle domine sur les eaux, & qu'ensuite elle attire ces mêmes eaux moins

que la terre, 12h après.

1040. Quand on veut calculer les troubles qu'une attraction étrangère apporte au mouvement d'une planète. dans son orbite autour du soleil; il faut savoir combient elle agit sur le soleil & sur la planète; c'est la différence des deux actions qui est la force perturbatrice; c'est cette différence dont on calcule les essets; car si le soleil & la planète qui tourne autour de lui, étoient attirés également, & suivant des directions parallèles; la planète ne cesseroit pas de décrire autour du soieil la même ellipse qu'auparavant; ses longitudes héliocentriques & ses rayons vecteurs seroient les mêmes, & dans l'usage de l'Astronomie nous n'aurions à tenir compte d'aucune différence, l'observation ne nous indiquefoit aucun dérangement.

1041. Cette considération étant bien méditée; fera sentir pourquoi la pesanteur de la lune sur la terre, c'està-dire, la force centrale qui retient la lune dans son orbite, est diminuee dans les deux syzygies, soit quand la lune est en conjonction, soit quand elle est en opposition; c'est une chose que les adversaires de l'attraction n'ont jamais comprise; & qui cependant influe beaucoup dans l'explication des phénomènes. Il en cst de la lune com-me des eaux de la mer, qui s'élèvent deux fois le jour vers noure zénit, une fois quand la lune domine sur les

\$36 ABREGE D'ASTRONOMIE, Liv. XII.

caux, ou qu'elle est au zénit, & une fois quand elle est au nadir; les observations prouvent que la lune tend à s'éloigner de la terre également (ou à très - peu - près) dans les deux fyzygies, & à s'en rapprocher dans les deux quadratures; mais on le démontre aussi par le raifonnement qui fuit. Quand la lune est en conjonction, elle est plus près du soleil que n'est la terre, de force du foleil sur la terre, (car la différence des carrès est double de celle des racines); sa pesanteur vers la terre est donc affoiblie de ... Quand la lune est pleiné, ou en opposition, elle est attirée, il est vrai, du même côté, soit par le foleil, soit par la terre; mais il ne s'ensuit pas que sa pesanteur foit augmentée; en effet, si dans ce cas la lune & la terre étoient attirées par le foleil, précisément avec la même force, il n'en réfulteroit aucun changement dans la pefanteur de la luno vers la terre, ni dans son mouvement autour de la terre, quoique la lune fût toujours attirée du même côté par cette fomme de deux forces: mais la terre est plus actirée que la lune de 📆; donc la terre tend à fuir la lune, autant que la lune tendoit à s'éloigner de la terre quand elle étoit nouvelle; leur haifon, leur union mutuelle, leur tendance réciproque, feur sympathie, leur attriction, font autant diminuées quand le foleil éloigne la terre de la lune, que quand il éloigne la lune de la terre; donc en conjonction, comme en opposition, la pelinteur est diminuée, & la lune tend à s'éloigner de la terre; c'est par la même raison que nous voyons les eaux de la mer tendre vers le zénit, quoique la lune foit au nadir (1075).

appellons $\frac{S}{r^2}$ (1002), n'est pas la seule qu'il faille considérer lorsqu'on veut avoir le mouvement d'une planète autour du soleil, ou le mouvement tel qu'il seroit vu par un Observateur situé au centre du soleil. La planète T, (fig. 125), attire aussi le soleil en sens contraire, avec une force $\frac{T}{r^2}$, & si l'on veut supposer le soleil fixe, il faut a tribuer à la planète un mouvement vers le soleil, égal à celui que le soleil a vers la planète, ou, ce qui



revient au même, il faut supposer que le soleil attire la planète avec une force $\frac{S+T}{\tau_2}$, c'est-à dire, avec la som-

me des deux masses du soleil & de la planète.

1043. L'effet de cette attraction de la planète T sur le soleil S, est de faire décrire au soleil une petite ellipse autour du centre de gravité commun du soleil & de la planète, (Newton, L. 1. prop. 67, L. III. prop. 13); du moins en supposant que le soleil ait reçu luimême une impulsion autour du centre (Fris, pag. 113). Cette attraction produit une partie des petites inégalités mouvement apparent du soleil, qui se calculent en prenant la différence des attractions que chaque planète exerce sur le soleil & sur la terre. Suivant 'Newton le soleil doit être déplacé d'une petite quantité par les attractions planétaires; mais la forme de calcul usitée dans l'Astronomie fait qu'on suppose toujours le soleil fixe, & qu'on transporte à chaque planète le mouvement qu'elle produit sur le soleil., de sorte que la situation respective de la planète au soleil soit toujours la même.

1044. L'expression $\frac{S}{r^2}$ de la force attractive, est cellé

qui a lieu quand l'action se fait directement & toujours dans le sens du rayon vecteur; mais les planètes sont attirées les unes par les autres obliquement & en tout sens, selon des directions qui changent perpétuellement, tandis qu'elles sont toujours attirées directement vers le centre autour duquel elles tournent; ainsi, pour con-noître l'effet des perturbations & des attractions célestes, il faut décomposer leur force absolue, (qui est la masse divisée par le carré de la distance), pour trouver son effet sur la direction même de la force cen-J'ai dit, par exemple, que l'action de Jupiter sur la terre étoit 27000 de celle du soleil sur la terre, par une attraction directo (1004); mais ces deux forces qui agissent sur la terre se contrarient, & ont souvent des directions différentes; la force de Jupiter, qui dans l'attraction directe est 35000 de celle du soleil, fera beaucoup moins d'effet quand elle agira de côté; par exemple, elle sera moindre quand elle agira sous un angle de 600.

438 Annici D'Astronomie, Liv. XII.

1045. L'a cours follicité faivant des directions AP. AC (ag. 126), qui font entrelles un angle BAC, par deux pullences qui foient courelles comme les lignes AB, AC, decrira la diagonale AD du parallelogramme BACD, dans le même temps qu'il auroit employé à parcourar AB ou AC, étant mu separément par une des deux puitisoces (479). Aust la force exprimée par la direction de par la longueur de la diagonale AD, équivanc à deux forces AB, AC, qui surocent agi à la fois, 能 lors même qu'elle est unique dans le rencipe, elle peut du moses être prife pour la réunion des deux mares, arrequelles elle est tout-à-fait équivalence; c'est à dire, que la force AD peut le décompoler faivant AC & AB

La même ligne AD est aussi la dizgonale de parallé-Ingramme Air De, & la force AD réfulierent également de l'affernblage de deux forces Ab., Ac; donc fer une. liene donnée AD, l'on peut faire des triangles quelconques ABD, ArD, de grandeur ou de forme arbigraire, & il fiera toujours permis de fublismer à la force AD deux forces qui aient pour expressions les côtes d'un de ces

enlangles quelconques.

Ainfi la force AD, que nous nommerons F, décomposée suivant AB & AC, donners deux forces proporrionnelles à ces deux lignes, & parce que AC est égale BD, ces ceux forces feroat, l'are égale à F

qui agira suivant AB; l'autre sera $F \frac{BD}{dD}$, & agira suivant AC, ou parallélement à BD. Je dis que la force faivant AB fera F $\frac{AB}{AD}$, car, puisque les lignes AB,

AC, AD, foot proportioncelles aux forces qu'elles expament, la force furvant AB est à la force suivant AD, qui est F, comme la ligne AB est à la ligne AD;

done la force faivant AB =F. $\frac{AB}{AD}$.

1046. Si le parallélogramme donne est rectangle en B ('3. 127). ED est le finus de l'angle BAD, en prenant AD pour rayon, ou rour unité; AB en est le cosinus; sivil dans ce'e s la force furvant AB = F. cof. BAD, & In force this and AC on BD \rightleftharpoons F. (in. BAD); ces deux



forces AC, AB, sont équivalentes à la force donnée AD, qu'il s'agissoit de décomposer; nous ferons bien-

tôt usage de cette dernière décomposition (1048).

Par le moyen de cette décomposition des forces attractives, on peut rapporter les forces perturbatrices, qui agissent sur une planète, à la direction même de son mouvement. Je prendrai pour exemple la terre qui est actirée par l'action de Jupiter, comme si je cherchois l'inégalité qui en résulte dans le mouvement de la terre.

1047. Soit AT (fig. 125) l'orbite de la terre, qui est la planète troublée, BR celle de Jupiter ou de la planète troublante, & supposons - les dans un même plan pour simplifier nos calculs. Soit M la masse de la planète troublante, s l'angle RST ou l'angle de commutation (442); Jupiter situé en R attire la terre T avec une

force $\frac{1}{RT^2}$ (1002); nous ne mettons point ici la fomme

des masses de Jupiter & de la terre, parce que nous négligerons totalement les troubles de Jupiter.

La force $\frac{M}{RT_2}$ doit se décomposer en deux autres, dont l'une agisse de T en G, ou de S en R, asin qu'on puisse en retrancher la force de Jupiter sur le soleil (1041); & l'autre de T en S; la première est M $\overline{RT_3}$, elle tend à éloigner la planète du foleil dans la direction de TG ou de SR qui lui est parallèle; & pour cela nous lui donnons le signe négatif; la 2e force est M. TS (1045); elle tend à rapprocher la terre du so-

leil, & nous la mettrons pour cette raison en +. De ces deux nouvelles forces la seconde est dans la direction du rayon vecteur TS, auquel nous avons intention de rapporter le mouvement de la terre, ainsi elle n'a besoin d'aucune décomposition nouvelle.

M. RS M.TG1048. La force $\frac{100}{RT_3}$ ou $\frac{100}{RT_3}$ n'étant point dans la

direction du rayon vecteur, ni dans la direction du mouvement de la terre, il faut la rapporter à cette direction; mais il faut auparavant en soustraire la force du soleil,

440 ARRECT D'ASTRONOMIE, LIV. XII.

parce que la force TG n'agit, pour troubler le mouvement de la terre, qu'à raison de ce qu'elle est plus ou moins grande que cette qui agit en même temps sur le folcil de S en R; mais cette force sur le soleil est SR2 (1042), il faut donc la retrancher de la force

TG, qui est $\frac{M.SR}{RT_3}$, & nous aurons $\frac{M.SR}{RT_3}$ pour la force perturbatrice, suivant SR ou TG; il faut la décomposer suivant TE & TB, en la multipliant par le cofinus & par le finus de l'angle GTE ou RST (1046), c'est-à dire, de l'angle t. La force suivant TE agira dans la direction STE du rayon vecteur de la terre, mais en fens contraire de la force centrale du soleil; c'est pourquoi elle sera négative; la force centrale du soleil étant supposée positive, parce qu'elle est toujours la plus grande. L'autre force agira de T en B, & ten-dra à diminuer la vîtesse de la terre, qui est supposée aller de A en T, c'est pourquoi elle sera aussi négative.

La première est donc $-\left(\frac{M. SR}{RT_3} - \frac{M}{SR^2}\right) \cos(z)$ (1046), force dirigée vers le foleil; & l'autre $-\left(\frac{M.SR}{R.T_3} - \frac{M}{SR^2}\right)$

fin. 1; celle-ci est la force qui agit perpendiculairement

au rayon vecteur.

1049. Quant à la force dirigée vers le soleil, il faut fe rappeller que nous en avons trouvé une partie 🕂 M. TS \overline{RT}_3 (1047), à laquelle il faut ajouter celle qu'on vient de trouver, puisqu'elle est dans la même direction, & l'on aura enfin la force perturbatrice dirigée vers le centre du foleil = $+\frac{M.TS}{RT^3} - (\frac{M.SR}{RT^3} - \frac{M}{SR^2})$ cof. s.

La première partie de cette expression est proportionnelle à TS, & augmente par conféquent à mefure que la planète troublée s'éloigne du centre de son mouvement.

M. TS 1050. La valeur $\frac{12.12}{RT_3}$ nous fait voir que la force perturbatrice qui agit dans la direction TS du rayon vecteur, & qui mouifie la force centrale de la planète,

diminue en raison inverse du cube des distances, comme je l'ai supposé (1026). Voilà pourquoi l'on verra (1091) que la force de la lune pour élever les eaux de la mer, seroit plus petite si elle étoit à la distance du soleil, & cela autant que le cube de la distance du soleil est plus grand que le cube de la distance de la lune, parce que la force qui soulève les eaux de la mer est une sorce décomposée dans la direction TS du rayon de la terre.

1051. La force d'une planète sur une autre étant ainsi décomposée & exprimée d'une manière générale, il est question de savoir quel effet il en résulte sur le mouvement de la planète troublée; c'est peu de savoir pour un certain moment que la force de Jupiter pour déranger le mouvement de la terre est 25000 de celle du soleil qui retient la terre dans son orbite; il faut savoir combien cette force, après avoir agi pendant une infinité de momens, c'est-à dire, après un temps fini, aura produit d'effet sur le mouvement de la terre, de combien elle aura augmenté ou diminué la vîtesse de la terre dans fon orbite, de combien elle aura changé le plan de cette orbite, tout cela exprimé en minutes & en secondes, suivant la forme de nos tables astronomiques; on connost aisément la force perturbatrice à chaque instant, mais il faut chercher 10. son effet au même instant pour altérer l'orbite, 20 la somme de ces effets répétés une multitude de fois; c'est ce qui rend ici le calcul des infiniment petits absolument nécessaire; on connoît l'effet d'un moment & il s'agit de connostre l'effet de trois mois, d'un an, d'une révolution entière, ou d'un espace quelconque de temps, pendant lequel cet effet n'est point uniforme ni proportionnel au temps. C'est en quoi consiste la solution du problème des trois corps donnée principalement par MM. Euler, Clairaut, d'Alembert, mais dans laquelle il entre trop de calcul infinitésimal pour pouvoir en donner ici même une légère idée; on en trouvera les principes dans le XXIIe Livre de mon Astronomie.

1052. Ainsi nous ne pouvons suivre ici l'explication des inégalités que produisent ces forces perturbatrices, mais comme la plupart des lecteurs aiment à entrevoir à peu près les raisons générales des résultats que le calcul démontre, je vais tâcher d'expliquer la manière dont la perturbation du soleil produit les trois principales iné-

E e 5

442 Abrest D'Astronomen, Lev. XII.

galités de la lune, l'évection, la variation & l'équation annuelle.

L'EVECTION oft la principale inégalité que le foleil produse dans la lune (560); elle équivaux à un changement d'excentricité dans l'orbite lunaire. Lorfque le Toleil répond à l'apogée ou au périgée de la lune, ou lorsque la ligne des apsides de la lune concourt avec la ligne des syzygies, la force centrale de la terre for la lune qui est la plus foible dans la syzygie apogée reçoit la plus grande diminution (1049), & la force centrale qui est la plus force dans la syzygie périgée y reçoit la moindre diminution; donc la différence entre la force centrale périgée, & la force centrale apogée, fera alors la plus grande; donc la différence des distances augmentera, c'est-à-dire que l'excentricité sera plus grande; aussi l'observation prouve qu'alors la plus grande équation de la lune est 70 4, tandis qu'elle n'étoit pas de 50, lorsque la ligne des quadratures concouroit avec celle des syzygies (560).

1053. Le mouvement alternatif de l'apogée qu'on observe en même-temps, vient de ce que la force centrale est diminuée (1056); il doit donc être le plus grand quand la ligne des syzygies concourt avec la ligne des aplides, ou lorique le foleil répond à l'apogée ou au périgée de la lune, parce qu'il produit alors la plus grande diminution de la pesanteur de la lune. Quand l'apogee est dans les quadratures, son mouvement est au contraire le plus lent, parce que la diminution totale de la force centrale est la plus petite; quand le foleil est à 45° des apsides, le mouvement vrai de l'apogée est égal au mouvement moyen, parce que le foleil est placé dans le terme moyen des deux actions extrêmes, mais le vrai lieu de l'apogée est alors le plus différent du lieu moyen, & l'équation est la plus forte, parce qu'elle est le réfultat de tous les degrés de vîtesses que l'apogée a reçus jusques là (a), c'est-à-dire, depuis le temps où le foleil étoit dans l'apogée.



⁽a) Is faut bien observer que l'effet de ces sortes d'accélérations ne conmence à avoir heu récliement & dans l'observation, que quand la casse est la plus torte, & il est le plus grand quand la casse celle d'agri; c'est ainsi que dans le mouvement elliptique des planètes le viai heu est le plus avancé au temps où l'accélération finit, & ou commence le repordement 497), c'est a-dire, à 9 signes d'anomalie; j'ai vu quelques auteurs donner des idées fausses des inégalités de la lune, pour avoir perdu de vue cette considération.

1054. LA VARIATION (561) est l'inégalité de la lune, qui sur une orbite supposée circulaire, a lieu dans les oc tans, à cause de la force tangentielle qui tend à accélérer ou à retarder son mouvement; soit C (fig. 116), le centre de la terre, T le centre du soleil, AGF l'orbite de la lune; lorsque avant la conjonction la lune est en G, elle est plus attirée que la terre, & elle est attirée dans la direction GT; alors sa vîtesse s'accélère jusqu'à ce qu'elle soit en A dans sa conjonction, où la vstesse de la lune sur son orbite est la plus grande; lorsqu'elle est vers P, 45 degrés après la conjonction, sa longitude vraie est la plus avancée, d'une quantité appellée variation, qui est de 37/ additive (561); il est vrai que la vîtesse de la lune cesse d'accélérer & commence à retarder dès que la lune a passé le point A, parce que le soleil ayant attiré la lune plus qu'il n'attiroit la terre pendant qu'elle alloit de H en A, a augmenté sa vîtesse de plus en plus, jusqu'en A où il cesse. de l'augmenter; mais c'est en A que cette vstesse s'est trouvée la plus grande, puisqu'elle n'a pas cessé d'être accélérée jusques-là. Depuis ce point A le soleil retirant vers O tend à diminuer la vîtesse; mais l'excès de la vîtesse acquise sur la vîtesse moyenne, dure jusques dans l'octant P, 45° après la conjonction, où la vîtesse vraie est égale à la moyenne; c'est pourquoi l'équation de la variation est additive, & la plus grande qu'elle puisse être, à 45° de la conjonction où la vitesse est la plus forte, (voyez la note précédente).

qu'à 11/4 (562), vient de ce que le foleil quand il est périgée agit plus sur la lune que quand il est apogée; & comme son effet le plus considérable pendant une révolution entière de la lune, est de diminuer la force centrale de la lune vers la terre, cette force est la plus diminuée quand le soleil est périgée; alors le diamètre de l'orbite lunaire devient plus grand, car la lune étant moins attirée vers la terre s'en éloigne nécessairement; son orbite devenue plus grande rend la durée de la révolution plus longue, car les carrés des temps des révolutions sont toujours comme les cubes des diamètres des orbites; le mouvement de la lune est donc rallenti dans le périgée du soleil, & l'équation annuelle commence

444 ARRECE D'ASTRONOMIE, LIV. XII.

flors à être soustractive, par la raison expliquée dans la pote précédente.

Du Mouvement des Apsides.

1056. L'observation prouve que les aphélies de toutes les planetes ont un petit mouvement selon l'ordre des signes (514); l'apogée de la lune a un mouvement trèsrapide (559); ces mouvemens sont une suite de l'attraction. Chaque planète décriroit naturellement une ellipse si elle n'étoit attirée que par le corps autour duquel elle tourne; mais elle est continuellement détournée de cette orbite par les attractions des autres planètes, ensorte que sa trace n'est jamais véritablement une ellipse; cependant les Astronomes supposent pour simplisser les calculs, qu'une planète reste toujours sur une

ellipse, mais que cette ellipse est mobile,

1057. Soit S le foyer (fig. 128), & A l'aphélie d'u-ne planète, dont l'orbite est AMPO, & supposons que la planète ait été de A en B dans une ellipse immobile ABP, avec la force centrale du foleil S. Si l'attraction d'une autre planète P, qui tend à l'éloigner du foleil, la fait parvenir en un point C, & à une distance SC du soleil, on pourra supposer que ce point est placé dans une autre ellipfe CDE égale à l'orbite ABP, dont l'apfide au lieu d'être encore en A foit parvenue en C; l'on ajuste, pour ainsi dire, sur le point C où est arrivée la planète, l'ellipse ABP dont la planète est véritablement sortie, & en faisant mouvoir cette ellipse on reduit le calcul du vrai mouvement de la planète à la simplicité du calcul elliptique. Toutes les fois que la planète s'éloigne du foyer S, ou que sa force centrale est diminuée, on est obligé de concevoir un mouvement progressif dans son apside pour satisfaire à cette diminution: c'est ce qui a lieu dans le fystème planétaire.

1058. Il y a deux autres causes qui peuvent produire un mouvement dans les apsides: la première a lieu pour la lune & pour les sutellites, c'est la figure aplatie de la planète principale. La seconde est la petite résistance qu'on peut imaginer dans la matière éthérée où les planètes se meuvent; cette résistance, si elle avoit lieu, pourroit changer la grandeur, la figure & la situation des orbites après un certain nombre de révolutions. Voyez M.

d'Alembert (Recherches sur le système du Monde, T. II.); on peut consulter aussi les Recherches de M. l'Abbé Bossut, qui remporta le prix de l'Académie en 1762 sur
cette matière, & celles de M. Albert Euler, qui eut
l'accessit: elles sont dans le VIIIè Volume des Pièces
des prix. Mais je dois avertir que l'examen des plus anciennes observations ne nous fait appercevoir dans les
orbites aucun changement qui puisse indiquer la résistance de la matière éthérée; le mouvement des apsides
qu'on y remarque est produit par l'attraction mutuelle
des planètes; car on trouve que la résistance du fluide
produiroit un mouvement de l'aphèlie beaucoup moins
sensible que le changement de durée dans la révolution: or celui-ci n'a pas lieu, du moins sensiblement;
donc le mouvement observé dans les apsides ne vient

pas de la résistance.

1059. Je dis qu'on ne voit pas de changement dans la durée des révolutions, je l'ai prouvé pour la terre & pour Mars, (Mem. Acad. 1757, pag. 418 & 445); Saturne paroft, au contraire, avoir retardé (455); donc si l'on observe une accélération dans Jupiter, elle vient de l'action de Saturne, & de la position de ses apsides, (M. Cassini, Mem. Acad. 1746, pag. 465). Si cela est, les choses reviendront par la suite au même état où elles sont actuellement, & l'accélération se convertira en un retardement. Quant à l'accélération de la lune (564), elle n'est pas constatée d'une manière absolument évidente, & je ne doute pas qu'on ne trouve dans l'attraction de quoi satisfaire à l'équation séculaire qu'on croit y remarquer. Ainsi rien ne prouve jusqu'ici la résistance de la matière éthérée; tous les Astronomes doivent donc convenir que si les corps célestes ne sont pas dans un vi--de absolu, ils sont au moins dans une matière dont l'effet est insensible, & qui est pour nous comme le vide; cela seul suffiroit pour dissiper le système des tourbillons & du plein, que nous avons déja réfuté par les preuves de l'attraction (999).

Du Mouvement des Nœuds des Planètes.

1060. Si toutes les planètes tournoient autour du soleil dans un même plan, ce plan ne changeroit point par leur attraction réciproque, une planète ne pouvant faire

his Abrece b'Astronomite, Liv. XII.

fortir l'autre d'un plan où elles sont toutes deux; mail toutes ces orbites sont inclinées les unes sur les autres, it dans des situations sort différentes; chaque planète est tirée sans cesse hors du plan de son orbite par toutes les autres planètes, & change à tout instant d'orbite. Les Astronomes, pour représenter méthodiquement ces inégalités, supposent que la planète est toujours dans le même plan ou sur la même orbite, mais que cette orbité change de situation; on peut en esset représenter tous les mouvemens d'une planète hors du plan de son orbite primitive, en donnant à ce plan un changement d'inclination, avec un mouvement dans ses nœuds, qui, soit tel que le plan qu'on adopte, suive la planète dans toutes les inegalités.

tot. On sentra même fans aucune démonstration touil est impossible qu'une planète attirée, dont l'orbite tost dans un autre plan que celle de la planète perturbatice, vienne jamais traverser le plan de celle - ci, au mête point où elle l'avoit traversé dans la révolution précédente : elle doit à chaque fois le traverser plutôt qu'elle n'est fait, si la planète perturbatrice ne l'est point attiree vers ce plan; elle a sans cesse une détermination qu'une force vers le plan où se trouve la planète qui l'attire, de elle ne peut obésit à cette force qu'en arrivant à ce plan un peu avant la fin de sa révolution.

Note de la lune, c'est-à-dire, l'orbite dans laquelle la lune etoit d'abord, en parcourant l'arc L A; le soleil etam piacé dans le plan de l'écliptique DN, il est clair qu'en tout temps la force attractive du soleil tend à rapprocher la lune du plan de l'écliptique ou de la ligne DN, dans laquelle se trouve le soleil; ainsi lorsque la lune tend à parcourir dans son orbite un second espace AB ceal à l'espace L A qu'elle venoit de parcourir, la soce da soleil tend à la rapprocher de l'écliptique ND con quaptite AE; il faut nécessairement que la lune parallelogramme AECB, ensorte que son orbite de parallelogramme AECB, ensorte que son orbite de cene ACM, au lieu de LABN; c'est pourquoi le mais N de cet orbite change continuellement de possement de la lune, que je suppose dirigé de A vers N;



donc le mouvement du nœud d'une planète est toujours rétrograde par rapport à l'orbite DN de la planète qui

produit ce mouvement.

1063. La même figure fait voir pourquoi l'attraction du soleil change l'inclinaison de l'orbite lunaire (566): la lune obligée de changer sa direction primitive LABN en une direction nouvelle, ACM, rencontrera l'écliptique NMD au point M sous un nouvel angle AMD différent de l'inclinaison AND que la lune affectoit auparavant; mais ce changement d'inclinaifon étant insensible dans les autres planètes, je ne m'en occuperai point ici. D'ailleurs ce changement est périodique, & il ne s'accumule point; car si l'orbite troublée ACM fait en M un plus grand angle d'inclinaison que l'orbite primitive en N, il arrivera le contraire quand la planete aura passé le nœud N, enforte que l'inclinaison se rétablira par les mêmes degrés; il n'y a que les nœuds dont le mouvement est toujours du même sens, & qui rétrogradent de plus en plus, soit que la lune tende à son nœud, soit qu'elle s'en éloigne. Ce mouvement des nœuds produit des changemens dans les inclinaisons des orbites planétaires lorsqu'on les rapporte à l'écliptique (527).

tractions qu'exercent le soleil & la lune sur le sphéroide terrestre (756), est un effet de même espèce que le mouvement des nœuds, mais c'est une des parties les plus difficiles du calcul des attractions célestes; Newton s'y étoit mépris: M. d'Alembert a le premier résolu complétement ce problème; M. Euler, M. Simpson, M. le Chevalier d'Arcy, M. de Silvabelle, le P. Walmesley & plusieurs autres, se sont exercés sur cette matière, & je l'ai traitée avec la plus grande clarté possible

dans le XXIIe Livre de mon Astronomie.

1065. La théorie du mouvement des nœuds fait voir qu'une planète qui tourne dans le plan de son orbite, en est sans cesse retirée par les autres planètes (1062); il en est de même des parties du sphéros de terrestre, qui étant relevées vers l'équateur, & tournant chaque jour avec lui, sont détournées de leur mouvement naturel par les attractions latérales du soleil & de la lune, comme si la portion de matière (ou cette espèce de menisque)

448 Arrege d'Astronomies Lev XII.

dont on peut concevoir que le globe de la terre est suimonté, étoit composée d'un grand nombre de planères

qui tournassent en 24 heures autour de la terre.

mence à chercher la force avec laquelle le foleil attire chaque particule de la terre; ensure la force totale qui en résulte pour faire tourner un méridien, & de-là le sphéroïde tout entier. Quand on connoît la force pour un instant donné, on en conclud le mouvement par le moyen du calcul intégral. C'est ainsi que l'on trouve environ 201, dont l'équateur terrestre dont retrograder chaque apnée, par l'action seule du soleil, en supposant la terre homogène.

1067. La lune, en agissant sur le sphérosde, tout ainsi que le soleil, y produit un mouvement semblable: la précession produite par le moyen de la lune se déduit facilement de celle du soleil; mais comme la lune par le mouvement de ses nœuds en 18 ans change beaucoup se distance à l'équateur, & par conséquent la direction & l'obliquité de son attraction sur les parties relevées de l'équateur terrestre, elle produit non-seulement une rétrogradation continue, mais choore une inégalité périodique, dont le retour est de 18 ans, & une nutation (705)

qui fut observée par M. Bradley. 1068. Si nous supposons avec M. Bradley que la nutation observée est de 184, la plus grande equation de la précession doit être de 16/8, la précession caufée par le foieil de 16" 3 & celle de la lune 33' 7; dans ce cas la force de la lune feroit 2,09, c'est à dire, un peu plus que le double de celle du foieil. Mais si la nutation observée étoit seulement de 1911 on auroit 17118 pour l'équation, 14"5 pour la préceffion folaire, 35"5 pour celle que cause la lune, & 21 pour la force de la lune. Par ce moyen l'on concilieroit les observations des marées (1090) avec celles de la nutation. J'ai fupposé, dans le cours de cet ouvrage, que la force de la lune étoit deux fois & demie celle du foleil; on peut, par une espèce de milieu, ne la supposer que 21; il en réfultera toujours que la précession causée par le soleil n'est pas de 21" comme le donne la théorie, mais de 15 4; cela femoleroit indiquer que la terre n'est pas homogène; mais nous ne fommes pas encore en état de prononcer avec certitude fur la disposition interieure des couches de la terre. 1000.

1069. Les 35" de précession moyenne, qui sont l'effet de la lune, seroient produites d'une manière aussi uniforme que celles dont le soleil est la cause, si la lune étoit toujours à la même déclinaison quand elle répond au même point de l'équateur; mais à cause du mouvement de ses nœuds (568), il arrive que dans ses différentes révolutions elle s'éloigne plus ou moins de l'équateur, & agit sur lui avec plus ou moins de force. Quand le nœud ascendant est dans le Bélier, le plus grand éloignement de la lune par rapport à l'équateur, va jusqu'à 28.4; mais quand le nœud ascendant est dans la Balance. neuf ans après, la lune ne s'éloigne jamais de l'équateur que de 18° à à chaque révolution; alors son attraction totale sur le sphérorde, dans le cours d'une révolution, est beaucoup moindre, puisqu'on sent bien qu'elle dépend de la déclinaison; c'est pourquoi la précession annuelle est si inégale dans l'espace de 18 ans, & la nutation si considérable.

1070. On observe par un esset de cette nutation que l'obliquité de l'écliptique augmente de 9// quand ia longitude du nœud de la lune est zéro, c'est alors que la lune s'éloigne le plus de l'équateur, & qu'elle a le plus d'action pour changer le plan de l'équateur, & par conséquent l'obliquité de l'écliptique: soit V G 1 l'écliptique (fig. 130), V M 1 l'équateur, EG l'orbite de la lune; cette planète s'écarte beaucoup au nord de l'équateur quand son nœud ascendant G est dans le Bélier; alors la lune attire l'équateur terrestre de ce côté-là avec plus de force. Il semble qu'alors l'équateur EM devroit se rapprocher de l'écliptique EG; c'est cependant alors même que l'angle est-le plus grand, & que l'obliquité de l'écliptique, au lieu d'être de 23° 28′ 0″, se trouve de 23° 28′ 9″.

il faut considérer que ce n'est pas au point où agit la lune sur l'équateur terrestre que se fait le plus fort déplacement de l'équateur, mais à 90° plus loin. Ainsi quand la lune, en parcourant LA (fig. 131), agit le plus sur l'équateur VQ vers les points solstitiaux, c'est cependant vers les équinoxes V & \to que cet esset devient sensible, parce que le changement de direction des parties de la terre leur fait prendre une diagonale dont l'écartement est le plus sensible à 90° plus loin.

448 Angete D'Astronomery E.

dont on peut concevoir que le globe de le monté, étoit composée d'un grand nomb qui tournafient en 24 heures autour de la 1066. Alnsi pour calculer cette preces mence à chercher la force avec laquell chaque particule de la terre; enfuite l en réfulte pour faire rourner un méri-Aphéroïde tout entier. Quand on o -un initant donné, on en conclud le moyen du calcul intégral. C'est air ivison 201, dont l'équateur terrests que année, par l'action seule du kerre-homogène. - 1007. La lune, en agiffant f que le foleil, y produit un précession produite par le mocilement de celle du foleil : mouvement de fes nœuds c distance à l'équateur, & p l'obliquité de son attractic 169 Péquateur terrestre, elle aor d trogradation continue. rœud 😯 irne en Y. dique, dont le retour est - nui fut obiervée par M retuitante de l'effet 1068. Si nous support or in , oft la plus grantation observee est rent el iptique des de la préceffion do grante quand la viteffe fée par le foleil d "a pourquoi l'obliquité de dons ce cas la for. . i ne le tems où véritableequateur est située le moins un peu plus que i. Tre cette augmentation, & nutation observéc

🖹 🚉 Reflux de la Mer.

fare tout le contraire.

pour l'équation.

pour celle que c lune. Par ce

posé, dans l

lune étoit de

par une elpe

réfultera to

n'est pas d

mogène :

pronone.

CORCHES

des marées (1 ~ marées crois phénomènes princiie premier revient deux fois tens le mois, le trossième deux fois a paffage de la lune par le méridipres, on voit les eaux de l'Océan so, on affure qu'à S. Malo cette hau-15.4; ce: Parvenues à cette hauteur . Xu 4 xu; environ fix heures après leur cliss font à leur plus grand abaisBank.

méridien, ensorte

Flot & le Ju
rardent cha-

que les
puvelles luni après, &
nd la lune est
des marées est
équinoxes, enles plus fortes de
gée, qui arrive dans
querons encore mieux
ar cause.

qui ait parlé des marées, rs les deux tiers de son (Odyss. x11. 105), à l'ocere dit qu'elle s'élève & se de la figure poëtique, pour le n pourroit croire aussi qu'Homère su qu'il y a eu corruption dans le 11st. of Astron. pag. 256, 268).

en parlant de la mer Rouge, & Dioont mention d'un flux grand & rapide, dire de la cause, ρεν δε πολύν χαὶ σφοδρόν. des Grecs qui fit attention à la cause des L'Pytheas de Marseille; il avoit été en Angleomme le dit Strabon, & il avoit dû y obsermarées de l'Océan. Plutarque nous apprend es regardoit, en effet; comme étant réglées en jue sorte par la lune; il est vrai qu'il ne parle que me marce par mois, mais c'est sans doute une faute Plutarque. Les marées du Golphe Arabique ou de ia mer Rouge étant très-fortes, pourroient servir, dit M. Costard, à expliquer le passage des Israélites, dont il est parlé dans l'Exode ch. xiv, sur-tout si l'on suppose qu'un vent de N. E. pouvoit augmenter encore la chûte ou l'abaissement des eaux.

1078. Aristote, dans la multitude de ses ouvrages de Physique, faits 300 ans avant J. C., ne parle presque

450 Agreet D'Accennuis-Ly. Ell.

Cet effet produit vers les équinoxes ne changera pas l'obliquité de l'écliptique ou la distance du point E de l'écliptique au point Q de l'équateur : voyons dans quel

temps se fait le plus grand changement

dans le folitice, la lune traversant l'équateur en E, n'agit point pour incliner l'équateur; car pour agir il faux
qu'elle en soit à une certaine distance, & plus elle en est
éloignée, plus elle agit. La lune étant en G, la plus
éloignée de l'équateur qu'il est possible, c'est-là où elle
attire le plus; si MO est le mouvement diume de l'équateur terrestre en 1" de temps, & OF la quantité
de force que la lune exerce perpendiculairement à son
plan, l'équateur prendra la direction MF; donc sur le
colure des solstices NS où se mesure l'obliquité de l'écliptique, l'équateur MS parostra plus éloigné de
l'écliptique N; donc l'obliquité de l'écliptique parostra
tugmentée par l'action de la lune.

G fera dans la parue boréale de l'écliptique ou dans les fignes ascendans, cet effet aura lieu; voilà pourquoi il a accomule de plus en plus, & enfin quand le nœud G de la lune par son mouvement rétrograde arrive en V, thion est nulle, mais l'équation résultante de l'effet li a été produit jusqu'à ce moment là, est la plus grante, tout a nsi que dans le mouvement elliptique des l'anètres, l'équation est la plus grande quan i la vitesse les d'augmenter (497); voilà pourquoi l'obliquité de l'éc iptique est la plus grande dans le tens on véritablement l'action de la lune sur l'équateur est située le moins avantageusement pour produire cette augmentation, & qu'elle sembleroit devoir faire tout le contraire.

Du Flux & du Reflux de la Mer.

1074. Il y a dans les marées trois phénomènes principaux, très remarquables; le premier revient deux fois le jour, le second deux fois le mots, le trossème deux fois l'année. Tombé au passage de la lune par le méridien, ou après, on voit les eaux de l'Océan s'elevant de l'océan le pieds. Parvenues à cette hauteur nu-à peu; environ six heures après leur elles sont à leur plus grand abais-

sement; après quoi elles remontent de nouveau lorsque la lune passe à la partie inférieure du méridien, ensorte que la haute mer & la basse mer, le Flot & le Jus'observent deux fois le jour, & retardent chaque jour de 48/, plus ou moins, comme le passage de la lune au méridien.

1075. Le second phénomène consiste en ce que les marées augmentent sensiblement au temps des nouvelles lunes & des pleines lunes, ou un jour & demi après, & l'augmentation est sur-tout très sensible quand la lune est périgée. Enfin le troisième phénomène des marées est l'augmentation qui arrive vers les deux équinoxes, ensorte que le cas où les marées sont les plus fortes de toutes est celui d'une syzygie périgée, qui arrive dans le temps de l'équinoxe: nous expliquerons encore mieux les phénomènes en expliquant leur cause.

1076. Le plus ancien Auteur qui ait parlé des marées, comme l'observe Strabon (vers les deux tiers de son premier Livre), est Homère (Odyss. x11. 105), à l'occasion de Charibde; Homère dit qu'elle s'élève & se retire trois fois le jour; Strabon pense que le mot rpir a été mis à cause de la figure poëtique, pour le mot 3k, deux fois: on pourroit croire aussi qu'Homère étoit mal informé ou qu'il y a eu corruption dans le

texte. (Coftard, Hift. of Astron. pag. 256, 268).

1077. Hérodote en parlant de la mer Rouge, & Diodore de Sicile font mention d'un flux grand & rapide, mais sans rien dire de la cause, ρεν δε πολύν χαι σφοδρόν. Le premier des Grecs qui fit attention à la cause des marées, fut Pytheas de Marseille; il avoit été en Angleterre, comme le dit Strabon, & il avoit dû y observer les marées de l'Océan. Plutarque nous apprend qu'il les regardoit, en effet, comme étant réglées en quelque sorte par la lune; il est vrai qu'il ne parle que d'une marce par mois, mais c'est sans doute une faute de Plutarque. Les marées du Golphe Arabique ou de la mer Rouge étant très-fortes, pourroient servir, dit M. Costard, à expliquer le passage des Israélites, dont il est parlé dans l'Exode ch. xiv, sur-tout si l'on suppose qu'un vent de N. E. pouvoit augmenter encore la chûte ou l'abaissement des eaux.

1078. Aristote, dans la multitude de ses ouvrages de Physique, faits 300 ans avant J. C., ne parle presque

452 Anniet D'Astronomie, Liv. XII.

pas des me ses : on n'y trouve que trois passages fort courts à sujet; le premier, où il dit qu'il y a un les eaux qui font vers le Nord ou du côté grand flux (Météorol, L. 11.); le second, où il dit de l'O d'élévations de la mer réglées sur la lune qu'on (de Mungs, c. 4. in fine); le troissème, où il observe que la marde d'une grande mer est plus forte que celle d'une me dus petite (Probl. sed. 23). Nous ne vol'annonce qu'Aristote se soit occupé de ces yons rich au point d'être mort du défespoir que sa phénomè comme Pont Sorit S. Justin & S. Grécuriofité · Grecs furent très peu goire de 1 au fair de dans Quinte-Curce combie n furent étonnés en arrivan it les vaisseaux à sec. que les Romains in-**✓** 1079.

ttruits p Connoiff parle de d'après l te celui , menstruel, ou est dans le me Phorizon, & qu encent à montrer des a Physique: César en iv). Strabon explique ment de l'Océan imiouvement diurne, un s'élève quand la lune us soit au-dessous de 1 lever & au coucher

de la lune. Que ses marees augmentent dans les nouvelles & dans les pleines lunes, & dans le folítice

1085. Pline explique non-feulement les phénomènes, mais la cause, quand il dit: Causa in sole tunaque..... ut ancillantes syders avido trabentique secum bauslu marta, L. II. c. 97, &c. Scheque en parle avec exactitude (Quaft. nat. 111. 28. Quare bonis viris mala accidant, c. 1). Macrobe, auteur du 4º siècle, decrit très-bien les mouvemens de l'Océan, a l'occasion de la période

de 7 jours (Somn, Scip. I. 6).

1081. Les différentes manieres dont on a cherché en différens temps à expliquer l'effet de la lune sur les marées sont si peu satisfaitantes, que je ne crois pas devoir même les indiquer. Voyez Plutarque, de Plac. pbil. L. III. c. 17. Galilée, de Syft. mundi, Dial. 4. Riccioli, Almag. 11. p. 374. Gaffendi, Op. II. pag. 27. Wallis Opera, &c. Képler fut le premier qui apperçut l'effet de l'attraction universelle dans les marées; il en parle d'une manière éloquente dans son ouvrage: De Stella Martis.

1082. Newton, après la découverte du principe & de la loi générale de l'attraction, apperçut facilement les effets que le soleil & la lune devoient produire sur les marées, & il traita cette matière dans son Livre des principes avec sa supériorité ordinaire. Enfin, l'Académie des Sciences ayant résolu vers 1738 de traiter tout de nouveau & d'approfondir les branches du systême du monde que Newton n'avoit pu épuiser, proposa pour le prix de 1740 la question des marées; les pièces de MM. Bernoulli, Euler & Mac-Laurin, qui partagèrent le prix, sont d'excellens traités sur cette matière.

1083. La première chose qui se présente à démontrer, c'est que l'attraction de la lune ou du soleil considérée séparément, agissant sur une couche de fluide très-mince qui environne un globe, doit faire prendre à ces eaux une figure elliptique; M. Mac-Laurin le démontra d'une manière ingénieuse dans sa pièce de 1740; M. Clairaut le prouve dans sa Théorie de la figure de la Terre; & il est aisé d'appliquer aux marées la même démonstration, parce que la force du soleil & de la lune sur les différentes particules de la terre est de même espèce que la force centrifuge, & produit aussi bien qu'elle une figure elliptique dans ses eaux: je l'ai démontré fort au long dans le XXIIe Livre de mon Astronomie.

Les eaux s'élèvent non-seulement vers le côté où est l'astre qui les attire, mais encore du côté opposé, parce que si l'astre attire les eaux supérieures plus qu'il n'attire le centre de la terre, il attire aussi le centre de la terre plus qu'il n'attire les eaux inférieures, & celles-ci restent en arrière du centre autant que les eaux supérieures vont en avant du côté de l'astre qui les attire. Les Cartésiens n'ont jamais voulu comprendre cette double marée, quoique ce soit un effet incontestable de l'attraction. Tous les cercles de la terre qui ont leur commune section dirigée vers la lune, prennent également la forme elliptique; ainsi le globe aqueux se change en un ellipsorde allongé, dont le grand axe est dirigé vers l'astre qui attire les eaux.

 $\mathbf{F}\mathbf{f}_3$

Annice s'Astronomie, Liv. XII.

Le aure s'ellipticité d'un pareil sphérotde est = 1 is in force perturbatrice au point où elle eff h museume, enforce qu'ayant calculé la force attractive in trace in les ceux, on trouve que l'aplatiffement de massociae est de 23 pouces; c'est la quantite anne is force feule du foleil est capable d'élèver is call as h mer fore l'equateur. Nous verrons bienthe que a ime pest ce produire trois fois autant; ce one firms on tout & prods de maree dans une mer lilise: risis cecce lauceur est fouvent diminuée par la nellement de fand, car elle n'est oue de 3 pieds à l'Ille de Sance-Fielenc, an Cap de Bonne-Espérance, dans les Francianes & les Moducques; & d'un pied dans le miles de a mer de Sod: su cooraire, elle est souvent annumente pur la situation de la figure des oftes, puifera surceMano, il y a pulqu'à 45 pieds de marée, E SHORTERIUM THANKE

h have could cause le formet de cet elipsoide mantet, que or objet est la marée n'arrive qu'envisure et au méndien dans les mers libres; c'es amb que M. de la Canle l'a observé au Cap (Man And 1751); M. Maskelyne, à 2^h ; à l'ibre de Saine Hélène, (Phil Trans, 1762). Ainsi quand con releves dans les arricles saivans de l'astre qui product et les orients de l'astre qui est à marée, l'élect entendre un rount qui est à mare et les orients cui lieu de l'astre.

L'actual de cores cul fact plus reculées, la mareix de core elles relatace, comme on le voit par la comme de l'astre.

L'actual de cores de l'actual plus reculées, la mareix de l'astre de l'astre.

L'actual de l'actual de l'actual l

10.55 l'une une a ple per apraile les exces des racon le petit dema-axe fret comme les carres
con le troces ou porte ave (821); ainfi le
cour de la terre, les pays fitués fous le grand
con portues, ceux our férent fous le petit ave
con le fort, de la d'flerence entre la baffe mer de
cour des la certe, les pays fitués fous le petit ave
con portues, ceux our férent fous le petit ave
con l'est poxir un moment quelconque fera
con le les tuyees for le petit ave de l'ellipfe.



La hauteur de la marée au dessus des basses eaux, en un lieu quelconque, est donc égale à la plus grande haureur de l'eau multipliée par le carré du cosinus de la distance de l'observateur au sommet de l'ellipsorde; c'est à dire de la distance entre le zénit du lieu & l'astre qui produit la marée, en supposant l'ellipsorde dirigé à l'astre même; ainsi la plus basse mer arrive quand l'astre est à l'horizon, & la plus haute mer quand l'astre est à l'horizon, & la plus haute mer quand l'astre est à méridien.

produit la marée sont tous deux sous l'équateur, la hauteur de la marée est comme le carré du cosinus de l'angle horaire, & l'élévation crost à peu près comme les carrés des tenps aux environs du méridien; c'est aussi ce que l'observation a fait voir (Mem. Acad.

1720, pag. 360.

Si le lieu donné est éloigné de l'équateur, la hauteur de la marée est comme le carré du cosinus de la latitude; mais aussi tôt que la latitude est assez grande pour que la lune ne se couche point dans certains temps, il n'y a plus qu'une seule marée dans les 24 heures, parce que la lune n'approche qu'une fois de l'horizon. Sous le pole même il n'y a point de marée diurne, puisque la lune reste sensiblement pendant toute la journée à la même distance du zénit, & le sphéros de aqueux tourne, sans s'élever à une heure plus qu'à une autre. Dans les autres cas, il y a deux marées, l'une répond à peu-près au passage supérieur de la lune par le méridien, l'autre au passage inférieur; mais elles sont fort inégales.

1088. Si l'astre n'est pas dans l'équateur, la marée pour un pays situé sous l'équateur sera comme le carré du cossinus de la déclinasson, parce que cette déclinaison sera elle-même la distance de l'astre au zénit, ou la distance du point donné au sommet de l'ellipsorde. Si le lieu donné n'est pas dans l'équateur, la marée supérieure sera la plus grande, suivant la théorie, quand l'astre passera le plus près du zénit, c'est-àdire; quand la déclinaison de l'astre sera du côté du pole élevé; mais la marée inférieure sera plus petite que quand l'astre étoit dans l'équateur, parce que le point opposé à l'astre sera plus éloigné du zénit que de l'équateur, quand l'astre sera dans la partie inférieure du méridien.

F f 4

- especial que les marées en - randes en général après les équinnaes - reté, cela vient probablement de mers particulières : 10. Les vents du rome alors plus fréquens & plus forte. et al locitore est plus génée entre les consiarque & se l'Amérique, & plus re-Tenner as appropres; elle peut donc être mons ar nos coces. 3°. Dans les folftioes il y a antes, dont une forte & l'autre foible, & qui segement musuellement; au lieu que dans le temps commerces il y en a deux à peu-pres égales, dont commerces est plus s'ensible. Ajoutons cependant a ait poirs auffi géneral qu'on le dit communétnent es marces des équinoxes foient les plus grandes de année, & que les marées les plus grandes & les plus persontionires dont on air connoilfance ne font point privees vers les équinoxes, comme on le verra dans Mercoire que j'ai lu à l'Académie en 1772 for les mares des équinoxes.

Fortice des eaux de l'Océan en un spheroïde allongé cont le sommet est dirige vers le soleil, la tune doit produire un effet semblable; aussi les marces qu'on observe participent-elles des mouvemens du soleil & de la le. Dans les syzygies, c'est-a-d re, les nouvelles les des pleines lunes, le sphéroide aqueux produit par la force du soleil, & celui qui est produit par la force de la lune, sont dirigés dans le même sens; ainsi longement du spheroïde est égal à la somme des alongemens que le soleil & la lune sont capables de

ongemens que le foleil & la lune font capables de produire féparément; mais dans les quadratures les les de ces deux sphéroïdes sont à angles droits, & le grand axe du sphéroïde solaire augmente le petit axe la sphéroïde lunaire. Ainsi les marées des syzygies ont la somme des effets du soleil & de la lune, tandis que les marées des quadratures en sont la différence. Les hauteurs des marées peuvent donc nous faire conscitte le rapport des forces du soleil & de la lune. M. Daniel Bernoulli supposant qu'à Saint-Malo la mer varioit de 50 pieds dans les marées moyennes des cargies. & de 15 pieds dans celles des quadratures, en conclut que le rapport des deux forces du soleil & lune cit celui de 13 à 7; mais après avoir exa-

miné diverses observations, sur - tout les intervalles des marées dont nous allons parler (1092), il en conclud que la force de la lune, est 2 fois celle du soleil,

dans les moyennes distances.

1091. Quand la lune est apogée, sa force diminue comme le cube de sa distance augmente (1050), ensorte que si la force moyenne de la lune est 21, la plus grande force dans le périgée sera égale à 3, & la plus petite == 2 seulement, dans l'apogée. En effet, les cubes des parallaxes extrêmes;, ou de 53' 51", & de 61" 29" sont à peu près comme 2 est à 3. Cette augmentation des marées dans le périgée de la lune cît parfaitement d'accord avec les observations.

Les cubes des distances du foleil à la terre en hiver & en été sont entre eux comme 1 est à 1,106. La force du soleil est donc plus grande en hiver d'un dixième, & si sur 22 ou 23 pieds de marée qu'il y a à Brest, quand la lune est périgée, il y en a 5 2 pour l'action du soleil, il doit y avoir en hiver 7 pouces d'élévation à Brest de plus qu'en été, par le seul effet des distances du soleil à la terre; cette quantité est trop peu sensible pour qu'on puisse en être bien assuré par les observations.

1092. Jusqu'ici nous n'avons parlé des marées que pour les cas des syzygies ou des quadratures; examinons ce qui se passe dans les temps intermédiaires. Quand la lune & le soleil sont à quelque distance l'un de l'autre, chacun produit une élévation différente dans un lieu donné, & la somme de ces deux élévations est la hauteur de la marée qu'il s'agit de déterminer. force de la lune étant deux ou trois fois plus grande que celle du soleil, le point de la haute mer approche deux ou trois fois plus de la lune que du soleil, & n'est jamais éloigné de la lune de 15°. Ainsi le passage de la lune au méridien est ce qui influe le plus sur le temps de la haute mer; aussi la différence entre le passage de la lune & le moment de la haute mer n'est jamais de plus de 63/ de temps, lors même que la lune est périgée & qu'elle est à 60° du soleil. M. Bernoulli déterminé, par ses formules, le maximum de cette différence entre le passage de la lune & la haute mer; mais il est aisé de le déterminer par le calcul astronomique, à l'aide de quelques fausses positions, pour toutes les élongations de la lune. Soit ABM (fig. 128)

1858 Annece places obosen Edv. RII.

de sphérosde aqueux dont le sommet ou le point de la haute mer est en A, le soleil répondant au point H, la lune au point L, & la distance de la sune étant suppofée de 60°; LA est la distance de la lune au point de la fiante mer, AH la distance du foleil au même point. La hauteur de la plus grande marée par l'action feule du foseil étant appellée i , l'on aura cos AH2 pour la hauteur en A, produite par le soleil (1086), & 3 cos. LH2 pour la hauteur produite en A par l'action de la tune périgée. Si l'on luppose LA de go & AH de 11°, l'on trouvera ces deux termes 0,3961 & 2,9266; ainsi la hauteur totale de la marée sera 3,3227 Si l'on Suppose LA 9"4+, on aura 2,9183 & 0,4046, ce qui fait 3,3229; fi l'on suppose LA = 100, l'on aura 2,9095 & 8,4192, ce qui donne la marée 3,3227; il est facile de voir que le maximum de leur fomme est à 904; c'est donc la plus grande hauteur de la marée quand le foleil & la lune sont à 600 l'un de l'autre, & que la lahe est perigée.

paffer au méridien plutôt que la lune, on confidérera que le retardement diurne de la lune périgée étant de ra ces 9° i font 40' de temps, ainsi la haute mer précédera de 40' le passage de la lune au méridien. Quand la lune est apogée & que sa force est seulement double de celle du soleil, le maximum pour 60° de distance est de 2,3660, & ce point est à 15° de la lune; ces 15° font 62' à en temps lunaire; ainsi dans l'apogée de la lune il y a 1° 3' de disférence entre le passage au méridien & l'heure de la haute mer; il y a une table de cette disférence pour tous les degrés de distance de la lune au soleil, que j'ai mise plusieurs fois dans ma

Connoissance des Temps.

méridien, & l'heure de la marée, a encore servi à M. Bernoulli à déterminer le rapport des forces de la lune & du soleil. Supposons que dans les moyennes distancés HA réponde à 31 de temps, & que AL soit de 14, il est aisé de sentir que ces deux quantités sont en raison inverse des forces du soleil & de la lune, d'où il résultera que ces forces sont entre elles comme 14 est à 34 ou à peu près comme 1 est à 2.

1095 De tous les principes établis dans les articles précédens, il réfulte une règle générale pour calculer

la hauteur de la marée dans un lieu & un temps quelconque. Il faut trouver 10, le lieu du foleil & de la
lune, & leurs distances à la terre; 20, calculer leurs
déclinaisons, leurs hauteurs, pour le lieu donné (368),
supposant l'angle horaire plus grand de 3h 1 si c'est à
Brest, 6h à Saint-Malo on à Plymouth, &c. plus ou
moins suivant l'beure du Port. Quand cette hauteur calculée sera zéro, l'on aura la basse mer dans le lieu
donné, car le sommet du sphéroide sera dans l'horizon.
Hors de-là le carré du sinus de cette hauteur du sommet
du sphéroide aqueux, multiplié par le plus grand effet
de la lune à la distance donnée (1091), donnera la hauteur de la marée, ou la dissérence de la plus basse mer
sunaire à celle qui a lieu au moment donné; on sera le
même calcul pour le soleil, & l'on ajoutera ensemble
les deux hauteurs pour avoir la marée totale.

au niveau naturel pour la combiner avec celle du soleil rapportée au même niveau; pour avoir ce point de niveau, c'est-à-dire, avoir un point sixe pour y rapporter les hauteurs de l'eau, il faur le prendre au dessus des basses eaux, d'un tiers seulement de la dissérence entre la basse mer & la haute mer, parce qu'il est démontré que la montée est double de la descente dans les syzygies. A Brest il y a 23 pieds de marée dans les cas les plus favorables; le tiers est 7 pieds 8 pouces: c'est la hauteur du niveau naturel de la mer au-dessus des basses eaux; plusieurs Observateurs se sont trompés en pre-

nant le milieu pour terme moyen.

l'attraction étoit la cause des marées, elle devroit avoir lieu dans les petites mers comme dans les grandes; mais il est démontré que dans de petites mers la marée doit être insensible. Supposons que RM (fig. 132), soit une partie du globe terrestre, SM une portion du sphéros aqueux qui auroit lieu si la mer étoit libre & couvroit toute la terre; s'il y a un petit espace de mer qui n'ait que la largeur ZX d'orient en occident, les eaux ne peuvent pas prendre la courbure VS, car n'y ayant pas des eaux environnantes pour prendre la place de celles qui s'éléveroient, elles sont réduites à prendre une courbure semblable OR, ensorte que VO soit égale à SR, la surface COR étant toujours égale à la surface CZX. Par là on voit sans aucun calcul que la

460 ARREGE D'ASTRONOMIE; LEV. XIL.

marée y sera d'autant moins sensible que la longueur de la mer en longitude sera moindre, puisque la surface du triangle ZCX diminue comme ZX, & que l'inclination des lignes OR, ZX, ne sauroit jamais être plus grande que l'angle formé par le cercle & par l'ellipse en M; aussi M. Bernoulli démontre par ses formules que la marée totale de cette mer est à celle qui auroit lieu dans la mer libre, comme la longueur ZX de cette mer d'orient en occident est au sinus total.

M. Bemoulli prouve également que si la mer avoit gon d'étendue, la marée y seroit plus petite d'un sixième seulement que dans la mer libre; & elle y arriveroit 14

5/ plus trad que si toute la terre étoit inondée.

On voit aussi par ce qui précède que dans une mer étroite, lorsque l'eau s'élève vers un rivage R, elle s'a-

baisse vers le rivage opposé en O.

1098. Je ne parlerai pas ici des modifications particulières que la loi générale des marées éprouve en différens pays par la fituation des mers & des rivages; on peut voir ce que Newton dit de Batsham dans le Tunquin, où il n'y a qu'one marée par jour; ce qu'on a écrit sur les marées extraordinaires de l'Euripe, dans le second Tome des Voyages de Spon, dans le Dictionnaire de la Martinière, dans les Lettres de M. Buchoz; sur celles du Détroit de Gibraltar, on pourra voir les Trans. Pbilos. de 1762.

1099. Quant au détail des observations qu'on a faites en France sur les marées, on les trouvera sur-tout dans les Mémoires de l'Académie, années 1710, 1712, 1713, 1714, 1720, & dans un Traité particulier que je me

propose de publier sur cette matière.

Je n'ai pu donner dans ce XIIe Livre qu'une idée générale de l'attraction; cette matière étant hérissée des calculs les plus abstraits, ne sauroit être à la portée des Lecteurs à qui cet ouvrage est destiné, mais ils y trouveront peut-être de quoi exciter leur curiosité & les dis-

poser à une étude plus approfondie.

cul astronomique, mais ceux qui auront assez de curiosité dans ce genre pour vouloir se livrer aux détails & aux opérations de l'Astronomie, ne pourront se dispenser de recourir à mon Astronomie en 3 vol. in 40, édition de 1771, qui forme un Cours plus satisfaisant & plus complet de cette vaste science.

EXPLICATION

de la Table qui contient le Résultat de toute l'Astronomie.

La Table suivante renferme tous les élémens qui n'ont pas été mis à leur place dans le cours de cet Ouvrage. afin que le rapprochement en fût plus commode pour le Lecteur. Par exemple, les révolutions tropiques auroient pu être placées à l'Article 454 où j'en ai donné l'explication, aussi la Table renvoie à cet Article dans

le titre même de la colonne des révolutions.

Les diamètres, les grosseurs & les distances des Planétes qui se trouvent dans la Table suivante, sont calculés fur les derniers résultats de la parallaxe du Soleil, que je trouve de 8 secondes & demie; ainsi cette Table est meilleure que celle que j'ai donnée dans le sixieme Livre de mon Astronomie, & qui fut imprimée avant que nous eussions reçu les observations les plus concluantes du

passage de Vénus observé en 1769.

Il pourroit arriver que la parallaxe moyenne du Soleil, que je suppose de 8/1 en nombres ronds, fût tant soit peu plus grande; M. Lexell qui s'est occupé de ces recherches postérieurement aux miennes, & qui a mis tout le scrupule possible dans ses calculs, trouve 8/163, au lieu de 8" 55 que j'avois fixées dans mon Mémoire; & voilà, ce me semble, à quoi peut se réduire l'incertitude actuelle sur cet élément, c'est-à-dire, à un douzieme de seconde, & je n'ai pas trouvé que cette différence valût la peine de recalculer ma Table, quand même elle seroit bien avérée (a).

Ces révolutions sont comptées en années communes de 365 jours seulement, en jours, heures, minutes, secondes, & dixiemes de secondes de temps moyen.

Le diamètre du Soleil est ici plus petit de quelques secondes que celui que j'ai déterminé par les plus exactes

⁽a) M. de la Lande, aussi zelé pour lever les incertitudes qu'infatigable au Cakul, s'est pourtant donné la peine, depuis la premiere Edition de cet Ouvrage, de recommencer ses recherches sur cette matière, &, d'après un Calcul fondé sur les meilleures Observations il a trouve pour réfultat que la l'arallaxe moyenne du Soleil étoit de 8//6; ce qui fait une différence d'un dixième de Seconde avec l'élément de la première Table. En conséquence cet illustre Astronome nous a communiqué sa Nouvelle Table, que nous avons placée à côté de l'autre. C'est donc cette Nouvelle Table des diamètres, distances, &c. des Planètes qu'il faut regarder comme la meilleure. (Note de l'Editeur.)

Annes Phitipioniti, Liv. XIL

chile rations; unis il m's para par les durées des écliples que le remaine comerce du Solejl est amphilé par l'irpalianem de la lambere. Les chiffres qui long après les magnies indiquent des décimales; par exemple, le diametre de la Lune est de 4º 642, c'ell-a-due, 4 fecundes de fix décomment de la complemen, 2 millièmes, on 642 millièmes de fecunde.

De même la vicelle des graves à la furface de la terre est de 15 pieds di 1038 dix millièmes de pied; j'ai ajoure à la vicelle qui s'onferve en este fous l'équateur à la fueface de la terre, la quantité dont la force centralige la dississe; afin d'avoir la vérimble vitelle qui auroit lieu si la terre étoit immobile; il en est de même des au-

eres Planètes.

En ealcolant la densité de Saturne, j'ai pris un milieu taure les masses qui résultent des calances des cinq Saturnes observées par M. Cassini; d'actres Astronomes se contentent de la distance du quatrière Saturne qui est la mieux comme. J'ai aussi négligé la masse de l'Anneau, de je l'ai supposée réume au globe de Saturne, parce que son épaisseur est fort petite; d'ailleurs sa masse étant absolument inconnue, cet élément ne pouvoit entrer dans le calcul. Avec les distances moyennes qui sont à la fin de cette Table, on peut avoir la plus grande de la fin de cette Table, on peut avoir la plus grande de la plus petite distance de chaque planète à la terre, par exemple, pour Mercure, qui est eloigné du Soleil de 13 millions de lieues, le Soleil étant éloigné de la Terre de 34, la somme 47 est la plus grande distance de Mercure; la différence 21 est la plus grande distance de Mercure; la différence 21 est la plus petite. Pour Saturne la somme de 34 & 331 millions nous apprend que sa plus grande distance à la Terre est de 375 millions; la différence 297 est sa plus petite distance (a).

L'incertitude qu'il peut y avoir sur la distance du Soleil & des autres Planètes à la Terre, est environ d'une deux centieme partie du total, peut-être même deux cent mille lieues pour le Soleil. Mais la distance de la Lune est beaucoup mieux connue, il n'y a pas 50 lieues

d'incertitude fur 86 mille lieues de distance.

⁽c) Vovez la manière dont les distances sont exprimées dans la Nouvelle Table. (Note de l'Edit.)

ELLE TABLE

rens des Planètes ous à la distance moyenterre, & de leurs diamètres vrais en Lerallaxe du Soleil de 8"6, avec M, leurs densités, leurs masses & ve leurs distances.

Diamètres en eues(534-)		Diamètres par rapport à la terre.		
319397		111,48	Cent & onze fois at diam. de la terre	illi gr. que le
Le Le M	2865 762 1166 2748 1899 32164 28600 66728	0, 4070 9, 9593 0, 6628	Trois onz. du diam Onze vingt - feptiò Plus petit d'un vin Deux tiers du diamè Onze fois cc un qu Dix fois aufli grand Vingt - trois fois	anes. gt-cinquième. tre de la terre. lart. d.
Sa Densité par				

	terre(1021).
corze cent mille fois plus gros que la terre, uarante neuvième partie de la terre, l'umzième partie de la terre.	0,25285 ° 0,68706 ° 2,0377
L'aunzième partie de la terre. L'apetite d'un neuvième. L'avingragazzièmes ou presone un tiers.	1,2749

L's petite d'un neuvième.

L's vingt-quatrièmes, ou presque un tiers.

Morze cent sois plus gros.

Nature mille sois plus gros.

1,2749
0,7292
0,23147
0,09032

Ju Satelle des gra- is à la furface	Distances à la terre en lieues de 2283 to ses (585)		
(1024.)	La plus pe- tite.	La moyen- ne.	La plus gran- de.
28pi. 65 L 15, 1038 L 2, 83 M 12, 535 W 18, 473 W 7, 2995 M 39, 094 W 15, 762	33780220 86324 21057740 9505600 17992756 144335050 293391200	34357480 88860 34357480 34357480 52350230 178692530 327748680	91397 47657220 59209360 86707716 213050010 362106160

! Ī



TABLE DES MATIERES.

Les Chiffres marquent les numéros, & non les pages.

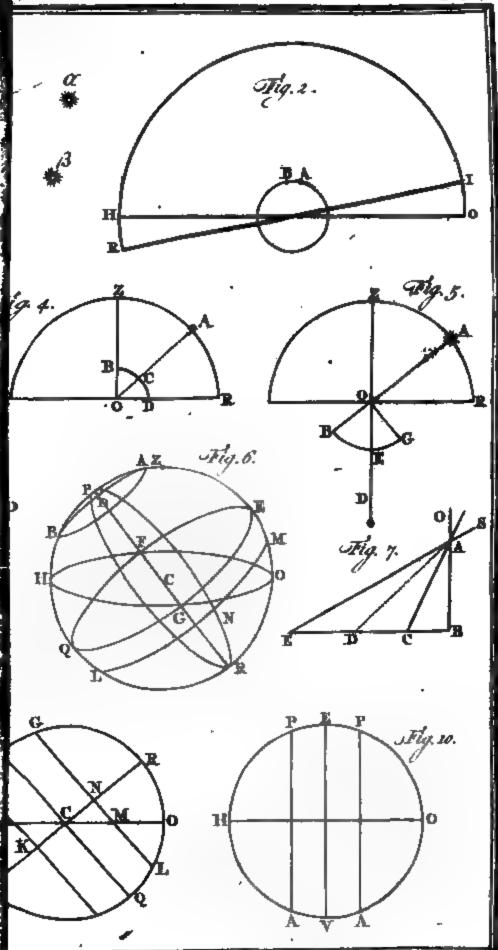
•	
A BERRATION des fixes, arti-	Eclipset de Lune, 614. De Soleil,
772	De Stellites, 725
. Son usage pour la théorie des Sa-	De Palites, 847
tellites, 846	Eclipies totales, annulaires, 634
Acceleration de la Lune, 564. Des	Ulage des Ecliples, 719
Corps graves, 981	Ellipfe, 482
Amplitude 369	Emerfion, ou sortie d'un Sareffite
Anneau de Saturne, 971	hors de l'ombre,
Année tropique, 315. Sydérale, 321	Epoques des moyens mouvemens.
Anomalie, 482	442, 509
Aphélies. 482. Leurs politions, 514	Pautieur 15
Leur mouvement, 1056	Equation du Centre ou de l'Orbite,
Aplatissement de la Terre, 803	482
Apogée du Soleil, 310 De la Lune, 550	Equations de la Lune, 557, 1052
Anddeede la Lime 550. Des Pisses	Equation de la Lumière 338 Equation du Temps, 355
De la Lune, 559. Des Fighe- tes. 482	Equation du Temps, 355 Equation des Hauteurs, 322
Aircs femidiurnes, 367	Equinoxes, points equinoxiaux, 66
Argument de latitude, . 498	Evection, 500,1052
Ascension droite, 89	B# ou Orient,
Aimofphete; 728,737	Etoiles 230
Azimut, 184	Evection de la Lune, 560
Balance, 266	Excentricités, 505
Bélier . 247	Excentrique, 311. Anomalie excep-
Buussole, 231	trique, 48a
Burin. Ibid.	Figure de la Terre, 803
Cercles de la Sphere, ion. Cercles de	Flux de la Mer, 1074
Jatitude, 90	Force accélératrice, 98x
Changeantes 283	Force attractive, 980
Circompolaires, 31	Force centrale, 1005
Climats, 127	Force perturbatrice, 1037
Colures, 102	Géncentrique, 427
Comètes, 876. Leurs retours, 910	Groffeur des Planetes, v. la Table
Commutation, 448	ci-jointe.
Conjonations, 457	Hauteurs des Astres, 22
Constellations, 229	Du Pole, 33
Leur nombre, 230	Correspondantes, 322
Maniere de les connoître, 232	Heliocentrique, 427
Coucher doe Afrag	Horizon, 11, 824
Coucher des Astres, 363	Immerstons des Satellites, ou seur en-
Culmination, médiation, passage au Méridien, lbid.	irée dans l'ombre de Jupiter, 861 Inclinaisons des Orbites, 522. De la
Crepuscule, 108	Lune 565. Des axes des Planetes,
	Dulle 505. Des axes des Pranetes,
Densités des Planetes, 1021	Inégalités de la Lune, 555, 1052
Deviation des Etoiles, 794	Inflexion, 723
Diametras des Planetes, 532.	Inferumens d'Astronomie, 331,533
v. la Table ci-jointe.	Jours, 234
Dichotome, 540	Jupiter, v. Planetes.
Distance accourcie, 438. Distances	Jusan, 1074
des Planètes, 585. (& ci-joint).	Kepter loix de Kepler, 467
Doigts dans une Eclipse, 628	Latitude géographique, 41
Eclipsique, 64. Réduction à l'Eclip	Céleste, 427
	Leyer, 36!
·	

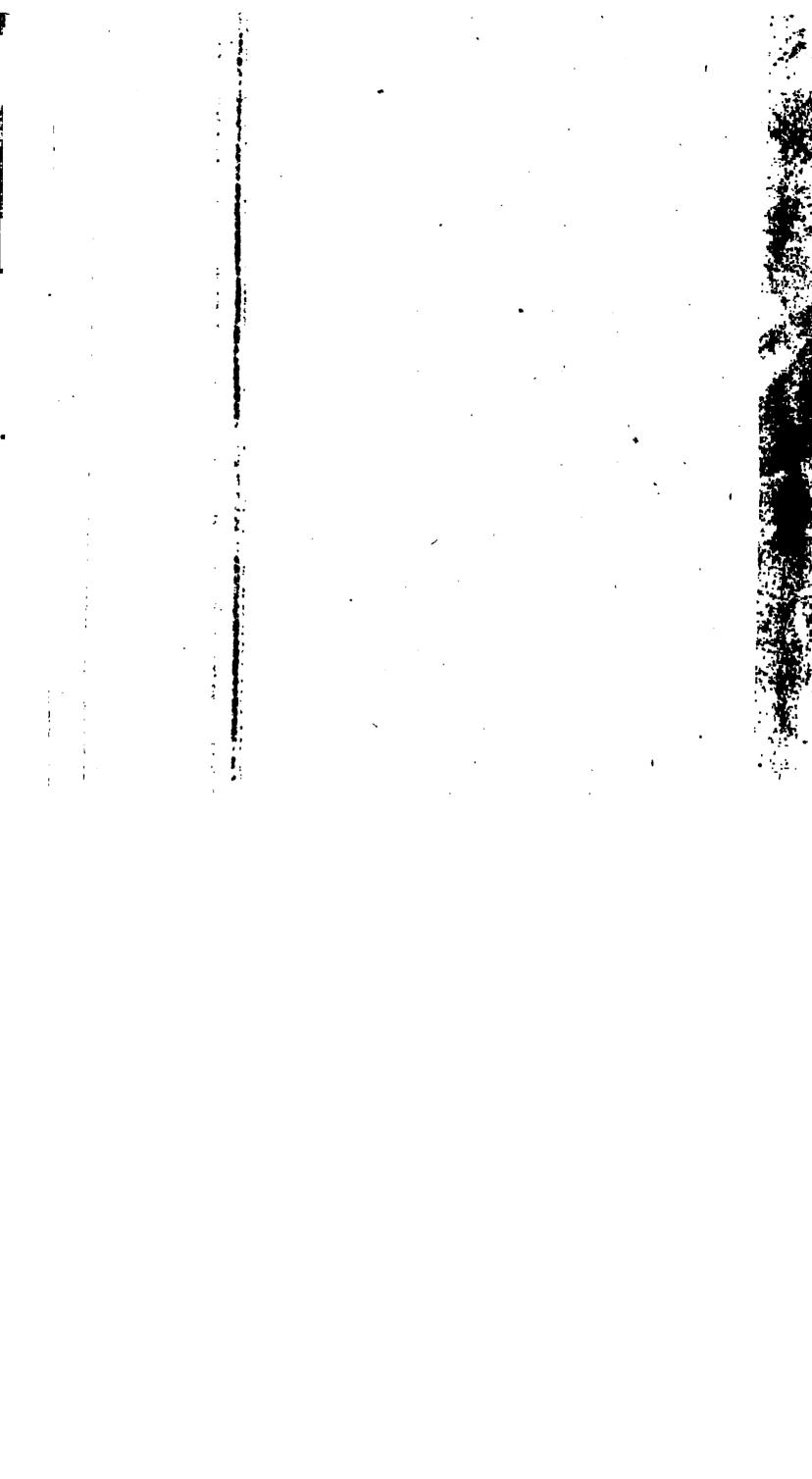
TABLE DES	MATIERES.
Libration, 69t	Polaire (étoile) 4. Cercles pois
Limites, 616	Tes, im
THE RESIDENCE OF THE PROPERTY	Poles .
Képler, 467	Precession des Equinques , 794 , 1064
Loix du mouvement, 479 Longitude d'un Aibre, 93	Projection, mouvement de projec-
D'un lieu de la Terre, 47	Quadrature, 540
De toutes les Planètes en 1772,	Quart de Cercle, 381
442	Queuer des Cometes, 876,963
Longueur du Pendule, 806	Rayon vecteur, 48g
Lune, fes Phales, 55 . 550. Ses	Réduction à l'Écliptique, 431
inegalités, 655, 1502	Refractions, 73
Ses montagues 908	Révolutions des Planètes, 422. Voyez
Martes, 1074	la Table de la page 463.
Mars, 83, v. Planètes. Alafe, 1018, v. la Table de la page	Du Soleil, 315 De la Lune, 542
. 463.	Tropiques 450
Mercure, 83 , 755 , v. Planetes.	Syderales . Sar . 567
Meridien 19. Méridienne 160	Amomalistiques 625
Micromètre , 533	Synodiques,
Mouvement annuel, 59	Retrogradations .
Diarne, 1	Retations des Planètes, 930 & fail
Des Corps tentities, you	entfons, 127. Leurs cautes, 416
Propre des Planetos 422 Accéléré 981	Jours où etles commencent, 79
Nadir . 8	Saturne , 83. Son anneau, 971
Riveau apparent, 824	y. Planète
Nœuds de la Lune, 565. Des Plane-	Signes céleftes . 76. Entrée du Soloi
tes, 426	dans les 12 Signes,
Leur mouvement, 519, 1060	
Nonius, 342	
Nutation, 704. Sa Caule. 1967	Solflices,
Obliquité de l'Ecliptique, 70	
Occultations, 722	
Orbite apparence, 711	
Relative, 600	Temps vrai. 353. Moyen, 345. M.
De la Lune, 560	tronomique, 224
D'une Planète, 482,500	Terre, mobile autour du Soleil, 39%
Oueft, Occident, Couchant, 7	v. Figure.
Parabole des Comè es . 888	Thermometre, fa confirmation, 128
Parallaxe, 441, 574. Dans le Sphé- roïde.	
Paralleles 27	
Paffages fur le Soleil, 726	Ulages des Globes . 168
Pendulo simple, 806	Variation de la Lune , 561 , 1094
Pénombre, 631	Vénus ,
Périgée , 310	Ses paffages fut le Soleil , 320. M
Perthelia 482	
Phafas , 540	
	Vitalia do la Tarra viv. De la la
Leurs équations, 514	
Leurs inclinations, 522	
Leurs nœuds, 518, 1060	Zenst .
Leurs rotations, 970	Zodlague . 10
Leurs masses, leurs révol. leurs	Zones, 14
· diam, leurs denf. leurs dift.	

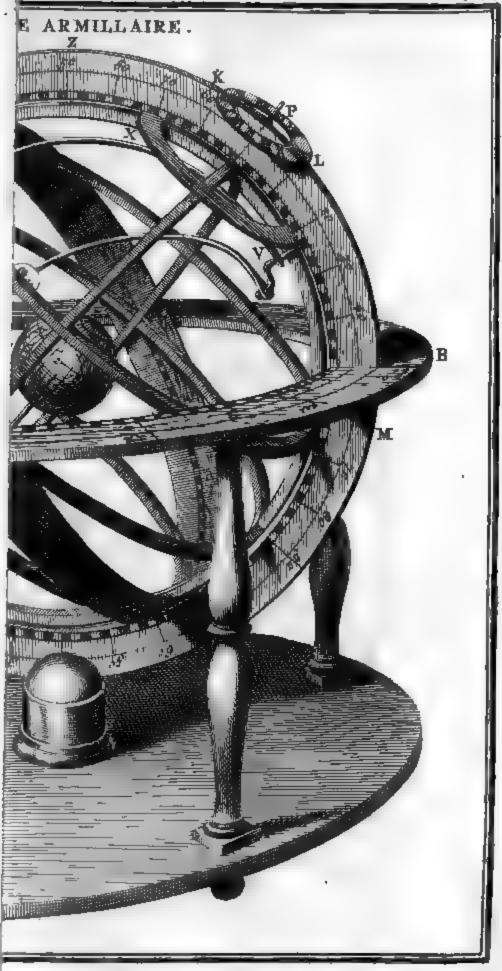
font dans une Table, page 463.

Fin de la Table des Matieres.



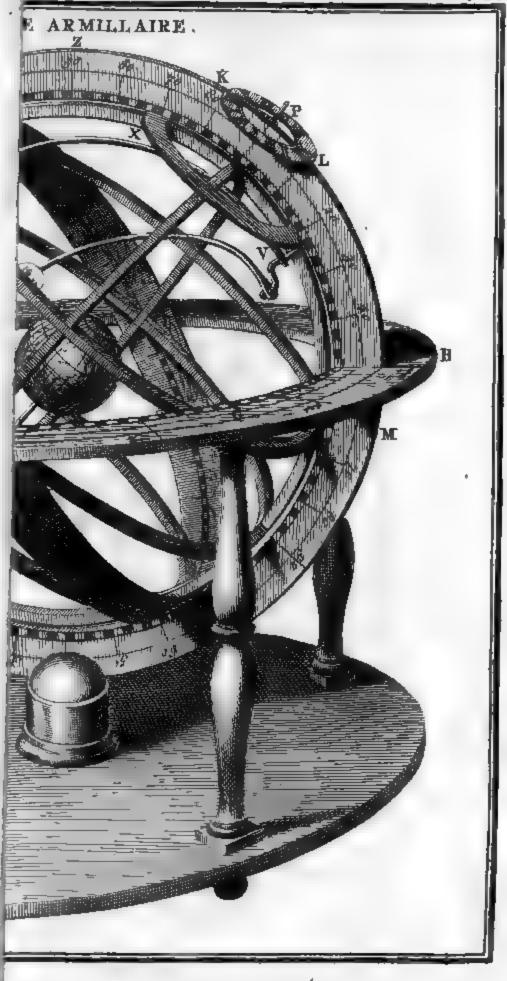


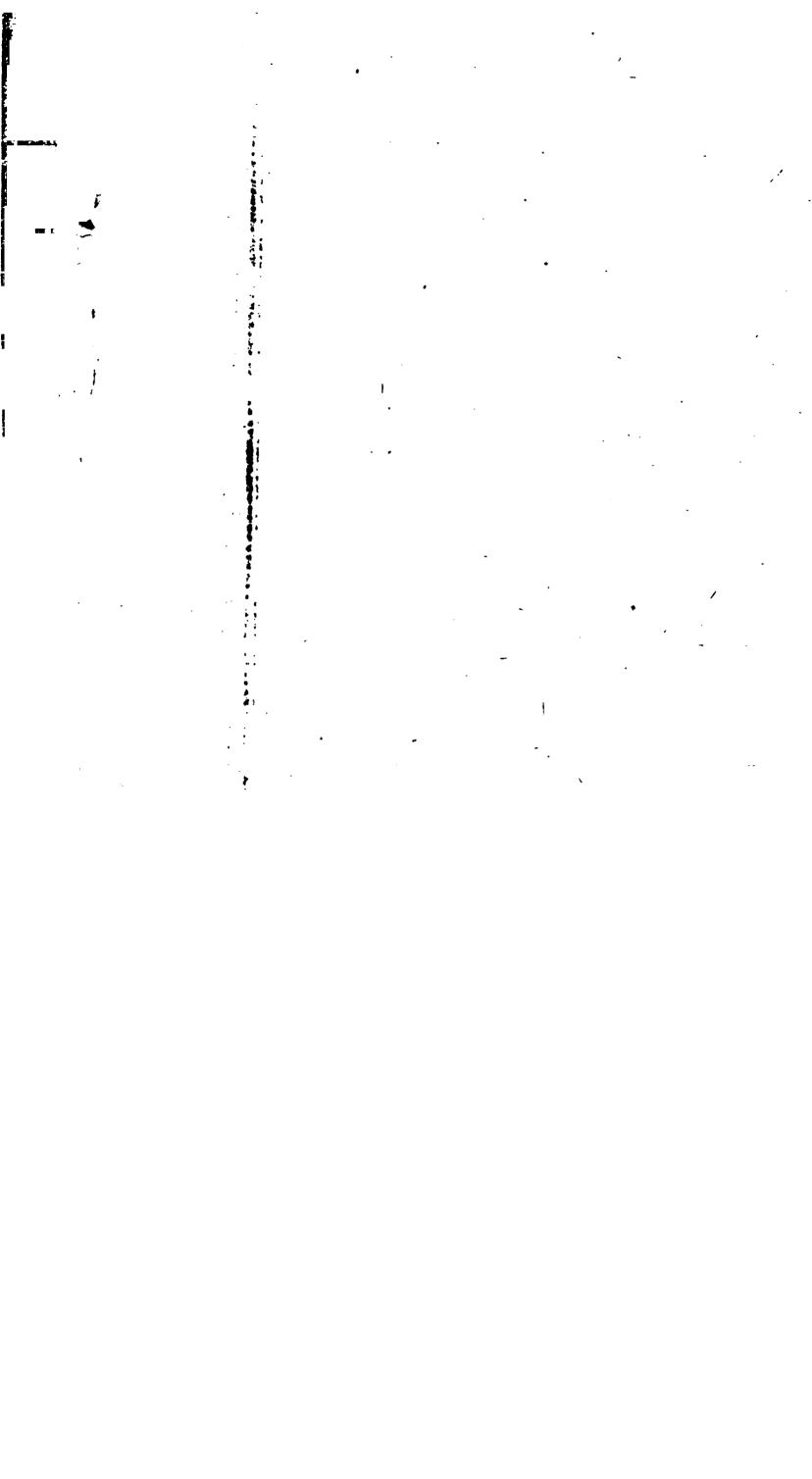


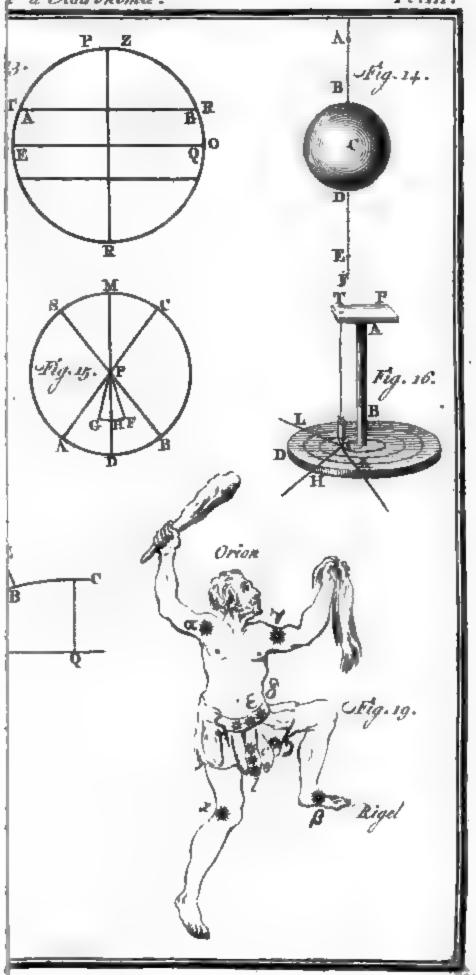


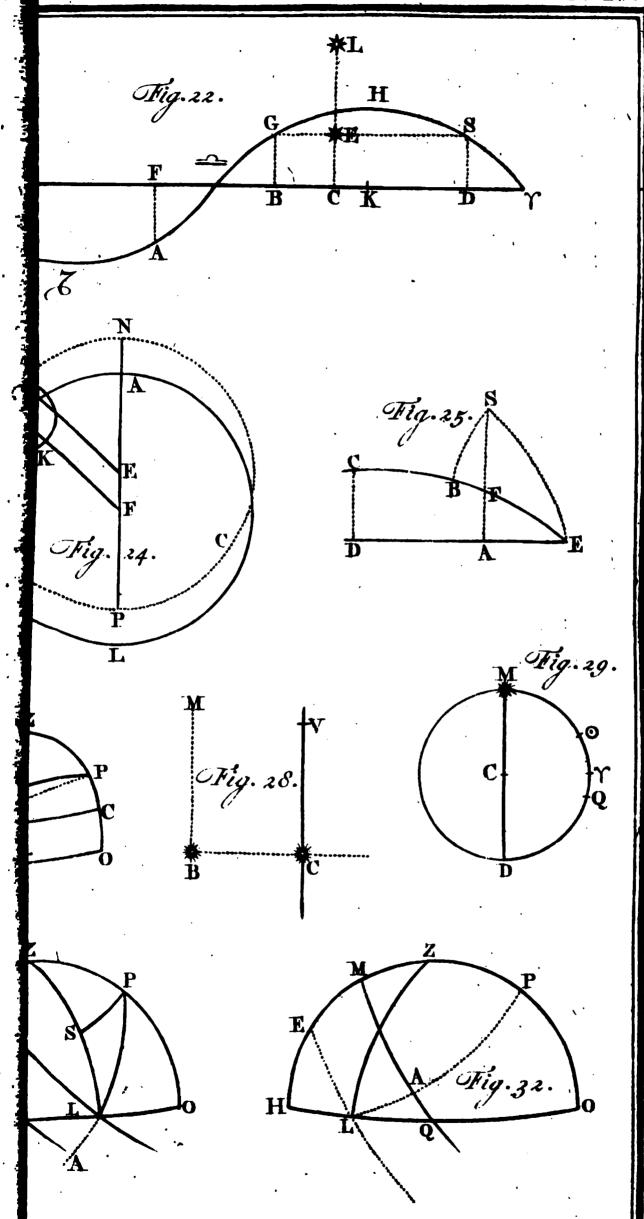
1

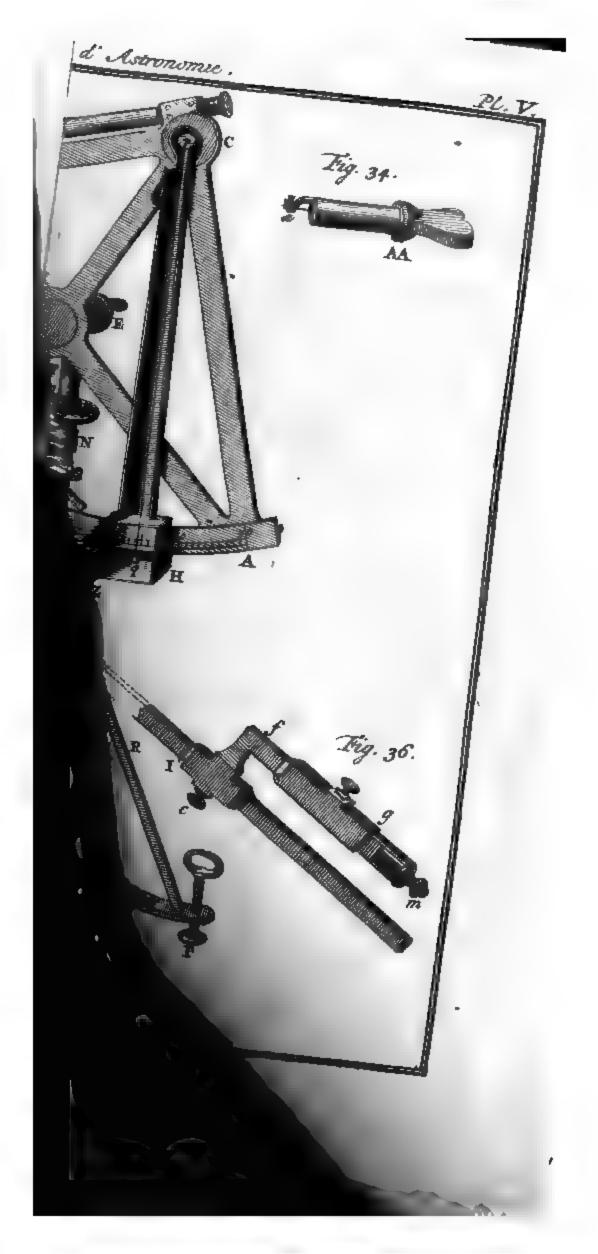


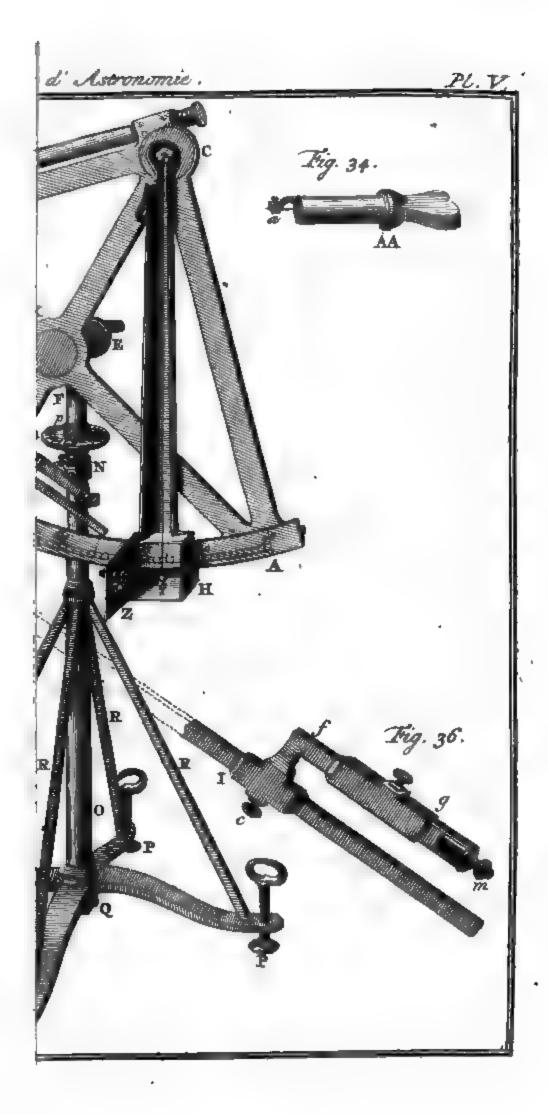




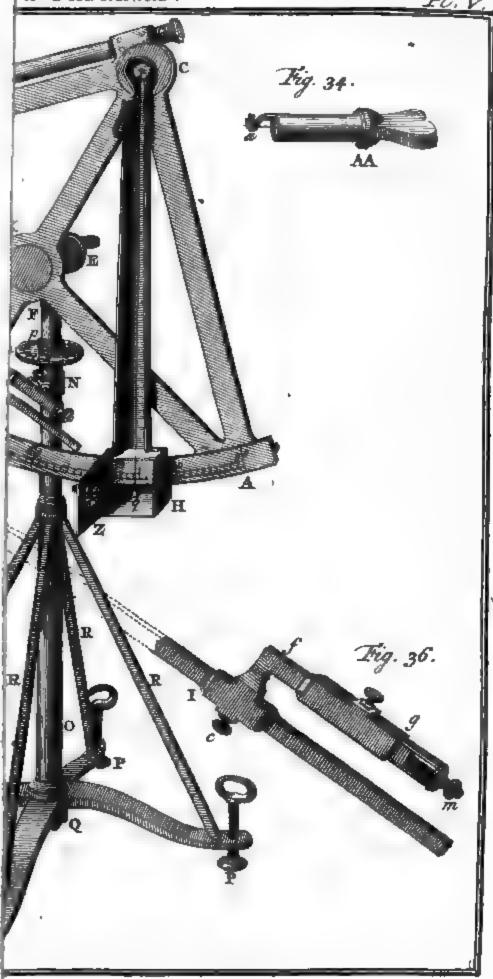


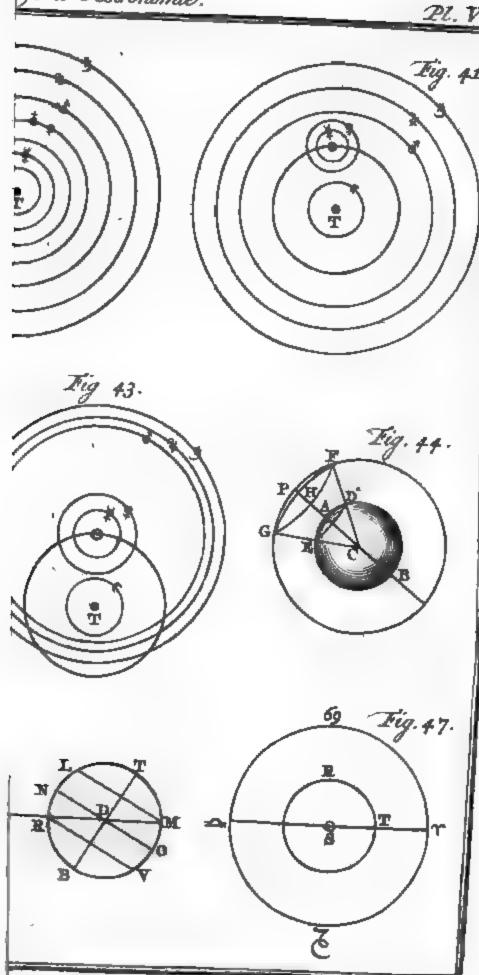




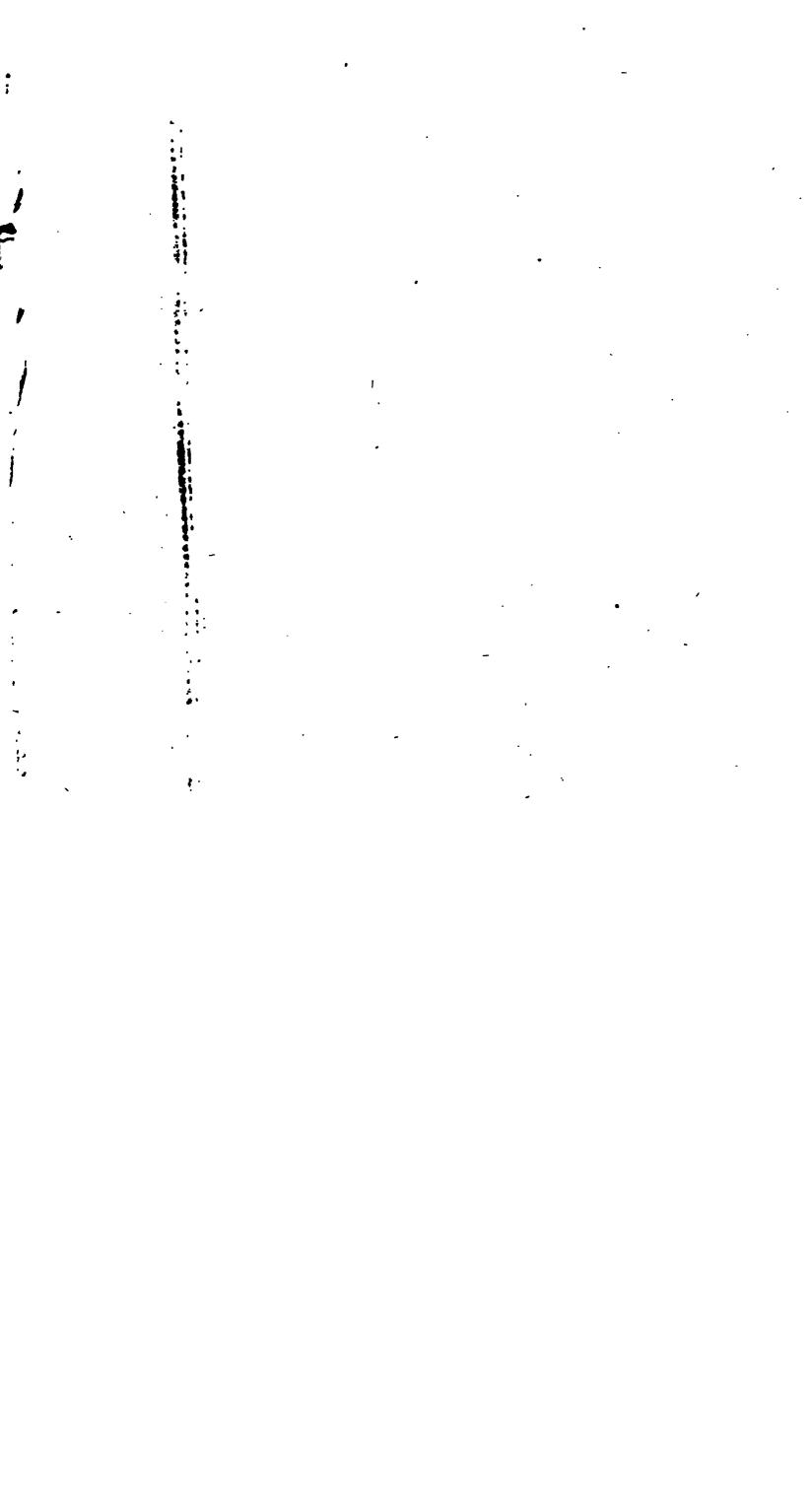


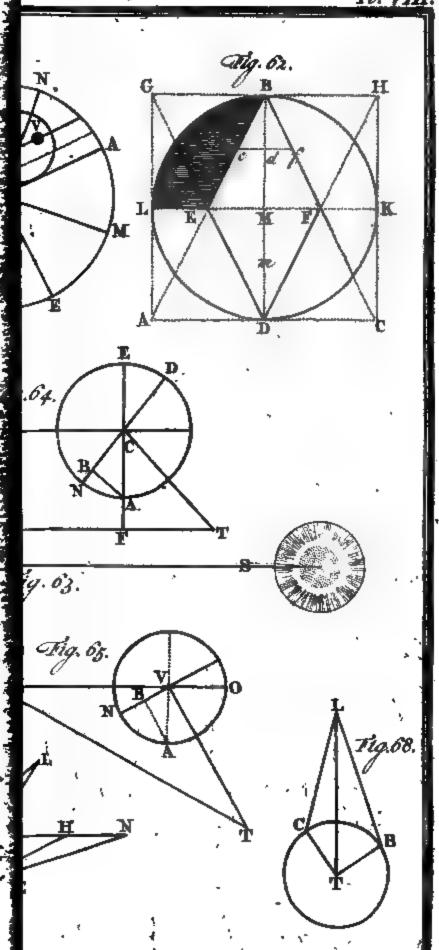


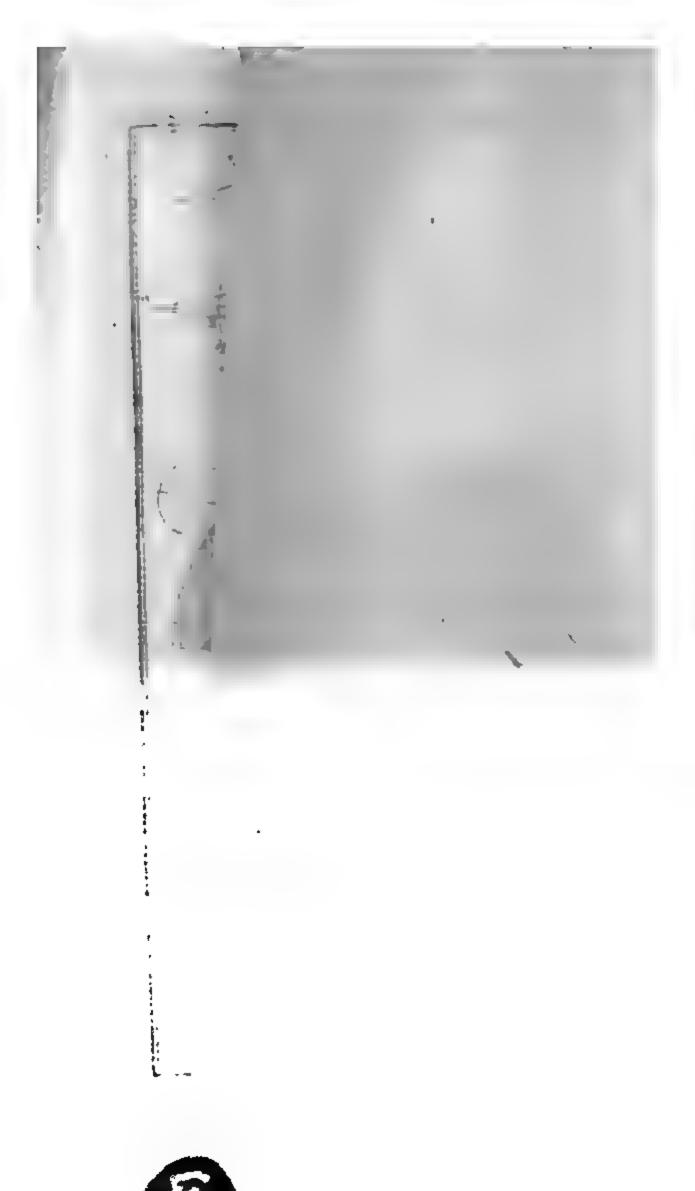


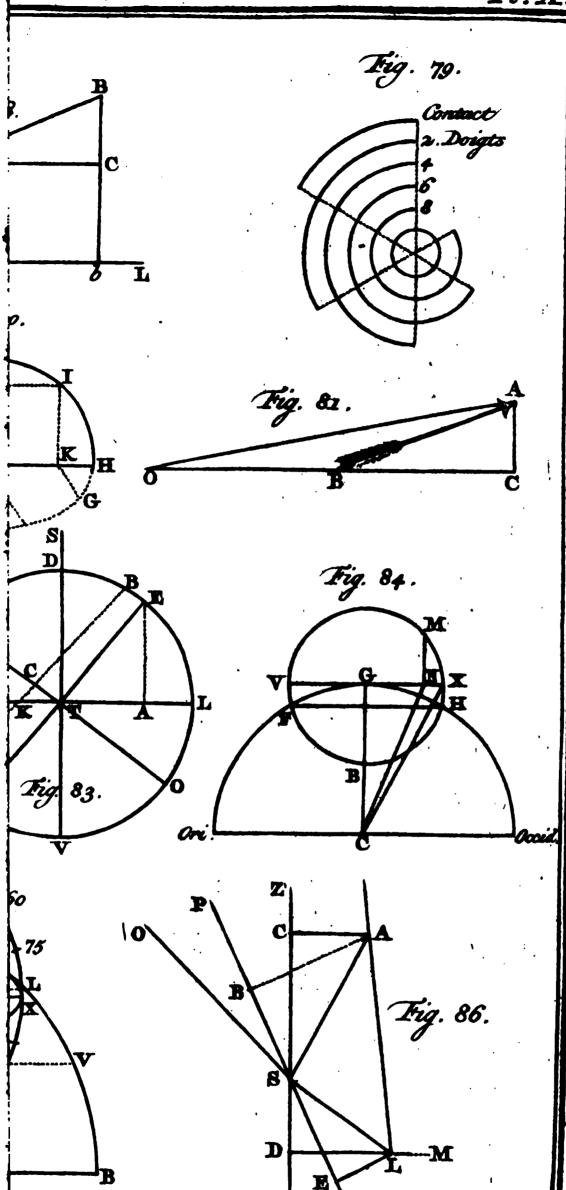


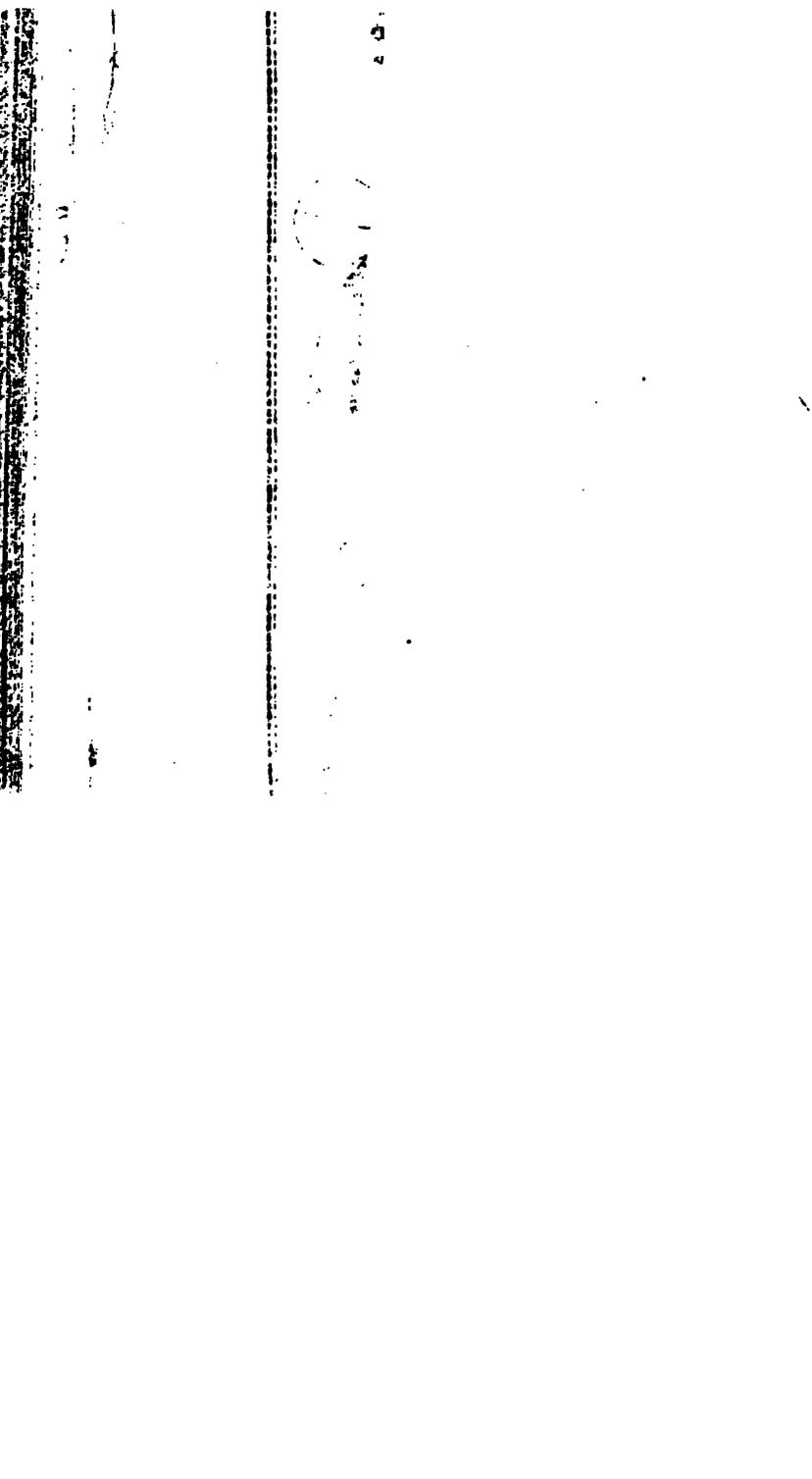


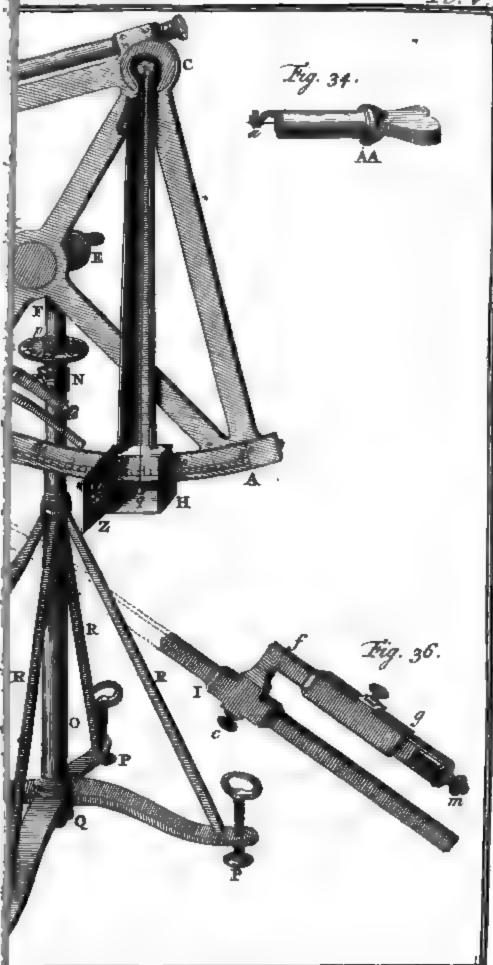


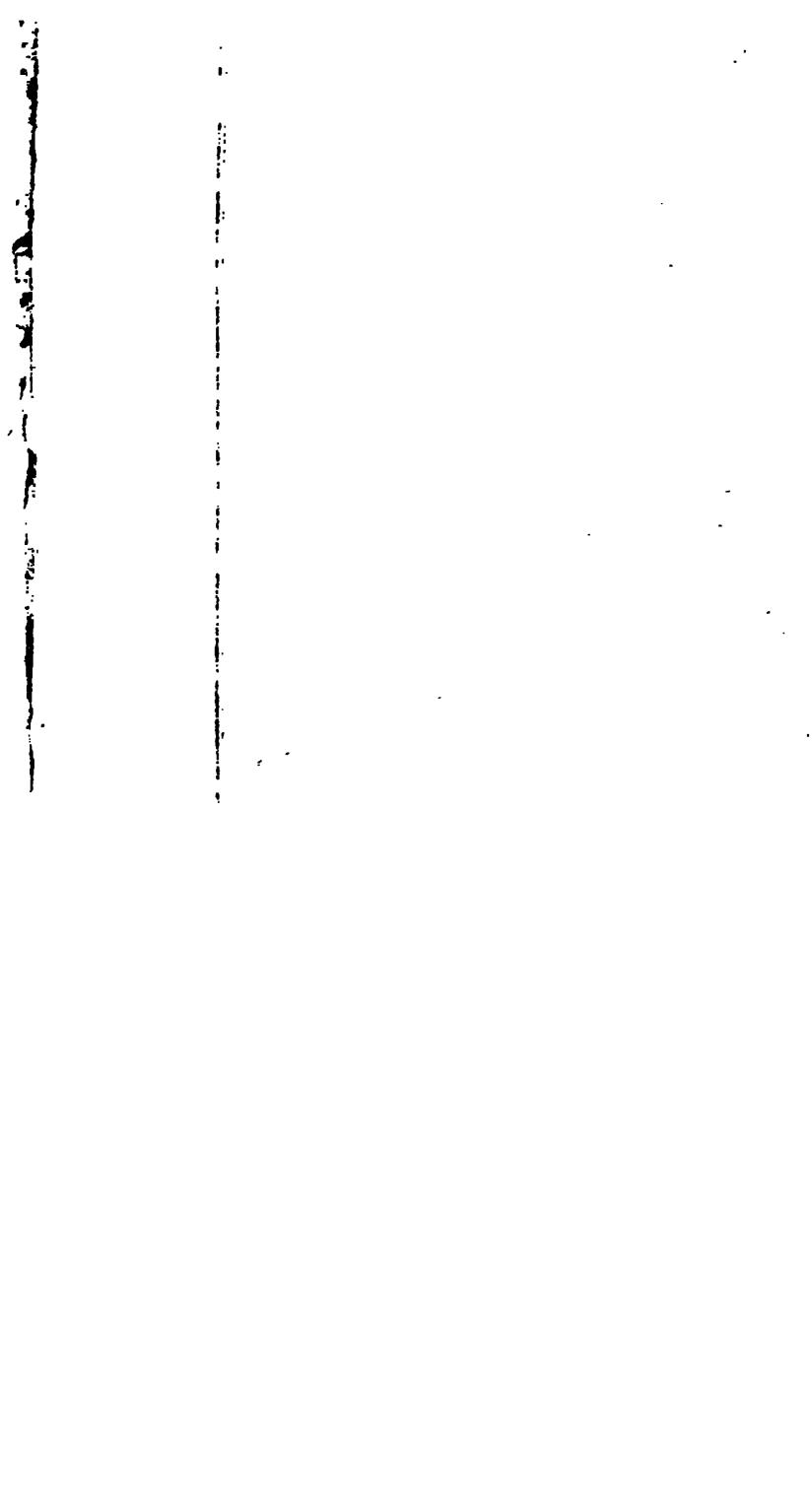


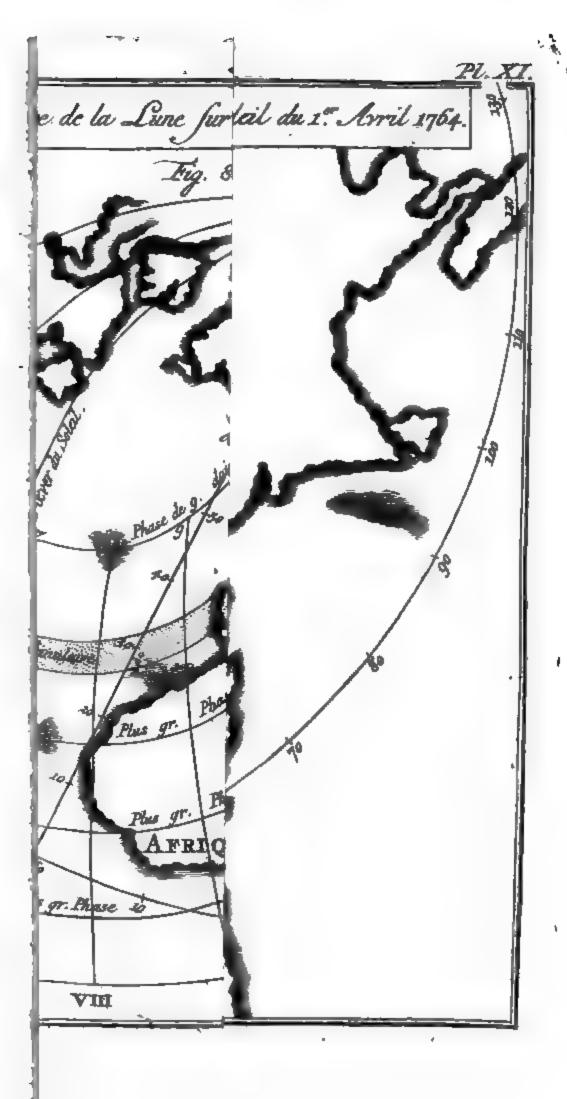














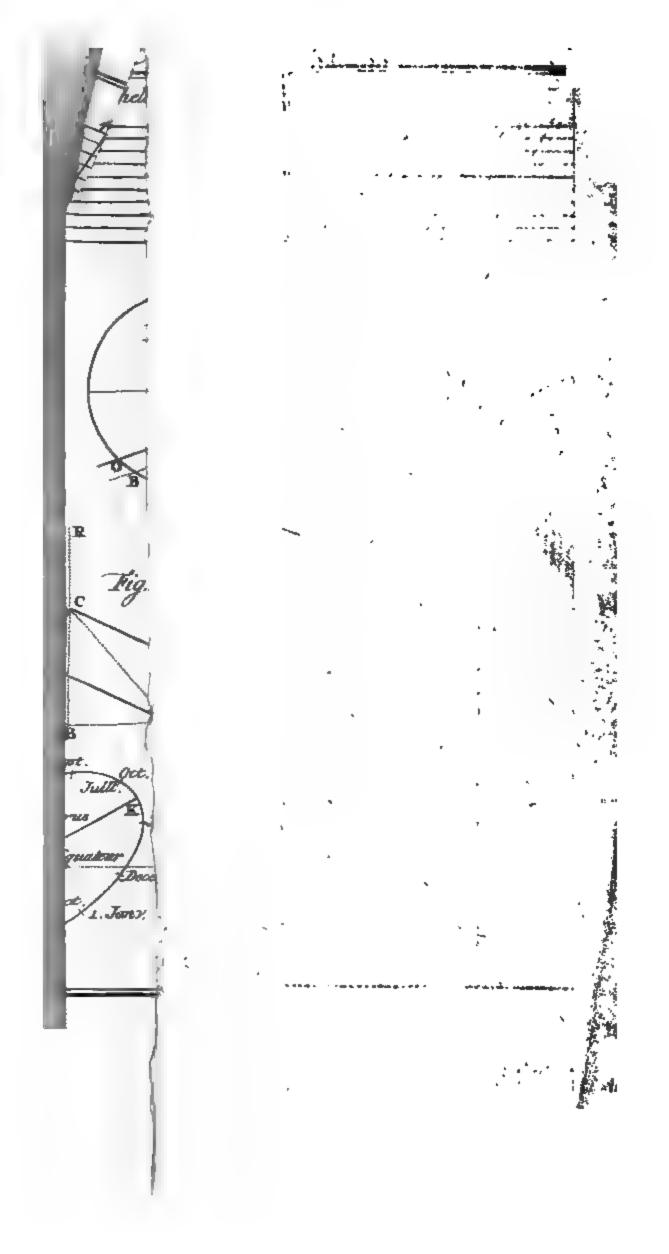
o. 50. Occident 6 H Occident



1. Jany,



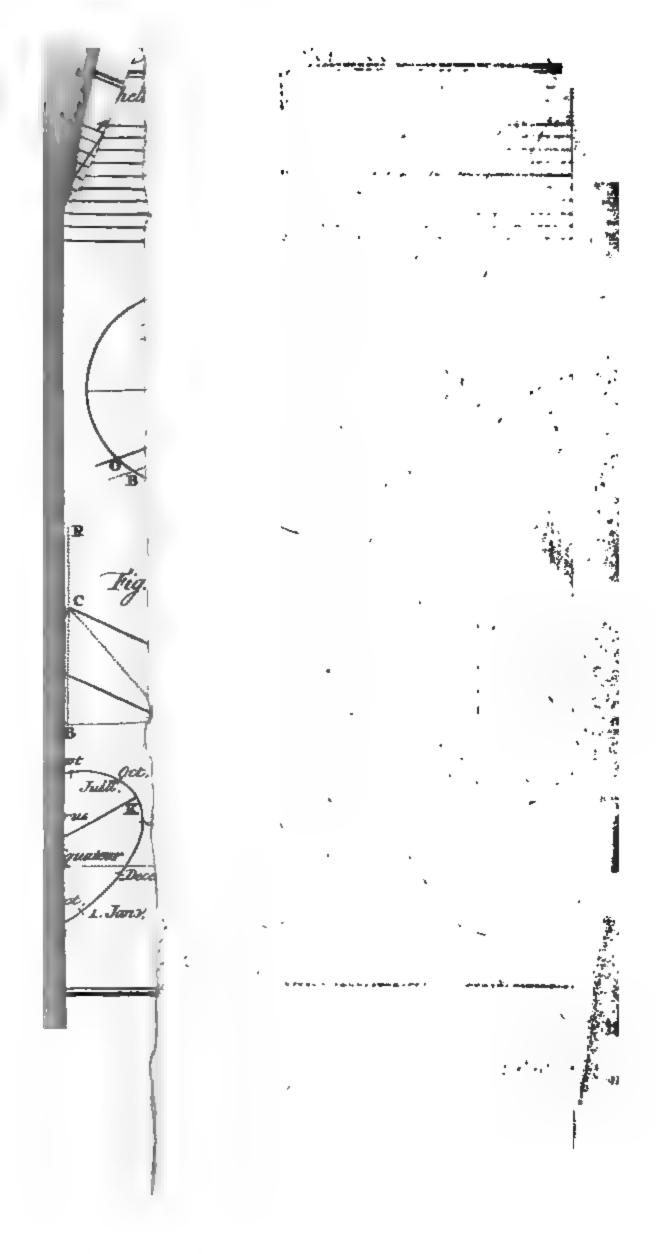








ļ











.

1





